



普通高校“十三五”规划教材·经济学系列

博弈论入门

葛泽慧 于艾琳 等 ◎ 编著
赵 瑞 冯世豪
何维达 ◎ 主审



清华大学出版社

普通高校“十三五”规划教材·经济学系列

博弈论入门

葛泽慧 于艾琳 赵 瑞 冯世豪 等 编著
何维达 主审

清华大学出版社
北 京

内 容 简 介

作为读者,无论您是否具备经济和数学专业基础,只要您对博弈论感兴趣,都可以读读这本书。它将引领您入门,深入浅出地介绍博弈论知识。本书通过案例、实验和故事将博弈理论娓娓道来,告诉您什么是策略思维、为何要换位思考、如何理解不同情境下的冲突与合作,以及其他诸多互动行为规则。无论经典的商业案例,还是尘封的历史故事,抑或身边的生活琐事,相信您在读完本书之后将对它们有更深刻的理解。

本书既可作为高等院校教材,也可供社会大众浅读。

本书封面贴有清华大学出版社防伪标签,无标签者不得销售。

版权所有,侵权必究。侵权举报电话:010-62782989 13701121933

图书在版编目(CIP)数据

博弈论入门/葛泽慧等编著. —北京:清华大学出版社,2018

(普通高校“十三五”规划教材·经济学系列)

ISBN 978-7-302-50490-0

I. ①博… II. ①葛… III. ①博弈论 IV. ①O225

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2018)第 134723 号

责任编辑:张 伟

封面设计:汉风唐韵

责任校对:王荣静

责任印制:董 瑾

出版发行:清华大学出版社

网 址: <http://www.tup.com.cn>, <http://www.wqbook.com>

地 址:北京清华大学学研大厦 A 座 邮 编:100084

社 总 机:010-62770175 邮 购:010-62786544

投稿与读者服务:010-62776969, c-service@tup.tsinghua.edu.cn

质量反馈:010-62772015, zhiliang@tup.tsinghua.edu.cn

课件下载: <http://www.tup.com.cn>, 010-62770177-4506

印 装 者:三河市吉祥印务有限公司

经 销:全国新华书店

开 本:185mm×260mm 印 张:21

字 数:467 千字

版 次:2018 年 8 月第 1 版

印 次:2018 年 8 月第 1 次印刷

定 价:55.00 元

产品编号:067182-01

前 言

本书将介绍博弈论的基础知识,它分为多个层次,既可作为教材,也可供社会大众浅读。

所谓博弈论,是研究多个主体之间如何根据对方的行动做出策略反应的理论,意即研究多个主体之间策略互动的理论。它是讨论行为与动机、竞争与合作以及机制设计的理论基础。

自20世纪中叶始,博弈论已发展成为一个体系完善、细节丰富、学科交叉的分析工具,对政治军事、经济管理、工作生活乃至生物进化等诸多现象都具有普遍适用性。随之,对博弈论知识的渴求已不再局限于经济管理专业的学生,理工文法等专业的学生和社会读者也都期望学习一二。然而,作为通识教育而设立的相关课程在国内尚属少数,有针对性的教材或读物则更为少见。

编著者从多年的经历中发现,尽管来自不同专业的众多学生对博弈论饱含好奇和激情,但是在初学或咨询之后,激情却骤然下降。究其原因,多数人认为博弈理论深奥难学,因此中途退却。一般来说,熟练掌握博弈论需要具备高等数学基础和抽象分析能力。因此,目前的教授对象主要集中在数学、经济、管理等专业的高年级本科生和研究生,很少扩展到大中专院校的普通学生和社会大众。那么,如何将丰富多彩的博弈知识和简单实用的博弈要义传授给毫无专业基础的初学者?这是编著者近些年的探索和持续努力的方向。毕竟课堂传授非常有限,而编写一部由浅入深、情节丰富的入门级教材或读物,则既能吸引读者阅读,又能启发读者思考、温故知新。

就非专业学习而言,高校学生和同等学历的读者在学习博弈论时表现出的特点是:富有热情、长于思辨,但怕抽象、难持久。因此,本书针对上述特点,紧密结合现实场景,由浅入深地介绍博弈论知识。编著者还创新写作风格,避免枯燥晦涩的同时又不失严肃。

具体而言,本书的创新有三。第一,调整知识侧重点,在内容上适当弱化理论推导和符号演绎,提升知识的应用性和通识性。即便不可避免地涉及理论分析和抽象概念,也是先由故事或案例开始,再引入简单模型和通俗定义,然后才是抽象概念和符号演绎。第二,创新写作风格,本书将艰涩理论生动化、形象化,使理论与现实紧密结合、相互渗透,而不仅仅给读者“夹心面包”。除了系统的知识体系外,本书中还有导出模型的引语故事、源出现实的案例分析、辅助理解的扩展阅读、深入学习的进阶阅读,等等。第三,书中的许多案例都是全新的,都经过编著者的精心编排和努力耕耘,使之更贴近读者的知识结构。

编著者中既有教学经验丰富的老教师,也有创造力旺盛的年轻人。在编写过程中,葛泽慧与何维达教授共同负责章节安排、内容选编、修改审校等全局性工作。具体到各章编写,主要分工如下。

- 第1章 葛泽慧、于艾琳。
第2章 丁云培、冯世豪、赵瑞。
第3章 冯世豪、于艾琳、赵瑞。
第4章 于艾琳、葛泽慧。
第5章 邓文聪、葛泽慧、于艾琳、赵瑞。
第6章 于艾琳、葛泽慧。
第7章 赵瑞、冯世豪。
第8章 冯世豪、赵瑞。

附录、版式、协调由赵瑞负责,参考文献、名词索引由魏傲宇负责。胡跃光、肖晏如、陈书清、任新宇、白梦迪和张鑫等在早期版本中也做出了奠基性贡献。所有人的贡献都非常重要,缺一不可。另外,本书已经列入北京科技大学“十三五”规划教材,本书的编写得到了北京科技大学教材建设经费的资助。

书中标注*号的章节为选讲内容或进阶内容,在课堂讲授中不作基本要求。若见章和节同时标注*号的,表示选讲章中具有选讲节,即若讲解该章,仍可进一步将标*节作为选讲。

由于编著者水平有限,错误在所难免,还请您不吝赐教。交流邮箱是 gezehui_jx@163.com。

现在,请您进入精彩的博弈世界!

葛泽慧

2018年1月25日

目 录

第 1 章 导论	1
1.1 博弈初印象	3
1.2 博弈的概念	11
1.3 博弈再举例	17
1.4 博弈的分类	24
1.5 博弈论简史	32
第 2 章 完全信息静态博弈	40
2.1 常见的概念和方法	40
2.2 纳什均衡	60
2.3 混合策略纳什均衡	71
2.4 关于均衡的更多讨论	78
第 3 章 完全信息动态博弈	87
3.1 动态博弈的表示	87
3.2 相机选择与策略可信性	91
3.3 新的均衡概念	98
3.4 几类经典案例	102
3.5 动态博弈的扩展讨论*	116
第 4 章 完全但不完美信息博弈	127
4.1 基本概念	128
4.2 完美贝叶斯均衡	135
4.3 古玩旧货市场：总有不完美	141
4.4 浅说信息不对称*	150
第 5 章 不完全信息博弈	156
5.1 信息不对称：知己不知彼	157
5.2 构建贝叶斯博弈：海萨尼转换	161
5.3 密封拍卖：赢者的诅咒和真实出价	172
5.4 多人投票：弃权、诚实还是策略	187

5.5 信号博弈：你的眼睛背叛了你的心*	195
5.6 博取声誉：真实还是伪装*	210
第 6 章 重复博弈*	218
6.1 重复博弈及其特点	219
6.2 构建重复博弈	222
6.3 信息不对称下的重复博弈*	234
6.4 重复博弈的进一步讨论	243
第 7 章 演化博弈*	251
7.1 “向前看”还是“向后看”	252
7.2 演化与演化稳定策略	257
7.3 两种常见的演化机制*	267
7.4 利他行为的演化	282
第 8 章 竞争与合作*	286
8.1 协调以避免竞争	286
8.2 公平已深入人心	294
8.3 合作的演化	298
8.4 合作博弈理论	302
8.5 合作博弈应用举例*	314
参考文献	321
附录	325
致谢	326

第1章 导 论



于你而言,博弈也许既熟悉又陌生,既亲近又遥远;它既包括工作的行动方略,也涉及生活的柴米油盐。无论古时征战沙场的运筹帷幄,还是现代日进斗金的股票交易,抑或孤注一掷的足球博彩,更甚团体内部的拉帮结派,它们都只是浩瀚博弈世界的惊鸿一瞥。

博弈论,简言之就是有关博弈的理论,实际是研究行为互动的理论。它起源于游戏赌胜,深化于政治军事,发展于经济生活。在我们的历史中,许多成语典故都在讲述着博弈的精彩:“兔死狗烹”的政治谋算、“退避三舍”的机智斡旋、“田忌赛马”的另辟蹊径等。而对年轻的读者而言,现代影视作品中也不乏生动的场景:《纸牌屋》《权力的游戏》中的权谋之争,《决战21点》《亿万》中的智者对决,《美丽心灵》《大话西游》中的真情流露,等等。博弈论虽然隶属于经济学,但它在政治学、社会学、心理学等诸多领域都散发着光彩。从两党制衡的政治格局,到趋同定价的商业现象,再到是否“私奔”的婚姻抉择,甚至“见死不救”的心理演化,都能够管中窥豹,可见一斑。

那么,应当如何从具体场景开始建立博弈的基本概念?又该如何从纷繁复杂的现象中确立一般性的分析方法?你知道博弈的分类和历史吗?让我们走进本章,初见博弈论的光彩。

相信你已经翻看了本书的内容简介和前言,对本书的话题有所了解。在即将开始一个生动有趣、细节丰富的话题之前,请先看如下两个故事。

第一个故事来自张小娴的爱情散文《谢谢你离开我》,讲述了主人公的恋爱表白过程。

一天晚上,他又“准时报到”,在电话里跟你天南地北。你们说着说着,到了夜阑人静的时候,话题绕到了爱情。在你“诱导”下,他有意无意地掉进了你设下的“陷阱”,终于,他羞涩地向你坦诚,他喜欢上了一个女孩子。

“是谁呀?”

他结结巴巴地说:“你是知道的。”

你笑了笑,说:“你不说,我怎么知道?”

他腼腆地重复一遍:“你这么聪明,一定能猜到我说的是谁。”

但你就是不肯猜,非要他亲口说出来不可。要是他连表白的勇气都没有,就不配爱你。

终于,他深情款款地说:“我喜欢你。”

就在他表白的那一刻,你对着电话筒甜甜地笑了。

第二个故事出自《三国演义》,说的是诸葛亮打破司马懿的固守战略,诱敌出战并将他

围困于上方谷中。

……司马懿详细问明蜀营的活动后,吩咐诸将于次日齐力攻取祁山大寨。

司马师问:“父亲为何不直取上方谷,反攻其后?”

答:“祁山乃蜀军根本,若见我军来攻,必会尽力来救;而我却去上方谷烧粮,使他们首尾不能相顾,一定大败!”

且说孔明正在山上,望见魏兵队伍三三两两,前后顾盼,料定是来取祁山的。于是秘传众将,众将各自听令而去。

不多时,只见蜀军奔走呐喊,奋力营救(假意)。司马懿见蜀兵都去营救,便领着两个儿子和中军杀奔上方谷。早有魏延在谷口等候,只盼司马懿到来。二军相见只有三个回合,魏延便诈败而逃。

司马懿见只有魏延一人,军马又少,于是放心追去。追到谷口,先令人到谷中哨探。回报并无伏兵,山上都是草房。司马懿断定必是屯粮之所,于是倾兵而入。追着追着,司马懿忽然发现草房上全是干柴,而魏延早已不见。心中狐疑,于是问两个儿子:“若有兵截断谷口,该怎么办?”

言未毕,忽听喊声大震,火把齐飞,烧断了谷口。一时间,干柴尽燃,火势冲天。魏军顿时乱作一团,夺路逃窜。惊得司马懿手足无措,下马抱着两个儿子大哭:“我父子三人皆死于此处矣!”……

这两个故事给人的感觉截然不同。前者是温情脉脉,每个人都可能遇到的爱情故事;后者是谋事切切,政治军事家们所追求的斗争智慧。但是无论哪个,都不是冷冰冰的文字。这些情节都或多或少地映射着你的生活情景和行为方式。



视频

诸如此类的事情,生活中还会遇到很多:如何应对舍友的不良习惯,如何确定男(女)友是否真心爱你?怎样才能在一次项目申请答辩中战胜对手,怎样才能管理好团队中的“懒汉”和“刺儿头”?为什么公共厕所的厕纸会消耗得特别快,而开源软件并没有像一些人预测的那样迅速消失?等等。这些都只不过是重大决策中的几个例子。这些情节看似毫不相关,但是却有一个共同的特征:你不是面对着一堆“死的”数学、物理世界在做决策,而是处于一群和你一样主动的、智能的决策者之中,你们的行为将相互依赖、相互作用。我们将这种决策主体间具有直接相互作用的行为称作互动行为。这种互动行为将对你的思维和行动产生重要影响。

与我们曾经学习的数学、物理或其他专业技能相比,关于互动行为的思维方式是显著不同的。

举例来说,你将要参加某个电视台的记歌词娱乐节目。如果节目组采取个体选拔机制,那么只要你足够努力,经历足够时长的训练,就能记住足够多的歌词,顺利实现你的目标。但是,如果电视台要求5人组团参加,情况就会变得复杂:遇到一个不努力的队友该怎么办?队友的步调与自己不一致怎么办?此时已不单纯是个人努力和科学决策的问题了,队友之间的相互作用将不再单纯受某一个人的意愿控制。

又如在篮球比赛中,并不是付出越多,得到就越多,甚至还会出现“南辕北辙”的现象。

假如你使用“三步上篮”得分率较高。当你的团队得分较低时,你可能有些急切,倾向于频繁地使用“三步上篮”。也许很快你就会发现,你使用“三步上篮”的频率越高,对手对你的防守也越强,于你反而得分更低。还有更糟糕的,你控球的时间越长,次数越多,队友越抗拒给你传球!

类似的例子在生活中比比皆是。那是因为,人的行为特别是互动行为使一个人的决策变得复杂。目前,有多个学科都在研究人的行为,各有特色、互有联系。在这些学科中,经济学、社会学和心理学是三个相对典型的学科。经济学一般从个人动机出发解释人类行为所带来的社会现象,是从微观到宏观。而社会学大多从规范演进的角度解释个人的行为,是从宏观到微观。心理学则是考察人们在面对某一情景时的行为及其潜在的心理作用机制。前两者的研究方法是逻辑演绎式的,而后者则是实验归纳式的。此外,新近发展起来的行为科学也值得一提。它是一个边缘学科,涉及心理学、社会学、人类学、政治学和管理学等多个学科,主要采用实验观察方法来研究不同情境不同人群的行为偏好和理论实证。

本书将要介绍的博弈论,同样也是研究人的行为。但是,与社会学和心理学等学科不同,博弈论主要是研究具有相互作用的决策主体之间的互动行为,其中决策主体具有理性思考的能力。正如前文所说,当理性的决策者彼此相互作用时,即当某个人的行动依赖于他人如何行动的时候,关于“如何行动、有何结果以及如何互动”的讨论就会变得非常有意思,也会引起大多数人的兴趣。虽然博弈论是一门非常年轻的理论,在起源上属于经济学范畴,但是其应用却十分广泛,跨越多个学科。博弈论是科学与艺术的完美结合,其力量也恰恰在于它的数理精确性和应用灵活性。随着我们的深入介绍,这一点将会慢慢浮出,逐渐清晰。

本章将首先通过浅显的例子使你对博弈论建立初步印象,然后介绍基本概念,接着通过经典案例来加深理解。作为第1章,对博弈进行简单分类将会使你的学习变得清晰有序。最后,本章介绍了博弈论的历史和现状,以期你对常见术语和重要事件形成一个纵向的脉络。

1.1 博弈初印象

为自己获得最大限度的幸福,是任何合乎理性的行动之目的。

——杰里米·边沁(Jeremy Bentham)

1.1.1 博弈是一种游戏

“博弈”中的“博”有多种含义,如“大”“广”“通”等。但在古文中,“博”又指一种“局戏”,即“六箸十二棋”,而“弈”的本意即指“围棋”。所以,仅从字面理解,“博弈”是一种游戏。实际上,“博弈论”一词是从英文“game theory”翻译而来的,本意就是“关于游戏的理论”。“game”一词非常直观地概括了博弈论所关注的内容,如游戏场景中常见的策略、相互作用、对抗与合作等。

关于游戏,也许你并不陌生。“猜硬币”“剪刀、石头、布”“围棋”以及各类纸牌游戏等,

都是大家从小就接触的游戏。到了青少年时期,各种电子游戏更是令人流连忘返。常见的《英雄联盟》就是其中之一。

在《英雄联盟》中,“召唤师峡谷”是最受欢迎的地图。游戏有甲、乙双方各 5 个玩家。甲、乙双方都选择英雄进行相互对抗,并以杀死对方的英雄、中立的野怪和推翻防御塔等方式来获得经验或金币。所以,双方都要先使自己的英雄强大,才能实现最终的目标,摧毁对方队伍的主要基地“水晶枢纽”。

纳什男爵又称“大龙”,是中立的野怪,图 1-1 所示为《英雄联盟》中的大龙。双方都想杀掉它,因为这么做可以为整个团队获得额外奖励。所以在龙附近常有冲突——游戏双方往往为了争夺大龙而展开团战。当然,攻击大龙也会遭到反击,从而损耗英雄的生命值。在历经多次较量后,双方进入这样一个局面:甲方 5 个英雄的装备和等级略强于乙方的,意即甲方的战斗力略胜一筹。目前双方都在大龙附近徘徊,团战一触即发。关于是否进攻大龙,甲、乙双方都有两种可能选择:立即进攻,或等待对方先行以便坐收渔利。各方应该如何行动呢?让我们分 4 种情况来讨论。



图 1-1 《英雄联盟》中的大龙

(1) 甲、乙双方都等待。此时双方都不进攻大龙,也不会杀掉大龙得到奖励;显然,双方无得无失,不妨视作得益^①均为 0。

(2) 双方同时进攻大龙。此时甲乙双方可能发生对战,同时大龙也会还击。鉴于甲方略胜一筹,所以甲方更容易在双方对抗中取得胜利。尽管如此,乙方仍有机会获胜。假设甲、乙双方获胜的可能性分别为 70% 和 30%,各自得益不妨记作 70 和 30。

(3) 甲方选择等待,乙方选择进攻。考虑到乙方战斗力略逊于甲方,甲方又以逸待劳,因此乙方获胜的可能性很小。同样,利用获胜可能性来表示双方得益,甲乙分别对应为 90 和 10。

(4) 乙方选择等待,甲方选择攻击。虽说乙方战斗力不如甲方,但是能够伺机而动,待到甲方虚弱时出战。这样双方势均力敌,成功的概率不相上下,不妨将得益表示为 50 和 50。

也许你对双方如何行动仍然没有清晰的思路。就游戏的任一方而言,自己的行动,连同对方的行动一起,将使得双方陷入 4 种不同的境地。为便于比较,可将 4 种境地以及双方的行动对应,组成矩阵的形式,如图 1-2 所示。矩阵中的得益组合分别对应于甲方和乙方的得益。

如何选择才能使自己处于最佳状况呢?意即对于双方而言如何行动才能使各自的得益最大化?

^① 尽管也有书籍称之为“支付”或“收益”,但是本书采用了更具一般性的说法,统称为“得益”。实际上,三者都是由 payoff 翻译而来的。

		乙方	
		进攻	等待
甲方	进攻	70, 30	50, 50
	等待	90, 10	0, 0

图 1 2 《英雄联盟——攻击大龙》双方的得益矩阵

既然所考察的是互动行为,甲方需要考虑乙方的行动。那么甲在做出行动之前必须思考:如果乙方进攻,我该怎么做才是最好的。所谓最好,也就是得益最优。从图 1 2 中可以看出,若给定乙方进攻,甲方在进攻和等待之间抉择。如果进攻则得益为 70,如果等待则为 90。显然,“如果乙进攻,则等待”是甲的理性选择。同理,如果乙等待,则甲进攻和等待时的得益分别为 50 和 0。因此,“如果乙等待,则进攻”。

进一步,“如果乙进攻,则等待;反之则进攻”是甲针对乙而做出的一个行动计划,称之为“策略”。对于每个参与者而言,策略常常不止一个。例如,“如果乙进攻,则进攻,反之则等待”也是甲的一个策略。而甲的决策就是通过比较得益的大小而对采取何种策略做出选择的过程。当然,乙也能推知甲的选择;甲也知道乙知道甲的选择;以此递进,乙也知道甲知道乙知道甲的选择……

那么,乙应该如何行动呢?首先,乙可以根据甲的推理进行选择,即“甲知道乙,乙知道甲知道乙”。显然,这样很容易使双方陷入一种无限循环。其次,与其一环套一环的思考,不如像甲一样直接应对。如果甲进攻,乙选择进攻和等待时的得益分别为 30 和 50。因此,“如果甲进攻,则等待”是乙的理性选择。同理,“如果甲等待,则进攻”也是乙的理性选择。与甲类同,“如果甲进攻,则等待;反之则进攻”是乙的一个策略。当然,乙的策略也有多个。

只要甲乙双方是足够理性的,就能够明确自己的选择,同时也知道对方的选择。那么,(甲进攻,乙等待)和(甲等待,乙进攻)是双方的共识。假定游戏可重复,双方团队处于(甲进攻,乙等待)的境地。那么,甲有动机单方面偏离吗?亦即在给定对方行动(等待)的条件下甲转而“等待”?显然没有,因为那样将会使他的得益从 50 降到 0。同样地,假定甲不改变行动,乙也没有动机单方面偏离。双方将在此处达到相对稳定的状态,谁都没有动机偏离——这就是均衡!同理,(甲等待,乙进攻)也是一个均衡。

至此,也许你已经对博弈有了简单的了解。所谓博弈,就是一些个人或组织在一定的环境和规则下,同时或先后,一次或多次,从各自允许选择的行动或策略中进行选择并加以实施,各自取得相应结果的过程。而博弈论则是研究博弈中决策主体之间相互作用的理论。

那么,对于大量的博弈场景,应该如何定义均衡才具有普适性?有多个均衡时又该如何行动?双方对均衡的理解和预测不一致时该怎么办?如果有一方的信息是隐蔽的,此时又该如何推断双方的行动?凡此种种,还有许多问题有待深入阐述。本书将在第 2~5 章中逐层递进、由浅入深地展开讨论。



扩展阅读：经济均衡

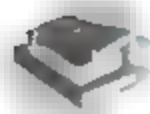
平衡现象、概念和分析方法,常见于自然科学,尤其是传统的力学领域。而经济学在研究人们的经济行为和结果时借鉴与引入了平衡分析法。

在魁奈的时代(Francois Quesnay,1694—1774),有的经济学家已经觉察到经济现象之间的相互依存关系,这些复杂的相互关系时常处于一种相对稳定的状态。但是他们谁也没有达到足够的水平,把这种相互依存的关系清楚明白地进行理论阐述,更没有能力认识和解释这种稳定状况的存在条件,以及打破这种稳定之后如何恢复。直至魁奈提出了他的经济表。西方著名经济学家约瑟夫·阿洛伊斯·熊彼特(Joseph Alois Schumpeter)曾说:魁奈的经济表“是最先设计出来,用以表达明确的经济均衡概念的一种方法”。及至近代,英国经济学家马歇尔把均衡概念引入经济学的理论框架,创立了局部均衡分析方法。法国经济学家瓦尔拉斯把均衡分析应用到更广泛的分析领域,创立了一般均衡分析方法。

在不同市场类型中,各经济主体经济行为的均衡状态、均衡条件以及由此推导出的理论和原则,构成了现代微观经济学的重要组成部分。由此所形成的均衡分析方法不仅发展成为经济分析的基本方法,也为分析非平衡问题提供了一个基准点和参照系。至今,均衡理念和均衡分析几乎已渗入经济学说的每一个部分,成为不可或缺的经济分析方法和经济理论内容。

实际上,博弈论的内容十分丰富,应用也十分广泛,并不局限于上述思路。但是发展至今,大量有意义的结果不得不借助于专业术语和数学演绎。鉴于此,本书尝试将深奥的理论浅易化,并辅以生动的案例。无论如何,目的只有一个,希望博弈论能够给你的学习生活带来些许增益,因为——博弈就在你身边。

1.1.2 博弈就在你身边



引语故事：酒吧问题

在美国西部新墨西哥州的一个小镇上共住着100人。镇上有爱法罗酒吧。每个周四晚上,人们要么去该酒吧,要么待在家里。但是,酒吧只能容纳60人——超过60人就会显得拥挤,服务质量也会随之下降。大家普遍认为酒吧顾客越少越安静、服务质量也越高。

第一周,这100人中的大多数去了酒吧,导致酒吧人满为患。他们没有享受到应有的乐趣,抱怨还不如待在家里。那些选择在家的人反而暗自庆幸。

第二周,人们根据经验判断顾客将会非常多,所以决定待在家里。结果呢?因为多数人决定待在家里,所以只有少数人到酒吧,享受了一次高质量的服务。

第三周,有了上次的教训,大家都认为这周应该去,可转念一想又觉得应该待在家里。结果呢,大多数人都认为酒吧人多而选择待在家里——又是只有少数人享受到了高质量的服务。

自此以后,这些居民每周都要面临一个问题:去酒吧,还是待在家里?

这个故事被称作酒吧问题,是一个典型的少数者博弈。少数者博弈由瑞士弗里堡大学的张翼成教授和 D. Challet 提出,描述了一个群体动态竞争有限资源的过程。在少数者博弈中,策略没有对与错,只有少数与多数。换言之,只有行为区别于大多数人的这部分少数者才能获得更多的利益。

回到酒吧问题。显然,小镇居民是否去酒吧的动机来源既非获胜的成就感,也不是直接的金钱收入,而是去酒吧给自己带来的幸福感。无论是金钱收入,还是成就感和幸福感,都可统称为效用。对于去酒吧的人而言,同时去酒吧的人数越少,这个人的效用就越高,反之越低;如果超过 60 人,还不如待在家里。无论如何,人们选择的基本原则是一致的,即若预测人数少于 60 就去酒吧,否则就不去。然而,他们却使用着不同的策略来指导各自的行动。例如,有些人利用前一周的酒吧人数做推断,而有些人则利用前两周的。从整体来看,人们的选择是随机无序的。但是随着时间的延长,去酒吧的人数会逐渐演化到一个稳定状态,即在酒吧容量 60 人左右波动。

上述结论已经被计算机实验所证实。开始,不同的行动者确实根据自己的归纳来行动,并且去酒吧的人数没有一个固定的规律;然而,经过一段时间以后,去酒吧的平均人数很快达到 60,即去与不去的人数之比是 60:40。尽管每个人不会固定地属于去酒吧或不去酒吧的人群,但这个系统的比例是基本不变的。这是理论预测的均衡。也就是说,他们会自组织地形成一个生态稳定系统。

但是,真实人群却不是这样的。布瑞恩·阿瑟(W. Brian Arthur)教授通过对真实人群的观察研究,发现人们的预测呈有规律的波浪形态。实验中去酒吧的人数如表 1-1 所示。

表 1-1 酒吧问题对真实人群的实验数据

周别	1	2	3	4	5	6	7	8	...
人数	44	76	23	77	45	66	78	22	...

虽然不同的参与者采取了不同的策略,但却有一个共同点:这些预测都是用归纳法进行的,亦即根据历史观察来行动。正如我们即将看到的那样,传统经济学认为经济主体的行动是建立在演绎推理之上的,但阿瑟教授却给出反证,指出多数人的行动是基于归纳的!

也许有些读者会认为这只是经济学家们的纸上游戏。实际上并非如此,它已经深入人们的生活。仔细观察,你就会在身边发现诸多类似场景。“股票交易”“交通拥挤”以及“足球博彩”等问题都是这个博弈的延伸。例如,在股票市场上,如果多数股民做空(卖出)一只股票,那么股价就会走低。但是你若反其道而行,则更有可能获得丰厚利润。“少数者博弈”还可以在择校择业中找到印证。在高考填报志愿时,每个人都会根据往年的录取分数线进行判断,来选择报考院校。然而,总会出现有些学校“热门专业分数不高,冷门专业分数不低”的现象。这并不难理解,往年的热门学校和专业必然是当年很多人的首选,这样一来,很多人为了避免激烈的竞争从而选择报考相对冷门的专业和学校,怀有这种想

法的人多了,原来冷门的院校也就变成热门的了。相反,有些大胆填报热门院校的人却可能因此而顺利进入热门院校。

如何理解现实生活中这些令人困惑的现象?为什么理论与实际会有如此大的差异?这些行为的互动机制是怎样形成的?诸如这类问题,你将在本书第6~7章的重复博弈和演化博弈中找到答案。

在第6章之前,我们主要讨论参与者如何“向前展望,倒后推理”。无论是将要学习的完全信息静态博弈和动态博弈,还是不完全信息博弈,都要求参与主体是完全理性的,即在向前展望和倒后推理中对均衡的预测足够准确、足够一致。这部分内容的突出特征是从普遍的和基本的假设出发,抓住主体间的利益冲突和行为互动这一关键,提出了由参与者、策略集、信息集及得益函数等要素构成的统一研究范式。这种研究方法适合于一切涉及竞争和选择的互动行为。然而,社会实际更多的是偏离均衡的和时间动态的,而且行为主体的完全理性假设只是一种理想状态。因此,博弈论的发展也并非一帆风顺,始终伴随着质疑和挑战。

正当关于均衡的深入研究前途迷茫并且进展缓慢的时候,大量的研究却转向了参与者如何进行博弈、他们如何从历史中不断学习,以及如何通向更高层次的合作行为等。从生物学当中借鉴来的进化思维方式也显示出意义非凡的特性,这些特性对于研究个人或组织的行为演变大有裨益。而且,随着博弈论基础建构的完成,研究者们研究内容也由竞争性互动逐步向更广的社会信念拓展,诸如合作、公平、利他等。一般来讲,合作就是个人与个人、群体与群体之间为达到共同目的,而彼此相互配合的一种联合行动。而竞争则是个体或群体间力图胜过或压倒对方的行动或心理需要。竞争的产生可从人的自私性来理解,而合作是如何产生的?这正是第6章及以后所要关注的内容。可见除了竞争外,博弈中还有更丰富的内容。

1.1.3 博弈不只有竞争



引语故事:“金球”节目中的奖金分配

BBC(英国广播公司)电视制作中心曾于2007年6月至2009年12月制作过280多集娱乐节目,名叫“金球”(Golden Balls)。在每集节目中都有多名选手进行角逐,到最后只剩下2名选手和一大笔奖金。奖金从一点点到17.5万英镑不等,视前几轮的角逐情况而定。这时,主持人会给每人2个球,其中一个写着“平分”(split),另一个写着“偷走”(steal)。两个参赛者需要从中选择1个球。现假设奖金为10万英镑,两个人的行动会呈现如下三种局面。

(1) 如果两个人都选择了“平分”,那么皆大欢喜,两个人可以平分之前累积的奖金。这是最理想的情况。在这种情况下两个人各自得到了5万英镑。

(2) 如果其中一人选择“平分”,而另一人选择“偷走”,那么选择“平分”的人不但一分未得,还会产生“被偷”的负面情绪。不妨假设他的得益为 l ,其中 l 是小于0的常数。同时,选择“偷走”的人可以拿到全部的10万英镑。

(3) 如果两个人都选择了“偷走”，那么两个人一分钱也得不到。

想象一下，如果你作为参赛选手进行到最后一轮，此时你将做何选择？

与游戏《英雄联盟》中的做法类似，我们将上述三种情况下的得益写成矩阵的形式，如图 1-3 所示，其中得益组合中逗号前对应于选手 1 的得益。



视频

		选手2	
		平分	偷走
选手1	平分	(5, 5)	(t , 10)
	偷走	(10, t)	(0, 0)

图 1-3 “金球”节目中选手的行动($t < 0$)

当选手 1 进行选择时，需要考虑选手 2 的选择。假定选手 2 选择“平分”，那么选手 1 在“平分得 5”和“偷走得 10”之间比较，显然选择“偷走”是最佳的。假定选手 2 选择“偷走”，则选手 1 需要在“平分得 t ”和“偷走得 0”之间比较，仍然是选择“偷走”为最佳。可见，无论对手如何选择，选手 1 选择“偷走”都是一个上策。同理，选手 2 不仅认识到选手 1 的选择，而且还认识到他自己的上策同样是“偷走”。

那么，选手 1 和选手 2 都将选择“偷走”。即便有人出错，在“吃一堑，长一智”之后仍将“幡然悔悟”。因此“1 选择偷走，2 选择偷走”是双方都愿意的局面，是该博弈的一个均衡。在此情境下，没有任何一方有动机单方面偏离，意即对方的行动不变，自己从“偷走”改成“平分”。换言之，尽管二者都知道选择“平分”是最理想的局面，但是在追求自身利益最优时却陷入了都“偷走”的困境。这就是“囚徒困境”，博弈论中的经典场景之一。

一般来讲，“囚徒困境”这一博弈是不容许“囚徒”也就是参与者进行信息沟通的，需要他们独立做出各自的选择。即便在一定程度下放松这种要求，仍然没有显著改善。例如，在做出选择之前两个人可以互相商量。于是在这个节目里经常出现如下两种情况。

(1) 一个人极力保证自己一定会选择“平分”，让对方也选择“平分”，这样两个人可以平分奖金——但最后这人却改成了“偷走”。

(2) 两个人都说好了选“平分”——最后都暗自换成了“偷走”。

注意，上文使用了“经常”一词。这会不会仅仅意味着一种主观感知？为了给出相对客观的结论，范·德·阿西姆(Van den Assem)等(2012)曾对 287 集中的 574 名选手样本进行了统计，发现两者平分奖金的人数占比 31%，1 人平分 1 人偷走的比例是 44%，而两个人都偷走的比例是 25%。“金球”节目中选手的选择分布如图 1-4 所示。同时，还有一个有意思的现象：奖金数额小时合作概率较高，奖金数额越大，合作的倾向越低。



视频

		选手2	
		平分	偷走
选手1	平分	31%	22%
	偷走	22%	25%

图 1-4 “金球”节目中选手的选择分布

在整个人群中,选择合作的人数只占了不到 1/3,更多的人在利益冲突时选择了非合作的行动。也许这正是你所理解的博弈论,它是关于对抗或竞争性策略的理论。实际上,不仅仅是博弈论,包括经济学乃至心理学等都在一定程度上承认人是自私的,到处可见“自私的基因”。

《自私的基因》一书的作者克林顿·理查德·道金斯(Clinton Richard Dawkins)曾被一家世界上最大的计算机公司请去,组织他们的高管进行一个为期一整天的策略游戏,目的是让他们一起友善地合作。高管们被分成红、蓝、绿三组,游戏和上述的“囚徒困境”差不多。不幸的是,这个公司想达到的合作目标并没有实现。就像上述结果一样,虽然宣布游戏在下午 4 点结束,但红方和绿方在游戏开始后很快就陷入一连串的反叛之中。在事后的讨论会上,大家都对合作愿景的破碎感到十分懊恼。

可见,并非只有少数人才具有合作意愿,但是合作行为却并非那么普遍。怎样才能在没有强力约束的条件下自愿达成合作呢?这个问题已经并将困惑人们很久。

在第一次世界大战期间,西部前线展现了一幅为几尺领土而浴血战斗的残酷画面。但是在这些战斗的空隙中,敌对的士兵却经常表现出很大的克制。一位巡视前方战壕的英军参谋官员写道:

[我]惊奇地发现对方德军士兵在来复枪射程以内走动。我们的人却不予理睬,我暗自下决心,当我们接管这里时一定要杜绝这类事情。这种事情是绝对不允许的,这些人明显不懂这是战争。双方显然相信“自己活也让别人活”的策略。

这不是一个孤立的例子,“自己活也让别人活”的系统是堑壕战的特产。尽管高级军官想尽力阻止它,尽管有战斗激起的义愤和杀人或者被杀的军事逻辑,尽管上级的命令能够轻易制止任何下属试图直接停战的努力,但是这个系统仍然在相当长的历史时期内存在着。

继续深入探究,在每个人都有竞争动机的情况下怎样才能产生合作呢?合作是怎样维持下去的?为什么在合作中又会不断地出现背叛行为?对这些问题的回答,不仅涉及无限重复博弈的概念,还关系到决策主体偏好的演化,以及合作博弈的知识。这些内容将在第 8 章中进行讨论,同时第 6~7 章也会有所涉及。

总之,我们希望读者通过博弈论学习,理解并掌握一些人际互动中的思维方式。虽然人际互动中并非处处是理性的,但是了解和掌握这些思维方式将比单纯的知识学习更重要。

(1) **策略思维**。策略思维要求你尽可能周全地列出未来可能发生的状况,然后根据这些状况制订相应的行动计划,亦即如果出现某种状况,你将如何应对。当然,现实中常见的是多步行动,因此要求你看得尽量远,对可能状况考虑得足够完备。一般而言,行动越靠后,预测越困难。因此,策略思维的训练将真正考验你的“远见”。同时,你还要形成非常清晰的动机(抑或利益关切)。只有如此,才能找到最佳的策略,非常明确地移步向前,而不至因小失大,更不至于漫无目的。

(2) **换位思考**。由于是互动行为,所以你需要从对方的角度思考问题,才能预先判断对方的可能行动。而这一点也是策略思维所必需的。不过,从别人的角度思考问题说来

容易,能够真正做到却并非易事。人们总喜欢把别人看作另一个自己,而不是完全不同的行为个体。因此,“设身处地”要求人们从“己所不欲,勿施于人”逐渐转变为“人所不欲,勿施于人”。博弈论能够提供一些概念和工具,让你尝试分析自己若处于对方的境地,思路会有什么变化——哪怕你完全不能同意他们的见解。

(3) **逆向归纳**。逆向归纳要求人们“着眼未来,立足当下”。当你建立策略思维的时候,也许更加看重整体的、长远的目标,反而忽视了当下的行动。逆向归纳却告诉人们,当你对眼前的一团乱局无所适从时,不妨从你的长远目标或期望结局出发,逐步向前分析,倒推至当下,找出现在应该走哪条路,从哪里着手。然后再步步为营,逐渐接近期望目标。只有这样,才能避免成为别人眼中的“志大才疏”。后文一再提及的“向前展望,倒后推理”,即是逆向归纳的形象化表述。

本书收集梳理了丰富而精彩的案例与博弈情景,力求通过通俗易懂的阐释为你呈现博弈的方法论,但我们不会提供一份菜单式答案。也就是说,当面对一个特殊的博弈情景时,为了获取正确的答案,你需要将它的(信息和其他别的)特征进行梳理、综合,进而寻求合适的博弈知识来展开分析。你从本书学到的将是综合这些特征的系统方法,而非攻略或答案;此外,本书还将介绍一些展开分析的基本理论和实用工具。

1.2 博弈的概念

对任何一个博弈或冲突局势的分析都必须从描述该博弈的特征出发。而利用模型对一个博弈的特征进行刻画,能够快速抓住问题的本质。因此,我们需要了解用来描述博弈的一般形式或结构,并将之作为博弈建模的重点。当然,过于简单或复杂都不利于我们对博弈展开分析。而常见的、也是重要的两种博弈表示方式为策略式和扩展式。前者相对简单和基础,后者可以理解为是对前者未尽描述的扩展,主要体现在博弈规则方面的刻画。

1.2.1 博弈的要素

上一节介绍了3个博弈,分别是《英雄联盟》中的团战、酒吧问题和“金球”节目中的奖金分配。在这3个博弈中,有些组成部分是每个博弈都有的,是必不可少的。推而广之,任何一个博弈都需要具备以下3个要素。

- (1) 博弈的参与者。
- (2) 每一个参与者可供选择的策略。
- (3) 每一个可能策略所对应的参与者得益。

具备上述3个要素的博弈称为策略式博弈。策略式博弈是最基础的一类博弈,也是博弈论最早研究的一类,因此也可称为标准式博弈。除此之外,还有一类博弈也非常普遍,被称作扩展式博弈。一个扩展式博弈包括以下信息。

- (1) 博弈的参与者。
- (2) 每一个参与者可供选择的策略。

- (3) 每一个可能策略所对应的参与者得益。
- (4) 行动的次序,即参与者何时行动。
- (5) 参与者行动时所知道的信息。
- (6) 所有随机事件的概率分布。

实际上,策略式博弈并没有考虑行动的时序、信息结构和参与者对随机事件的外生信念等事项,而这些可被笼统地称为博弈的规则。而扩展式博弈则包含所有行动的序列与信息的全面描述。就这点而言,策略式博弈是没有考虑博弈规则的静态博弈,而扩展式博弈则可视作动态模型。如果时间对所考察的问题而言无足轻重,那么可将时间维度去掉,从而简化成为策略式博弈。从最小覆盖来讲,策略式博弈所包含的要素是构成所有博弈所必备的要件。之所以说它们“必备”,约翰·冯·诺依曼(John von Neumann)和奥斯卡·摩根斯坦(Oskar Morgenstern)曾经有如下的论述。

博弈研究者是要尽力预测理性参与者在给定博弈的每一个可能阶段应该做什么。如果知道了博弈的结构(博弈的要素),我们应该可以在博弈实际行动开始之前,就能做分析和预测。如果参与者是理性的,他们也会做同样的分析和预测,并在博弈开始之前确定其理性的行动计划(策略)。因而,假定所有参与者在博弈一开始就同时制定了他们的策略,其策略应该是不失一般性的。于是,实际的博弈运转只是实施这些策略并按照博弈规则确定结果的机械过程。换言之,可以假定所有参与者在博弈一开始就同时做出所有的实质性决策,因为每个参与者的实质性决策都被假设为对一个完整策略的选择。而这种策略选择确定了在博弈的任何阶段和任何可能情况下该参与者所要做的行动。参与者同时而又独立地做出各自策略决策的情形,恰好就是博弈的策略式表述。

这段话旨在说明3个要素对于描述任一博弈的必要性。尽管这个论证的必要性已经显出局限,但是它的充分性仍是博弈论中最重要的思想之一。现在,让我们详细讲解策略式博弈的3个要素。至于扩展式博弈的要素,后文将逐步介绍。

首先,博弈的参与者。正如前文所述,博弈论一般都假设参与者是理性的。如果一个决策者在追逐其目标时能够前后一致地做决策,我们就称他是理性的。更通俗一些讲,每一个理性的决策者所采取的行为都是力图以最小的成本获得自己的最大收益。我们假设每个参与者的目标都是追求其个人期望利益的最大化,而利益则是用某个效用函数来度量的。冯·诺依曼和摩根斯坦曾借助于非常弱的假设证明了下述结果:对任一理性的决策者,一定存在某种方式对他所关心的各种可能结果赋予效用值,使其总是选择最大化自己的期望效用。进一步,理性可以区别为完全理性、有限理性和非理性。完全理性的参与者总是会以效用最大化的方式行动,总是能够考虑所有的可能方案,并对任意复杂的过程进行推论。有限理性则认为参与者所获得的信息和推理能力都是有限的,所能够考虑的方案也是有限的,未必能做出使得效用最大化的决策。而非理性则是完全理性的对立面,参与者的决策毫无一致性可言。尽管非理性也有很多意义非常的现象,但一般来讲,博弈论主要关注完全理性和有限理性的假定。

“所有个体都具有完全理性”是一个非常苛刻的假定,但是在这种假定下所得出的结论却给决策者提供了一个可供参照的理想状态。这种理想状态也可以用进化学习来解

释。当参与者由于缺乏足够理性而错过了最优决策时,那么他们会通过不断学习而朝向完全理性的结果努力。我们毫无理由相信他们会朝相反的非理性方向努力——尽管非理性的行为并不会从此消失。

此外,还可以根据利益对象将理性分为集体理性和个体理性。所谓集体理性,就是指参与者的行为动机是为了追求集体利益最大化,而个体理性则是为了追求个人利益最大化。与个体理性下的独立决策不同,集体理性下的决策往往需要参与者之间形成有约束力的协议,以协调集体利益与个体利益之间的冲突,这一区别与完全理性和有限理性的区别共同作用,影响着博弈分析的出发点,形成相对分明的博弈分析方法。在稍后的博弈分类中还将谈及这一点。图1.5所示为理性分类。

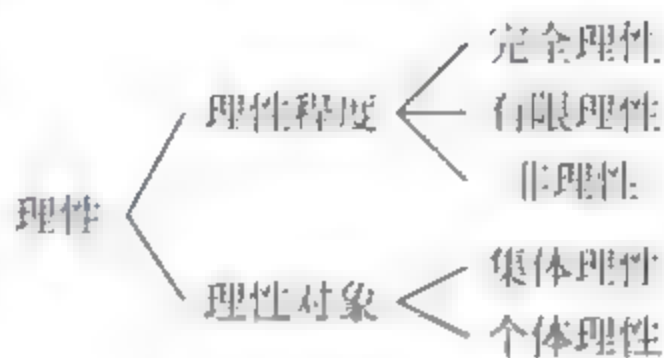


图1.5 理性分类

其次,每一个参与者可供选择的策略。策略是指参与者针对他人的可能行动和不同的外在状况而制订的行动计划。它是参与者行动的蓝图,告诉参与者在某种状况下应该如何行动。每一个参与者都需要至少一个策略来做选择。一个参与者所有的可选策略称为这个参与者的策略集。所有参与者都选定自己的一个策略时,所有这些策略所组成的匹配称作一个策略组合。例如,在“金球”节目的奖金分配博弈中,(平分,偷走)是选手1的策略集合,而“选手1平分,选手2平分”则是该博弈的一个策略组合。

在策略式博弈中,行动与策略可视为等同的,而在扩展式博弈中策略将比行动拥有更加丰富的意义。这一点在以后的章节中将有详细介绍。对于某一给定的参与者而言,对策略的比较依赖于其他人的策略。例如,在《英雄联盟》游戏中,己方“进攻”和“防守”并没有绝对的优劣,而是取决于对手的行动。但是,在某些情况下策略是可以比较的。也就是说,不管其他人如何选择,某一个参与者的某一策略始终优于另一个策略。例如,在“金球”节目中,选择“偷走”对于两个选手而言都是优于“平分”的。此外,可供选择的策略既可以是有限多种,也可以是无限多种,视具体情况而定。

最后,参与者的得益或者支付,意即每个参与者通过参与博弈得到或失去多少。就像前面所提到的,每个参与者的得益通过他的效用来度量。所谓效用,确定了一个参与者选择一个策略时的对应得益。由于其他参与者的策略也会影响该参与者的得益,因此任一参与者的效用都是自己策略与他人策略所构成组合的函数。

早期经济学家认为效用如同人的身高和体重一样是可以测量的。例如,在“金球”节目中选手的效用可以用所得奖金来衡量,这是切实的货币度量。而现在比较通用的是序数效用。所谓序数效用,是指效用作为一种心理现象无法计量,也不能加总求和,效用之间的比较只能通过顺序或等级来进行。例如,上节中小镇居民去酒吧所获得的幸福感是无法具体度量的。但是,酒吧人数为90与为40时的幸福感显然是不同的、可比较的。因此,当酒吧人数为90时,去酒吧的效用到底是哪个具体数值并不重要,重要的是它要比人数为40时的效用小。由此出发,一个效用函数并非用来指示幸福的具体值,而是比较不同状态之间的大小关系。

上述3个要素是构成一个博弈的基本。除此之外还有诸如行动次序、信息结构和概率分布等。于读者而言,行动次序也许不难理解,信息结构可能稍显陌生。接下来的1.2.2节将详细介绍信息结构。



扩展与阅读: 边沁与效用

根据微观经济学的定义,效用只是偏好的一种表现。也就是说,偏好不具备基数效用的性质,而是表达一种序数效用的关系。这句话的意思是,我们不能定量地衡量每种策略组合带来的效用具体是多少,但是可以在心里给它们排序,而这也逐渐被其他的科学理论所证实。美国普林斯顿大学心理教授丹尼尔·卡尼曼(Daniel Kahneman)经过深入的研究发现:人们在做决策时往往不会严格估计正确的收益,而比较容易快速地评价它们的优劣。

实际上,现代效用理论源于功利主义。功利主义是近两个世纪以来西方理性思潮的一大主流。1700年,数理概率学的基本理论开始发展后不久,效用这一概念便产生了。例如,1738年瑞士数学家丹尼尔·伯努利(Daniel Bernoulli)曾观察到:在一场公平的赌博中,人们认为所赢得的1美元的价值小于他们所输掉的1美元的价值。这就意味着:赢来的美元带给他们的真实效用越来越少。

最早将效用概念引入社会科学的是英国的哲学家杰里米·边沁。他最初研究法律理论,受到亚当·斯密(Adam Smith)学说的影响后,转入研究制定社会法则。他建议社会应该按“效用原则”组织起来,并把效用原则定义为:“任何客观物体所具有的可以使人满足,带来好处或幸福,或者防止痛苦、邪恶和不幸的性质。”根据边沁的理论,所有立法都应该按照功利主义原则来制定,从而促进“最大多数人的最大利益”。关于犯罪和处罚,他建议通过严厉的处罚来加大犯罪者的痛苦,以阻止犯罪活动的发生。

边沁关于效用的观点在今天看来似乎很简单,但在200多年以前,这些观点颇具革命性。在那时,传统、君主的意志或是宗教的教义都可以成为制定政策的正当理由和根据。而边沁的理论开创性地提出:社会和经济政策的制定应是为了取得一定的实际效果。

在效用理论发展的下一个阶段,诸多新古典经济学家如威廉姆·斯坦利·杰文斯(William Stanley Jevons)进一步推广了边沁的效用概念,用以解释消费者行为。杰文斯认为经济理论是一种“对快乐和痛苦的计算”,他认为理性的人在消费时作决定,应该考虑要买的每一件商品给自己带来的效用(或称边际效用)。

杰里米·边沁,请让我们记住这个名字。虽然在经济学领域,他不如亚当·斯密、约翰·斯密(John Simy)、约翰·梅纳德·凯恩斯(John Maynard Keynes)这些名字般如雷贯耳,但他是第一个将苦与乐量化的人。他的功利主义效用度量观点无疑是经济学最重要的思想来源之一。

1.2.2 博弈的信息结构

在上节对《英雄联盟》的分析中,我们使用了“甲知道自己应该如何选择,乙也知道甲的选择,甲知道乙知道甲的选择,乙知道甲知道乙知道甲的选择……”这样的推理方式。一般而言,甲是理性的并不意味着乙知道甲是理性的,更不意味着甲知道乙知道甲是理性

的……因此,“乙知道甲是理性的”实际上对乙的理性程度做了比“甲是理性的”和“乙是理性的”更高的要求。反之亦然。更进一步,“甲知道乙知道甲是理性的”则是比前述要求更高的要求。如此递进,无穷尽也。因此,博弈论把这些无限循环要求抽象为一个概念:共同知识。所谓共同知识,是指这样一个事实:所有参与者都知道该事实,每个参与者知道其他参与者知道,每个参与者都知道别人知道自己知道,如此等等。具体来讲,上述要求可归结为一个假设:每个参与者都是理性的,这是一个共同知识。

每个参与者都是理性的,尽管这是一个非常强的条件,但是已经被普遍接受。此外,还有一个广为采纳的共同知识:参与者身处其中的博弈。一般来说,无论研究什么样的博弈模型,这个博弈(亦即该博弈所必需的要素组合)都是参与者们的共同知识。例如,“酒吧问题”中的参与者都有谁,所有参与者的可能行动是什么,每个参与者的效用函数是什么,等等。又如“金球”节目中共有两个参与者,选手们可能选择是(平分,偷走),以及每个行动所对应的得益函数,等等,都是作为共同知识出现的。

实际上,共同知识是博弈论中一个非常强的假定。在现实的许多博弈中,即使参与人“共同”享有某种知识,每个参与人也许并不知道其他参与人知道这些知识,或者并不知道其他人知道自己拥有这些知识。就博弈的要素而言,是否假定共同知识将直接影响博弈的信息结构。作为导论,我们主要介绍两类信息是否为参与者所知:一类是得益的信息,另一类是过程的信息。

首先,关于得益的信息。它指每个参与者在每一种策略组合下的结果所对应的得益状况。在上节所遇到的3个博弈中,每个参与者不仅对自己在所有状况下的得益非常清楚,而且对其他人在所有状况下的得益也非常清楚。因此所有参与者才能一致地预测均衡。如果存在某一个或几个参与者的信息不为他人所知,仅是自己的私人信息,则称该博弈是信息不完全的。若参与者的得益是共同知识,则称该博弈是“完全信息博弈”。否则,至少部分参与者不完全了解其他参与者的得益,此时称之为“不完全信息博弈”。关于不完全信息博弈的详细介绍请参见第5章。

其次,关于过程的信息。让我们先看一个猜硬币博弈。两人在玩猜硬币博弈,首先是盖硬币方选择1元硬币的正面(有面额的一面)向上还是反面向上,然后将之盖在桌面上。猜硬币方猜正面向上还是反面向上。如果猜对了,则猜硬币方赢得1元,盖硬币方输1元。否则,猜硬币方输给盖硬币方1元。在这个博弈中,所有参与者、参与者的行动集合以及每个结果所对应的得益都是共同知识。但是,注意到这个博弈是有行动次序的,可依照双方的行动次序画出树状图。首先是盖硬币方的两个选择:正面向上,反面向上。无论盖硬币方如何行动,猜硬币方都面临两个选择:猜正面向上,猜反面向上。因此,共有 2×2 四种结果,对应得益如图1.6所示,这是一个动态博弈。从博弈的要素来看,它属于扩展式博弈这一类。因此,图1.6被称为该博弈的扩展式表示。假如现在轮到猜硬币方行动,那么,硬币到底正面向上还是反面向上,他是不知道的。因此,在图1.6中猜硬币方不知道自己处在左侧还是右侧节点上。博弈论认为此时猜硬币方处于多节点信息集。要在多节点信息集做出准确无误的行动将是非常困难的,因为同一个行动在不同节点上对应完全相反的结果。我们称猜硬币方的过程信息是不完美的。类似的情境比比皆是。例如,在扑克游戏中若有人忘记了对手是否出过某张牌,此时他无法辨明自己处于“出过”和

“没出过”这两个节点中的哪一个上。

一般而言,如果所有参与者对博弈过程都完美地了解,意即博弈的后行动者能够观察到(并完美回忆)所有的历史行动,就称该博弈是完美信息博弈。在决策时对博弈过程完全了解的参与者被称为完美信息参与者。反之,分别对应不完美信息博弈和不完美信息参与者。上述分类如图 1-7 所示。为了便于理解,接下来举例说明。

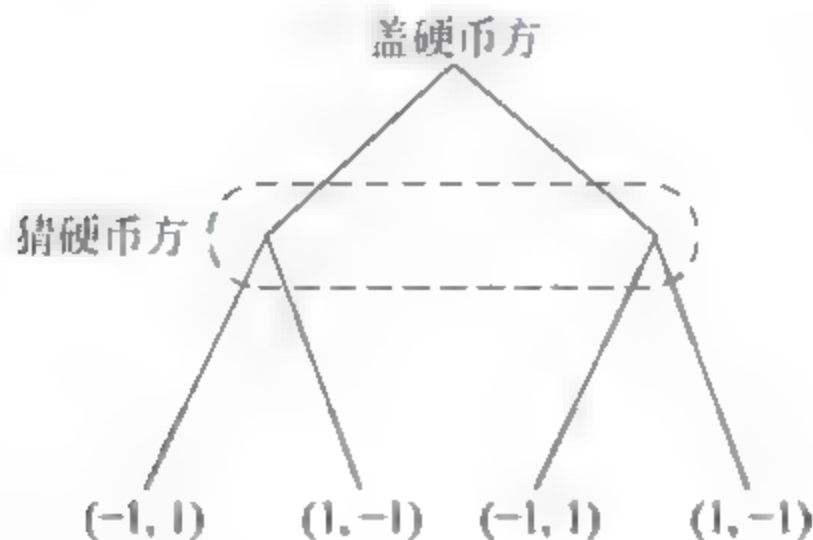


图 1-6 猜硬币博弈

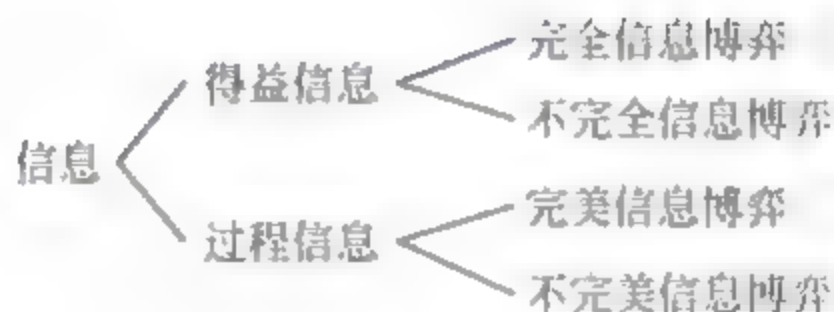


图 1-7 信息博弈分类

(1) 完全且完美信息博弈:如象棋对弈。对弈双方都知道每局结束所对应的得益,也知道自已处于博弈树形图(扩展式)的哪一步——即使忘记了历史行动,看看棋盘便知,不会与其他棋局混淆。

(2) 完全但不完美信息博弈:如常见的麻将游戏。在打麻将过程中,所有玩家都对各种结果(“和牌”)所对应的输赢数额一清二楚,也知道麻将的规则,此为信息完全。但是,所有玩家都不知道其他玩家手中的牌,这是不完美信息。例如,某一玩家打出“叁万”,其他玩家不知道该玩家是否还有一个“叁万”,因此其他玩家无法断定该玩家到底处于“有”和“没有”这两个节点中的哪一个上。

(3) 不完全信息博弈:如情侣之间的表白。假设一个男生向一个女生表白,男生有(表白,沉默)两种策略(行动),女生有(拒绝,接受)两种策略。虽然男生对 4 种策略组合给自己所带来的得益能够主观感知,但是他不知道对方的真实感受。女生亦如此。所以,当你尝试用前文的矩阵来表示这个博弈的时候,将会发现这个静态博弈矩阵无法表出。



扩展阅读：华容道放曹

在博弈论中,许多模型在“理性是参与者的共同知识”假定下便可轻易地求得均衡解。但是,现实中的行为或多或少都会偏离理论预测。造成这种偏离的原因是多方面的,既有系统性的,也有模型方面的。而对于后者而言,关于共同知识的假设则是在建模过程中易受质疑的地方。譬如,《三国演义》中曹操败走华容道这一情节。让我们来看当时的情境。

“正行时,军至路口,小路山边有数处烟起;大路并无动静。操令教前军走华容道小路。诸将曰:‘烽烟起处,必有军马,何故反走这条路?’操曰:‘……诸葛亮多谋,故使人于山僻烧烟,使我军不敢从这条山路走,他却伏兵于大路等着。吾料已定,偏不教中他计!’诸将皆曰:‘丞相妙算,人不可及。’遂勒兵走华容道。”

……又行不到数里,操在马上扬鞭大笑。众将问:‘丞相何又大笑?’操曰:‘人皆言周瑜、诸葛亮足智多谋,以吾观之,到底是无能之辈。若使此处伏一旅之师,吾等皆束手受缚矣。’

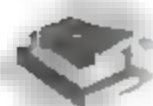
言未毕,一声炮响,两边五百校刀手摆开,为首大将关云长,提青龙刀,跨赤兔马,截住去路。”

根据理性是共同知识的假设,显然曹操是理性的,诸葛亮是理性的,曹操知道诸葛亮理性,诸葛亮也知道曹操理性,如此等等。但事实是曹操错了(此处意指还有更好的行动可选),那么他错在了哪里?你可据此质疑曹操的理性,认为理性是共同知识这一假设在该博弈中不适用。但是,如果否定这一假设,则对它的分析之路从一开始就被堵死了。实际上,在与此类似的诸多模型中,博弈论仍然坚持“参与者的理性是共同知识”这一假设,转而利用混合均衡、颤抖手均衡或参与者的信念进行解释。譬如,你仍可认为曹操是理性的,但是他的信念出了些错误,意即他对诸葛亮在小路伏兵的可能性做出了错误的推断,与客观概率不符。

1.3 博弈再举例

在初步了解博弈的基本知识后,本节将介绍一些博弈论中非常经典的例子。这些例子不仅使专业的博弈论学者着迷,也使普通民众兴致盎然。同学们甚至常常边走边讨论一个有趣的问题,有时会因为一个结论而争吵得面红耳赤。当然更多时候,大家会为博弈论的奇妙而惊叹。

1.3.1 价格战



引语故事:疯狂的共享单车

图 1-8 所示为数量众多的共享单车。2017 年 1 月 13 日上午 9 点半,北京国贸商圈,很多上班族出地铁后,直接骑上一辆共享单车,前往商圈各个写字楼或者大酒店。

几乎每一个新入场的共享单车品牌,都会选择先把单车投放到 CBD(中央商务区)地区。除了人流量大、潜在用户多的因素外,CBD 还是一个没有资金门槛的广告场所。随着共享单车公司竞争加剧,越来越多的共享单车被投放到城市里的人流密集地——地铁口、各大商圈、写字楼、公交站和大型小区附近。

然而,共享单车都面临着一个难题——想赚钱很难。共享单车行业最流行的盈亏计算公式是:一辆单车平均每天被使用 3 次,一年有 300 天可能被使用,年收入就是 900 元。900 元也是行业平均单车成本线,如果再加上 20%左右的运营成本,肯定没法盈利。

在国外,很多共享单车的收费标准是半小时 5 美元,所以很多国外共享单车公司靠收骑行费就能轻松盈利。但国内共享单车的价格基本都是半小时 5 毛或 1 元,这个定价跟公交车差不多。公交公司主要是靠政府补贴维持生存。对于共享单车来说,如果不能拿到融资,基本很快就会被市场清洗出局。



图 1-8 数量众多的共享单车

某单车品牌创始人认为,目前价格战很惨烈,大家都没法赚钱。所以他的公司目前没有大规模在大街上“扔车”。

——《南方周末》,2017 年 1 月 19 日,疯狂的单车

在引语故事的结尾,我们看到某公司的选择是避免大规模投放单车。那么,既然创始人认识到了问题的根源,就应该提高价格。他们为什么舍近求远?此外,认识到这点的公司应该不止一家,他们为什么不统一提价?

简单起见,我们假设市场上有两家单车品牌公司:清风和致远。两家公司推出类似的单车运营服务,且共同垄断着同一市场。为了获得更大的市场份额,两家公司需要各自决定采用高价(如 5 元)还是低价(如 1 元)的运营策略。

(1) 如果两家公司都选择低价,公司的运营收入就是引语故事中的状况,为每年 900 元/辆。公司不但没盈利,反而可能亏损。

(2) 如果两家公司都选择高价,公司的运营收入为每年 1 200 元/辆,这样两家公司都稍有盈利。

(3) 如果只有“清风”提高价格,“致远”则能够吸引到更多的客户,这样“清风”将会更惨淡。不妨假设“清风”“致远”的收入分别为(600,1 500)。

(4) 如果只有“致远”提高价格,情形与(3)类似,二者的收益如图 1 9 所示。

		致远	
		高价	低价
清风	高价	(1 200, 1 200)	(600, 1 500)
	低价	(1 500, 600)	(900, 900)

图 1-9 双寡头的削价竞争

目前,两家公司都在低价状态挣扎。假设“清风”要单方面提价,它需要在“致远”采取低价的状态下比较自己两个行动所对应的得益,意即比较 600 和 900。显然,900 得益更好,因此,“清风”仍然采取低价。对“致远”的分析与此类似。进一步,假设“清风”已经在高价状态,我们来看“致远”的反应。“致远”需要比较在“清风”高价时自己的两个得益。换言之,“致远”比较图 1.9 矩阵第一行两个组合中的第二个元素,1 200 和 1 500。显然,“致远”更愿意选择低价。所以,无论“清风”是否高价,“致远”的策略始终是低价占优。“清风”也一样。所以,该博弈的均衡是双方都坚持(低价,低价)。尽管低价将会使得两败俱伤,但是双方仍然坚持低价策略。这就是价格战——囚徒困境的另一种表现。

在这个博弈中,存在而且仅存在一个均衡。因此,参与者双方能够一致地预测到均衡并心无旁骛地朝着均衡行动。当然,在均衡状态下,“你愿意而且我愿意”,谁都没有动机单方面偏离。但是,并不是所有的博弈都这么完美,存在唯一的一个均衡。实际上,有些博弈可能没有均衡(此处仅指纯策略纳什均衡,读者还将学习到更多的均衡概念),而有些博弈又存在多个均衡,甚至无限个均衡。接下来我们将介绍上述的博弈情形。



扩展阅读: 价格战与反价格战协定

著名经济学家 N. 格雷戈里·曼昆(N. Gregory Mankiw)在《经济学原理》一书中从经济学的角度科学地证明了价格战是消费者选择的必然。价格战本身是一种市场竞争手段,具有杀伤力强、短平快等诸多优点,被广大厂商所看好和采用,尤其是在一些特定的行业更为普遍。如今的“价格战”实际上是指价格竞争,是企业应用价格战略的一个突出表现。价格竞争实际上是市场经济下最基本的竞争形式,也是最容易应用的竞争形式。尽管价格战如此常见,但是很多厂家也对它持批判态度,言说它使企业丧失了对产品核心价值 and 细分市场的关注。当然,为了避免激烈竞争,也有企业采取“竞中有合,合中有竞”(竞合)的策略,或言反价格战协定。

可口可乐与百事可乐之间的激烈竞争已经广为人知。但是另有数据表明,在美国市场上可口可乐和百事可乐通过在折扣券发放上达成合作方案,得到了对双方更好的结果。曾经在 1 年的时间里,可口可乐和百事可乐分别发放 26 周折扣券,其间没有出现同时发放的现象,如果没经约定,这种事情发生的概率小于 10 的 10 亿次方分之一。而作为彼此在中国的主要竞争对手,麦当劳和肯德基在市场上的竞争就激烈得多,但是在折扣券问题上,它们仍然采用了竞合策略。2010 年 2 月,麦当劳宣布可以使用肯德基的优惠券。

1.3.2 赌胜博弈

2007 年,美国拉斯维加斯,大卫在—项紧张激烈的国家锦标赛中赢得了 5 万美金!而赛事内容却出人意料,是 3 岁儿童都会玩的“剪刀、石头、布”。“剪刀、石头、布”之所以广受欢迎,—是因为规则简单,二是因为能够相对公平地解决分歧。之所以说“公平”,是因为从表面上看,出石头、剪刀和布的概率均为 $1/3$,因此每局游戏胜负平的概率分别为 $1/3$ 。

假设大卫和好友阿米尔在玩“剪刀、石头、布”游戏。双方都在“剪刀、石头、布”三种手势中任选其一。若二人所选择的手势相同,则为平局;否则,石头胜于剪刀,剪刀胜于布,

布胜于石头。对于任一参与者,若平局,得 0 分;若胜一局,得 1 分;若败一局,得 -1 分。二者的得益矩阵如图 1-10 所示。

		大卫		
		石头	剪刀	布
阿米尔	石头	(0, 0)	(1, -1)	(-1, 1)
	剪刀	(-1, 1)	(0, 0)	(1, -1)
	布	(1, -1)	(-1, 1)	(0, 0)

图 1-10 “剪刀、石头、布”游戏的得益矩阵

阿米尔在做出选择前,需要对大卫的行动做出最佳应对。假设大卫出“石头”,则阿米尔的最佳选择是“布”。这个结论相当直观。既可以通过比较自己在三种选择下的得益推得,也可由游戏规则直接得出。你可以对图 1-10 中的得益矩阵进行一些简单操作,在最佳得益下面画线。此时,应在矩阵第 1 列第 3 行的第 1 个得益 1 下面画线。同理,当大卫出“剪刀”时,阿米尔的最佳选择是“石头”;大卫出“布”时阿米尔的最佳选择是“剪刀”。分别在第 2 列第 1 行和第 3 列第 2 行的第 1 个得益下面画线。

同理,对于大卫的分析与上述情况类似。对应操作为在第 1 行第 3 列、第 2 行第 1 列和第 3 行第 2 列的第 2 个得益下面画线。综合可得画线后的得益矩阵如图 1-11 所示。

		大卫		
		石头	剪刀	布
阿米尔	石头	(0, <u>0</u>)	(1, -1)	(-1, <u>1</u>)
	剪刀	(-1, <u>1</u>)	(0, 0)	(1, -1)
	布	(<u>1</u> , -1)	(-1, <u>1</u>)	(0, 0)

图 1-11 “剪刀、石头、布”游戏画线后的得益矩阵

从图 1-11 中可以看到,并不存在一个策略组合的两个元素同时被画线。这意味着并不存在一个使得双方都愿意采纳的策略组合。因此,该博弈不存在前述几个例子中所谓的“均衡”。不难想象,如果存在多轮游戏,两个参与者的博弈应该是这样的:由于不存在所谓的“均衡”,因此双方达不到一个稳定的状态,亦即都有动机单方面偏离。所以,双方不停地变换行动以使得对方猜不透自己的选择。进而,读者不难推断这样的一个事实:由于三个选择是对称的,博弈双方都依照 1/3 的概率选择自己的行动。

诸如“剪刀石头布”“猜硬币”“掷骰子”这类游戏,都属于赌胜博弈。赌胜博弈是博弈论所研究的一类重要问题,对竞争和合作行为也有很大启示。赌胜博弈的一个重要特点是一方的所得等于另一方的失去,不可能出现双赢的情况。进一步,在每一轮博弈中,双方的得益总和都为 0,此即“零和博弈”。所以,在这类博弈中,合作的空间非常小。当然,合作现象并不是不存在。例如,多方博弈有可能出现合谋现象。

除了生活中的游戏外,读者也可以从历史中寻找诸多此类的实例。例如,“田忌赛马”。孙臧初到齐国,齐国将军田忌非常赏识他,待如上宾。田忌经常与齐国众公子赛马,设重金赌注。孙臧发现他们的马脚力都差不多,而马又可分为上、中、下三等。于是,孙臧对田忌说:“您只管下大赌注,我能让您取胜。”田忌相信并答应了他,与齐王和各位公子用千金来赌注。比赛即将开始,孙臧说:“现在用您的下等马对付他们的上等马,用您的上等马对付他们的中等马,用您的中等马对付他们的下等马。”三场比赛结束,田忌一场败而两场胜,最终赢得齐王的千金赌注。于是田忌把孙臧推荐给齐威王。

田忌赛马的故事讲的是孙臧如何运筹来帮助田忌战胜齐王。如果他们的赛马比赛定期举行,那么齐王就会从中意识到问题所在,继而采取应对策略。那么这时的“田忌赛马”就从决策问题变成了对策问题,而所属研究领域也从运筹学变成了博弈论。



思考与练习

在田忌赛马的故事中,假设田忌和齐王都足够聪明、足够理性。双方都尽力组合马的出场顺序,那么,各有6种方案。此时应当如何将该博弈表示成类似“剪刀石头布”的矩阵结构?你能分析这个博弈的均衡是什么吗?



扩展阅读:非合作竞争

人在一个非合作性的比赛或竞争中,会做怎样的决定,一直是个重要的疑问,吸引了很多人进行研究。而像“剪刀石头布”这种简单的博弈游戏,就可以作为一种基本模型来讨论。对于一个人而言,并不是足够聪明、足够理性就能使得自己的行为符合最优策略,其间还有个人的偏好在起作用。

伦敦大学学院的理查德·库克(Richard Cooker)曾进行过一项实验。他让45个人两两对决(注意不是两两一组,而是两两轮流对决),并以现金做奖品。每一局都需要蒙上一方或双方的眼睛。库克发现,有一方蒙住眼睛时平局出现的概率为36.3%,而双方都蒙上眼睛时平局的概率下降到33.3%。后者才是随机出拳时平局该有的概率,二者的显著差距说明前者并非绝对随机。

这是一个有趣的现象:在一方睁眼、一方蒙眼的比赛中,平局的概率大大上升。睁眼的选手,“出招”的时间要比蒙眼者慢上200毫秒左右。照理说,晚出招应该是优势,怎么会导致胜率下降、平局增多呢?事实上,当我们看到对方出拳时,会下意识地、自发地去模仿对方。睁眼的一方,可能受此影响,“乱了心绪”,而输掉了机会。这就解释了平局激增的原因。

浙江大学曾利用实验研究了人们的行为偏好。他们的成果入选了BBC“2014年度科技新闻亮点”及《麻省理工科技评论》2014年度最佳。他们的主要发现在于个体行为存在一种隐藏的模式:在一定情况下,赢了会更多选择保留刚刚获胜的策略,输了则更多按照“石头剪刀布”的名称顺序变动,而平的则按照“石头布剪刀”这样的反方向顺序变动。这些发现有什么深远意义呢?他们指出,在宏观尺度,对于不同激励参数,社会系统普遍存在持续的周期循环现象;而在微观层面,个体行为则存在上述的隐藏模式。并且,对于不

同激励参数,宏观周期现象都可以被微观行为模式很好地解释。若你对此感兴趣,可利用网络搜索更多结果。

1.3.3 夫妻战争

在许多电视娱乐节目中,常有考验夫妻默契程度的小游戏。例如,节目中的夫妻二人站在用挡板隔开的背景墙下,面对主持人和观众。然后,主持人提出一个问题,请二人利用肢体语言或白板文字来作答,不允许有任何交流。主持人所提的问题五花八门,不一而足。例如,主持人会问“生活中如何向对方表达‘我爱你’”。如果两人说出的答案相同,则各自加1分;否则,得分为0。假如在实际相处中妻子习惯用“亲吻”来表达,而丈夫常常“拥抱”对方。显然二人不会如实回答,而是策略性选择一种,意即他们必须在两个动作之间做出选择。准确来讲,各自都需要揣度对方的选择。假设丈夫认为妻子选择“拥抱”,显然,他也选择“拥抱”是最佳的。如果他认为妻子选择“亲吻”,则自己也选择“亲吻”为上。仿照前文的画线方法,将二人博弈的矩阵元素进行画线,如图1-12所示。

		妻子	
		拥抱	亲吻
丈夫	拥抱	(1, 1)	(0, 0)
	亲吻	(0, 0)	(1, 1)

图1-12 夫妻战争的得益矩阵

可见,夫妻二人同时选择“拥抱”或“亲吻”是这个游戏的均衡,双方都愿意。假如有一方有动机偏离,那么紧接着他就会发现如此行为并不能获益。因此,只要有下一次选择的机会,他还会退回二人已经达成的均衡状态。

但是,此处有两个均衡。相比没有找到均衡之前,二人的选择难度并没有降低多少——原因在于夫妻二人很难一致地锁定一个均衡。事实也确实如此:即使二人都知道,但是行动仍然不一致。如果换作夫妻二人就某些自利的事情做选择,那么,二人之间的不一致则更容易导致夫妻冲突。因此,这个博弈也称为“夫妻战争”。例如,在只有一台电视机的情况下,如果丈夫喜欢足球频道而妻子更喜欢娱乐频道则很容易引发冲突。当然,如果夫妻之间感情深厚,相互为对方着想,可能会少有冲突,但不可完全避免。例如,欧·亨利小说《麦琪的礼物》中的德拉和吉姆。德拉对自己的一头秀发珍爱有加、引以为豪,但为了给丈夫买一件“精致、珍奇而真正有价值”的圣诞礼物,她忍痛割爱,为丈夫买了珍贵的白金表链。吉姆努力工作却薪水菲薄,但他深知爱妻对一家商店橱窗里陈列的发梳渴望已久,于是忍痛卖掉了三代祖传的金表。如此一来,二人的选择就错位了。

实际上,这样的实例在生活中屡见不鲜。春游中同学们的偏好不同时应该如何确定旅游景点?新婚夫妻该回谁家过年?你与生意伙伴意见相左时应该如何决策?在合作完成的作品中只能署名1人时应该选择谁?也许你会自然想到采用沟通和协调来解决参与者的选择冲突。但是,并不是所有的场合都能够进行沟通和协调。即便能,所谓的沟通和协调是双方真实意图的传达吗?又真的能够消解冲突吗?

当然,本书给读者介绍的是更具一般性的知识。除了具有唯一均衡的博弈情景,上述两种博弈情景(包括具有两个均衡的和没有均衡的博弈)都会带来相同的问题:这种均衡对参与者是否具有指导意义?能否保证均衡的一致预测性和普遍适用性?沟通和协调能

够使得双方的结果更好吗？在稍后章节的具体介绍中，你将会找到答案。

1.3.4 海盗分金

“海盗分金”，早年作为一个经典而有趣的智力游戏在民间流传甚广。传说某片海域上有5个海盗，偶然间获得了100枚金币。5个海盗都是贪婪嗜杀之徒，但是又足够聪明、足够理性，所以5人一直为如何分配金币争执不下。所谓“足够聪明、足够理性”，意即海盗们是具有推理能力的，自利的；而自利又意味着每个海盗尽力多得（哪怕一点儿微利），任何损人利己的事情都可以干。海盗嗜杀成性则意味着，即便无利可图，海盗们也宁愿杀人。然而，如果单打独斗，5人体力相当，强制分配并不可行，争执不下只得民主表决。

具体表决程序如下。首先，由第1个人提出他的分配方案，全体海盗进行实名投票。如果有半数以上（不含半数）的人表示不同意，那么方案不能通过。第1个海盗就会被扔进大海，由第2个海盗继续提出自己的方案。换言之，只要半数及以上的海盗表示同意，那么方案就获得通过，无须进入下一步。当由第2个人提出方案时，与海盗1一致，即在所剩海盗中如果有半数以上的人表示反对，则方案不通过，第2个人被扔进大海。后续以此类推……

那么，5个海盗应当如何分配这100枚金币呢？按照直观的判断，众口难调之下，无任何参照的海盗1是最危险的，稍有不合理之处就可能毙命。而海盗5则只需考虑如何得到更多金币。

正面入手来分析可能有些复杂，因为每当有人被扔进大海，你都要重新考量如何分配。显然第5个海盗不用担心这个问题，因为他是最后一个。实际上轮不到他分配，因为只剩第4、5两个海盗时他的反对已经无效了。不妨循此思路，采用逆推法，继续向前分析。由此，海盗4只须分给第5个海盗0枚，自己得100枚。当然，海盗4和海盗5都知道这个事实，而且知道对方也知道……所以，海盗5并不会让结局走到这一步。在海盗3分配时，海盗5就会争取利益。当然，海盗3心知肚明，他只需给出1枚金币拉拢海盗5同意自己的分配方案，而无须理会海盗4。

以此类推，可以得到所有海盗的分金方案，如图1-13所示。

海盗	海盗1	海盗2	海盗3	海盗4	海盗5
海盗1	97	0	1	0	2
海盗2		98	0	1	0
海盗3			99	0	1
海盗4				100	0
海盗5					100

图1-13 海盗分金方案

结果出乎意料，看似最危险、最应让利的海盗1却获得金币最多！这是在5人都理性的前提下所得出的结果，而所使用的方法则是逆向归纳法。这种推理方法基于参与者的

理性假设,要求参与者“向前展望,倒后推理”。读者可就此进一步展开想象。这个博弈中的均衡与前几个博弈中的均衡一样吗?该如何表示?如果海盗2为了拉拢海盗5来反对海盗1,从而许诺给他分5枚金币,那么这种承诺是否可信?为什么现实中很少发生这种极端的分配?关于这类问题的细致分析,本书都有涉及,将在稍后章节中逐步介绍。

1.4 博弈的分类

在给出博弈的概念之后,上节简单介绍了一些有趣的、经典的博弈案例。在本节中,我们将进一步介绍博弈的知识,主要是博弈的分类。博弈论在现实中的应用如此广泛,所采用的研究方法又如此复杂多样,为了从整体上把握博弈论的轮廓,系统地分类似乎是必要的。分类的参照既可以是参与者的数量、策略集合的大小,也可以是行动次序,甚至信息结构或得益状况,等等。一般来讲,博弈的分类不同,所采用的研究方法相应不同,有关互动机理的分析也会不同。

1.4.1 根据参与者数量分类

从参与者数量来看,可将博弈分为单人博弈、两人博弈和多人博弈。单人博弈在本质上是人和自然的博弈,实际上也是决策论的研究内容;而双人博弈是两个参与者之间的博弈,在博弈论中最为常见;一般来讲,多人博弈相对复杂,所以对多人博弈的讨论比较少——即使有,也是一些易于分析的特定情景。

1. 单人博弈

单人博弈的参与者只有一个。单人博弈由于只有一个参与者(自然只是形式上的参与者,不具有互动能力),所以它主要解决优化和决策问题,属于运筹学和决策论的范畴。

《列子》中曾记载了一则“歧路亡羊”的故事。故事情节是这样的:

杨子的邻居家丢失了一只羊。这位邻居已经率领他的家属亲友等人去追寻,又来请求杨子的僮仆帮忙去追寻。杨子问道:“哎,丢了一只羊。为什么要这么多人去追呢?”邻居回答说:“岔路太多了。”追羊的人回来后,杨子问邻居:“找到羊了吗?”邻居回答说:“没有追到,还是让它跑掉了。”杨子问:“为什么会让它跑掉呢?”邻居回答说:“岔路之中又有岔路,我们不知道它到底从哪条路上跑了,所以只好回来了。”

现在考虑一个仆人 Λ 去追这只羊,到了一个岔路口,面临如何选择的问题。简单起见,假设每条道路有两个岔路,仆人到二级岔路即行停止,不再深追。如果他选对道路找到了羊,主人会奖励他 N 元赏钱。如果找不到,他既没有任何收益,主人也不会责罚他。而羊的选择是随机的,可将其理解为“自然”,即形式上的参与者。关于“自然”,在第4、5章将有更多解释。如此一来,这个仆人的困局就是一个单人博弈,模型如图1.14所示。

这个仆人共有4条路线可供选择,即图1.14中的1,2,3,4。不妨假设羊的路线是路线1。在括号中,逗号之前代表的是1,2,3,4号路线,逗号之后代表的是期望收益。

由于只有一个参与者,不存在他与别人的相互作用,因此这个博弈相对简单。显然,仆人有4种选择,若选择正确则得到 N 元赏钱,否则一无所获。如果这个仆人清楚知道4

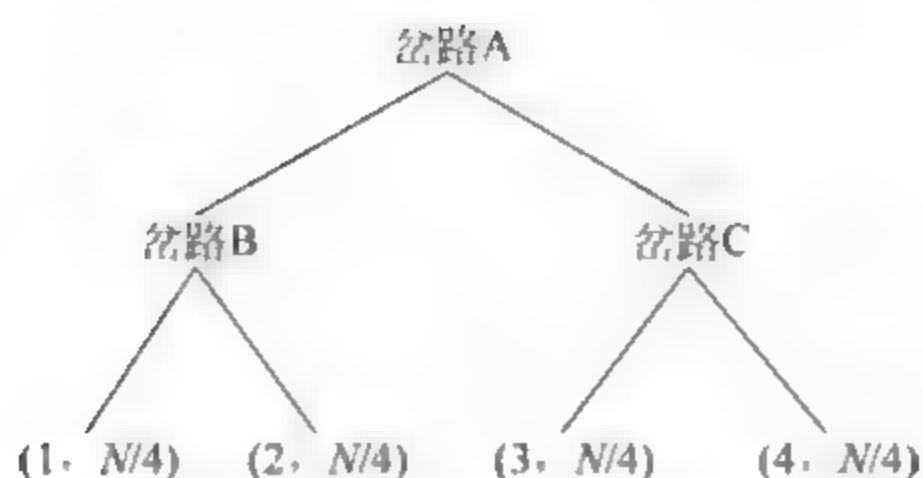


图 1 14 歧路亡羊模型

种路线所对应的结果,那么他肯定会选择导向路线 1 的道路。但是他并不知道这只羊实际在哪条道路上。这就是包含有不确定性的单人博弈。



思考与练习

“三门问题”亦称为“蒙提霍尔问题”,出自美国的电视游戏节目 Let's Make a Deal。参赛者会看见三扇关闭了的门,其中一扇的后面有一辆汽车。选中这扇门可赢得一辆汽车,另外两扇门后面则各藏有一只山羊。当参赛者选定一扇门但尚未开启的时候,节目主持人打开剩下两扇门的其中一扇,露出其中一只山羊。注意,主持人清楚地知道,哪扇门后是山羊。主持人其后会问参赛者要不要改选另一扇仍然关着的门。问题是:换另一扇门能否增加参赛者赢得汽车的概率?答案是会。你能利用单人博弈模型给出简单的分析吗?

2. 两人博弈

显然,两人博弈有两个参与者,他们的策略和得益是相互依存的。前面提到的博弈模型大多是两人博弈,如囚徒困境、价格战、夫妻战争等。在本书中,我们将大范围地讨论两人博弈。准确来讲,本书主要以两人博弈为例介绍博弈的基本理论和方法。实际上,这些理论可能不限于两人博弈,而是多人博弈下的结果。

1944 年,冯·诺依曼和摩根斯坦的经典著作《博弈论与经济行为》将两人博弈推广到 n 人博弈结构,并将博弈论系统应用于经济领域,从而奠定了这一学科的基础和理论体系。约翰·福布斯·纳什(John Forbes Nash, Jr.)的开创性论文《 n 人博弈的均衡点》(1950)、《非合作博弈》(1951)等,给出了多人纳什均衡的概念和均衡存在定理。因此,除非特别说明,两人博弈下的一般性结论也适用于多人博弈——当然,并不能简单照搬。

3. 多人博弈

多人博弈是指三个及以上参与者进行的博弈。在分析参与者的策略行为时,不仅要考虑两两之间的相互作用,还要考虑参与者可能会形成联盟。因此,这种情况比仅有两人博弈时更加复杂。此时,决策者在决策时是否面临强力约束将直接引出博弈分析的两种思路:非合作博弈与合作博弈。无论哪种博弈,人们在分析决策者的策略行为时都要考虑可能发生的联盟对均衡策略的影响。让我们举例来说明这一事实。

某一公司有三个股东 X、Y、Z,分别持有公司 25%、35%、40% 的股份。现在公司有四

个项目 A、B、C、D 可以投资,但是只能投资一个项目。股东 X 的选择倾向是 A、B、C、D,即首选是项目 A,再选是项目 B,次选是项目 C,末选是项目 D; 股东 Y 的选择倾向是 B、C、D、A; 股东 Z 的选择倾向是 D、B、A、C。图 1-15 所示为股东偏好排序。

对于任一股东,自己的首选得到执行时得益为 3,再选得到执行的得益是 2,次选得到执行的得益是 1,末选得到的得益是 0。如果 100 张选票按照股东的股份进行分配,那么股东 X、Y、Z 分别得到

25 张、35 张、40 张选票。股东投票的要求是必须把自己的选票全部投给某一个项目。最终得票数最多的项目将获得执行。

股东	首选	再选	次选	末选
X	A	B	C	D
Y	B	C	D	A
Z	D	B	A	C

图 1-15 股东偏好排序

不难理解,每个股东都想让自己的首选项目得到执行,这样自己的得益才能最大化。如果如此投票,则项目 A 获得 25 张选票,项目 B 获得 35 张选票,项目 D 获得 40 张选票。显然,项目 D 将会得到执行。但它会是一个均衡吗? 事实上并不是,因为必须考虑其他股东联合时的情况。例如,如果股东 X 改将选票投给项目 B,那么项目 B 就会获得执行。这时股东 X 的得益会变成 2,股东 Y 的得益变成 3。显然,它优于上述的诚实投票(意即股东们根据各自的偏好投票)。

这种内部成员为了谋取更多利益而形成联盟的例子看似虚构,实际上并不少见,如春秋末期的“晋阳之战”。

在周朝和春秋早期,各诸侯国通常都将公室子孙分封为大夫,以血缘关系作为公室的屏卫。及至晋献公,由于宠爱骊姬而破除了先例,逐杀诸公子。从此晋国的公室贵族逐渐为外姓“权臣”所取代。从晋文公开始,后经历代演变,到春秋末期,晋国只剩下智、赵、韩、魏四家,其中以智氏最强。

智氏之主智伯在朝专权,假借向晋公献地进行“削藩”。韩康子、魏桓子惧其以武力相加,被迫各送一万户之邑。在向赵襄子索地遭拒后,智伯胁迫韩、魏两家出兵攻打赵氏。智伯围困晋阳两年而不能下,引晋水淹灌晋阳城。危急中,赵襄子派张孟谈说服韩、魏两家倒戈,放水倒灌智伯军营。遂大破智伯军,擒杀智伯。晋阳之战为日后“三家分晋”奠定了基础。

在“晋阳之战”中,韩氏和魏氏由于畏惧智氏的强势而采取委曲求全的策略,使得他们陷入了困境。但是,这种策略也并非不可取,毕竟反例为证。赵氏的反抗引发了智氏与韩魏的联合攻战,水淹晋阳,处境岌岌可危。若不是说服韩魏倒戈,与赵氏形成三家联盟,也很难存活。因此,就独自决策而言,“智伯索地,韩、赵、魏献地”看似一个“均衡”。但事实证明它不稳定,被韩赵魏三家联盟打破了。

不仅如此,还有更为令人深思的现象。在多人博弈中,看似均衡的背后常有“破坏者”存在。所谓“破坏者”,就是指这样的一类参与者: 他的策略选择对自身利益并无太大影响,不过对其他参与者却有着显著作用,甚至是决定性的。通俗来讲,破坏者的行为也许并不能使自己成功,但是却可以阻止别人成功。



扩展阅读：总统候选中的破坏者

“破坏者”在美国总统竞选中相当常见。例如，在2000年的大选中拉尔夫·纳德就是所谓的“破坏者”，类似还有1992年大选中的总统候选人罗斯·佩罗(Ross Perot)、1980年大选中的总统候选人约翰·安德森(John Anderson)和1968年大选中的总统候选人乔治·华莱士(George Corley Wallace Jr.)，等等。

2000年，小布什(George Walker Bush)、戈尔(Albert Arnold Gore Jr.)、纳德(Ralph Nader)三个候选人参与竞选，票数最高者选举为总统。按照当年的情景，小布什和戈尔在佛罗里达州之外的选票几乎相等。然而，在佛罗里达州一直呈现胶着状态。经过多次的票数统计(包括人工普查)，戈尔最终仅以537票的差距输给小布什。其间，纳德一直作为两大党之外的绿党参与总统竞选，在佛罗里达州赢得9.7万选票。其竞选纲领与民主党比较接近，因此很多民主党人认为，纳德的参选分走了本应投给戈尔的部分选票。假设纳德退出竞选，那么将有约5.2万选票投给戈尔，戈尔就能成功当选。时至今日，支持戈尔的民主党人依旧认为当初是纳德的“搅局”让戈尔最终以微弱差距败给小布什的。

1.4.2 根据策略数量分类

如果一个策略式博弈中参与者数量和所有策略集合都是有限的^①，那么该博弈是有限的；反之，只要参与者数量或某一参与者的策略集合是无限的，那么该博弈就是无限的。在常见的有限博弈中，每个参与者的可能策略总数不过个位数字，如果仅仅学习博弈知识，而并非为了解决某个特定问题，2~5个策略已经足够说明问题，就像前述的囚徒困境、酒吧问题一样。在常见的无限博弈中，决策变量则表现为实数或可列的自然数。例如，石油输出国组织(OPEC)的成员国家之间就石油输出所进行的博弈，其中各个国家的石油产量可视为某一区间内的实数。又如，某一市场上寡头企业间就生产多少产品所进行的博弈，产品产量可视为可列的自然数或不可列的实数。当然，如果参与者的数量是无限的，一般为无限可列的。例如，考察某一群体雄性体征的演化博弈，可将雄性个体的数量视为无限可列的。

从分析方法上来讲，有限博弈和无限博弈存在较大差别。如果参与者的策略集合是有限的，可以采用穷举比较、归纳迭代等方法。如果参与者的策略集合是无限的，穷举法显然失效，因而常常采用微积分来分析参与者的最优策略。相较有限博弈而言，虽然对无限博弈的建模引入了更多的数学符号，分析也更加抽象，但是只要读者掌握了微积分和概率论的基础知识，就会发现难度并没有显著增加。如果参与者的数量是无限的，则更多地使用归纳迭代或微分方程来由特殊推及一般，得出具有普适性的等式关系。

1.4.3 根据得益状况分类

根据博弈中所有参与者的得益总和，可将博弈分为零和博弈、常和博弈和变和博弈。

^① 如果一个策略集合所包含的元素是有限的，则称这个集合是有限的；否则，称这个集合是无限的。

所谓零和博弈,是指无论参与者如何行动,所有参与者的得益总和始终为0的一类博弈。类似地,无论参与者如何行动,所有参与者的得益总和始终为某一常数的博弈称为常和博弈;否则称为变和博弈。

1. 零和博弈

零和博弈是常见的一类博弈,也是研究最早、最多的一类博弈。例如,第1.3.2节所涉及的赌胜博弈,大多是有赢必有输,所有输家的损失就是所有赢家的所得。就经济生产而言,零和博弈并不能给社会带来增益或亏损,只是财富或资源在博弈成员内部的重新分配。此外,竞技类比赛常常都是零和博弈。在这类比赛中,参与者之间的竞争通常都比较激烈,利益是相互对立的。进而,参与者也更关注如何制胜,几乎没有合作的空间——即使有,参与者之间的合作也常常被禁止。

实际上,在常见的“纳什均衡”出现之前,博弈论的研究主要集中在零和博弈。从博弈论的历史来看,零和博弈是最早研究的一类博弈。零和博弈在均衡解及其存在性条件等方面都有特定的性质,在进行重复博弈时也有一些特性,这在后面的章节中将会作相应阐释。

2. 常和博弈

常和博弈在本质上与零和博弈相同,可以通过将所有的得益都减去某一相同数值而变为零和博弈。当然,零和博弈也可视为常和博弈的一种特例。

在常和博弈中,参与者之间的利益也是相互对立的,更易引发竞争和冲突。实际上,常和博弈常用于分析固定份额财富或资源的分配,如大国之间就指定的碳排放量的分配、子公司之间的红利分配等。在积分制的竞技体育中也常见这种博弈,如排球比赛,获胜的团队获得1分,否则0分。

3. 变和博弈

变和博弈中参与者的利益总和会随着策略组合的不同而变化。此时参与者之间的利益既对立又统一,既不能完全避免竞争,又有合作的可能性。在人际互动中常见的“双赢”,一般出现在变和博弈中。而本书所要讨论的博弈则大部分属于变和博弈。这类博弈的应用也很广泛。例如,已经提及的囚徒困境、夫妻战争等博弈。又如,足球联赛中胜方积3分,平局各积1分;每场比赛的积分之和要么为3分,要么为2分。

1.4.4 根据行动次序分类

从博弈的要素来讲,接下来我们依照博弈的规则对其进行分类。请注意,规则包含多个方面,首先是行动次序。现有博弈的研究可依照行动次序简单地分为三类:静态博弈、动态博弈和重复博弈。

1. 静态博弈

静态博弈是指博弈中的参与者同时采取行动,或者,虽然行动有先后次序但是参与者无法看到别人的行动。需要说明的是后一种情况。在有些博弈中,虽然参与者并不是同时行动的,但是他们在行动之前并不知道其他人会选择什么策略,因此无法针对别人的行动做出反应。即便在行动期间一方知道了对方的行动,也无法另行更换行动。例如,两军

对垒,即便一方在作战中获悉了对方的作战计划,可是已经来不及更换自己的计划来应对。这种情形在战争史上屡见不鲜。例如,赤壁之战中的火烧战船情节,原文如下。

……报称:“皆插青龙牙旗。内中有大旗,上书先锋黄盖名字。”操笑曰:“公覆来降,此天助我也!”来船渐近。程昱观望良久,谓操曰:“来船必诈。且休教近寨。”操曰:“何以知之!”程昱曰:“粮在船中,船必稳重;今观来船,轻而且浮。更兼今夜东南风甚紧,倘有诈谋,何以当之?”操省悟,便问:“谁去止之?”文聘曰:“某在水上颇熟,愿请一往。”言毕,跳下小船,用手一指,十数只巡船,随文聘船出。聘立于船头,大叫:“丞相钧旨:南船且休近寨,就江心抛住。”众军齐喝:“快下了篷!”言未绝,弓弦响处,文聘被箭射中左臂,倒在船中。船上大乱,各自奔回。南船距操寨止隔二里水面。黄盖用刀一招,前船一齐发火。火趁风威,风助火势,船如箭发,烟焰涨天。……

显然,孙曹两家制定的战略(策略)不是同步的,也没有任何沟通,反而相互欺瞒。周瑜就计用火攻、曹操拒谏锁战船;阚泽密献诈降书、孔明巧借东南风。这些环环相扣的事件逐步形成了双方的策略:黄公覆乘火船诈降,曹孟德纳降军备战。而且,火攻时的行动也有先后次序。例如,黄盖在出发前早已自准备火船20只,船头密布大钉,而曹操在察觉来船有诈时已然来不及变换战略,只能仓促应战。正如前述论断,只要参与者在行动之前看不到别人的行动,而且参与者之间没有沟通,那么这样的博弈都可以忽略参与者的行动次序,而视之为静态博弈。

2. 动态博弈

实际上,并非所有博弈中的参与者都是同时行动的或可视作同时行动的。相反,存在一大类博弈,其中的行动是有先后次序的,并且参与者能够观察到历史行动从而做出自己的反应(行动),这类博弈被称为动态博弈。参与者的每次行动可看作一个阶段,因此,动态博弈也称“多阶段博弈”。在动态博弈中,常见的一类博弈是弈棋游戏和纸牌游戏。在这类游戏中,规则明确规定每个参与者的行动次序,而且还会涉及未被允许的出牌(棋)。当然,未被允许的出牌既有可能是统一而定的,也有可能是根据历史行动而定的。

一般而言,先期行动不仅影响后继行动所对应的策略集合大小,还可能影响到未来参与者的数量,自然也会影响到对后继行动的最优选择。例如,在春秋战国时期的长平之战中,赵军数战不利,主将廉颇决定依托有利地形,坚守不出。秦国丞相范雎派人携带千金到赵国施行反间计,赵孝成王不顾蔺相如和赵括母亲的谏阻,派赵括去接替廉颇为主将。显然,范雎的反间计不仅改变了廉颇和赵括各自的行动空间(各自的策略集合),而且也将廉颇从后续博弈中剔除了。

同静态博弈一样,每个参与者为了寻求最佳策略都必须思考这样的问题:如果我如此选择,对方将如何应对?对于我的每一个可能行动,是否他都有应对?如果给定他的应对,什么才是我的最优行动?

2015年3月,格力电器开始涉足手机行业。实际上,各大手机厂商也都在紧锣密鼓地推出自己的新产品。例如,3月31日三星S6正式发布,4月8日HTC发布One M9+,等等。

当像格力电器这样的家电厂商开始进军智能手机行业的时候,既有厂家应该作何反

应? 假设手机市场已经接近饱和,格力的进入只能是从既有厂家口中分一杯羹,因此可能会遭到既有厂家的抵制。如此一来,格力不但不能盈利,反而还会亏损。而其他手机厂商也要因此而付出代价。如果其他手机厂商不进行打压,那么格力就可以在这里分得一部分利润。当然格力也可以选择进入市场。格力进军手机市场博弈如图 1-16 所示。

简单起见,假设总利润为 100,其他既有的手机厂商就以 TIME 指代。如果格力不进军手机领域,那么格力的得益为零。如果格力进军手机领域,那么 TIME 选择打压,则 TIME 得益就变为 90,而格力的收益变为-5;如果 TIME 选择不打压,则两者和平相处,TIME 的收益为 95,格力的收益为 5。这就是两个参与者的两阶段博弈,是动态博弈的一种简单情景,其中格力的收益在前,其他企业是收益在后。



图 1-16 格力进军手机市场博弈

3. 重复博弈

除了静态博弈和动态博弈之外,还存在一类相对特殊的博弈:重复博弈。所谓重复博弈,是指同一个博弈反复进行所构成的整体博弈过程,而构成重复博弈的一次性博弈叫作“元博弈”或者“阶段博弈”。这种博弈,简单来说就是同一个博弈在相同的环境条件下重复进行。例如,“剪刀石头布”游戏,同一个游戏会不停地重复;贸易制裁与反制裁,会在两个国家间不定期上演;等等。

重复博弈又可以分为有限重复博弈和无限重复博弈。有限重复博弈是指原博弈在重复了有限次后就会结束的博弈。例如,在 NBA 赛事体系中,每个球员都与老板签订了固定期限合同。在每一年的特定时间,球员和老板将就维持合同和结束合同进行权衡,这就是一个有限重复博弈。而无限重复博弈是指无限次重复的博弈。一般来讲,它只是理论意义上的“无限”。当一个博弈中的参与者无法预知博弈的结束时间或重复次数时,也可视为无限博弈。例如,麦当劳与肯德基、百事可乐与可口可乐等长期竞争对手之间的博弈,都可视作无限博弈。

需要提醒读者注意的是,一次博弈和重复博弈是有显著差别的。在一次博弈中,由于参与者之间的博弈只有一次,参与者只需顾及眼前利益即可。因此,只要有利可图,参与者无须考虑公平与合作问题,任何自私自利的行动都可以采取——甚至可以无情地“伤害”或者“出卖”对方。但是在重复博弈中参与者必须考虑后继博弈的影响。如果参与者因在某一阶段选择了自私行为而伤害了对方,那么他必须顾忌在后继阶段对方报复的可能性与后果。

所以,在眼前利益与未来利益的权衡下,参与者有可能采取合作行动。一般来讲,重复的次数越多,合作的可能性就越大;特别是当重复次数趋向于无穷时,博弈的结果还可能发生根本性的变化。

1.4.5 根据参与者理性分类

根据博弈中参与者的决策理性,博弈又可以分为合作博弈和非合作博弈两大类。^①笼统地讲,合作博弈强调的是集体理性和效率,参与者的决策是以集体目标最大化为驱动的;而非合作博弈则更强调个体理性,即个体利益最大化。

从博弈论的发展历史看,合作博弈与非合作博弈是从两个不同的出发点展开研究的。二者的发端时间几乎相同,及至后来,形成了相互独立的博弈理论和研究方法。非合作博弈强调的重点在个人行为:每个理性的参与者会做出什么样的决策,理性的参与者实际上是怎样选择行动的,博弈最可能出现的结果是什么等。但在合作博弈中,人们更关注参与者之间的联合行为:他们会形成什么样的联盟(甚至包括所有参与者的大联盟),他们之间如何瓜分合作的收益等。如果合作确实带来收益,但是收益的分配不足以使所有参与者最终接受,那么就应假定存在一些能使协议实施的外在机制(如制度、仲裁者等)。除此之外,还有以下两点需进一步说明。

首先,非合作博弈并非意味着每个参与者总是拒绝合作,而是强调参与者自私的决策动机,即决策时仅考虑自己的利益。读者可回顾前文所出现的博弈案例,管中窥豹。在非合作博弈中,除了那些博弈规则确实允许的协议外,参与者们无法达成有约束力的协议,所以诸如协议、威胁、承诺之类的沟通事项是无法实施的——即便允许这类沟通存在,仍然无法确保它们是可信的。在非合作博弈中,与具体情形有关的方方面面都必须明白无误地模型化在博弈规则中。所以,在非合作博弈中即便有合作出现,它也是以自利为前提的,在规则中有着明确约定的。

当然,不能据此否认在非合作博弈中有合作行为出现。事实上,非合作博弈论中的重要工作之一就是:设计科学合理的激励机制,促使内生的合作在一定条件下实现。

其次,合作博弈假定参与者之间的协议是有完全约束力并且能够实施的,即合作是外生的。从本质上讲,合作博弈理论研究的是如何在参与者之间达成一种有约束力的协议,以便形成一个无冲突、无背叛的合作联盟(抑或说串谋)。不过,从某种意义上讲,合作博弈可视为非合作博弈的一种特例,意即串谋和约束过程可以从外部植入博弈规则(或博弈的要素)中的情况。

1.4.6 根据信息结构分类

第1.2.2节已经对博弈的信息结构做了介绍,顺便提及了依照信息结构所进行的博弈分类。而本书也正是将信息结构与行动次序相结合来组织章节内容的。具体而言,本书将依照完全信息静态博弈、完全信息动态博弈、完全但不完美信息博弈、不完全信息静态博弈和不完全信息动态博弈(后两者并入同一章节)来讲述非合作博弈知识;并在其后介绍了博弈论中相对独立的三部分内容:重复博弈、演化博弈与合作博弈。

^① 有些教材还依据完全理性和有限理性将博弈分为传统的非合作博弈与演化博弈。实际上,演化博弈的主体内容仍然是建立在个体理性基础之上的。因此,本书将演化博弈视作非合作博弈中一个相对独立的分支。

博弈论的早期研究主要集中在如何从数学形式上解决诸如均衡解的定义等基础问题上,其应用也大多集中在政治、军事以及博彩等领域。直到 20 世纪 70 年代中期以后研究者才开始转而强调参与者的理性以及与理性相关的知识结构。特别是在讨论了个人的效用函数之后,他们发现信息是一个非常重要的问题。逐步地,信息问题成了研究者关注的焦点。当然,在此之前,一些奠基性成果已经出现,只是还未得到广泛关注。同时,一个参与者是否具有足够的理性及在这种理性下他都知道哪些信息,再到这些信息如何体现在博弈模型中,这些问题都将深刻影响到参与者的行为以及对这些行为的分析。例如,在研究个人行为时,个人决策有一个时间顺序,意即当你做出某项决策时必须对你之前或之后的决策有所了解(哪怕只是猜想或主观感知)。毕竟,你的决策受之前行动的影响,也将影响后续的行动。因此,时序问题以及何为共同知识就变得非常重要。博弈论发展到这一阶段正好为这两方面的问题(时序和信息)提供了有力的分析工具。

作为总结,图 1-17 给出了常见的博弈分类。



图 1-17 常见的博弈分类

1.5 博弈论简史

博弈论是一门非常年轻并且充满活力的学科。纵观博弈论的发展进程及研究对象,它是由静态博弈到动态博弈,由完全信息博弈到不完全信息博弈,由简单博弈到复杂博弈的一个不断发展的过程。

1.5.1 博弈论的早期形成

尽管博弈论的朴素思想可以追溯到人类的古代文明,但是近现代科学意义上的博弈

历史却并没有那么远,普遍认为其起源于19世纪40年代,成立于20世纪40年代,距今也不过七八十年的历史。

1838年,安东尼·奥古斯丁·古诺(Antoine Augustin Cournot)提出了关于行业寡头之间通过产量决策进行竞争的模型(常见的古诺模型),可看作博弈论早期研究的起点。1883年,约瑟夫·伯川德(Joseph Bertrand)提出了通过价格进行博弈的寡头竞争模型(伯川德模型),与古诺模型有异曲同工之妙。当然,弗朗西斯·伊西德罗·埃奇沃斯(Francis Ysidro Edgeworth)在1881年提出的“合同曲线”也是博弈论发展的思想源泉,与合作博弈理论中的“核”这一重要概念相吻合。但是,它们只能算作早期的零星研究,其贡献主要在于发展了经济学,而并非试图创建一个新学科或新理论。

直到20世纪初,博弈研究才在理论上有了较大进步。厄恩斯特·策梅罗(Ernst Friedrich Ferdinand Zermelo)在1913年得出了关于象棋博弈的定理,并提出了“逆向归纳法”——它是对动态博弈进行分析的一个基本工具。而在1921年,埃米尔·波莱尔(Emile Borel)通过研究象棋对混合策略做出了现代表述,进而给出了两人有限博弈的极小极大解;紧接着,约翰·冯·诺依曼于1928年给出了扩展型博弈的定义,并证明了有限策略二人零和博弈具有确定性结果。这在博弈论的发展中意义重大,相当于宣告了这条道路可行。而真正意义上的博弈论诞生始于冯·诺依曼与奥斯卡·摩根斯坦在其后出版的专著。

冯·诺依曼和摩根斯坦于1944年合著的《博弈论与经济行为》,标志着博弈论作为一门独立学科的诞生。该巨著汇集了当时博弈论的研究成果,将其框架首次完整而清晰地表述出来,使其作为一门学科获得了应有的地位。在书中,作者引入了通用博弈理论的思想,提出了大部分经济问题都应作为博弈来分析。具体而言,该书介绍了博弈的扩展式和标准式(亦称策略式),定义了最小最大解,并证明了这个解在所有二人零和博弈中存在(非合作博弈)。同时,他们也对合作博弈做了探讨,开辟了一些新的研究领域。在这部著作中,作者使用了包括集合论、线性集合、逻辑学和群论等一些重要概念来阐述博弈的相关概念和结论。严密的数学演绎虽然看似艰涩抽象,但却为博弈论的稳健发展提供了坚实柱梁。

20世纪五六十年代是博弈论研究、发展的重要阶段。合作博弈与非合作博弈同时发展,各有千秋。同时,后来所形成的其他博弈论分支也基本都在此时发端。

首先,在非合作博弈方面,纳什在1950年和1951年发表了两篇关于非合作博弈的重要论文,明确提出了“纳什均衡”的概念。纳什均衡要求每个参与者的策略是对他所预测的对手策略的最优反应,并且可使每个参与者的预测都是正确的。“纳什均衡”这一概念,奠定了非合作博弈的蓬勃发展。同时,它也是古诺和伯川德所研究的特定模型均衡的一个自然推广,是大多经济问题分析的起点。1950年,美国数学家艾伯特·塔克(Albert Tucker)与人合作建立了“囚徒困境”模型,对博弈问题进行了形象化的处理和表述,使其广为接受。

但是,彼时的博弈论研究仍然处于萌芽状态。在1956年耶路撒冷举行第一届国际博弈论会议时,与会者仍然少得可怜——直到20世纪60年代取得了一些重大进展。

1965年,莱茵哈德·泽尔腾(Reinhard Selten)引入了“子博弈完美纳什均衡”。他最先论证了在一般的动态博弈中,某些纳什均衡比其他的纳什均衡更加合理,这就是子博弈完美均衡。它要求均衡策略在每个信息集上都是对于对手策略的最佳反应,这样就避免了局中人利用非最优策略来实施“空洞威胁”或“信口承诺”。子博弈完美纳什均衡是纳什均衡在完全信息动态博弈中的精练与推广。

尽管如此,仍有大片空白等待着研究者们去开垦。例如,决策缺乏足够信息的情况比比皆是。由于缺乏处理不完全信息的一般性手段,所以博弈论的早期研究相对迟缓,批评声不断。直到1967年、1968年,约翰·海萨尼(John C. Harsanyi)提出一种转换方法来模型化不完全信息博弈,这种局面才得以改善。这种方法也被称作海萨尼转换,它将无从分析的不完全信息转化为可利用贝叶斯方法来分析的完全但不完美信息。这种转换带来了贝叶斯理论的广泛使用,因而也使得贝叶斯纳什均衡具有了非常强的解释力。从此,博弈论也成为研究信息问题的重要手段,促进了信息经济学的发展。

其次,对博弈中合作行为的研究。1953年,罗伯特·吉利斯(Robert P. Gilles)提出了合作博弈中核的概念,后经劳埃德·夏普利(Lloyd Shapley)和马丁·舒贝克(Martin Shubik)发展成为合作博弈解的概念。同样在1953年,夏普利运用公理化方法建立了夏普利值。夏普利值强调所得与贡献对等,是合作博弈中关于利益分配的一个重要概念。此后,罗伯特·约翰·奥曼(Robert John Aumann)考察了许多具体的合作行为,分析了更特殊的合作行为的解(核),并于1959年定义了“强均衡”的概念,即没有任何行为人群体可以通过单方面改变他们的决策来获益的情形。1964年奥曼和迈克尔·梅斯勒(Michael Maschler)引入合作博弈的谈判集,1965年莫顿·戴维斯(Morton D. Davis)和梅斯勒建立了核,1969年大卫·施梅德勒(David Schmeidler)建立了核仁。

同时,在20世纪50年代后期的核武器军备竞赛背景下,托马斯·谢林(Thomas C. Schelling)在其《冲突的策略》(1960)一书中,提出了将博弈论作为社会科学研究统一框架的观点,并对讨价还价和冲突管理做了详尽分析。他把注意力从零和博弈上转移开来,并强调这样一个事实:几乎所有的多人决策问题都是冲突和共同利益的混合体,并且两种利害关系之间的相互作用可以通过非合作博弈理论进行分析。他的工作是把博弈论带入社会科学的里程碑。

最后,博弈论中还有两个重要的分支:微分博弈和演化博弈。

(1) 微分博弈的提出最初是出于军事上的需要。在对航天技术中的制导系统、拦截飞行器以及有关机动追击等军事问题的研究中,采用既有的博弈理论难以奏效。因而从1951年开始,以美国数学家鲁弗斯·伊萨克(Rufus Issacs)为首的研究小组,将现代控制论中的一些模式引入博弈论,取得了突破性的进展,并开创了新的对策论研究领域——微分对策。1965年伊萨克发表《微分博弈》,这是一部经典之作,它与理查德·贝尔曼(Richard Bareman)1957年发表的《动态规划》、列夫·庞德里亚金(Lev Semionovich Pontryagin)1962年发表的《最优过程的数学理论》共同奠定了确定性微分博弈的理论基础。

(2) 1950年,阿曼·阿尔钦(Armen Albert Alchian)建议在经济分析中用“自然选

择”的概念代替“利润最大化”,认为适度的竞争可以作为决定各种制度形式存在的动态选择机制。在这种选择机制下,即使不把行为主体看作是理性的,但来自社会的演化压力也将促使每个行为主体采取最适合自身生存的行动,从而达到一种均衡。阿尔钦的这种演化观不仅为新制度经济学研究制度的选择提供了一个思路,而且也为演化博弈论的发展提供了思路。纳什1950年的“群体行为解释”,则认为是包含较完整的演化博弈思想的最早理论成果。纳什认为,不需要假设参加者有关于总体博弈结构的充分知识,也不要求参加者有进行任何复杂推理的愿望和能力,只需假定参加者能够积累关于各种纯策略被采用时的相对优势的实证信息,纳什均衡仍可达到。此后这方面研究几乎沉寂,直至20世纪70年代演化博弈才有重要的进展。

20世纪五六十年代是博弈论发展的重要时期,一系列兼具一致预测性和普遍适用性的基本概念得到了系统阐述与澄清,而诸如不完全信息与非转移效用联盟博弈这样的扩充使理论变得更具广泛应用性。博弈论的快速发展和早期两大主要阵营——兰德公司和普利斯頓大学对人才的积极吸纳分不开。实际上,博弈论初期的研究队伍很弱小。直至70年代,研究者才逐渐壮大,1972年第四届国际博弈论会议的参加者已有近百人之多。

1.5.2 博弈论的成长壮大

20世纪七八十年代是博弈论的成长壮大期。经济研究中的绝大多数应用模型都是在70年代中期后发展起来的。从80年代开始,博弈论逐渐成为主流经济学的一部分,甚至可以说成为了微观经济学的基础。各种权威经济学期刊均以不断增长的篇幅刊载博弈论的研究论文;重要的博弈论研究中心也开始在美国、德国、法国、荷兰、日本、英国、印度等国家建立起来。这段时期内,博弈论在所有研究领域都得到了重大突破,同时它也开始对其他学科的研究提供思想源泉和分析工具。在理论上,博弈论从基本概念到理论推演均形成了一个完整且内容丰富的体系。在应用上,政治与经济模型有了深入研究,非合作博弈理论应用到大批特殊的经济模型。同时博弈论也应用到生物学、计算机科学、道德哲学等领域,诸如混合策略这样的概念又得到了重新解释。

1972年,*International Journal of Game Theory*创刊,而其他一些博弈理论刊物也相继出现。1973年,海萨尼提出了关于“混合策略”的不完全信息解释,以及“严格纳什均衡”的概念。同年,迈克尔·斯宾塞(A. Michael Spence)提出了信号博弈,目前已成为信息不对称研究中的一个重要部分。他在研究中不仅开创了广泛运用扩展式博弈描述经济问题的先河,而且还较早地给出了完美贝叶斯均衡等概念。

1975年,泽尔腾借用策略式博弈提出了颤抖手均衡的概念。在均衡精练中这一概念占据着重要地位,开启了一种全新的思路。同时,它也是一种很强的精练均衡,因此又简称完美均衡。其基本思想是:在任何一个博弈中,每一个局中人均有可能犯错误,但是微小的错误不会改变参与者对某些均衡的预测,这如同双手颤抖的老人与人握手时的情形。如此一来,局中人在选择策略时就要考虑到其他局中人犯错误的可能性,由此定义更加合理的均衡。

及至20世纪80年代,用于消除动态不完全信息中“空调威胁”或“信口承诺”的多个

精练均衡概念已经相继建立。除了上述的颤抖手均衡外,序贯均衡也于1982年最早提出并发展成为博弈中最一般的均衡概念。序贯均衡是非完全信息动态博弈中的核心概念,是对完美贝叶斯均衡的再精练,也是信息经济学的分析基础;而完美贝叶斯均衡则可理解为贝叶斯纳什均衡和子博弈完美纳什均衡的综合。

20世纪80年代涌现了一批有重要影响的研究者,如戴维·克雷普斯(David M. Kreps)、保罗·米格罗姆(Paul Milgrom)、罗伯特·威尔逊(Robert Wilson)、乔治·阿克罗夫(George A. Akerlof)、迈克尔·斯宾塞(A. Michael Spence)和约瑟夫·尤金·斯蒂格利茨(Joseph Eugene Stiglitz)等。这些人对于不完全信息博弈中的机制设计和信息不对称的研究,奠定了相当长时期内博弈论研究和应用的格局。

此外,1976年奥曼对“共同知识”的讨论也引发了关注。奥曼通过研究建立了所谓的“交互认识论”,从而形成了现有关于参与者可理性化以及共同知识的广泛认同。同时,交互认识论也在经济模型和计算科学等许多领域得到了广泛应用,比如用于分析多重处理器网络的分布环境等。

在合作博弈方面,1974年吉列尔莫·欧文(Guillermo Owen)提出欧文值,1977年罗杰·梅尔森(Roger B. Myerson)提出梅尔森值等作为合作博弈的解。

在微分博弈方面,美国数学家艾夫纳·弗里德曼(A. Friedman)于1971年确立了微分博弈的理论基础,使微分博弈渐趋系统和完善。他采用离散近似序列方法建立微分博弈值与鞍点存在性理论,这给微分博弈奠定了坚实的数学理论基础。作为一种有效的方法,微分博弈被广泛应用于分析对抗问题,尤其在军事对抗领域。今天,微分博弈的应用已经深入到社会、经济、生活等各个领域的方方面面,比如生产与投资、劳资与谈判、招标与投标等。

在20世纪70年代博弈论发展的重要事件中,还应当提及“演化博弈论”。尽管在早期的研究中也涉及演化思想,但是演化博弈理论能够在各个不同的领域得到极大的发展应归功于约翰·梅纳德·史密斯(John Maynard Smith)与乔治·罗伯特·普瑞斯(George R. Price),他们提出了演化博弈理论中的基本概念——演化稳定策略(ESS)。史密斯和普瑞斯的工作把人们的注意力从博弈论的理性陷阱中解脱出来,换一个角度为博弈理论的研究寻找到可能的突破口。自此以后,演化博弈论迅速发展起来。生态学家泰勒(P. D. Taylor)和琼克(L. Jonker)在1978年考察生态演化现象时首次提出了演化博弈理论的基本动态概念——复制者动态,这是演化博弈理论的又一次突破性发展。演化稳定策略与复制者动态一起构成了演化博弈理论最核心的一对基本概念,它们分别表征演化博弈的稳定状态和向这种稳定状态的动态收敛过程,演化稳定策略概念的拓展和动态化构成了演化博弈论发展的主要内容。

1.5.3 博弈论的逐渐成熟

1994年,纳什、泽尔腾和海萨尼三位博弈论学者荣获诺贝尔经济学奖,为博弈论树起了一块不朽的科学丰碑。此后,博弈论的研究和应用受到世界各国的重视,而这一领域的诺贝尔经济学奖也频频出现。随着技术的发展,数值计算、数据分析与计算机模拟已经不

再是博弈论发展中的显要障碍,这极大地推动了博弈论的发展。而要对每年所发表的有关博弈论数以千计的文献进行了解已不是件容易的事。至今,博弈论仍在不断发展与深化。

20世纪90年代之后,博弈论已经变得非常庞大,枝繁叶茂。平铺直叙已经无法完整精确地描述博弈论发展的历史。因此,我们只是摘录硕果,管窥一斑。表1-2列出了与博弈论相关的诺贝尔经济学奖获得者的工作,也是近期研究的主线。

表 1-2 诺贝尔奖获得者及其所做的贡献

获奖年份	获得者(国家)	主要贡献	获奖时所在机构	所属领域
1994	约翰·海萨尼 John C. Harsanyi	这三位数学家在非合作博弈的均衡分析理论方面做出了开创性的贡献,对博弈论和经济学产生了重大影响	美国加州大学	博弈论
	约翰·福布斯·纳什 John Forbes Nash, Jr.		美国普林斯顿大学	
	莱因哈德·泽尔腾 Reinhard Selten		德国波恩大学	
1996	詹姆斯·莫里斯 James A. Mirrlees	前者在信息经济学理论领域做出了重大贡献,尤其是不对称信息条件下的经济激励理论;后者在信息经济学、激励理论、博弈论等方面都做出了重大贡献	英国剑桥大学	信息经济学
	威廉·维克里 William Vickrey		美国哥伦比亚大学	
2001	乔治·阿克洛夫 George A. Akerlof	为不对称信息市场的一般理论奠定了基础,他们的理论迅速得到了应用,从传统的农业市场到现代的金融市场,他们的贡献来自现代信息经济学的核心部分	美国加州大学	信息经济学
	迈克尔·斯宾塞 A. Michael Spence		美国斯坦福大学	
	约瑟夫·尤金·斯蒂格利茨 Joseph Eugene Stiglitz		美国哥伦比亚大学	
2005	罗伯特·奥曼 Robert J. Aumann	通过博弈论分析促进了对冲突与合作的理解	以色列希伯来大学	博弈论
	托马斯·谢林 Thomas C. Schelling		美国马里兰州大学	
2007	里奥尼德·赫维茨 Leonid Hurwicz	为机制设计理论奠定了基础	美国明尼苏达大学	微观经济学
	埃里克·马斯金 Eric S. Maskin		美国普林斯顿高等研究院	
	罗杰·梅尔森 Roger B. Myerson		美国芝加哥大学	
2012	埃尔文·罗斯 Alvin E. Roth	创建“稳定分配”的理论,并进行“市场设计”的实践	美国哈佛大学	博弈论
	罗伊德·夏普利 Lloyd S. Shapley		美国加州大学	
2014	让·梯若尔 Jean Tirole	对市场力量和管制的研究分析	法国图卢兹经济学院	规制经济学

在诺贝尔经济学奖中,与博弈论相关的获奖者数目几乎是最多的。1994年,由于在非合作博弈研究方面的卓越成就,纳什(美)、海萨尼(美)、泽尔腾(德)三人获得诺贝尔奖。1996年,詹姆斯·莫里斯(James A. Mirrlees)(英)和威廉·维克瑞(William Vickrey)(加美)在不对称信息激励理论的研究方面获得诺贝尔奖。2001年,阿尔克洛夫(商品市场)、斯宾塞(教育市场)、斯蒂格利茨(保险市场)(美)在不完全信息市场博弈研究方面获得诺贝尔奖。2005年,奥曼(以美)、托马斯·谢林(Thomas C. Schelling)(美)在博弈论之于冲突与合作研究方面获得诺贝尔奖。2007年,埃里克·马斯金(Eric S. Maskin)、梅尔森、里奥尼德·赫维茨(Leonid Hurwicz)(美)在博弈论与机制设计研究方面获得诺贝尔奖。2012年,罗斯(Alvin E. Roth)和夏普利(Lloyd S. Shapley)因为其在稳定匹配和与之相关的市场设计方面所取得的成果而获得诺贝尔奖。2014年,让·梯若尔(法国)获得诺贝尔奖,获奖原因是他在分析大型企业、市场力量与监管方面的贡献。更多细致的内容可参阅相关资料。

1.5.4 博弈论在中国

中国博弈论的研究起步于20世纪50年代吴文俊院士的工作,它是吴文俊理解博弈论的切入点,也是他研究的出发点。1959年初,吴文俊发表了他的个人博弈论研究生涯,也是中国博弈论研究历史上的第一篇论文。吴文俊很早就意识到约翰·纳什在50年代从事的非合作博弈研究的重要性,在此基础上发表了两篇有关非合作博弈的论文。尼古拉·沃比约夫(Nicola Vobiyov)教授是苏联博弈论的奠基人,他对于中国博弈论的诞生和成长也曾做出重要贡献,50年代他应中国科学院的邀请来华讲授博弈论,受到周恩来总理的亲切接见,帮助中国培养了第一代博弈论领域的研究生。

20世纪60年代初到70年代末,由于政治原因,中国博弈论的研究处于停滞状态,这个时间恰好是国际博弈论迅速发展的关键时期,非合作均衡理论体系逐渐完善,并在经济学中发挥了至关重要的作用,合作博弈理论体系迅速形成。

20世纪八九十年代,中国博弈论的研究进入复苏阶段,不过有关论著并不丰富,张维迎的《博弈论与信息经济学》对于博弈论在中国的经济、金融和管理科学领域的应用产生了重要而积极的影响。

21世纪的前10年,中国的博弈论研究领域呈现出繁荣景象,陆续出现了适应不同层面需求的论著。例如,俞建的《博弈论与非线性分析》,高红伟和彼得罗相的《动态合作博弈》等。2004年国际动态博弈学会中国分会成立,2005年中国运筹学会对策论专业委员会成立,在国际上,有中国学者担任国际动态博弈学会执行理事等重要职位。学术交流日趋活跃,在国内外特别是周边国家和地区的影响力逐渐显现,本领域的海外华人学者对于国内举办的学术交流活动的支持和响应程度逐渐增强。2002年“国际数学家大会‘对策论及其应用’卫星会议”在青岛大学召开,纳什、泽尔腾、奥曼以及夏普利4位诺贝尔经济学奖得主同时出席会议。自2004年起,中国运筹学会对策论专业委员会已相继成功主持

举办五届学术年会“中国博弈论及其应用国际学术会议”。此外,2006年协助组织举办了“第三届泛太平洋博弈论大会”,2010年全国博弈论与实验经济学会在北京成立并举办了“首届中国博弈论与实验经济学会年会”。

在未来的—段时间内,博弈论学科将在进一步完善基础理论体系的基础上,在应用层面取得多样性、实质性的进展;博弈理论与其他多学科理论的交叉或结合将产生新的研究分支,如博弈理论与心理学、管理学、金融学、社会学等学科的交叉结合;同时,有限理性、行为假设以及在此基础上所进行的仿真及实验研究,也是未来发展的重要部分。从有限理性假设、行为视角以及复杂性科学出发,并与其他学科有机结合,运用实验研究、现代仿真技术等手段与方法,研究行为主体之间的交互作用、交互影响的特征和机理、合作的演化及其规律,将成为博弈科学研究的一个重要发展趋势。



本章小结与习题

第2章 完全信息静态博弈



从小玩到大的“剪刀石头布”有何取胜之道？如何才能让对手猜不透？如何预测对手的行动并形成自己的策略？这些都是初学者所关心的问题，将在本章逐一登场。

著名的经济学家保罗·萨缪尔森(Paul A. Samuelson)有句名言：你甚至可以使一只鸚鵡变成一个训练有素的经济学家，因为它必须学习的只有两个词，那就是“供给”和“需求”。就这句名言，著名学者神取道宏(Kandori Michihiro)曾做过一个引申：现在这只鸚鵡需要再学一个词，那就是“纳什均衡”。

毋庸置疑，纳什均衡改变了经济学的语言和表达方法。它是本章的一个重要概念，将被重点阐述。此外，本章还将介绍与静态博弈有关的基础知识、基本分析方法和其他均衡概念等。

在网上流传着这样一个故事。一个古董商发现一个人用珍贵的茶碟装猫食，于是假装对他的猫非常喜爱，想从他手里买下这只猫。猫主人一口回绝。为此古董商狠心出了高价，才说服猫主人成交。成交后，古董商装作不经意地说：“这个碟子它用习惯了，就一块儿送我吧。”猫主人微微一笑：“你知道用这个碟子，我卖了多少猫吗？”

在这个故事中，古董商掌握着“茶碟是古董”这个信息，非常得意，并自作聪明地认为养猫人不知道。谁知猫主人不但知道，而且还利用了古董商“认为自己不知道”的错误认识，更胜一筹。在现实生活中也常出现类似的情境，亦即参与者之间并不是相互知根知底的。但是，正如“知己知彼，百战不殆”所言，一个人对信息的掌握在很大程度上将会影响他的决策和结果。一般而言，拥有的信息越多，正确决策的可能性越大。因此，博弈的参与者会想尽办法收集信息，使自己的信息尽可能完备。换言之，参与者希望将不完全信息的博弈尽可能完备化。因此，本书将遵照由简入繁的原则，紧接“导论”，介绍完全信息下的静态博弈。回顾第1章内容，不难给完全信息静态博弈下一个初步的定义。

定义 2.1(完全信息静态博弈的初步定义) 完全信息指的是所有参与者清楚地了解与博弈有关的所有信息。静态是指博弈的参与者同时行动，或在行动时不知晓对方的行动。同时满足完全信息和静态这两个条件的博弈即完全信息静态博弈。

2.1 常见的概念和方法

2.1.1 概念和表示



引语故事：《洛杉矶时报》大楼爆炸案的侦破

《洛杉矶时报》大楼爆炸案是发生在美国洛杉矶市的一起有预谋爆炸案，时间是1910

年10月1日凌晨1时07分。炸弹炸毁了建筑的一边,但是引发的大火却摧毁了时报大楼和隔壁报纸印刷部门所在的建筑。当时一群正在连夜加班的时报员工仍在大楼里。爆炸引起的火灾造成了21名雇员死亡,超过100人受伤。事件被《洛杉矶时报》称为“世纪犯罪”。

当局雇用的私家侦探 W. J. Burns 获知钢铁工人工会成员 O. McManigal 和 J. B. McNamara 参与了爆炸事件。McManigal 和 McNamara 都喜欢饮酒和打猎,二人常常一起打猎。1911年4月14日,Burns 和警察前往底特律牛津酒店逮捕了 O. McManigal 和 J. B. McNamara,并将他们扣押在芝加哥警长的私人住宅里。Burns 一直在努力说服 McManigal,让他以为 Burns 已经知道一切,而且 Burns 可通过与当局交易来保全自己。直到20日,McManigal 同意说出他所知道的一切来换取一个较轻的刑期,并签署了一份直接涉及 J. B. McNamara 的兄弟 J. J. McNamara、钢铁工人工会主席 Ryan 和其他领导的认罪书。4月26日,McManigal 和 McNamara 兄弟被警察带回洛杉矶。

McManigal 作为污点证人当时并未被起诉。McNamara 兄弟于1911年5月5日被提审,他们做了无罪答辩。但是12月1日,McNamara 兄弟转而改在公开法庭上认罪。同一时期,另有55名钢铁工人工会的成员和官员被供出而遭到逮捕与指控。另一位关键人物 Hockin 也通过指证他的同事来避免自己坐牢。最终共有38人被定罪。

——摘自《维基百科:洛杉矶时报大楼爆炸案》

《洛杉矶时报》爆炸案的侦破过程在现实中很常见。警察并非对嫌犯所有的犯罪事实都一清二楚,在很大程度上需要嫌犯自己招供。因此,嫌犯往往在“坦白从宽”和“抗拒从严”之间左右为难。特别是在多人共同作案时,一人所极力保守的秘密却被同伙泄露得点滴不剩,这样势必会给自己带来“抗拒从严”的不利后果。然而,“坦白从宽”并非唯一的最优选择。假设大家都保持沉默,也许处罚是最低的。因此,多人同时被审讯时的处境不同于一人被审,原因在于多人之间的互动作用会令嫌犯陷入一种困境,这就是博弈论中常见的“囚徒困境”。

让我们从囚徒困境开始,介绍完全信息条件下的静态博弈。假设甲、乙两个人一起携带炸药准备到一处作案,被警察发现并抓了起来。警方怀疑这两个人还犯有其他重罪,但没有证据。于是,警方将他们分别关押并单独审讯,告诉他们:如果不配合审讯拒绝坦白的話,一旦你的同伙招供,你将受到严惩。如果你们俩都坦白——我们按罪量刑,但肯定比一人顽抗到底要轻。在这种情况下,两个嫌犯都必须独立做出抉择:坦白交代,或者保持沉默。于是会出现以下几种情况。

(1) 两人都不坦白:警察以非法携带枪支罪将两人各判两年有期徒刑。

(2) 其中一人坦白而另一人拒绝坦白,坦白者作为污点证人将不会被起诉,另一人将因罪被重判9年。

(3) 如果两人都坦白,则双方都会因罪各判6年。

两个嫌犯该如何抉择?彼此信任还是互相背叛?从表面上看,他们当然应该合作。这样两人都只判两年。但是两个嫌犯都很聪明,他们仔细审视了自身的处境,发现并非如此。

甲心想：假如乙不招供，我也不招的话判两年；但我要是坦白，马上就可以获得自由，显然坦白比较好。假如乙坦白，我若是不招，就要坐9年牢，而招了只坐6年牢，同样也是坦白比较好。无论乙如何选择，自己都是坦白的好。

同样，乙也认识到了这些，得出了相同的结论——应该坦白。

如此一来，结局是双方都坦白！聪明的嫌犯反而得不到最好的结果。

这就是囚徒困境，它由梅里尔·弗勒德(Merrill Flood)和梅尔文·德雷希尔(Melvin Dresher)于1950年提出，后来被艾伯特·塔克以囚徒的方式阐述出来。为了用博弈论的语言来描述它，首先需要明确博弈的三要素，亦即参与者、每个参与者的策略集^①，以及每个参与者在不同策略下所对应的得益。

参与者：嫌犯甲和嫌犯乙。

策略集：每个参与者可选择的只有“坦白”策略和“沉默”策略，所以，他们的策略集都是{坦白，沉默}。

得益：意即博弈结束后，参与者可得到的回报。囚徒困境中，双方得到的回报由双方所选策略决定。例如，当囚徒甲选择“坦白”而囚徒乙选择“沉默”时，囚徒甲的得益为0，囚徒乙的得益为-9。

上述三点对于两个参与者而言是共同知识。同时，两个参与者是理性的，将选取能够最大化自己利益的策略。厘清三要素之后，可用博弈的语言重述完全信息静态博弈。

定义 2.2(完全信息静态博弈的严格定义) 每一参与者都拥有其他所有参与者的特征、策略集和得益函数等方面的准确信息，这样的博弈称为完全信息博弈。参与者同时行动，或者非同时行动但后行动者观察不到先行动者的选择的博弈，称为静态博弈。同时满足完全信息和静态两个条件的博弈称为完全信息静态博弈。



概念解读：定义 2.2 中的名词释义

(1) 参与者的特征指什么？答：特征很难精准定义，可理解为“性格”。在囚徒困境中，参与者的特征是理性(采取使自己收益最大的策略)。在将来的例子中，我们可能会看到有些不理性的(或称有限理性)甚至完全不理性的参与者，还会遇到独特的性格，比如“好斗”或“保守”。

(2) 何谓拥有得益函数的准确信息？答：“准确”一词描述了两个要点：①得益函数是确定的。即每个参与者在每一种情况下的得益是一个确定的值。②得益函数是公共信息。例如，在囚徒困境中无论双方做出什么选择，对应选择下两人的结果是确定的，而且双方都清楚地知道，在这种情况下自己的结果和对方的结果，如甲知道自己坦白并且乙沉默的情况下，自己的结果为获得自由，对方的结果是9年的徒刑。乙在相同的情况下即甲坦白而自己沉默时自己的结果是9年的徒刑，而对方获得自由。

可用图 2.1 所示的囚徒困境得益矩阵来直观描述这个博弈。这样的得益矩阵将冗长

^① 策略集亦称策略集合。有的书也将其称作“策略空间”，将策略组合称作“策略向量”，将得益的组合称作“得益向量”。本书统一采用“策略集”和“策略组合”的说法。

的叙述化成精简的表格和数字,可使读者一目了然。那么,什么样的博弈可以用得益矩阵来描述呢?

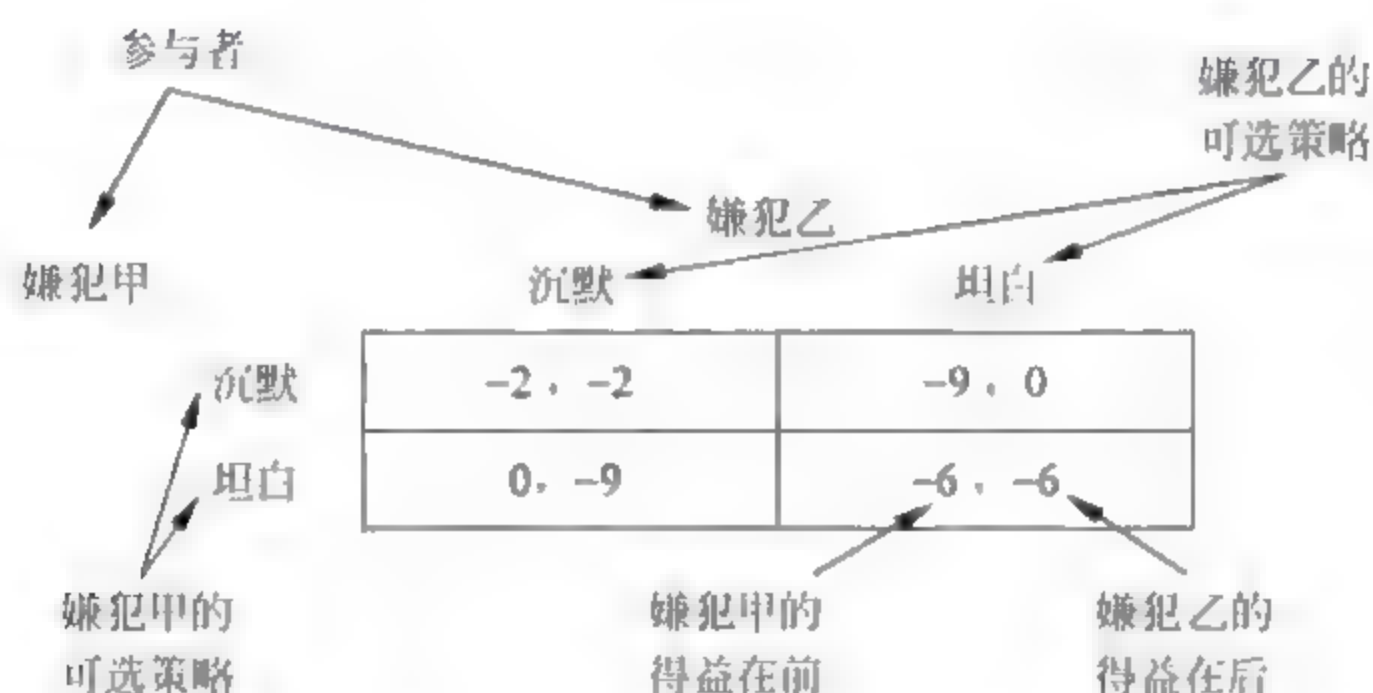


图 2.1 “囚徒困境”得益矩阵

首先,参与者应该是有限的,两人参与的博弈表示起来最为方便。可以想象若有三个参与者,则需画出一个三维的“得益矩阵”。若有更多的参与者,则无法画出得益矩阵了。

其次,每个参与者的策略集也应该是有限集,意即策略集合中的所有可能策略数目有限。

最后,由于表格的局限性,在记录双方的一次性行动时很方便,但更多的行动将会带来不小的麻烦。读者不妨亲自尝试一下。因此,它在处理静态博弈和仅有一步的动态博弈时比较方便,但在考察参与者的多步动态行动时将会丢失很多信息。

2.1.2 常见的分析方法

在囚徒困境中,“双方都坦白”是这场博弈极为可能出现的结果,而且这一结果非常“稳定”:假如任何一个人单方面地改变自己的选择,将会得到更差的结果。所以没有人单方面更改策略,双方处于一种胶着的状态,即均衡状态。那么,应该如何分析并求得这些均衡呢?分析方法不同会导致均衡结果不同吗?本小节将介绍4种主要的分析方法。

1. 上策均衡法

今不劳兵马,坐观成败,斗两彪而收长久之利,上策也。

——《魏书·崔浩传》

假如不论其他参与者选择何种策略,某一个参与者的某种策略给他带来的得益总能严格高于其他任何可选策略,我们称这样的策略为该参与者的一个“上策”。

例如,“囚徒困境”中的“坦白”策略——若选择“坦白”,无论对方选择“沉默”还是“坦白”,自己的得益都不会少于自己任何其他选择(“沉默”策略)带来的得益。所以,“坦白”是一个“上策”。

更进一步,如果在博弈中每个参与者都有上策,这些上策所构成的策略组合必然会受到所有参与者的欢迎。我们称这样的策略组合为该博弈的一个“上策均衡”。“囚徒困境”中的策略组合(坦白,坦白)对双方而言都是上策,所以它是一个“上策均衡”。可以预见,由于所有参与者都严格偏好“上策均衡”,不会有人主动偏离“上策均衡”,所以“上策均衡”是一个稳定的均衡。一般来讲,上策均衡法是双方都能一致预测得到的均衡。因此称“上

策均衡”具有良好的预测一致性。

利用上策均衡法进行分析,能使我们找出所有参与者的绝对偏好,因而得到的结果也非常稳定。所以,上策均衡法能对博弈结果做出最肯定的预测。可以说,只要能找到上策均衡,对这个博弈的分析任务就基本完成了。所以在开始对一个博弈进行分析时,不妨先看看各个参与者是否都有上策。如果有,再看看上策均衡是否存在。

但事情并不总会这样顺利:参与者有上策的情况很少,每个参与者都有上策的情况更加不常见。现实中人们常遇到的情形反而是所有参与者都没有上策。例如,在“剪刀石头布”博弈中每个博弈者都没有上策。

从这一点可以看出,上策均衡虽然具有很好的预测一致性,但是并不具有普遍的适用性。它只在分析少数情况下的博弈时才能奏效。

2. 严格下策反复消去法

当你把不可能的因素全部剔除之后,不管剩下的是什么,不管它多么令人难以置信——都是真相!

——福尔摩斯《血字的研究》

既然不是所有博弈中都存在备受欢迎的“上策”,那么让我们换个思维方式,看看是否存在没人喜欢的“下策”。比较“囚徒困境”中两个嫌犯,无论对手的策略如何,“沉默”都不如“坦白”。此时称“沉默”是相对于“坦白”的“严格下策”。

推而广之,如果一个参与者的某个策略给他带来的得益总是比另一种策略所带来的得益少——不管其他参与者的策略如何变化都是如此,则称前者为相对于后者的“严格下策”。举个例子,假如参与者 i 有三个可选策略“A”“B”“C”,假设不论对方选择何种策略,A策略带来的得益比B策略带来的少,B策略带来的得益比C策略带来的少。那么尽管B策略带来的得益比A策略多,但B策略依然是相对于C策略的严格下策;同时A策略是关于B策略和C策略的严格下策。

将这种方法应用在“囚徒困境”中:用直线划去严格下策,将其剔除。结果如图2-2所示。

		囚徒2	
		沉默	坦白
囚徒1	沉默	-2, -2	9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图2-2 “囚徒困境”得益矩阵画线后结果

首先删除囚徒1的下策:“沉默”。然后重复这个过程,删除囚徒2的下策:“沉默”。此时两个囚徒都不再有严格下策。一般而言,可重复剔除所有的下策,直到所有参与者都没有下策为止。假如此时只剩下一个策略组合,则这个策略组合即为重复剔除严格下策后所得到的均衡。例如,“囚徒困境”中(坦白,坦白)就是博弈的均衡。这种方法称为“严格下策反复消去法”。

这种方法的局限性也很明显,假如在重复剔除严格下策后仍然剩下多个策略组合,则无法确定谁是均衡的。

3. 画线法

参与者博弈的动机是自身利益的最大化。循着这个思路,若给定其他人的策略,比较某一参与者所有可能策略的对应得益,将得益最大者画线。若对每个参与者都如此操作,则所有得益都被画线的得益组合就代表所有参与者的利益都实现了最大化。此时的策略组合是双方都愿意的选择,因此它是博弈的均衡。

先来看一个抽象的例子^①。稍加观察可以发现,这个博弈中没有任何一方拥有“严格下策”。如图 2-3 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	4, 0	5, 3
	中	4, 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	6, 6

图 2-3 抽象博弈

设想你是参与者 1,要应对参与者 2 的策略来使自己的得益最大化。逐个分析对手可能的选择。

首先,假设对手选“左”。通过比较第一列中前一个数字(图 2-4 中被框出的数字)的大小,可知应选择“中”(因为 $4 > 3 > 0$),于是在“4”下方画一条线。如图 2-4 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	4, 0	5, 3
	中	4, 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	6, 6

图 2-4 抽象博弈的画线法分析步骤一

同理,当对方选择“中”时,参与者 1 应选择“上”。如图 2-5 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	4, 0	5, 3
	中	4, 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	6, 6

图 2-5 抽象博弈的画线法分析步骤二

^① 本书中大多数例子都是具有实际意义的博弈,不仅是因为这些例子更有趣味,还因为实践常是解释理论的好方式。但是为了更清楚地说明问题,在解释某些基本理论时我们也会选择一些没有实际意义的抽象例子。

当对方选择“右”时，参与者 1 应选择“下”。如图 2-6 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	<u>4</u> , 0	<u>5</u> , 3
	中	<u>4</u> , 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	<u>6</u> , 6

图 2-6 抽象博弈的画线法分析步骤三

现在换一下身份，设想你是参与者 2。当对方（参与者 1）选择“上”时，你应选择“左”（因为 $4 > 3 > 0$ ）。如图 2-7 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, <u>4</u>	4, <u>0</u>	5, <u>3</u>
	中	<u>4</u> , 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	<u>6</u> , 6

图 2-7 抽象博弈的画线法分析步骤四

当对方选择策略“中”时，参与者 2 也应选择策略“中”。如图 2-8 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, <u>4</u>	<u>4</u> , 0	5, 3
	中	4, <u>0</u>	0, <u>4</u>	5, <u>3</u>
	下	<u>3</u> , 5	3, 5	<u>6</u> , 6

图 2-8 抽象博弈的画线法分析步骤五

当对方选择“下”时，参与者 2 应选择策略“右”。如图 2-9 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, <u>4</u>	<u>4</u> , 0	5, 3
	中	4, 0	0, <u>4</u>	5, 3
	下	<u>3</u> , <u>5</u>	3, <u>5</u>	<u>6</u> , <u>6</u>

图 2-9 抽象博弈的画线法分析步骤六

根据之前的分析和画线的标准，可知：得益下方画线表示该策略可能被选；策略组合对应的所有得益都被画线说明所有参与者都有动机选择各自的对应策略，如图 2-10 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	4, 0	5, 3
	中	4, 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	6, 6

图 2-10 抽象博弈的画线法分析结果

显然,策略组合(下,右)的下方均被画线,因此是该博弈的均衡。

下面用画线法分析“囚徒困境”作为巩固练习,步骤如图 2-11~图 2-15 所示。

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图 2-11 囚徒困境的画线法分析步骤一

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图 2-12 囚徒困境的画线法分析步骤二

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图 2-13 “囚徒困境”的画线法分析步骤三

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图 2-14 “囚徒困境”的画线法分析步骤四

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	6, 6

图 2-15 “囚徒困境”的画线法分析结果

可知,(坦白,坦白)是该博弈的均衡。

4. 箭头法

在画线法中,参与者因对某种策略组合所带来的得益“满意”,从而做出选择。那么反过来说,参与者对某些策略组合的“不满”会让他们主动避开。换言之,参与者总倾向于摆脱令人“不满”的策略组合,以达成新的能让其满意的“策略组合”。这种趋利避害的过程实际上也对应着一种动态分析方法。箭头法就是其中之一。

仍以“囚徒困境”为例。首先,随机从得益矩阵中选择一个策略组合,作为起点开始推理。这里以(沉默,沉默)为例。对囚徒甲而言,既然对方选择“沉默”,自己如果改变策略,即达成策略组合(坦白,沉默),得益可以更高($0 > -2$)。于是用一个从(沉默,沉默)指向

(坦白, 沉默) 的竖向箭头来表示甲的这种倾向。同样, 对囚徒乙而言, 他也有动机改变自己的策略, 于是画一个横向箭头由(沉默, 沉默)指向(沉默, 坦白)。如图 2-16 所示。

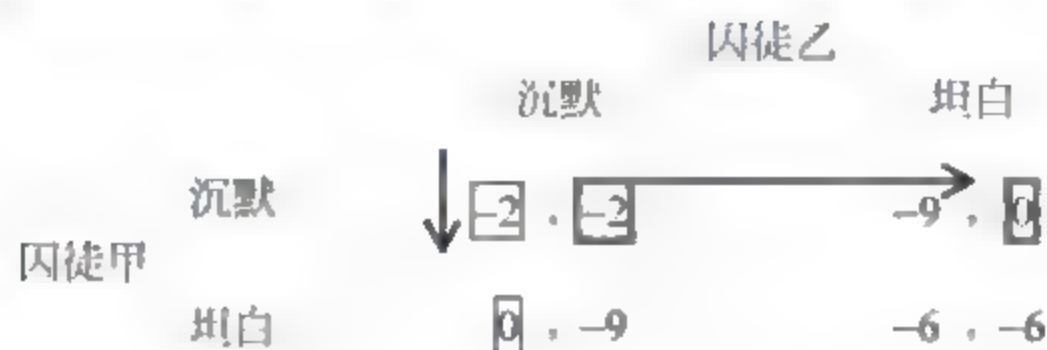


图 2-16 “囚徒困境”的箭头法分析步骤一

跟随箭头继续用同样的方法分析下一个策略组合(坦白, 沉默)。如图 2-17 所示。

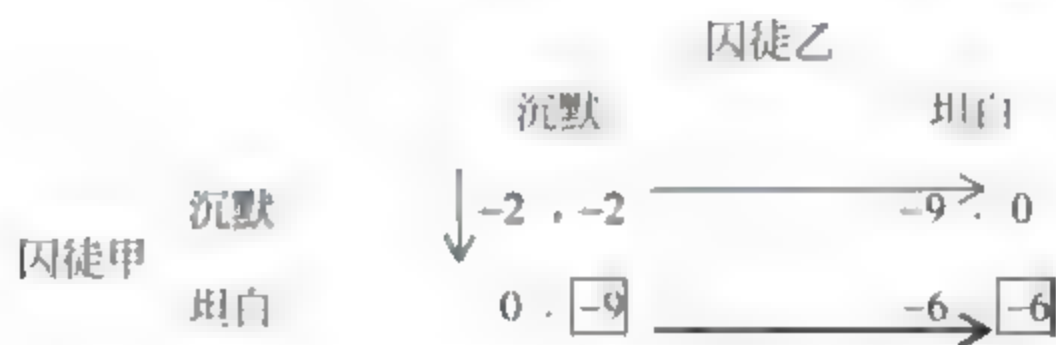


图 2-17 “囚徒困境”的箭头法分析步骤二

同理, 分析另一个有箭头的策略组合(沉默, 坦白)。如图 2-18 所示。

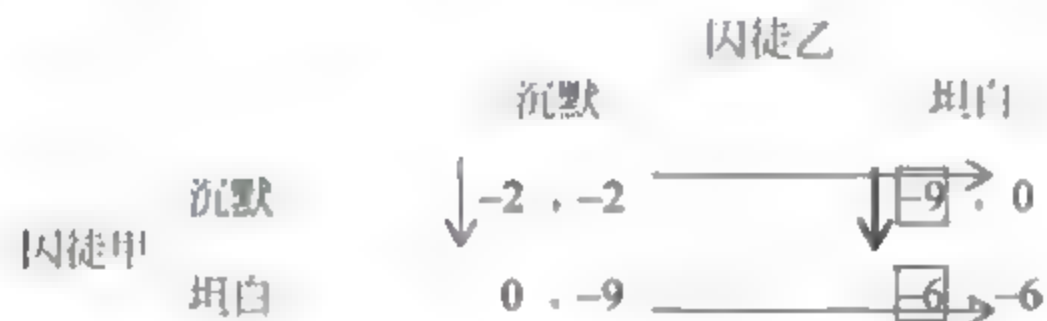


图 2-18 “囚徒困境”的箭头法分析步骤三

重复上述步骤, 若出现只有箭头指入、没有箭头指出的策略组合, 则它就是博弈的一个均衡。如图 2-19 所示。

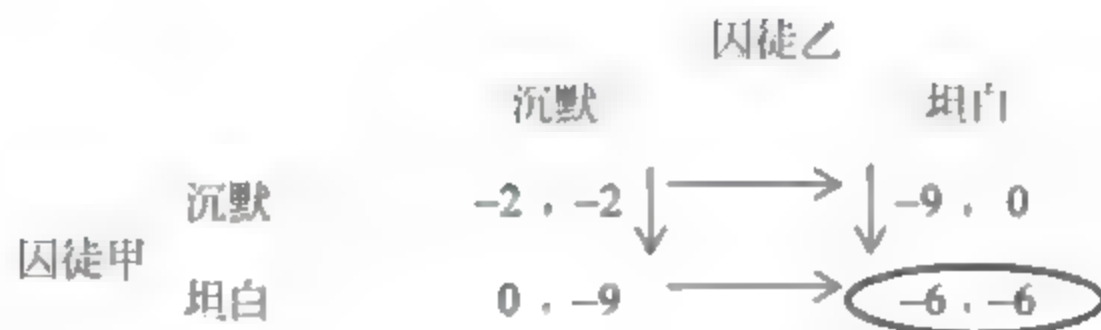


图 2-19 “囚徒困境”的箭头法分析结果

由此可见, 无论从哪一个策略组合开始, 最后都会移动到(坦白, 坦白), 这就是囚徒困境的均衡。

再将箭头法应用于我们用画线法讨论过的抽象博弈, 步骤略, 结果如图 2-20 所示。

可见, 不论从哪个策略组合入手, 最终都会跟随箭头移动到(下, 右), 说明这个策略组合是该博弈的均衡。同时, 没有箭头指出也反映了均衡的“稳定性”。

综合比较上述 4 种方法, 可以发现以下几点。

(1) 上策均衡法: 理想的选择法, 共赢就是最好。

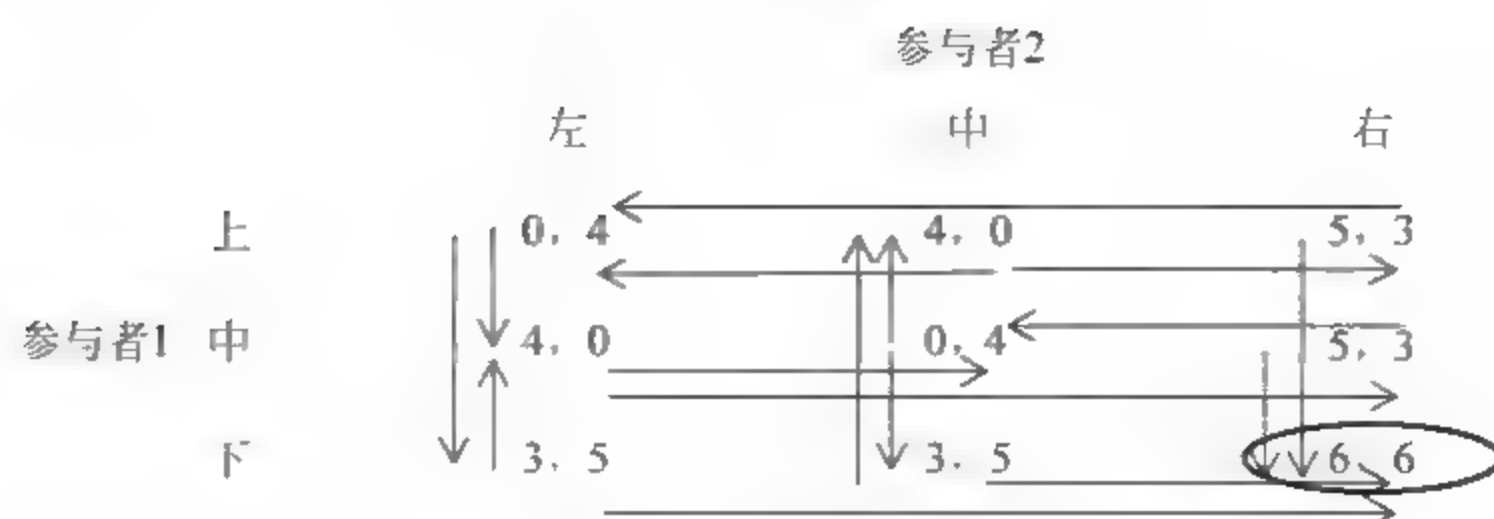


图 2-20 箭头法整合

(2) 严格下策反复消去法：基于推理的排除法——博弈双方互相揣摩，排除对手不会选择的策略。

(3) 画线法：紧扣分析的重点——“得益”；通过“画线”，寻找均衡。

(4) 箭头法：逐步寻找博弈何时能达到稳定，模拟动态演化过程。

2.1.3 应用举例

1. 猎鹿博弈

一个和尚挑水吃，两个和尚抬水吃，三个和尚没水吃。

——寓言故事

卢梭在《论人类不平等的起源和基础》中提到了这样一个例子：

一群猎人发现了一头鹿。他们明白，要想抓住它，每个人都得尽全力。然而当其中某个猎人看见一只野兔从面前跑过的时候，他会毫不犹豫地选择去追它——猎人一旦得到猎物，就不会太关心他的同伴是否能抓到他们的目标。

为了方便分析，假设参与猎鹿博弈的只有两个人，他们“同时”决定猎鹿还是猎兔，对于每个猎人而言，半头鹿比一只兔子要好，鹿相当于10顿饭的食物，兔子只相当于4顿。

这样会带来3种可能的结果。

(1) 两个人都选择猎鹿，他们将共同获得一头鹿，二人平分，两人的得益均为 $10/2=5$ 。

(2) 两个人都猎兔，则每人都可以得到一只兔子，得益均为4。

(3) 一人猎鹿而另一人跑去猎兔，那么猎鹿的打不着，猎兔的得到兔，得益分别为0和4。

由此可以得到如图2-21所示的得益矩阵。

		猎人2	
		猎鹿	猎兔
猎人1	猎鹿	5, 5	0, 4
	猎兔	4, 0	4, 4

图 2-21 猎鹿博弈得益矩阵

不妨尝试用上一节介绍的4种方法来进行研究。

1) 上策均衡法

“某一个参与者的某种策略给他带来的得益始终高于其他策略”的策略叫“上策”，观察后发现，并不存在这样的策略。

2) 严格下策反复消去法

对参与者来说，无论对手的策略如何，都至少有一个策略比这个策略好，此时我们说，这个策略是“严格下策”。观察发现，这个例子中，双方均没有严格下策。

3) 画线法

按照方法，我们一步一步对比博弈的得益。

第一步，先选取一个参与者(这里以猎人1为例)，比较在给定对方的某一策略时，此参与者采取所有可能策略的对应收益。当对方选择“猎鹿”时，自己选择“猎鹿”的收益为5，选择“猎兔”的收益为4。显然 $5 > 4$ ，所以在5的下方画一条线。当对方选择“猎兔”策略时，自己选择“猎鹿”的收益为0，选择“猎兔”的收益为4。因为 $4 > 0$ ，所以在4的下方画一条线。结果如图2-22所示。

		猎人2	
		猎鹿	猎兔
猎人1	猎鹿	5 . 5	0 . 4
	猎兔	4 . 0	4 . 4

图 2-22 猎鹿博弈的画线法分析步骤

第二步，再来看另一人(这里为猎人2)。当对方选择“猎鹿”时，自己选择“猎鹿”的收益为5，选择“猎兔”的收益为4。因为 $5 > 4$ ，在5的下方画一条线。当对方选择“猎兔”策略时，自己选择“猎鹿”的收益为0，选择“猎兔”的收益为4。由于 $4 > 0$ ，在4的下方画一条线。

综上，可以得到(猎鹿，猎鹿)和(猎兔，猎兔)都是该博弈的均衡。结果如图2-23所示。

		猎人2	
		猎鹿	猎兔
猎人1	猎鹿	5 . 5	0 . 4
	猎兔	4 . 0	4 . 4

图 2-23 猎鹿博弈的画线法分析结果

4) 箭头法

猎鹿博弈得益矩阵的箭头法分析结果如图2-24所示。

分析步骤此处不再详述，结果表明：箭头汇向两处，说明有两个均衡(猎鹿，猎鹿)和(猎兔，猎兔)。

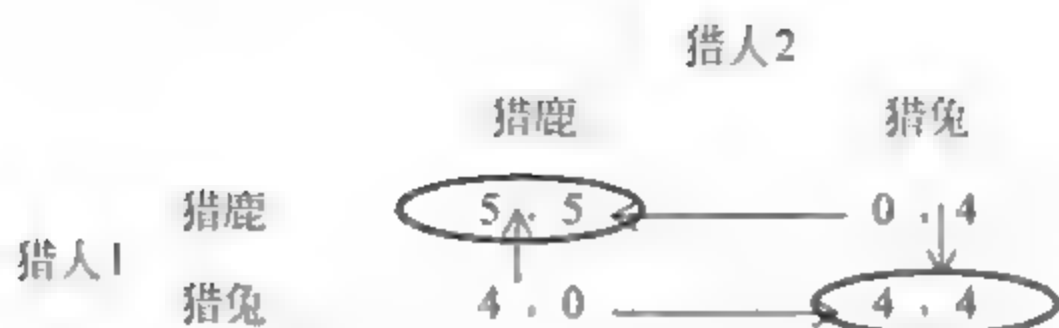


图 2-24 猎鹿博弈得益矩阵的箭头法分析结果

这个博弈的结果很有趣：明明存在对两人都更有利的均衡（猎鹿，猎鹿），但两人却可能共同偏向于另一个“较为一般的”均衡（猎兔，猎兔）。对其更深入的讨论将留到第 2.4.2 节，届时我们将讨论策略的“风险性”。若在此基础上继续研究猎鹿问题，将会接触到合作中最关键的部分。我们将在第 7 章“演化博弈”和第 8 章“竞争与合作”中做更进一步的分析。



思考与练习

狭窄的小路上迎面来了一个骑车的人，双方经常得左右摇摆几个回合才能勉强通过。遇到这样的场景时，你该怎么办？思考一下，和你所处的环境相关吗？

2. 智猪博弈

假设猪圈中有大猪、小猪各一头。猪圈的一边有猪食槽，另一边是一个利用杠杆原理控制猪食供给的踏板。踩一下踏板就会有猪食进槽，假定每次的流出量为 10 份（重复踩踏板并没有额外的食物流出）。但是踏板不是随便踩的。由于猪圈两端间隔很远，对每头猪而言，踩踏板一去一回要付出的劳动相当于 2 份的猪食。此外，当一头猪跑去踩时，另一头猪会先在食槽旁边等待，也就是说，踩踏板的猪跑回来，不仅消耗体力，而且能吃到的食物也会变少。

先总结一下可能出现的情况。

（1）假如大猪去踩踏板，小猪等待，则大猪能吃到 6 份猪食，小猪吃到 4 份（在被大猪赶走前已经吃到了一些）。此时它们的得益分别为：大猪 $6-2=4$ ，小猪 4。

（2）假如小猪去踩踏板，大猪等待，大猪能吃到 9 份猪食，小猪只能吃到 1 份（说不定还是大猪嘴里漏下的）。此时它们的得益分别为：大猪 9，小猪 $1-2=-1$ 。

（3）假如两头猪同时去踩（虽然不太现实，但也要加以考虑），大猪能吃到 7 份猪食，小猪吃到 3 份。此时它们的得益分别为：大猪 $7-2=5$ ，小猪 $3-2=1$ 。

（4）假如两头猪都不踩，它们当然会一起饿肚子，得益均为 0。

该博弈的参与者是大猪和小猪，每头猪的策略集包括“踩踏板”和“在食槽边等待”两种策略。猪的得益是得到的食物量减去踩踏板消耗的食物量。因此，可以得到图 2-25 所示得益矩阵。

问题是：在这种情况下，大猪有可能不踩踏板坐享其成吗？

首先要注意到，小猪是有占优策略的。意即，不论大猪选择何种策略，小猪“在食槽边等待”的得益永远比“踩踏板”要高。如果小猪是理性的（姑且假设它为理性），它一定会选择“在食槽边等待”。假如大猪相信小猪是理性的（姑且假设它相信），它就会明白小猪去

		大猪	
		踩踏板	在食槽边等待
小猪	踩踏板	1, 5	-1, 9
	在食槽边等待	4, 4	0, 0

图 2-25 智猪博弈得益矩阵

踩踏板是不划算的,所以小猪一定不会去踩。假如小猪不踩,自己也不踩,那么它们都要饿肚子。所以,如果大猪理性,就应该去踩踏板。



概念解读：占优策略

占优策略的简单定义是：对于某一参与者的两个策略 S_1 和 S_2 ,若 S_1 给他带来的得益始终高于另一策略 S_2 的得益——无论其他参与者如何行动都是如此,则称策略 S_1 占优于 S_2 ;如果策略 S_1 占优于该参与者的所有其他可能策略,则称 S_1 是一个占优策略。

因此利用严格下策反复消去法,将得到图 2-26 和图 2-27 所示结果。

		大猪	
		踩踏板	在食槽边等待
小猪	踩踏板	1, 5	-1, 9
	在食槽边等待	4, 4	0, 0

图 2-26 智猪博弈严格下策反复消去法步骤

		大猪	
		踩踏板	在食槽边等待
小猪	踩踏板	1, 5	-1, 9
	在食槽边等待	4, 4	0, 0

图 2-27 智猪博弈严格下策反复消去法结果

小猪和大猪的博弈会在(在食槽边等待,踩踏板)这一策略组合处达到均衡。

大家可能会想,这样不合常理的假设(猪理性且互知彼此理性)符合实际吗?这样的理论有应用价值吗?让我们来看一个真实的验证实验。

实验笼子的尺寸是 2.8 米×1.8 米。为了确保两头猪有很强的食欲,连续 24 小时不让其进食。起初,每头猪都被单独关在笼子里,加以训练使其意识到踩踏板将会得到食物。研究人员不是通过体型来判定哪头是“大猪”、哪头是“小猪”,而是通过进食量——先将猪单独关在有充足食物的猪圈里,一直在进食的那一头就是“大猪”。

实验结果如图 2-28 所示。图中的纵坐标表示每 15 分钟踏板被踩动的次数,横坐标表示的是尝试的次数。尝试踩踏板的次数达到 10 次之前,这两头猪都被单独关在笼子里,“大猪”踩踏板的次数略多一些。10 次尝试之后,它们被关在同一个笼子里,结果是:

“大猪”踩踏板的次数越来越多。

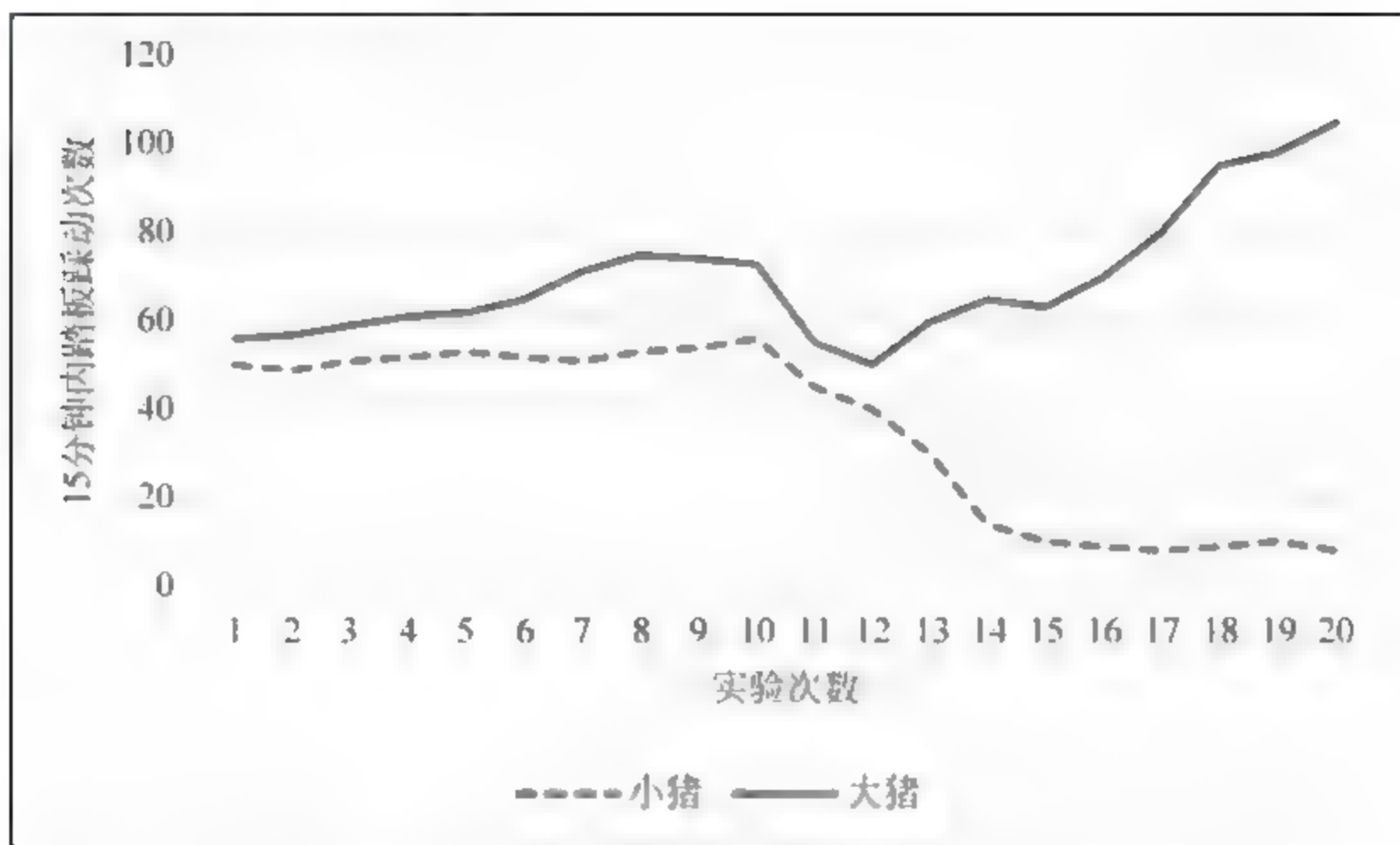


图 2-28 智猪博弈每 15 分钟的观察

两头猪最终达到均衡并不是因为一头猪能够猜测另一头猪的想法,并做出合乎博弈论的推理。更大的可能是,它们通过不断的尝试变得“聪明”起来。也许“小猪”在几次踩踏板却只得到很少食物后,不愿再踩踏板。这时,“大猪”会发现它能吃到食物的唯一办法就是踩踏板。

总之,在不断的重复博弈过程中,它们的行为也确实越来越接近预测的结果。这有力地说明,经验的积累可以帮助人们达到均衡,积累经验是在博弈中获得优势的好办法之一。

但是,重复博弈不仅能够训练参与者的理性,还有可能改变博弈的均衡结果,促使参与者由竞争转而合作。在第 6 章中,我们将进一步就“重复博弈”展开更深入的分析。



思考与练习

1. 有人说智猪博弈的结果体现了“能者多劳”,你赞成这种看法吗?
2. 你认为实际生活中“能者多劳”是一种合理的要求吗?
3. 假如你是饲养者,你当然希望饲料能够被合理分配,你会如何改变现状(设计规则),激励大猪和小猪都去踩踏板呢?



游戏与实验

假如你正在参加博弈论课程的结课考试,考场中一共有 50 名考生,你已顺利答完前面累计分值为 100 分的题目,你现在读到的是附加题:给你一个机会,你可以选择从你的卷面成绩中,贡献出至多 5 分。你贡献的分数在翻两倍之后,会被平分给考场中参加考试的所有考生。(举个例子,假如批改试卷后得知你的卷面成绩为 90 分,所有人都选择贡献 5 分,每个 5 分翻倍变成 10 分,总计 500 分,平分给 50 个人,每人 10 分。那么现在你的卷面成绩将是 $90 + 5 + 10 = 95$ 分。)请写出你愿意贡献出的分数。

如果你是勤奋的自学读者,也可以找4个小伙伴一起来进行这个实验,规则不妨改成:每个人最初拥有10个棋子(或其他指示物),可以选择贡献出一些棋子,5个人贡献的棋子总和的两倍将均分给大家(如果不能均分则舍弃多余的棋子),一轮游戏后棋子最多的人获胜。

2.1.4 基础知识

相信大家此时已经对博弈分析的方法有些感觉了,那么是时候向下一个山头攀登了。

从第1章的导论到现在,虽然已经介绍并使用了大量的概念,但是这些概念背后的明确含义还未介绍。仅了解一些简单的外部特征是不够的,我们还要深入细节,体会博弈语言的内涵。换言之,在对参与者行为进行严密的分析之前,必须对可能涉及的名词进行严格定义,对特定的情景进行适当的假设。

从现在起,我们将引入一些数学符号,重新严格地定义一些大家已经熟悉的概念,并补充更多的新术语。用语言学的观点来说,词汇量的增加可以加深人们思考的深度。当然,在表达需要的前提下,本书力求将数学难度降到最低,以方便读者理解。非课堂讲授的读者可越过本节。

1. 策略与策略组合

我们最先接触到的概念是“博弈”。

在一个 n 人博弈的标准型表述中,参与者的策略集为 S_1, S_2, \dots, S_n ,得益函数为 u_1, u_2, \dots, u_n ,在此用 $G = \{S_1, S_2, \dots, S_n; u_1, u_2, \dots, u_n\}$ 表示此博弈。

每一个参与者的行动都值得我们单独研究,我们常用 i 来称呼某个参与者,用小写的 s_i 表示参与者可选择的策略,用大写的 S_i 表示参与者 i 的策略集,那么 $s_i \in S_i$ 。用大写的 S 来表示策略组合:

$$S = (s_1, s_2, \dots, s_n)$$

策略组合表示的是博弈的所有参与者的策略的集合,即第1个人选择策略 s_1 ,第二个人选择策略 s_2 ,第 i 人选择策略 s_i ……以此类推至参与者 n 。

为了简化书写,用 s_{-i} 表示除参与者 i 之外其他所有参与者的策略构成的组合,即

$$s_{-i} = (s_1, s_2, \dots, s_{i-1}, s_{i+1}, \dots, s_n), \quad \forall i, s_{-i} \in S_{-i} \text{ ①}$$

这样我们可以将策略组合写成 $S = (s_i, s_{-i})$,非常简洁方便。

2. 理性和信念

上面的几个概念是用来描述博弈自身性质的。博弈的历程和结果离不开人的判断与选择,因此要想分析一个给定的博弈,还需一套用来刻画参与者动机和行为的工具。

“理性”是其中极为重要的概念。在本书绝大多数案例中,参与者都是理性的。事实上,经典博弈论体系几乎所有的理论都是建立在“理性”基础之上的。因此,准确把握“理性”这一概念非常重要。

此前我们对理性的解释是:若一个参与者采取策略来最大化自己利益,那么他就是

① \forall 是倒写的 A ,代表任意(Any);而 \exists 则是反写的 E ,表示存在(Exist)。

理性的。深入探究,怎样才算“采取了最大化利益的策略”呢?

参与者必须先对各种策略带来的利弊有所判定,才能在其中进行比较,挑选出自己认为最有利的策略。这个过程可以狭义地比作:参与者在脑海中(或者在纸上)拟出了“得益矩阵”,比较数字大小,依此判断哪个策略更好。广义地说,这种行为是:在博弈的结局出现之前,考虑各种可能出现的情况,评价各种情况出现的概率,以此为依据,最终从策略集中选择一种最为合适的策略。

在博弈论中,把对其他参与者行动所进行的先验判断^①称为对他们的“信念”。简单而言,信念就是对对手行动的预测。

数学上,参与者 i 的信念是关于其他参与者的策略^②的一个概率分布。我们用 μ_{-i} 来表示,且有 $\mu_{-i} \in \Delta S_{-i}$,其中 ΔS_{-i} 是指除了参与者 i 之外其他所有参与者的策略的概率分布集合。大写 S 前的 Δ 表示这个集合是概率分布的集合。

据此,我们重新定义理性。

定义 2.3 根据各自对其他参与者的信念,参与者选择使自己得益最大的策略,称为理性。

在博弈中,参与者不一定会选择某个特定的策略。譬如,对参与者 i 来说 A 和 B 策略都很好,这令 i 拿不定主意。 i 或许会随机选择其中一个,或许会按其偏好进行选择。这样的“策略”显然与我们此前用的“策略”一词含义不同。

因此,我们引入“混合策略”的概念。参与者的一个混合策略是指他可采取的一种“根据概率分布对策略进行选择”的行动。比如参与者 i 有两个策略 A 和 B ,他以 $1/3$ 的概率选 A , $2/3$ 的概率选 B ,这样将所有可能“1”分配给两个策略,构成的就是一个“混合策略”。如同信念一样,混合策略也是用概率分布衡量,所以我们也用类似的方法表述参与者 i 的混合策略为 $\sigma_i \in \Delta S_i$,指除了参与者 i 可选策略的概率分布集合。

为了有所区别,我们将一般的策略称为“纯策略”。不过在2.3节之前一般不会有这样的误会,我们仍用“策略”指代纯策略。需要特别注意的是,纯策略是混合策略的特殊情况,二者是包含关系而不是对立关系。

当引入了信念与混合策略后,得益该如何分析呢?为此,还需进一步引入期望的概念。

当参与者 i 对其他参与者具有信念 μ_{-i} ,并打算选择策略 s_i ,那么他的期望得益等于他采取策略 s_i 而其他人根据 μ_{-i} 采取行动时的“平均”得益。

用数学表达式表示为

$$u_i(s_i, \mu_{-i}) = \sum_{s_{-i} \in S_{-i}} \mu_{-i}(s_{-i}) u_i(s_i, s_{-i})$$

举个例子, A 和 B 两个人进行猜硬币博弈: B 抛硬币, A 来猜。如果 A 猜中了, B 给 A 一个硬币,猜错则 A 给 B 一个硬币。 A 对 B 可能采取的混合策略的信念为概率分布 $(50\%, 50\%)$,因此不论自己猜正还是猜反,获胜的概率都为 50% 。此时两人的策略集

① 关于先验和后验,读者可参阅附录的有关内容。

② 在本章,因为参与者的行动只有一步,所以我们不加区分地使用“策略”与“行动”两个词汇不会引起误会;而在动态博弈中策略是针对多种可能情况的指导原则,而行动则只是某个阶段参与者的某一选择,请注意区别。

$S_A - S_B = (\text{正}, \text{反})$ 。

令 $\mu_B(\text{正}) = \mu_B(\text{反}) = 50\%$ 是抛硬币的概率。设 A 猜正的期望得益为 $u_A(\text{正}, \mu_B)$ 。根据公式可得

$$\begin{aligned} u_A(\text{正}, \mu_B) &= \mu_B(\text{正}) \times u_A(\text{正}, \text{正}) + \mu_B(\text{反}) \times u_A(\text{正}, \text{反}) \\ &= 50\% \times (+1) + 50\% \times (-1) = 0. \end{aligned}$$

上式中 $u_A(\text{正}, \text{正})$ 表示 A 猜正且 B 抛出的硬币也为正时 A 的得益。此时 A 猜中了, 得益为 +1。同理 $u_A(\text{正}, \text{反})$ 表示 A 没猜中的得益, 为 -1。

这样, 我们就刻画了参与者如何判定各种策略的对应得益, 下一步是对它们进行比较。具体而言, 如何衡量混合策略哪种更好呢? 为此, 我们又引入一个新的评判标准, 来描述混合策略间的优劣关系。

3. 占优与最优反应

在使用上策均衡时, 我们已感受过它的局限性, 因此我们需要更为普遍适用的工具。

下面将介绍博弈理论中两个更核心的概念, 一个叫作“占优”, 一个叫作“最优反应”。它们是在冯·诺依曼和摩根斯坦的《博弈和经济行为理论》以及卢斯 (Robert Duncan Luce) 和雷法 (Howard Raiffa) 的《博弈和决策》中引入的。

这两个概念是个体理性理论的基础, 值得我们深入理解。个体理性或许是个新名词, 但它并不是一个新概念。它是我们此前一直在用的理性一词更准确的说法。事实上, 我们常讨论的理性分为两种: 一种是追求个人利益最大化的理性, 称为**个体理性**; 另一种是以集体利益最大化为目标的, 称为**集体理性**。我们会在第 8 章中详细介绍集体理性相关的内容 (在此之前, 如不会引起误会, 我们仍用“理性”一词表达个体理性, 请留意)。

1) 优与劣

之前一直使用的“上策”一词, 描述的正是“占优”的关系。简单来说, “占优”的定义是: 不论其他参与者选择何种策略, 某一个参与者 i 选择策略 s_i 给他带来的得益始终严格高于另一策略 s'_i , 我们称策略 s_i 占优于 s'_i 。

可见, 占优的条件很容易达成。然而“上策”的概念则相当苛刻: 某一策略占优于其他所有策略, 才可称为“上策”。显然, 所有参与者若想达成“上策均衡”则更加困难。因此, “上策”这一概念在描述博弈时并不方便, 我们将把更多的注意力放在占优关系上。

另外, 与占优类似但意思完全相对的概念是劣于, 二者可以一起被定义。

定义 2.4 对于参与者 i 的纯策略, 存在策略 (无论是纯策略还是混合策略) $\sigma_i \in \Delta S_i$, 如果对于其他参与者的所有策略组合 $s_{-i} \in S_{-i}$, 均能满足 $u_i(\sigma_i, s_{-i}) > u_i(s_i, s_{-i})$, 我们就称 s_i 劣于 σ_i , σ_i 占优于 s_i 。

对于任意一个策略, 若它占优于另一策略, 则称之为“占优策略”。相反, 若它劣于另一策略, 则称“严格劣策略”。占优策略也可称“严格占优策略”, 二者含义完全一样。

2) 最优反应与信念

另一个很实用的概念是**最优反应**或称**最优回应**。简单来说, 作为一个参与者, 若你相信对方会采取某一种策略, 而你针对这种策略做出了一种能最大化自身得益的行动 (策略), 那么这种行动 (策略) 就是你的“最优反应”。混合策略的情形稍复杂一些, 此处我们

先给出纯策略条件下最优反应的正式定义。

定义 2.5 假设参与者 i 对于其他参与者采取的策略具有信念 $\mu_{-i} \in \Delta S_{-i}$, 参与者 i 的策略 s_i 如果对于任何 $s'_i \in S_i$ 都满足 $u_i(s_i, \mu_{-i}) \geq u_i(s'_i, \mu_{-i})$, 那么 s_i 就是一个最优反应。

我们将在 2.3 节定义最优反应概念向混合策略的扩展。

不难证明, 在一个有限博弈中, 每个信念至少对应一个最优反应。信念一旦形成, 就会有相应的最优反应。“不管我们是否已经找出, 它就在那里。”从这个意义上说, 决策是否正确, 依赖于信念是否正确。

举例来说, 假如你(妻子)和丈夫正在商量今年去谁家过年。图 2-29 所示的夫妻之争得益矩阵描述了当二人意见统一或不一致时的得益。“非常愉快”对应的得益设为 3, “勉强能接受”为 1, “闹矛盾”则为 0。

		妻子	
		去丈夫家	去妻子家
丈夫	去丈夫家	3, 1	0, 0
	去妻子家	0, 0	1, 3

图 2-29 夫妻之争得益矩阵

根据你对丈夫的了解, 你知道他很希望回自己家过年。但是自己也想抽时间陪陪父母, 此时你该怎么选择? 如何避免争执?

争执是否出现的决定性因素在于: 丈夫的想法是否真的如你所料, 即你的信念的正确性。

假如你的信念正确, 对应你的信念的最优反应是“和他一起回家”, 结果夫妻关系和睦, 高高兴兴过年。假如你的信念错误, 你丈夫实际的想法是“今年该陪你回家过年了”, 而对应你的信念(丈夫想回家过年)的最优反应仍是“和他回家”。这时若仍按最优反应去做, 实际上不一定是最好的结果。

可见最优反应带来好结果的前提是: 信念正确。在博弈中, 人们往往会下很大功夫力求形成正确的信念。博弈的成功与否往往取决于你对对手的了解是否超过对手对你的了解。

实际上, 面对生活中出现的各种矛盾, 人们发现沟通是一个非常有效的手段, 它往往对博弈结果有很强的影响。换句话说, 通过各种形式的沟通, 可以协调双方的偏好, 更新双方的信念而使之更为准确。在后面的学习中还会涉及“如何沟通”。

4. 下策与可理性化*

上一节告诉我们什么样的策略好, 以及为什么好。这一节将讨论哪些策略不好, 以及它们为什么不好。

回想一下前面介绍过的“严格下策反复消去法”, 我们消去的正是“严格下策”。

1) 严格下策

在标准型博弈中,令 s'_i 和 s''_i 代表参与者 i 的两个可行策略(s'_i 和 s''_i 是 S_i 中的元素)。如果对其他参与者的每一个可能的策略组合, i 选择 s'_i 的收益小于其选择 s''_i 的收益,即

$$u_i(s_1, \dots, s_{i-1}, s'_i, s_{i+1}, \dots, s_n) < u_i(s_1, \dots, s_{i-1}, s''_i, s_{i+1}, \dots, s_n)$$

对其他参与者在策略集 $S_1, \dots, S_{i-1}, S_{i+1}, \dots, S_n$ 中每一组可能的战略 $(s_1, \dots, s_{i-1}, s_{i+1}, \dots, s_n)$ 都成立,则称策略 s'_i 相对于策略 s''_i 是严格下策,也称严格劣策略。

在使用严格下策反复消去法时,你是否产生过这样的疑问:凡是严格下策都可以消去吗?事实上并非如此,如想将严格下策消去,还需要满足一个条件,这个条件被称为“可理性化”。只有当一个博弈“可理性化”时,我们才能使用严格下策反复消去法。

2) 可理性化

黑衣人:好吧,毒药在哪?这场游戏才刚刚开始。你先挑,然后我们同时喝下,不管谁生、谁死,游戏都将结束。

威兹尼:这太简单了吧。我只要猜测你的想法就行。你喜欢把毒药放在自己的杯子里还是对手的杯子里?聪明的人总是会把毒药放在自己的杯子里,因为他知道只有大傻瓜才选择自己眼前的东西。我不是傻瓜,所以我不会选择你面前的酒。但是,你一定知道我不是大傻瓜,那么我当然也不会选择放在自己面前的酒。

——节选自电影《公主新娘》

若在博弈中,理性是共同知识,则称这个博弈是可理性化的。理性是共同知识的意思是:每个参与者是理性的,每个参与者也知道别的参与者是理性的,每个参与者都知道别的参与者知道他是理性的……以此类推。

共同知识这个概念最初是由美国逻辑学家刘易斯(C. I. Lewis)于1969年在讨论“协约”时提出的。他认为,某种东西要成为多方的“协约”,必须成为缔约各方的共同知识。也就是说,缔约各方不但都要知道协约的内容,而且还要知道各方都知道协约的内容,等等。后来“共同知识”又被诸多学者研究,现在已经成为逻辑学、博弈论、人工智能等学科中频繁使用的一个概念。

反复剔除严格下策的过程可以将策略理性化。经严格下策反复消去后,剩下的策略叫作“理性化的策略”。人们可以在剩下的策略中继续施行严格下策消去法,直至找到均衡。

让我们来看图2-30所示的一个抽象的博弈。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	1, 0	1, 2	0, 1
	下	0, 3	0, 1	2, 0

图2-30 抽象博弈得益矩阵

参与者1有两个可能策略:“上”和“下”;参与者2有三个可能策略“左”“中”和“右”。分析如下。

如图 2-30 所示,对于参与者 1,“上”和“下”都不是“上策”,即这两种策略都不是“严格占优的”:如果参与者 2 选择“左”,“上”优于“下”(1>0),但如果参与者 2 选择“右”,“下”优于“上”(2>0),结果如图 2-31 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 0	1, 2	0, 1
	下	0, 3	0, 1	2, 0

图 2-31 抽象博弈得益矩阵分析步骤一

但对于参与者 2,“右”策略严格劣于“中”策略(2>1 且 1>0),如图 2-32 所示。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	1, 0	1, 2	0, 1
	下	0, 3	0, 1	2, 1

图 2-32 抽象博弈得益矩阵分析步骤二

因此理性的参与者 2 不会选择“右”策略。如果参与者 1 知道参与者 2 是理性的,他就可以将“右”策略从参与者 2 的策略集中剔除。即该博弈等同于图 2-33 所示的博弈。

		参与者2	
		左	中
参与者1	上	1, 0	1, 2
	下	0, 3	0, 1

图 2-33 一步简化后的抽象博弈得益矩阵

在图 2-33 中,对于参与者 1,“下”策略成了相对于“上”策略的“严格下策”。

因此,如果在前面所述“参与者 1 知道参与者 2 理性”的前提下,附加上“参与者 2 知道参与者 1 是理性的”以及“参与者 2 清楚‘参与者 1 知道自己是理性的’”,那么参与者 2 就可以将“下”从参与者 1 的策略集中剔除,得到图 2-34 所示的博弈。

		参与者2	
		左	中
参与者1	上	1, 0	1, 2

图 2-34 两步简化后的抽象博弈得益矩阵

此时对于参与者 2 来说,“左”又成了严格下策。因此最后仅剩的策略组合(上,中)就是该博弈的结果。

可以认为,可理性化是完全版的严格下策反复消去法。这种方法为我们提供了一种很好的“排除”思路,启发我们在不能直观地找到问题答案时,不断地尝试排除,一步步推理。

使用严格下策反复消去法时要注意以下两点。

(1) 每一次消去下策时都要求所有参与者清楚。如果想将过程推进到任意多步,就需要我们假设“参与者是理性的”是共同知识。这是博弈论中一个非常强的假定,只在完全信息的条件下较为常用。

(2) 该方法有时不能预测博弈的结果。例如,图 2-35 所示的博弈,就没有可以剔除的严格下策。

		参与者2		
		左	中	右
参与者1	上	0, 4	4, 0	5, 3
	中	4, 0	0, 4	5, 3
	下	3, 5	3, 5	6, 6

图 2-35 无严格下策的博弈

2.2 纳什均衡

2.2.1 纯策略纳什均衡

此前我们也提过“纯策略实际上是混合策略的一种特殊情况”,我们不妨先看看“纯策略”的特殊情况,再将其推广到一般。

事实上,在前一节中我们已经多次遇到纯策略纳什均衡,如图 2-36~图 2-38 所示博弈中的均衡。

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	<u>6, -6</u>

图 2-36 囚徒困境得益矩阵

		猎人2	
		猎鹿	猎兔
猎人1	猎鹿	<u>5, 5</u>	0, 4
	猎兔	4, 0	<u>4, 4</u>

图 2-37 猎鹿博弈得益矩阵

		大猪	
		踩踏板	在食槽边等待
小猪	踩踏板	1, 5	-1, 2
	在食槽边等待	4, 4	0, 0

图 2.38 智猪博弈得益矩阵

被圈出的策略组合正是各个博弈的纯策略纳什均衡。对于纯策略纳什均衡,可以从“最优反应”的角度来理解:假如参与者达成了纳什均衡,他们各自的选择都会是针对其他人策略的“最优反应”;亦即,如果每个参与者都主动采取应对其他所有人策略的“最优反应”,那么他们将会达成纳什均衡。

因此,可以这样定义一个纯策略纳什均衡:给定其他人的策略,如果每个参与者所采取的策略都是自己的最优反应,那么此时达成的策略组合构成一个纯策略纳什均衡。在纳什均衡处,所有参与者都是“你愿意,而且我愿意”的状态。若其他人的策略不变,任何参与者都没有动机单方面偏离均衡,转而采取其他策略。纳什均衡的数学语言描述为

定义 2.6 对于一个策略组合 $s \in S$, 当且仅当 $s_i \in BR_i(s_{-i})$ 对于每个参与者 i 都成立时,我们称 s 为一个纯策略纳什均衡,式中 $BR_i(s_{-i})$ 表示参与者 i 为了应对其他参与者的策略组合 s_{-i} 的最优反应集合。

由最优反应的概念可以看出,对于任意参与者 i 的任何其他策略 $s'_i \in S_i$ 来说,都有 $u_i(s_i, s_{-i}) \geq u_i(s'_i, s_{-i})$ 。而这正与画线法的思想相吻合。因而画线法是寻找纯策略纳什均衡的一个常用且方便的方法。

在囚徒困境中,囚徒甲和囚徒乙应对对方策略的最优反应均为“坦白”,因此策略组合(坦白,坦白)成为纳什均衡。猎鹿博弈中,每个猎人应对其他猎人的“猎鹿”的最优反应为“猎鹿”,应对其他猎人“猎兔”策略的最优反应为“猎兔”,因此(猎鹿,猎鹿)和(猎兔,猎兔)都是纳什均衡。

纳什均衡是普遍存在的^①,因而具有很强的普遍适用性;同时,纳什均衡也同上策均衡一样具有很强的预测一致性。一般而言,具有有限策略的有限个参与者所构成的博弈一定存在纳什均衡。这种纳什均衡既可以是纯策略的,也可以是混合策略的。上文涉及的纯策略纳什均衡仅是极为常见的一类情况,下一小节仍将讨论纯策略纳什均衡,不过策略集将从有限个策略推广到无限个策略。



概念解读

1. 对每个参与者来说,纯策略纳什均衡一定是占优策略吗?

答:不一定。占优策略均衡(上策均衡)一定是纳什均衡,而纳什均衡不一定是占优策略均衡。举个例子,猎鹿博弈中的纳什均衡(猎兔,猎兔)就不满足这个说法。

^① 纳什均衡的普遍存在性证明需要用到不动点理论和相关的数学知识,读者可参阅《博弈论》(朱·费登博格和让·梯若尔著)。

2. 对每个参与者来说,纯策略纳什均衡一定是最优反应吗?

答:是的,不仅纯策略纳什均衡是,混合策略纳什均衡也是。

3. 纯策略纳什均衡是否会被严格下策反复消去法消去?

答:不会,严格下策反复消去法作用后剩下的都是“理性化的策略”,严格下策反复消去法是重复剔除非最优反应的过程。



扩展阅读:纳什均衡的诞生

在博弈论诞生初期,并不存在一种分析方法能够“洞察本质”,适用于各种各样的博弈。

博弈论的创始人之一冯·诺依曼进行了长期的尝试,提出了“最大最小定理”。这个定理描述了在任何时候,两人参与的零和博弈总存在一个“能使参与者可能的最小收入最大化”的最大最小均衡。这个定理确实具有一定的普适性,但仍然十分有限。

第一,最大最小均衡只能解释二人参与的博弈。现实中的博弈参与者常常超过两个。为了弥补这一缺陷,冯·诺依曼与摩根斯坦在《博弈论与经济行为》一书中重点讨论过多入参与的博弈,但他们自己也未能证明对于所有这样的博弈均衡解总是存在的。

第二,现实中大多数情况下,参与者两方的得益并不是“零和”的。比如在当时最受经济学家关注的军事领域中,博弈几乎都是非零和的:一场战争很可能带来两败俱伤的后果,胜者所胜不能与败方所败画等号。为了扩展理论来描述非零和博弈的情况,冯·诺依曼通过引入一个虚构的局中人,用于消费过剩资源或弥补赤字,从形式上将这样的博弈转化为零和博弈。这的确是一种解决问题的思路,但是并不能被人们广泛接受——这个过程操作复杂,虚构的局中人的现实意义也不明确。尽管冯·诺依曼的最大最小理论离“普世的方法”仍有距离,但在此后很长一段时间内他们所关注的零和博弈依然占据着博弈论研究的核心地位。

20世纪40年代后期,在博弈论的发源地普林斯顿大学,聚集了一大批研究博弈论的数学家和经济学家。他们当时研究的主要目的正是将严格的数学理论引入美苏军事冲突以及经济分析中。“零和博弈让所有人都觉得很烦躁,”经济学家肯尼思·阿罗(Kenneth Arrow)回忆道,“你得决定要不要开战,而你又不能说失败者失去多少胜利者就得多少,这确实太烦人了。”

在那时,年轻的纳什正在普林斯顿大学数学系攻读博士学位。冯·诺依曼理论中的缺陷,就像当年爱因斯坦眼中的以太一样,令他陷入长久的思考。

1949年夏天,几个模糊的想法渐渐成熟。10月,纳什思如泉涌,完成了属于他的创造——一个质疑亚当·斯密、挑战冯·诺依曼的崭新理论应运而生。博士生综合考试结束后几天,纳什就带着自己的理论成果去拜见冯·诺依曼。

此时的冯·诺依曼俨然已是一位公众人物,除了偶尔进行演讲之外,与普林斯顿的研究生没有什么接触,而且通常也不鼓励他们来请教问题。他端坐在一张巨大的桌子旁边,穿着昂贵的西装,打着丝质领带,整个人看上去与其说像个学者,倒不如说更像一个银行总裁。他也确实和公务繁忙的行政人员一样操劳——当时他担任着几个顾问职务,还要

没完没了地和奥本海默争论氢弹研制的问题,同时还指导两台电子计算机样机的建造和程序编制工作。

纳什开始向冯·诺依曼讲述自己的证明。但是,没等他说到结论,冯·诺依曼便打断了他:“你说的不过只是一个不动点定理而已。”纳什便终止了谈话,默然离开了。过了几天,纳什向他的朋友盖尔谈起了他的发现:“我觉得我已经找到了一个办法,可以将冯·诺依曼的最大最小定理普遍化……整个理论就是建立在这个基础上。无论局中人数多少都适用,也不仅仅限于零和博弈……我把这称为一个均衡点。”在详细了解后,盖尔意识到纳什的想法能够很好地结合实际,远远超过了冯·诺依曼的零和架构。然而,更让盖尔着迷的是它的优美。他说:“其中的数学非常优美,在数学上简直是太正确了。”

盖尔积极鼓动纳什将结果正式发表。盖尔回忆说:“我说这绝对是一个了不起的成果,应该抓紧时间。”他告诉纳什,应该抢在别人想到一个类似的主意之前尽快将这个成果纳入自己的名下。“纳什这个人比较怪,也许他自己永远也想不到这么做。因此他把证明过程交给我。”最终,纳什的成果刊登在1950年11月的学院学报上。

纳什敏锐地观察到:各个参与者采取自己的最优策略,同时估计其他参与者也将采取最优的策略。但站在所有参与者的立场来看,这并不一定就是最优的解决方案:譬如“囚徒困境”。这种结果与经济学中亚当·斯密的“看不见的手”相矛盾。处于博弈中的各个参与者都在追求个人利益,但他们的行动不一定会增进整个集体的利益。现代经济学从此开始注意到个人理性和集体理性的矛盾与冲突。解决这个问题的办法并不是像传统经济学主张的那样,仅通过政府干预来避免市场失调时的无效状态。我们应该意识到,如果一种制度安排不能满足个人理性的话,就不可能实行下去。所以解决个人理性与集体理性之间冲突的办法不是否认个人理性,而是设计一种机制,在满足个人理性的前提下达到集体理性。

有了在非合作博弈领域的创新发现,纳什成功地打开了将博弈论应用到经济学、政治学、社会学乃至进化生物学的大门。与纳什和海萨尼分享1994年度诺贝尔经济学奖的德国经济学家泽尔腾这样说道:“从总体来看,没有人预见到纳什均衡会给经济学和社会科学带来如此深刻的影响,更不必说其对生物学的重要意义。”

此外,纳什还详细阐述了非合作博弈与合作博弈的区别。简单地说,在合作博弈当中,参与者可以与其他参与者达成协议,实现共赢。与此相反,在非合作博弈当中,利益集团不会出现,参与者之间无法互相妥协达成一致。纳什的突破性成果正是从理论上解决了非常一般的非合作博弈,而这恰是冯·诺依曼和摩根斯坦所未能求解的。

正如盖尔所言,纳什均衡简洁而优美——只要有限个参与者“行动都理性,信念都正确”,他们就会在某个策略组合上达到均衡,它就是纳什均衡。

2.2.2 连续得益无限策略时的纳什均衡

平等和效率(的冲突),是最需要加以慎重权衡的社会经济问题,它在很多的社会政策领域一直困扰着我们。我们无法按市场效率生产出馅饼之后,完全平等地进行分享。

——阿瑟·奥肯

上一节定义了纯策略纳什均衡。对于常见的静态矩阵,画线法是一种求解纯策略纳什均衡的实用方法。但是对于另一类常见的博弈,它却无能为力。在这类博弈中,参与者的策略集合是无限的,得益则是对应于无限策略集合的连续函数。这类连续得益无限策略博弈常可利用导数知识来找到纳什均衡。接下来将通过3个模型来说明,并特别介绍所用到的一个概念:反应函数。

1. 古诺模型



引语故事

“垄断”一词源于《孟子》——“必求垄断而登之,以左右望而网市利”,原指站在市集的高地上操纵贸易,后来在经济学上指控制市场的唯一卖家。在垄断者的市场中,买家人数众多,互相竞争,是价格接受者。而卖方可以通过控制产品价格或者产量,来最大化自己的利润。

真实的市场很少出现只由一个卖方垄断的情况,通常会出现由两家或者多家控制的局面,如可口可乐和百事可乐、中国石油和中国石化,等等。在经济学中,他们被称为“寡头”。由寡头控制的市场可称为寡头市场或寡头垄断市场。

厂商在生产活动中需要决定两个重要的指标,一个是产量,一个是价格。同时分析这两个变量有一定难度,让我们先单独研究产量与价格各自对厂商得益的影响。简言之,与产量决策相对应的模型在经济学中称作古诺(Cournot)模型,而与定价对应的模型叫作伯川德模型。在这两个模型中,参与者的策略可以在某个范围内连续变化,即他们有无限多个可能策略。在这种条件下,我们依然能够找到纳什均衡,称之为“无限策略纳什均衡”。

中东地区这个天然的大油库,地下蕴藏着全世界一半以上的石油,占有这个地区的国家伊朗、伊拉克、科威特、沙特阿拉伯等成了石油寡头国家。这些国家为了获得更多利润,组成了一个联盟——世界石油输出国组织(Organization of Petroleum Exporting Countries, OPEC)。他们主要通过达成共识减少产量来提高石油价格。在1973—1985年间,他们让每桶原油的价格上涨了十数倍,共同攫取了惊人的利润。经济学家把这类生产同质产品的独立企业(石油国可被视为一个大企业)所构成的组织称作卡特尔(cartel)。形成了卡特尔的市场相当于只有一个垄断者。

寡头们都希望能形成卡特尔,但并不能总是如愿。原因有二:一是世界上多数国家的反垄断法都禁止寡头之间的公开协议;二是卡特尔成员会受到利润的诱惑私自增加产量,让达成协议的努力付之东流。从历史发生看,当欧佩克对各国石油产量和价格做出统一限定后,各成员国私下都会多生产一些石油来获得更多的利润。例如,伊朗多生产一些,伊拉克多生产一些,其他国家也都想多生产一些。如此一来,石油的实际产量就会超出共同协议的产量很多,使得油价低于原定的价格。

这也说明寡头们在集体利益和个人利益之间有权衡与取舍。他们都希望通过合作来达成垄断,以便共赢,但是又单方面地希望在共赢的基础上,自己可以“更赢”。但是有个问题出现了,既然增加产量后反而更糟糕,为何大家不能主动退回到原来的协议产量呢?

古诺模型又称“古诺双寡头模型”,由法国经济学家古诺在1838年提出。在那时,古

诺就已提出了纳什所定义的均衡(但是只局限在特定的双寡头模型中)。因其对博弈论的突出贡献,他的研究成果理所当然地成为博弈论的经典文献之一,同时也成为产业组织理论的重要里程碑。

在这里,我们只讨论古诺模型中最简单的一种情况。在之后的章节里,大家还将看到这个模型的变形。为了理解方便,暂不使用博弈的语言,而用已有的常识来描述这个问题。

假设市场中只有两个厂家可以生产某种商品,分别为A厂和B厂。这种商品的市场非常好,生产多少就能销售多少(也可以说市场是出清的)。但消费者愿意支付的价格随着市场总产量(A厂与B厂的产量之和)的增加而减少。假设A厂产量为 q_A ,B厂产量为 q_B ,则市场价格为 $1000 - (q_A + q_B)$ 元。生产每件产品的成本对于两个厂家来说是一样的,假定都为100元。那么此时A厂的收益应为 $q_A \times [1000 - (q_A + q_B) - 100]$,B厂的收益应为 $q_B \times [1000 - (q_A + q_B) - 100]$ 。

假如A厂认为B厂的产量已经确定(假设为 q_B^*),则A厂的收益函数是一个二次函数。A为了能在对方生产 q_B^* 时自己获得最大利益,由二次函数的性质(求导)可知,A厂的产量 q_A 应为 $450 - q_B^*/2$ 。类似地,当A厂的产量为 q_A^* 时,B厂的产量应为 $q_B = 450 - q_A^*/2$ 才能最大化自己的收益。

可以想象两个厂商在长期的生产销售中不断调整自己的产量,最终达到稳定。此时,A厂的实际产量 q_A 等于 q_A^* ;B厂的实际产量 q_B 等于 q_B^* 。由于双方同时行动,因此双方的行动需要同时满足上述函数。于是得到下面的方程组:

$$\begin{cases} q_A^* = 450 - \frac{q_B^*}{2} \\ q_B^* = 450 - \frac{q_A^*}{2} \end{cases}$$

解得 $q_A = 300, q_B = 300$ 。

但此时双方的收益真的是最大吗?我们简单算一算:如果双方的产量均为300,那么他们的收益均为 $300 \times [1000 - (300 + 300) - 100] = 90000$;假如双方的产量均为225,那么他们的收益均为 $225 \times [1000 - (225 + 225) - 100] = 101250 > 90000$ 。这是为什么呢?既然有策略组合可以给双方都带来更好的利益,为什么最终没有达成呢?这和囚徒困境是否有些相似呢?

让我们来详细地用符号再建这个模型。为了区别于前面的叙述,重新给两个参与者起名:企业1和企业2。

令 q_1, q_2 分别表示这两家企业生产某一同质产品(相似,可替代的产品)的产量($q_1, q_2 \geq 0$)。假设没有其他企业参与竞争,即市场中该产品的总供给: $Q = q_1 + q_2$ 。

这种产品的售价与供给量有关,令 P 表示价格, P 是关于 Q 的函数:

$$P(Q) = a - Q, \quad a \text{ 为常数}$$

(更准确地表述为当 $Q \leq a$ 时, $P(Q) = a - Q$;当 $Q > a$ 时, $P(Q) = 0$ 。)

产品的总成本与生产量有关,令 C 表示成本, C 是关于 q 的函数。设企业 i 产量为

q_i , 则其成本为

$$C_i(q_i) = cq_i, \quad c \text{ 为常数}$$

意即企业没有固定的成本, 且两家企业生产每单位产品的边际成本(每一单位新增产品带来的总成本的增量)均为常数 c 。假定 $c < a$, 根据占诺的假定, 两家企业同时进行产量决策。

回顾一下博弈的要素:

参与者: 企业 1 和企业 2。

策略集: 在占诺模型中, 双方需要决定的是产量。假设生产产品的数量是连续可分割的非负数, 则企业 i 的策略集可表示为 $S_i = \{q_i | q_i \in [0, \infty)\}$ 。显见, 策略 s_i 即为产量 q_i 。不必担心 q_i 的可取范围太大——超过 a 的产量都会使得益为 0, 两个厂家都不会这么做。

得益: 企业 i 的得益应为他自己和另一企业所选策略的函数。假定收益就是其利润额, 这样参与者 i 的收益就可以写为

$$\pi_i(q_i, q_j) = q_i[P(q_i + q_j) - c] = q_i[a - (q_i + q_j) - c]$$

根据纯策略纳什均衡定义, 一个策略 s_i^* 如果是纯策略纳什均衡, 那么对于每个参与者 i 来说, s_i^* 应满足

$$u_i(s_i^*, s_j^*) \geq u_i(s_i, s_j^*)$$

上式对任何属于 S_i 的可选策略 s_i 都成立, 这一条件等价于: 对于每个参与者 i , s_i^* 必须是下面最优化问题的解:

$$\max_{s_i \in S_i} u_i(s_i, s_j^*)$$

在古诺双寡头模型中, 上述条件可具体化表述: 任给一对产量组合 (q_1^*, q_2^*) , 若为纳什均衡, 则对于每家企业 i , q_i^* 应为下述优化问题的解:

$$\max_{0 \leq q_i \leq \infty} \pi_i(q_i, q_j^*) = \max_{0 \leq q_i \leq \infty} q_i[a - (q_i + q_j^*) - c] \quad (3-1)$$

设 $q_j^* < a - c$ 。显然若不满足这个不等式, 利润将是负的, 稍后将证明该假设成立。利用导数为 0 或二次函数求最大值, 其解为

$$q_i = \frac{1}{2}(a - q_j^* - c)$$

所以, 如果产量组合 (q_1^*, q_2^*) 是一个纳什均衡, 则企业的产量必须满足

$$\begin{cases} q_1 = \frac{1}{2}(a - q_2^* - c) \\ q_2 = \frac{1}{2}(a - q_1^* - c) \end{cases}$$

解这组方程得

$$q_1^* = q_2^* = \frac{a - c}{3}$$

可见产量小于 $a - c$, 满足假设条件。代入前例中的 $a = 1000, c = 100$, 可得 $q_1^* = q_2^* = 300$ 。那为什么这个策略组合不是最优的呢?

回顾前面的式(3.1), 因为 $q_j^* \geq 0$, 所以 $q_i[a - (q_i + q_j^*) - c] \leq q_i[a - q_i - c]$ 。这表明, 当市场完全由一个企业垄断的时候, 这家企业的得益才能达到理论上的最大值。不妨把一家企业垄断使其利润最大化的产量称为“垄断产量”, 即 $q_m = \frac{a-c}{2}$ 。此时它可获得“垄断利润” $\pi_m(q_i, 0) = \frac{(a-c)^2}{4}$ 。

另外, 在市场上只有两家企业的情况下, 由反应函数可以推知, $q_1 + q_2 > q_m$ 恒成立。它说明由于垄断产量较低, 相应的市场价格 $P(q_m)$ 较高。在这种价格下, 每家企业都有动机提高产量, 而不顾价格下降。

2. 反应函数

用上面的方法预测双方的行动时, 我们曾得到这样两个式子:

$$q_1 = \frac{1}{2}(a - q_2^* - c) \quad (3-2)$$

$$q_2 = \frac{1}{2}(a - q_1^* - c) \quad (3-3)$$

以式(3-2)为例, 这个式子描述了当企业2改变自己策略时, 企业1应该如何对其行动做出最优反应。我们称这样的函数为企业1对企业2产量的一个“最优反应函数”, 也叫“反应函数”。

图2-39做出了两家企业对彼此的策略的最优反应函数。 R_1 代表企业1的反应函数(R 是reaction的缩写), R_2 代表企业2的反应函数。两个最优反应函数只有一个交点, 该交点就是纳什均衡所对应的产量组合。

使用最优反应函数时需要注意的是反应函数必须连续。而在很多博弈中, 参与者的策略不是无限的, 更不是连续的, 因此各方的得益也不是连续的可导函数, 所以无法通过求导得出反应函数。另外, 最优反应函数可能不相交, 或者交点有多个, 这也会带来分析上的困难, 如图2-40所示。

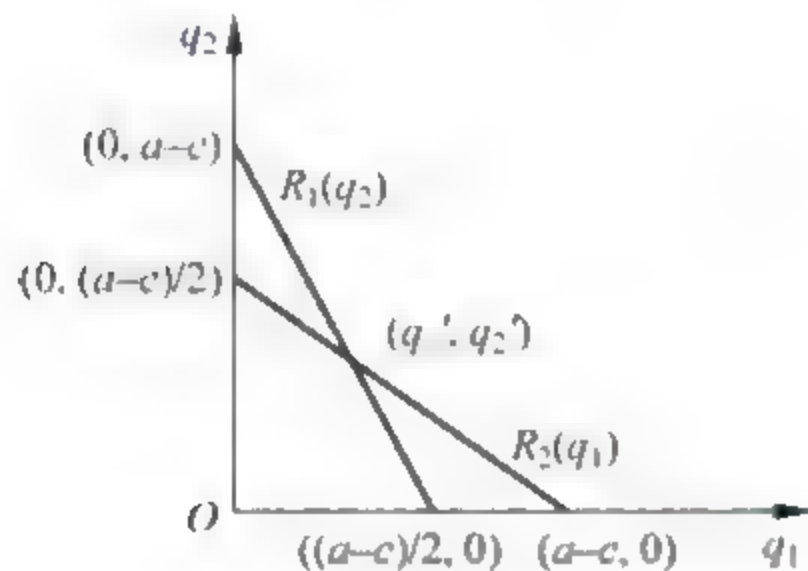


图 2-39 双寡头最优反应函数

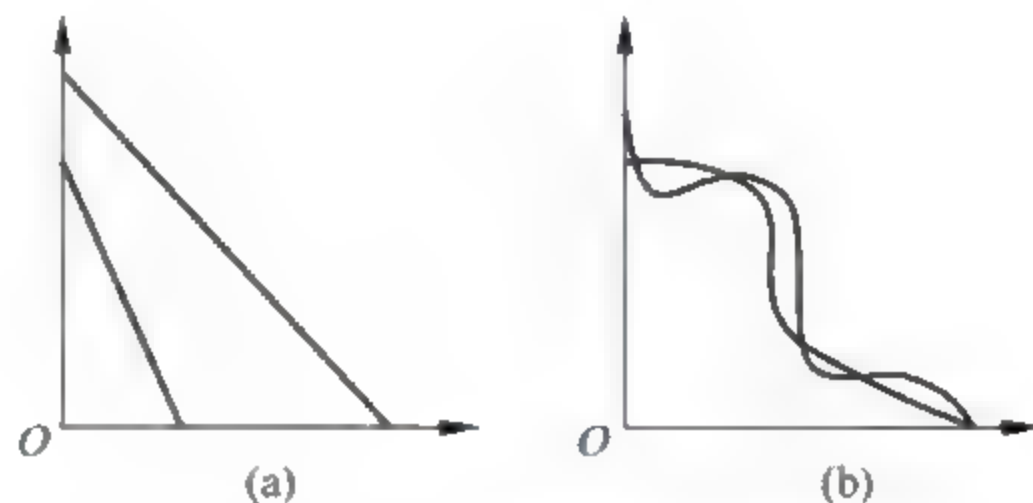


图 2-40 最优反应函数特殊情况

另外, 无限策略博弈也可以应用反复剔除严格下策法, 感兴趣的读者可以参阅罗伯特·吉本斯(Robert Gibbons)所著的《博弈论基础》相关章节。

类似占诺模型这样来分析企业产量的模型还有很多。在第3章中还将介绍企业依次决定产量的斯塔克伯格模型(1934); 占诺模型中两家企业的相互影响多次发生的吉姆

斯·弗里德曼模型。

3. 公地的悲剧

从工业革命开始,大气中的二氧化碳含量增加了近 30%; 甲烷含量增加了两倍多; 一氧化氮的含量增加了 15%。在 20 世纪初,全球近地面平均气温上升了约 0.6℃。1951—2001 年,我国平均地面气温变暖幅度达到 1.1℃,明显高于同期全球的平均增温速率。全球海平面上升了 10~20 厘米……

美国生态学家加勒特·哈丁(Garret Hardin)曾于 1968 年在《科学》杂志上发表了一篇题为《公地的悲剧》的文章。文中介绍英国曾经有这样一种土地制度——封建主在自己的领地中划出一片尚未耕种的土地作为牧场(他称之为“公地”),无偿向牧民开放。这本来是一件造福民众的事,但由于是无偿放牧,每个牧民都想尽可能多地养羊。随着羊数量无节制地增加,公地牧场最终因“超载”而成为不毛之地,牧民的羊也无从放养。

这种悲剧背后的原因是什么呢?

假设总共有 n 个牧民来这里放羊,用 g_i 表示牧民放养的头数,那么整个牧场中羊的总数量为 $G = g_1 + g_2 + \cdots + g_n$ 。近似假设羊的数量是连续可分割的,那么村民的策略对应着放养的羊的数量 g_i 。因此,可将他的策略集写作 $[0, \infty)$ 。

牧民的得益可以用羊的总价值减去总成本计算。购买和照看一头羊的成本为定值 c ,不随羊的数目而变化。当整个牧场中羊的总数量为 G 时,每头羊的价值为 $v(G)$ 。由于每头羊都需要吃草,如果牧草生长的速度供不上羊的消耗,那么很快羊就会无草可吃。

简单起见,假设共有 3 个牧民来放羊。每头羊的价值为 $v(G) = 100 - G = 100 - (g_1 + g_2 + g_3)$,成本为 4。则 3 个牧民的得益函数分别为

$$u_1 = g_1[100 - (g_1 + g_2 + g_3)] - 4g_1$$

$$u_2 = g_2[100 - (g_1 + g_2 + g_3)] - 4g_2$$

$$u_3 = g_3[100 - (g_1 + g_2 + g_3)] - 4g_3$$

仍假设羊的数量为连续可分割的,那么上述得益函数依然是连续函数。求三个牧民各自对其他两个牧民策略的反应函数,可得

$$g_1 = R_1(g_2, g_3) = 48 - \frac{1}{2}g_2 - \frac{1}{2}g_3$$

$$g_2 = R_2(g_1, g_3) = 48 - \frac{1}{2}g_1 - \frac{1}{2}g_3$$

$$g_3 = R_3(g_1, g_2) = 48 - \frac{1}{2}g_1 - \frac{1}{2}g_2$$

3 个反应函数的交点 (g_1^*, g_2^*, g_3^*) 就是该博弈的无限策略纳什均衡。具体就是将 g_1^*, g_2^*, g_3^* 代入 3 个反应函数,联立可以解得 $g_1^* = g_2^* = g_3^* = 24$ 。此时羊总数为 72。再将其代入得益函数,得 3 个牧民的得益 $u_1^* = u_2^* = u_3^* = 576$ 。这是 3 个牧民独立做出选择时,最大化自己利益的结果。

假如 3 个牧民可“结盟”,各自负责等量的羊群,情况会怎样呢? 此时总利润将均分给 3 人,所以总利润最大时,每个牧民的利润也最大。假设此时羊总数为 G^* ,它应等于总得益 u 取得最大值时 G 的取值。

$$u = G(100 - G) - 4G = 96 - G^2$$

利用 G 取得最大值的条件,可得

$$G^{**} = 48$$

将其代入总得益函数,得 $u^{**} = 2304$,即

$$u_1^{**} = u_2^{**} = u_3^{**} = 768 > u_1^* = u_2^* = u_3^* = 576$$

可见每个牧民独立做决定时,草地会被过度利用,造成资源浪费,损害集体和个人利益。

“公地的悲剧”更准确的说法是:无节制地、开放式地资源利用的灾难。比如环境污染,由于治污需要成本,私人必定千方百计把企业成本外部化。这就是赫尔曼·E. 戴利所称的“看不见的脚”。“看不见的脚”导致私人出于自利不自觉地把公共利益踢成碎片。所以,我们必须清楚——“公地的悲剧”源于公产的私人利用方式。其实,哈丁的本意也在于此。事实上,针对如何防止公地悲剧,哈丁提出的对策是共同赞同的相互强制,甚至政府强制,而不是私有化。但是,关于私有化是否一定会导致“公地的悲剧”,目前还存在争议。同时,对于避免公地悲剧发生的制度创新仍在不断探索中。



扩展阅读:捷克成功实行大众私有化,并没有产生寡头!

苏联和原东欧国家在20世纪90年代初经济转轨前,国有经济在GDP(国内生产总值)占比基本都在90%以上。在经济转轨期,各国分别根据自身的实际情况进行了不同形式的国企私有化运动。其中,当时短期效果最好的是捷克采用的“大众私有化”,即用类似于将所有国企估值股票化以后平分给所有公民的方式私有化。这种私有化的基本思路首先是“在起点平等的基础上找到最初的所有者”,即全体公民,然后是“在规则平等的基础上找到最终的所有者”,即在一定时间以后企业的实际控制人。

捷克当时的做法是,每个年满18岁的公民只要在支付1035克朗的登记费后就可以得到一本含有1000个“投资点”的投资券。每100点可换3股,每人可获30股,规定只能买10家企业的股票。这些“投资点”全部兑换成私有化企业的股票后,价值可达数万克朗。同时政府把经过估价分股后的大中型国有企业投入供公民以投资券选“购”。

当然,过于分散的股份不利于企业的管理。捷克又以银行为基础成立了总共264家投资基金。公民可以将投资点投入投资基金,成为基金的股东,而由投资基金购买股票并实现对企业的管理。这种基于信托投资的“大众私有化”并未引起财富的高度集中。1992年,最富有的1/10家庭享有总收入的20.5%,1996年享有24.5%,亦即最穷的人收入为人均收入的近一半,最富的人收入比人均收入高1倍多。寡头并不存在。而同期捷克的经济也在稳定增长,被称为“捷克奇迹”。

与捷克的“激进”的“大众私有化”相比,俄罗斯所采取的“大众私有化”手段稍有区别。首先捷克的每次私有化浪潮中上市企业股票总值都经过精心估价,使其精确地等于私有化证券的总价值,同时这两种价值都不直接用货币单位,而用“投资点”这样的约定单位来表示。而俄罗斯的私有化证券与上市企业资产价值都用卢布表示,但证券价值与实际资产价值完全脱钩,这就容易导致私有化证券本身的买卖中和以证券“购买”股票的过程中发生投机风潮。

其次,捷克的私有化证券是记名账户,俄罗斯的私有化证券则是无记名支票,因此尽管俄政府呼吁居民不要着急用手中的支票换现金,而应当等着换股票,然而由于股市的混乱与信息不对称,居民很难换到足以保值、增值的股票,加之支票又不记名,便于转手,因此实际上相当一部分证券还是被轻易地卖掉“换酒喝了”。

最后,对于作为投资中介而在证券私有化成败中起关键作用的投资基金,捷克的监管很严,各基金运作较规范。而俄罗斯的监管则搞得很差,以至于基金会作弊、诈骗案屡屡出现,严重损害了持券公民的利益。

4. 伯川德寡头模型*

在我们的认识中,厂商应该既决定产量,又决定价格。但是,消费者的需求函数意味着两个变量间有明确的关系,所以我们可以近似认为厂商是先选择了其中一个变量(产量或价格),然后再根据市场来调整另一个变量的取值。所以,在古诺模型里,厂商选择产量是合理的。下面我们来探讨另一种情况——厂商决定价格的伯川德模型,也叫伯川德双寡头模型。

如果企业1和企业2分别选择价格 p_1 和价格 p_2 。消费者对企业1的需求为

$$q_1(p_1, p_2) = a - p_1 + bp_2$$

消费者对企业2的需求为

$$q_2(p_1, p_2) = a - p_2 + bp_1$$

其中 a 和 b 是正值的常数(准确地说 $b < 2$ 时才有意义)。这个式子很精妙地反映了需求的特点:提高价格,顾客不想买你的产品;另一家价格下降,你的销量也会减少。

和所有博弈分析相同,我们需要先明确参与者的策略集以及得益。参与者的策略通过所定的价格体现。注意,不能说规定的“价格”是“策略”,“规定某一价格”这种行动才是“策略”。由于负的价格没有意义,所以每家企业都可以把任何非负数作为产品的定价。用 $S_i = [0, \infty)$ 表示企业 i 的策略集, $s_i \in S_i$ 。显然策略 s_i 即为定价 p_i 。

依然假设每家企业的得益函数为利润函数,市场出清,则当企业 i 选择价格 p_i ,其对手选择价格 p_j 时,企业 i 的利润 $\pi_i(p_i, p_j)$ 为

$$\pi_i(p_i, p_j) = q_i(p_i, p_j)(p_i - c) = (a - p_i + bp_j)(p_i - c)$$

其中成本 c 为非负常数,因此 $(p_i - c)$ 表示每件产品的利润。

如果价格组合 $\{p_i^*, p_j^*\}$ 是纳什均衡,则对每家企业 i , p_i^* 应是下面最优化问题的解:

$$\max_{0 \leq p_i \leq \infty} \pi_i(p_i, p_j^*) = \max_{0 \leq p_i \leq \infty} (a - p_i + bp_j^*)(p_i - c)$$

不难解得

$$p_i^* = \frac{1}{2}(a + bp_j^* + c)$$

因此,两家企业选择的价格应满足

$$\begin{cases} p_1^* = \frac{1}{2}(a + bp_2^* + c) \\ p_2^* = \frac{1}{2}(a + bp_1^* + c) \end{cases}$$

解这一组方程,可得

$$p_1^* = p_2^* = \frac{a+c}{2-b}$$

正如上文所提及的,仅当 $b < 2$ 时,这个问题才有意义。这样我们便求得了伯川德寡头模型中的无限策略纳什均衡。

2.3 混合策略纳什均衡

2.3.1 混合策略

假如今晚恰好同时有 NBA 总决赛和世界杯决赛,你最喜欢的篮球队和足球队都将角逐冠军,你该怎么办呢?虽然博弈的参与者只有你一个人,但此时想看 NBA 的动机和想看世界杯的动机正在进行激烈的斗争。从博弈的角度看,无论看哪场比赛,都将给你带来极大的满足,可以视选择这两种策略的得益相等。两个策略同样棒,且没有更好的策略,也就是说:纯策略纳什均衡不存在。那么该怎么办?

有人说:“抛硬币!”

这是不能两全其美的无奈之举,但确实能解决问题。抛硬币实际上是利用道具,将 50% 的概率赋给“看 NBA”,50% 的概率赋给“看世界杯”。这样就形成了一个“混合策略”。

回顾 2.1.4 节,参与者的一个混合策略是指他可采取的一种“根据概率分布对策略进行选择”的行动。可见,混合策略是纯策略在空间上的概率分布;纯策略是混合策略的特殊情况。

本节将重点讨论“非退化的混合策略”,即“不是纯策略的混合策略”。同时,本节会将纯策略分析中的“占优”与“最优反应”的概念完整地推广到混合策略中来,并由此对混合策略中的纳什均衡进行分析。

1. 混合策略下的占优

让我们先通过掷硬币博弈的例子来引入混合策略中占优的概念。假如有两个人参与博弈,一个人选好正反后,将其盖在桌上,由另一人来猜。博弈如图 2-41 所示。

		猜硬币方	
		正面	反面
盖硬币方	正面	-1, 1	1, -1
	反面	1, -1	-1, 1

图 2-41 猜硬币博弈

用画线法进行分析,如图 2-42 所示。

对于如何选择,猜硬币方完全没有头绪,无论选择哪种策略结果似乎都是一样的。也许参与者会在“正”“反”二者中随机选择,意即二者各占 50% 的可能。但是,假如盖硬币

		猜硬币方	
		正面	反面
盖硬币方	正面	-1, 1	1, -1
	反面	1, -1	1, 1

图 2-42 画线法分析猜硬币博弈

的一方根据多年和对方相处的经验,知道对方更喜欢猜“正”,概率达 60%,而且对方并不自知,那么情况将会有所改变。对盖硬币者来说,更多次地将硬币反面向上,可以带来更大的得益。毫无疑问,出“正”的概率将低于 50%。但是,到底为多少才是理性的呢?

在上述猜硬币博弈中,作为盖硬币方,他根据自己的判断形成了对对手的信念。基于信念,选择“正面”策略的期望收益为:对方选择“正面”的概率 \times 对方选“正面”时我方出“正面”的得益+对方选“反面”的概率 \times 对方选“反面”时我方出“正面”的得益。可用符号简洁表示为

$$u_{i_{\text{正}}} = p_{j_{\text{正}}} \cdot \pi_i(i_{\text{正}}, j_{\text{正}}) + p_{j_{\text{反}}} \cdot \pi_i(i_{\text{正}}, j_{\text{反}}) = 60\% \times (-1) + 40\% \times 1 = -0.2$$

此时将对手的“信念”引入了公式,并赋上我们认为的概率:60%,即前文中的 $\mu_{\text{猜}}(\text{正}) = 60\%$ 。此时猜硬币博弈如图 2-43 和图 2-44 所示。

		猜硬币方	
		正面(60%)	反面(40%)
盖硬币方	正面	-1, 1	1, -1
	反面	1, -1	-1, 1

图 2-43 猜硬币得益矩阵

同理,盖硬币方选择“反面”的期望收益为

$$u_{i_{\text{反}}} = 60\% \times 1 + 40\% \times (-1) = 0.2$$

		猜硬币方	
		正面(60%)	反面(40%)
盖硬币方	正面	-1, 1	1, -1
	反面	1, -1	-1, 1

图 2-44 猜硬币得益矩阵

显然 $0.2 > -0.2$ 。对盖硬币方来说,“反面”策略优于“正面”策略,是一个占优策略。所以要想获得更高的得益,应更多地盖“反面”。^①

^① 要小心的是,对手在几个回合后很可能会发现这个把戏,而调整自己的策略。而此时盖硬币方的信念也应随之变化。我们将在第 6 章继续讨论这个问题。

2. 混合策略下的最优反应

此前我们只介绍了纯策略条件下的最优反应。这个概念同样可以推广到混合策略中,举一个抽象的例子。

在图 2-45 博弈中,假设参与者 1 的策略集为(U,M,D)^①。他的信念是:参与者 2 有 1/3 的概率选择策略“L”(left),1/2 的概率选择策略“C”(center),1/6 的概率选择策略“R”(right)。

		参与者 2		
		L(1/3)	C(1/2)	R(1/6)
参与者 1	U	2, 6	0, 4	4, 4
	M	3, 3	0, 0	1, 5
	D	1, 1	3, 5	2, 3

图 2-45 抽象博弈得益矩阵

如果参与者 1 选择策略“U”,他的期望得益为

$$\frac{1}{3} \times 2 + \frac{1}{2} \times 0 + \frac{1}{6} \times 4 = \frac{8}{6}$$

如果选择策略“M”,他的期望收益为

$$\frac{1}{3} \times 3 + \frac{1}{2} \times 0 + \frac{1}{6} \times 1 = \frac{7}{6}$$

如果采取策略“D”,他的期望收益为

$$\frac{1}{3} \times 1 + \frac{1}{2} \times 3 + \frac{1}{6} \times 2 = \frac{13}{6}$$

所以,他的最优反应是策略“D”。我们可以用下述方法来规范地描述:

$$BR_1\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{6}\right) = \{D\}$$

意即 $\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, \frac{1}{6}\right)$ 这样概率分布的信念,对应的最优反应为 D。

仍以该博弈为例,假设这次的身份是参与者 2。参与者 2 相信对手有 1/2 的概率会采取策略“U”,1/4 的概率采取策略“M”,1/4 的概率采取策略“D”。

那么若参与者 2 采取策略“L”,他的期望得益为

$$\frac{1}{2} \times 6 + \frac{1}{4} \times 3 + \frac{1}{4} \times 1 = 4$$

如果选择策略“C”,他的期望收益为

$$\frac{1}{2} \times 4 + \frac{1}{4} \times 0 + \frac{1}{4} \times 5 = \frac{13}{4}$$

如果采取策略“R”,他的期望收益为

^① 分别代表“up”“middle”“down”。

$$\frac{1}{2} \times 4 + \frac{1}{4} \times 5 + \frac{1}{4} \times 3 = 4$$

所以在这个信念下,参与者具有两个最优反应,即策略“L”和策略“R”。因此

$$BR_2\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right) = \{L, R\}$$

读者不妨回顾一下 2.1.4 节中最优反应的正式定义,检验一下自己的理解。



概念解读

混合策略的最优反应可以是混合策略吗?

可以,当对方的混合策略不确定时,我们就应以一个混合策略来回应,之后我们会看到实例。

2.3.2 混合策略纳什均衡

在前一个例子中可见,在参与者 1 对参与者 2 的信念下,参与者 1 选择纯策略 D。这样看来,参与者 2 的信念 $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right)$ 不对,需要调整。而这又将进一步改变参与者 1 的信念……最终想要达成均衡,双方的信念都会调整正确,双方的行动都将是最优反应。这种情况下的均衡正是混合策略纳什均衡。

我们知道,纯策略下的占优和最优反应的概念都可以通过计算期望的方式,扩展到混合策略中来。那么,纳什均衡是否可以通过相似的方法得以拓展?

回顾此前给出的纳什均衡的定义,它保证了每一参与者的纯策略都是其他参与者纯策略的最优反应。想一想,任何纯策略都是特殊的混合策略,要想把 2.2 节的定义推广到包含混合策略的情况,只需使每一参与者的混合策略是其他参与者混合策略的最优反应。这样扩展后的定义完全涵盖了前一定义。

定义 2.7(混合策略纳什均衡) 考虑策略组合 $\sigma = (\sigma_1, \sigma_2, \dots, \sigma_n)$, 其中对于每一个参与者 i , 都有 $\sigma_i \in \Delta S_i$ 。当且仅当 $u_i(\sigma_i, \sigma_{-i}) > u_i(s'_i, \sigma_{-i})$ 对于任何 $s'_i \in S_i$ 和每一个参与者 i 都成立时,组合 σ 是一个混合策略纳什均衡。

根据定义可以看出,策略组合是一个混合策略纳什均衡,也就意味着,对每一个参与者来说都是最优反应。要让一个混合策略成为最优反应,这个混合策略中包含的概率为正的纯策略必须是属于最优反应的纯策略。^①

总之,无论混合策略还是纯策略,所构成的策略组合都有可能是一个纳什均衡。纳什均衡具有很强的普适性,可以用一个定理进行概括。

定理 2.1(纳什定理,1950) 在一个有 n 个参与者的博弈 $G = \{S_1, \dots, S_n; u_1, \dots, u_n\}$ 中,如果 n 是有限的,且对每个 i , S_i 都是有限的,则该博弈至少存在一个纳什均衡,但可能包含混合策略。

^① 注意,定义中是与每个纯策略相比,而不是与其他所有混合策略相比,这是充分条件。因为,如果存在其他混合策略比均衡策略带来的得益更高,那么一定有某个纯策略同样比均衡策略带来的得益更高。

通俗地说,这个定理的含义就是:任何有限博弈都有至少一个混合策略纳什均衡。

该定理的证明要用到不动点定理,不在本书所讲范围之内,感兴趣的同学可自行查阅相关资料。而且,更进一步的结论是:

在博弈论领域里几乎所有有限策略的博弈都有有限奇数个纳什均衡。

这就意味着,如果一个博弈有两个纯策略纳什均衡,那么就一定存在第三个混合策略的纳什均衡。亦即,对于大多数双均衡博弈问题,都应该有一个混合策略纳什均衡。这对于求解纳什均衡具有非常重要的指导意义。

2.3.3 应用举例:如何让对手猜不透



案例分析:世界杯决赛中的点球大战

2006年的世界杯决赛场上,经过120分钟的苦战,法国和意大利进入了点球大战。一番点球激战后,意大利4:3领先。现在意大利球员法比奥·格罗索站在球门前,面对严阵以待的法国门将法比安·巴特斯。

格罗索起脚,球如火箭般冲进球门右角,而巴特斯扑向了另一边,如图2-46所示。

意大利球员欢呼雀跃,而法国球员垂头丧气,脸上写满了失望和难以置信。

视频 2-1:世界杯中的点球大战



图 2-46 格罗索射门



视频

比赛考验的是巴特斯和罚点球的格罗索两个人的心理。格罗索会向哪边踢,而巴特斯会扑向哪边?让我们尝试利用所学知识,给点球建立一个简易的博弈模型。简单起见,假设格罗索可以选择往左、中、右三个方向罚球,巴特斯可以选择往左扑、站着不动或往右扑(为了一致,也称其为左、中、右)。为便于分析,让我们以格罗索的视角确定左右,即巴特斯扑向他自己的右侧视为:选择策略“左”。这里我们提供了一种评估得益大小的新思路——假设进球带来的得益为1,我们可以以进球的概率来衡量每种情况下格罗索和巴

特斯的得益,博弈如图 2 47 所示。

		巴特斯		
		左	中	右
格罗索	左	65% , 35%	95% , 5%	95% , 5%
	中	95% , 5%	0% , 100%	95% , 5%
	右	95% , 5%	95% , 5%	65% , 35%

图 2-47 点球大战得益矩阵

很明显这个博弈没有纯策略纳什均衡。可以这么理解,格罗索往哪边踢,巴特斯也得往同样的方向扑才能最大化得益;但格罗索不这样想,他一定不希望和巴特斯的策略相同,因此不可能有某个策略组合能使双方都满意。换言之,这个博弈不存在稳定的纯策略纳什均衡。

假设格罗索踢球的混合策略为:向左踢概率为 k_l (k 为 kicker 的首字母, l 表示 left), 向中踢概率为 k_c (c 表示 center), 向右踢的概率为 k_r (r 表示 right)。同样地,假设巴特斯往左扑的概率为 g_l (g 表示 goalkeeper), 守在原地概率为 g_c , 往右扑概率为 g_r 。显然: $k_l + k_c + k_r = 1, g_l + g_c + g_r = 1$ 。

这样我们可以表示出格罗索和巴特斯的期望得益。以格罗索为例,向左踢的期望得益:

$$\begin{aligned} & g_l \times 65\% + g_c \times 95\% + g_r \times 95\% \\ &= g_l \times 65\% + (1 - g_l - g_r) \times 95\% + g_r \times 95\% \\ &= 0.95 - 0.3g_l \end{aligned}$$

向中踢的期望得益:

$$\begin{aligned} & g_l \times 95\% + (1 - g_l - g_r) \times 0\% + g_r \times 95\% \\ &= 0.95(g_l + g_r) \end{aligned}$$

向右踢的期望得益:

$$\begin{aligned} & g_l \times 95\% + (1 - g_l - g_r) \times 95\% + g_r \times 65\% \\ &= 0.95 - 0.3g_r \end{aligned}$$

为了应对格罗索,巴特斯需要找出一个混合策略,即扑向每个方向的概率。对巴特斯来说,他要做的是滴水不漏,尽量不给对方创造获得更高得益的机会。换言之,不能让对方发现往左踢、往右踢或者往中踢有可能带来更高的得益。假如有这样的好事,理性的格罗索一定会把握住的。因此巴特斯最好的应对方式,是决定自己的混合策略,使得对方无论采取何种策略产生的期望得益都相等,即

$$0.95 - 0.3g_l = 0.95(g_l + g_r) = 0.95 - 0.3g_r$$

很容易解出: $g_l - g_r = 43.18\% \approx 43\%$, 那么 $g_c = (1 - g_l - g_r) \approx 14\%$ 。

因此,巴特斯的混合策略纳什均衡应该为 $(43\%, 14\%, 43\%)$ 。只有这样,格罗索才能随机地做出选择。也可以说,只有这样,格罗索才没有占优策略。

同样地,我们也可以从格罗索的角度分析问题——格罗索的混合策略也应该使得巴特斯等概率地在三种策略中做出选择。解方程组,结果是一样的:

$$\begin{cases} k_l = k_r = 43\% \\ k_c = 14\% \end{cases}$$

不仅足球,其他运动也是如此,在技术之外需要策略的辅助,才能更好地掌控比赛,获得胜利。请问,你能找到更多的案例来说明如何才能“让对手猜不透”吗?



扩展阅读

无论在国内还是在国外,都存在多家足球数据提供商,如国际的“OPTA”和国内的“创冰”等。只要数据足够完备,一个球员所在的团队就能够迅速为教练或球员提供决策支持。例如,在2014年巴西世界杯时,BBC曾对本届和以往的点球数据进行了分析。在以往历届世界杯当中,6.3%的点球射高或者击中门框。如果能够将球罚向左右上角,基本就可以命中;而射低球却无法保证破门。本届世界杯中,门将们对于罚向球门中路的低球扑救成功率较高,此外,他们向右扑的成功率要高于向左扑。而在2014年世界杯中,球员右脚罚球25次,8次罚丢,成功率68%;左脚罚球11次,2次罚丢,命中率82%。当然,这只是BBC公开的一部分数据而已。实际上,通过服务商所提供的数据,球员还可以看到对手的更详尽分析。

2.3.4 求解混合策略纳什均衡

本小节通过一个数值例子给出求解混合策略纳什均衡的一般解法。在某些工作场合,职员的工作努力程度是不容易被观察到的,因此职员既有可能偷懒也有可能勤奋。而经理则有检查和不检查两种选择。假如职员和经理面临如下的博弈局面(见图2-48)。

根据画线法可知该博弈没有纯策略纳什均衡,因此考察混合策略纳什均衡 $((p, 1-p), (q, 1-q))$ 。为了直观,在静态矩阵中加入每个行动的概率,如图2-49所示。

		经理	
		检查	不检查
职员	勤奋	10, 80	8, 100
	偷懒	6, 90	10, 60

图 2-48 职员和经理的博弈矩阵

		经理	
		检查 q	不检查 $1-q$
职员	勤奋 p	10, 80	8, 100
	偷懒 $1-p$	6, 90	10, 60

图 2-49 职员和经理的博弈矩阵

方法一。根据让别人猜不透的原则,经理选择 q 使得职员猜不透。换言之,经理的策略使得职员在勤奋与偷懒之间无从选择。因此职员选择勤奋和偷懒时的期望值应该是一样的。所以,有

$$q \times 10 + (1-q) \times 8 = q \times 6 + (1-q) \times 10.$$

同理,职员的选择使得经理猜不透,意即经理在检查和不检查之间无从选择。因此,经理在选择检查和不检查时的期望得益也是一样的,有

$$p \times 80 + (1-p) \times 90 = p \times 100 + (1-p) \times 60.$$

两式联立可解得： $p = \frac{3}{5}, q = \frac{1}{3}$ 。所以，经理以 $1/3$ 的概率抽查，而职员则依照 $3/5$ 的可能性选择勤奋。

方法二。如果经理选择混合策略 $(q, 1-q)$ ，则职员选择勤奋时的期望得益为 $q \times 10 + (1-q) \times 8$ 。若职员选择偷懒，则期望得益为 $q \times 6 + (1-q) \times 10$ 。所以，职员选择混合策略 $(p, 1-p)$ 时的期望得益为

$$U_1 = p[q \times 10 + (1-q) \times 8] + (1-p)[q \times 6 + (1-q) \times 10].$$

同理，经理的期望得益为

$$U_2 = q[p \times 80 + (1-p) \times 90] + (1-q)[p \times 100 + (1-p) \times 60].$$

所以，职员选择 p 使得 U_1 最大，同时经理选择 q 使得 U_2 最大。由于 p 和 q 在 $[0, 1]$ 内连续，须有

$$\begin{cases} \frac{dU_1}{dp} = 0 \\ \frac{dU_2}{dq} = 0 \end{cases}.$$

亦即

$$\begin{cases} q \times 10 + (1-q) \times 8 = q \times 6 + (1-q) \times 10 \\ p \times 80 + (1-p) \times 90 = p \times 100 + (1-p) \times 60 \end{cases}.$$

实际上，这就是方法一的结果。同样解得 $p = \frac{3}{5}, q = \frac{1}{3}$ 。

2.4 关于均衡的更多讨论

研究纳什均衡时，我们发现了一些有意思的现象：聪明的囚徒得不到最好的收益，夫妻之争经常能达成一致。这背后一定有某些规律在左右人们对策略的选择。经济学家们敏锐地发现了这些问题，并循着问题找到了一系列普遍适用的重要规律。本节我们一起来看看经济学家们如何进一步完善均衡理论，将博弈论发展到一个新高度。

2.4.1 集体理性与帕累托上策均衡

1. 集体理性和效率

回顾囚徒困境，其得益矩阵如图 2.50 所示，两个聪明人如果都选择沉默，会少蹲几年监狱，可是他们因为担心对方“背叛”，而选择“坦白”。就他们两人而言，这种对个人利益的担心导致了集体利益的损失。

是否可以据此认为他们不理性呢？不，问题不是出在是否理性上，而是出在决策模式上，即做决策时参与者的行为动机到底是什么。因此，经济学家们提出了“追求集体利益

		囚徒乙	
		沉默	坦白
囚徒甲	沉默	-2, -2	-9, 0
	坦白	0, -9	-6, -6

图 2.50 囚徒困境得益矩阵

最大化”^①的集体理性概念。

在这种新的前提下,此前定义的“占优”不再适用了,因为占优描述的是一种“无论别人如何只要自己最好就行”的思想。显然想采取占优策略的人不具有集体理性。因此我们需要一种类似于“占优”这一概念的、适用于集体理性的标准,来衡量各种策略的优劣。

经济学家维尔弗雷多·帕累托(Vilfredo Pareto)最先引入了“效率”这一概念,这一概念后来也被称作“帕累托效率”,或称“帕累托最优”。

按照帕累托的说法,“如果社会资源的配置已经达到这样一种状态:要想让某个社会成员变得更好,就只能让其他某个成员的状况变得比现在差;如果不让某个人状况变差就不能让任何人变得更好。此时,这种资源配置的状况是最佳的,是最有效率的。”

用数学语言来表述,如果 $u_i(s) \geq u_i(s')$ 对每个参与者 i 都成立,同时不等式至少对一个参与者是严格成立的,那么 s 比 s' 更有效率。如果不存在其他更有效率的策略组合,我们称这个策略组合是有效的。其中,“有效”的定义如下:如果对每个参与者 i 来说, $u_i(s) \geq u_i(s')$, 且对某个参与者 j 来说满足 $u_j(s) > u_j(s')$ 的策略 s' 不存在,则策略组合 s 是有效的。

需要强调的是,策略组合 s 比策略组合 s' 更有效率,并不代表策略组合 s 是有效的。下面举例说明:囚徒困境中 $u_i(\text{沉默}, \text{沉默}) \geq u_i(\text{坦白}, \text{坦白})$ 对 $i=1, 2$ 都成立,且对 $i=1, 2$, $u_i(\text{沉默}, \text{沉默}) > u_i(\text{坦白}, \text{坦白})$ (对两个人中任何一个人来说,选择策略组合(沉默,沉默)的收益大于等于选择(坦白,坦白)的收益;且对其中至少一人,选择前者的收益大于选择后者),即可说明(沉默,沉默)比(坦白,坦白)更有效率。

请注意,这并不是说只有(沉默,沉默)才是有效的。对于策略组合(沉默,坦白)和(坦白,沉默),不存在能使两个人收益都变得更好的策略组合,所以(沉默,坦白)和(坦白,沉默)同样有效。



扩展阅读

上述分析是基于最基本、最简单的囚徒困境模型进行的。但在看到某些现实案例时,你也许会想,会不会有人因为担心对方的报复而避免选择“坦白”?的确,进行决策的人脑中也会有这样的想法。

^① 一般情况下,集体利益最大化并不是博弈参与者的根本目标,人们在决定策略时依照的仍是“个人理性”。此时要想让大家有动机达成集体利益最大化,可以制定“有约束力的协议”,令每个参与者选择能使集体利益最大化的策略时可以得到合适的补偿。这样即可克服个体利益与集体利益之间的矛盾。存在“有约束力的协议”的博弈被称作“合作博弈”,与之相对的是“非合作博弈”。合作博弈将在本书第8章中专门介绍。

《策略·博弈论导论》一书的作者乔尔·沃森这样说道：“通过使用博弈论为策略互动状况建立模型是一种艺术，最好的模型既能捕捉到策略环境的核心特征，又不必过分拘泥于显示而导致难以分析。”他认为，作为博弈论学者，我们必须坚持将所有这些因素体现在博弈的得益之中。

如果囚徒1由于害怕博弈结束后受到对方的报复而更倾向于选择“沉默”，为了刻画这一博弈的“实际”矩阵，我们应让无论对手做出何种选择时，囚徒1选择“坦白”的收益小于选择“沉默”所得。在这种情况下，实际的博弈并不是一个“囚徒困境”。当我们考虑报复行为时，应该正式将其纳入到博弈模型里。同理，如果双方达成了协议，协议也应该被纳入到模型中来。

与占优的概念不同，要特别注意：效率这个概念并不是针对某一参与者的某一策略而言的，我们不能说“某个策略是有效的”。正确的说法是：“某个策略组合是有效的。”

现在，在研究参与者行为的优劣时，我们有了两套标准：一套是“个人占优标准”意义上的占优，基于个体理性；另一套是“帕累托效率”意义上的占优，基于集体理性。用不同的标准审视问题经常会带来不同的结果，但是没有孰是孰非。两种思考方式都是正确的，我们应该有机地将其结合起来，多角度的思维方式在解决现实生活中的问题时会有不错的效果。简而言之，个体理性与集体理性虽有矛盾和冲突，但也可以达成妥协与协作。本节只做浅析，详见第7章。

2. 帕累托上策均衡

并非所有存在多个纳什均衡的博弈都会让人难以抉择。当某个纳什均衡带给每个参与者的收益都严格大于其他纳什均衡时，如果参与者们都拥有集体理性，或者达成了合作的合约，参与者们的选择倾向就会是一致的，不会出现选择困难。

这种依据帕累托效率意义上的优劣关系对多重纳什均衡进行选择，进而挑选出的纳什均衡，也称“帕累托上策均衡”。

让我们来看一个例子，如图2-51所示。人类历史充斥着战争，国家之间经常面临战争与和平的选择。从国家和人民总体的长远利益来看，战争对任何一方都是有害无益的。选择战争比选择和平好的情况只有一种——对方已经选择了战争，此时不反击就会任人宰割。

		国家2	
		战争	和平
国家1	战争	-5, -5	8, -10
	和平	-10, 8	10, 10

图 2-51 战争与和平得益矩阵

我们用图2-51中的得益矩阵将这种场景转化为博弈模型。参与者是国家1和国家2，策略集包括“战争”与“和平”。得益的数值充分反映了战争给双方带来的伤害；而且当一方发动战争，另一方选择不抵抗时，后者的处境更加悲惨。

以博弈的视角看这个模型：博弈中存在两个纯策略纳什均衡（战争，战争）与（和平，

和平)。显然(和平,和平)在帕累托效率意义上更好,所以策略组合(和平,和平)是这个博弈的“帕累托上策均衡”。换言之,如果两个国家的决策者都是理性的,两国间就不应该发生战争。对双方而言,博弈的最佳选择取决于对方的选择。既然(和平,和平)对两国都有好处,双方都希望选择和平并期望对方也选择和平,因此(和平,和平)是这个博弈的合理结果。

既然每个国家都希望选择和平,为什么历史上还会有如此多的战争?这个问题的答案有很多,或许决策者更多地考虑短期利益、个人利益、集团利益,或者局部地区特定时期“战争”的得益比“和平”的得益大……此外,某些国家或许在战争时还击比不还击的损失更大,先发制人更有优势,等等,也会导致发生战争的概率增大。

寡头垄断市场的价格竞争与两国间关于战争与和平的选择是相似的。企业间的价格竞争有时就是一场战争,因此上述战争与和平的选择模型也可用以分析寡头市场的价格竞争问题。其他很多例子也可利用帕累托上策均衡进行分析,读者不妨自己在生活中尝试一下。

2.4.2 策略的风险与风险上策均衡

帕累托上策均衡虽然是一种能让所有参与者都受益的均衡状态,但与我们在囚徒困境中看到的一样,参与者们不一定会选择这种均衡——他们清楚,所有人仍然是具有个体理性、为自己考虑的,所以可能背叛。这就导致选择帕累托上策均衡可能意味着选择风险。

我们举一个抽象博弈的例子来解释这个问题,博弈如图 2-52 所示。

		参与者B	
		L	R
参与者A	U	9, 9	0, 8
	D	8, 0	7, 7

图 2-52 抽象博弈得益矩阵

假设在我们的博弈中参与者为 A 和 B,参与者 A 可以选择“U”(up)和“D”(down)两种策略,参与者 B 可以选择“L”(left)和“R”(right)两种策略,各种策略组合的收益如图 2-50 所示。

根据所有参与者的收益之和排序来确定帕累托上策为(U,L),因为 $9 + 9 = 18$ 大于 (U,R)的 $0 + 8 = 8$ 、(D,L)的 $8 + 0 = 8$ 、(D,R)的 $7 + 7 = 14$ 。而且在这种策略组合下每个参与者的个人收益都严格大于其他任何一种策略组合下的个人收益。

由上述事实我们理应可以推断双方都有十足的动机达成策略组合(U,L),但实际上,双方真的会采用帕累托上策均衡(U,L)吗?

虽然双方采用帕累托上策均衡时,每个人的得益都会比采取另一纳什均衡(D,R)多 2 个单位。可是一旦对方偏离了(U,L),自己的得益就是 0,远少于另一纳什均衡(D,R)的 7 个单位(无论对方采用何种策略都不少于 7 个单位)。这意味着(U,L)对于两个参与

者来说都有较大的风险。从混合策略的角度考虑,只要一方偏离(U,L)的可能性大于 $1/8$, (D,R)就是比(U,L)更加明智的选择,此时博弈双方的期望得益更大。

因此,如果考虑风险,(D,R)就更有优势:虽然在帕累托效率意义上不如(U,L),但在风险较小的意义上却优于(U,L)。当人们希望更稳妥保险一些时,就会选择(D,R)而非(U,L)。我们称(D,R)是这个博弈的一个“风险上策均衡”。



进阶阅读: $1/8$ 这个数字是如何得到的

首先我们假设参与者A有 $1-p$ 的概率偏离(U,L),即参与者A有 p 的概率选择策略U, $(1-p)$ 的概率选择策略D,结果如图2-53所示。

		参与者B	
		L	R
参与者A	U(p)	9, 9	0, 8
	D($1-p$)	8, 0	7, 7

图 2-53 抽象博弈得益矩阵

这时,B选择坚持L策略的期望得益为 $9p$;放弃策略L而选择策略R的期望得益为 $8p+7(1-p)=p+7$ 。另两种策略的期望得益相等,即

$$9p = p + 7$$

可解得: $p=7/8$ 。

当参与者A偏离(U,L)的概率 $(1-p)$ 大于 $1/8$,即 p 小于 $7/8$ 时, $p+7 > 9p$,此时参与者B选择策略R的期望收益优于策略L,因此参与者B会倾向于选择R策略,偏离(U,L)均衡。同时,如果参与者A是理性的,知道这种情况下B也会偏离均衡,那么A一定会选择D策略。因此最终的博弈均衡为(D,R)。

同理,对参与者A来说,如果B偏离(U,L)的概率大于 $1/8$,A也会改变策略,偏离(U,L)均衡。相应地,B也会做出调整,双方最终的策略组合也是(D,R)。

综上,双方只要一方偏离(U,L)的可能性大于 $1/8$, (D,R)就是比(U,L)更加稳定的均衡。

猎鹿博弈也是一个体现了风险上策均衡思想的生动案例,其博弈如图2-54所示。

		猎人2	
		猎鹿	猎兔
猎人1	猎鹿	5, 5	0, 4
	猎兔	4, 0	4, 4

图 2-54 猎鹿博弈得益矩阵

循着和前一个例子同样的思路,我们很容易知道(猎鹿,猎鹿)是一个有风险的策略,(猎兔,猎兔)是一个风险上策均衡。只要双方偏离(猎鹿,猎鹿)的概率大于 $1/5$,在帕累托效率意义上,(猎兔,猎兔)将带来更高的收益。由此我们推测,精明的博弈参与者往往

选择去猎兔而不是老老实实在地参与猎鹿。

更进一步说,博弈参与者对于风险上策的选择倾向,有一种自我强化的机制。当部分甚至所有参与者选择风险上策均衡的可能性增加的时候,任一参与者选择帕累托上策均衡的可能性会进一步变小,于是参与者们会更加倾向于选择风险上策均衡,这又使得帕累托上策均衡的得益更小。这就形成了一种促进参与者们选择风险上策均衡的正反馈机制,使其出现的可能性越来越大。

事实上,这种反馈机制的存在,使得“达成风险上策均衡”的概率增加了很多。参与者对其他参与者可能采取风险上策均衡的担心,最终变成了大家达成没有效率的均衡的现实。

这种反馈机制还会随着相互信任难度的增加而强化。假设猎鹿博弈中不再是两个人合作就能拿下一头鹿,而是10个人:10个人中哪怕1人不合作就会失败。认为其他9个人都会合作显然比相信1个人会和自己合作更加困难,所以在这种情况下,人们就很难自觉地选择合作。换言之,合作的风险太大以至于理性的人敬而远之。

总的来说,风险上策均衡是分析人们决策行为的重要规律之一,倘若我们忽略这种均衡或行为规律的存在,忽略风险上策均衡比理论值的更高的可能性,就可能无法对很多决策问题做出正确的分析和判断,无法对很多现象做出合理的解释。



思考与练习

试比较图2-55和图2-56两个博弈,谈谈得益对参与者策略选择的影响。

		参与者2	
		A	B
参与者1	A	99, 99	0, 100
	B	100, 0	98, 98

图2-55 抽象博弈1得益矩阵

		参与者2	
		A	B
参与者1	A	99, 99	0, 100
	B	100, 0	1, 1

图2-56 抽象博弈2得益矩阵

2.4.3 策略的多重性与聚点均衡

在博弈中我们还可能遇到的情况是,存在多个纳什均衡,且在效率意义上它们不相上下。比如此前的案例“夫妻之争”中,(去丈夫家,去丈夫家)和(去妻子家,去妻子家)两种策略组合都是很好的。在现实生活中,遇到这类问题的时候我们似乎又总能找到和平的解决办法,避免冲突。

1. 电话博弈

博弈中的很多模型稍加变形就可以应用在日常生活中,举个“夫妻之争”的例子,如图 2-57 所示,丈夫和妻子正在打电话,但是电话突然中断了。电话里的事只说了一半,两人都急切地希望赶快重新接通电话。此时应该由丈夫给妻子打电话,还是由妻子给丈夫打电话呢?

		妻子	
		打电话	等电话
丈夫	打电话	0, 0	2, 3
	等电话	3, 2	1, 1

图 2-57 电话博弈得益矩阵

考虑打电话的话费(虽然这不重要,但我们不妨看看将其纳入模型会带来什么),此时的纯策略纳什均衡只有(打电话,等电话)和(等电话,打电话)。这和夫妻之争非常相似。

假如遇到这个场景,我们通常的做法是什么?答案因人而异,可能受到习惯(男士应该承担更多责任)、环境(妻子的手机套餐打电话便宜)、心理(应该由在说话的一方打电话)等多种“博弈之外的规则”的影响。这些规则其实正是人们为了解决和避免类似问题而积攒下来的经验。

诺贝尔奖获得者托马斯·谢林于 1960 年在他的《冲突的策略》一书中提出了“聚点”的概念,用以描述博弈论中人们在没有沟通的情况下的选择倾向。

2. 报时博弈

我们可以做这样一个实验:随机找两个人,让两个人同时报一个时间,假如所报的时间相同,则各获得 100 元的奖励,所报的时间不同则不能获得任何奖励。此时双方对所报时间的选择就是一个博弈。显然,这个博弈存在无穷多个纳什均衡,双方选择的任何相同的时间点都是该博弈的纳什均衡,且这些策略之间完全不存在任何效率意义上的优劣关系。但我们不难想象,两个参与者选择“中午 12 点”“0 点”这样的时间点的可能性较大。而类似“早上 8 点 02 分”“下午 4 点 47 分”这样的时间点出现的可能性就会很小,更不太可能成为双方共同的选择。因此,在预料到这些之后,参与者们必然会选择类似“中午 12 点”“0 点”这样的时间点。虽然不能保证双方选择一致,但至少可以大大提高双方选择一致的概率。

我们称“中午 12 点”“0 点”这样的策略为上述博弈中的“聚点”。在多重纳什均衡的博弈中,双方同时选择一个聚点构成的纳什均衡称为“聚点均衡”。

3. 城市博弈

聚点均衡的另一个经典例子是“城市博弈”。我们可以来看一个简化的版本:要求两个博弈参与者各将“上海、南京、长春、哈尔滨”这 4 个城市分成两组,每组各两个城市。若两人分法相同,则各得 100 元奖金,分法不同则没有任何奖励。显然这个博弈也存在多个纳什均衡。

如果让有地理知识的两个中国人来参加这个博弈,通常两人会将上海和南京分为一组,长春和哈尔滨分为一组。理由是,前两者是南方城市,后两者是北方城市。这种分法是有基本地理常识的人最容易想到的,因此它是一个“聚点”。而如果有人因为自己父母分别来自哈尔滨和上海而将它们分为一组,恐怕就没什么机会拿到奖金了。

从我们讨论的几个例子可以看出,聚点均衡确实反映了人们在对多重纳什均衡进行选择时具有一定的规律性。可是这种规律涉及的方面太多,虽然对每个具体的博弈问题可能找出聚点,但对于一般的博弈却难以总结出普遍的规律,只能具体问题具体分析。



思考与练习

假设一个美国司机和一个日本司机在路中央开着车,每个人都遵从自己国家驾车的习惯。以上均为共有知识。哪个人会靠边行驶?这会演变成一个斗鸡博弈吗?纳什均衡能做出准确预测吗?

2.4.4 机制设计和相关均衡

在介绍聚点均衡的时候我们看到了博弈之外的规则可以给参与者带来好处。那么我们是否可以主动地创造能够使更多人获利的机制呢?

相关均衡研究的就是通过设计或者利用机制,来辅助达成均衡的方法。我们通过图2-58的抽象博弈来介绍相关均衡的基本概念。

		参与者乙	
		L	R
参与者甲	U	5, 1	0, 0
	D	4, 4	1, 5

图 2-58 抽象博弈

通过简单的分析,我们可以找出两个纯策略纳什均衡(U,L)和(D,R)。通过计算可以找到一个混合策略纳什均衡 $\left\{\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right), \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)\right\}$ 。

我们来观察(U,L)和(D,R)这两个纯策略纳什均衡。尽管是纳什均衡,但由于两个策略组合在效率意义上不分上下,双方很难做出选择。而且没有“博弈外的规则”,就不会形成“聚点”。因此双方很可能采取混合策略。

而当两个参与者希望一同达成混合策略纳什均衡时,很可能遇上(U,R)这种效率非常低的情况。计算可得,若两个参与者采取混合策略纳什均衡,双方的期望得益均只有2.5。

试想假如两个人能找到一种方法避免(U,R)的出现,那么势必会提高两个人的平均得益。比如甲想了一个办法:通过掷硬币来决定采取何种策略——如果硬币正面朝上,则甲选择“U”,乙选择“L”;若反面朝上,则甲选择“D”,乙选择“R”。既然(U,L)和(D,R)都是纳什均衡,则双方无论看到正面或是反面,都没有动机偏离均衡,亦即这种机制是一

个有效的协调机制。这样双方各有 50% 的可能性获得 5 单位的收益,也有 50% 的可能性获得 1 单位的收益,平均得益为 $3 > 2.5$ 。可见利用这种机制,双方的平均得益高于采取混合策略纳什均衡的平均得益。

我们将这种引入了“相关装置”(如例中的硬币)而得到的均衡称为“相关均衡”。

其实这个博弈还可以得到更好的结果,该博弈存在一个风险上策均衡(D,L)。例如,当甲选择 U 时,其得益可能是 5 或 0,而选择 D 时则为 4 或 1,从风险规避来讲,D 优于 U。对于乙同样有 L 优于 R。所以(D,L)是风险上策均衡。但请注意,它不是纳什均衡,仍有可能出现偏离。假如双方都这么想,那么甲认为乙将选择 L,而自己选择 U 将使自己的得益从 4 增加到 5。于乙同理可得。至此,又回到了(U,L)和(D,R)两个纳什均衡上。所以风险上策均衡是不稳定的,靠不住的。

假如设计的机制能够让其有概率出现,且避开效率很低的(U,R),那么期望得益显然会更高。这里提供一个可以实现这一目标的示例方案。

用一个相关装置来发出“相关信号”:

- (1) 该装置以等可能性(各 $1/3$)发出 A、B、C 三种信号。
- (2) 参与者 1 只能看到该信号是否为 A,参与者 2 只能看到信号是否为 C。
- (3) 两个参与者遵照这样的规则行动:参与者 1 看到 A 采用 U,否则采用 D;参与者 2 看到 C 采用 R,否则采用 L。

不难发现这种机制会带来这样的效果:U 和 R 不可能同时发生,且保证了(U,L)、(U,R)、(D,R)以相等的概率($1/3$)出现。这样提高了博弈的效率,并且具有稳定性——若参与者偏离规则可能会导致(U,R)的出现而降低期望得益,这是不明智的,所以参与者没有动机偏离规则。此时的期望得益为 $(1 + 1 + 5)/3 = 10/3$,超过了硬币相关机制中的 3,显然更好。



本章小结与习题

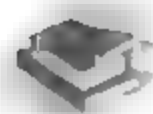
第3章 完全信息动态博弈



为什么“破釜沉舟”可以提高项羽获胜的可信度？为什么有些国家的边缘政策一再奏效？为什么人们在有些情况下争先恐后，而在另一些情况下却一拖再拖？这些在动态博弈的学习中都能找到答案。谈及动态博弈难免涉及次序；而有先后次序的互动，常会改变原本静态的结局。先行的行动旨在获得先发优势，以期先发制人，但是后发者却可以相机选择。那么，如何做出理性的先发行动并准确预测他人的后继行为？动态博弈中是否存在均衡？应如何定义和预测这些均衡？也许上述这些问题正在困扰着你，本章将逐一释惑。

本章将提取一些关键因素来定义完全且完美信息动态博弈，并介绍一个新的均衡概念和分析方法。此外，本章还会展示诸多生活中的例子，带领你领略动态博弈之美^①。

3.1 动态博弈的表示



引语故事：仿冒博弈

乐泡是一家做充电宝的新型企业。然而从2011年成立至今，已经有无数的仿冒者充斥在市场上。仿冒品不仅使买到假货的消费者得到不公平的待遇，更对厂商的品牌造成难以用金钱衡量的伤害。

造假的收益不可谓不高。相对于正品售价139元，一个成本只有20多元的假移动电源，在网上可以卖到70~120元，甚至低于正品出厂价格，利润惊人。打假的成本不可谓不低，乐泡中国电商运营部总经理汤行解释，目前国内电商检举的程序必须靠厂商自己购买假货，为了遏制猖獗的造假厂家，乐泡每个月都要花上5000元购买大约100件的造假产品，向各电商平台提出申诉。

乐泡CEO（首席执行官）范峻革称：自2011年创立品牌后就饱受假货侵害，长此以往将严重损害整个产业的创新能力。粗略计算在某些电商流通的假货，乐泡每年会损失大约1.5亿元。为了阻止假货泛滥，乐泡专门成立了打假团队，聘请维权律师以及专人每天到各网站上收集假货信息，监控假货流通，并向电商渠道举报。^②

^① 在未做说明时，动态博弈默认为完全且完美信息动态博弈。对于不完全信息、不完美信息的动态博弈，我们将在后面章节中逐一讨论。

^② 资料来源：腾讯科技——《一个创业者的打假记：淘宝仿冒最多年损失过亿》，2015年2月2日。

打假者为何如此疲累?造假者又何以不顾厂商警告?面对如此常见而又破坏性极大的仿冒者,我们不妨来看一下双方是如何博弈的,即仿冒者是否进入市场与正牌厂商就如何维权所展开的博弈。

假设“酷龙”是一家仿冒厂商,决定是否进入市场仿制“乐泡”的产品。然后“乐泡”选择是否采取措施制止,接着“酷龙”选择是否继续仿冒。对被仿冒的企业来说,经济损失在所难免,采取措施制止仿冒可以维护自己的利益,但是制止仿冒需要付出一定代价。对仿冒企业来说,仿冒不被制止可以获得更大利益,但如果被制止就可能得不偿失。

这是一个动态博弈,两家厂商依照不同次序行动。类似上一章,动态博弈中的策略组合也用大括号来表示。例如,(仿冒/仿冒,不制止),其中“仿冒/仿冒”表示“酷龙”第一次选择仿冒,第二次也选择仿冒;“不制止”表示“乐泡”在轮到它第一次行动时选择不制止。因此上述策略组合的完整描述为:第一阶段“酷龙”进入市场进行仿冒,第二阶段“乐泡”不制止,第三阶段“酷龙”继续仿冒。假设不仿冒时双方得益为(0,10)——实际上这种情况对应了4种策略组合,即(不仿冒/仿冒,制止)、(不仿冒/不仿冒,制止)。此外假设(仿冒/仿冒,制止)、(仿冒/不仿冒,制止)、(仿冒/仿冒,不制止)、(仿冒/不仿冒,不制止)4种策略组合分别对应收益(-2,2)、(-2,5)、(10,4)和(5,5)。仿照静态博弈中的纳什均衡分析方法,可以对该案例进行图3-1所示的分析。

		乐泡	
		制止	不制止
酷龙	仿冒/仿冒	-2, 2	10, 4
	仿冒/不仿冒	-2, 5	5, 5
	不仿冒/仿冒	0, 10	0, 10
	不仿冒/不仿冒	0, 10	0, 10

图 3-1 仿冒和反仿冒博弈策略形

逐一研究这8种策略组合,会发现存在3组纯策略形式的纳什均衡:(仿冒/仿冒,不制止)、(不仿冒/仿冒,制止)和(不仿冒/不仿冒,制止)。在后两种均衡中,“酷龙”都不会进入市场进行假冒活动,因为“乐泡”一定会采取行动制止这种仿冒行动,而且“酷龙”在第一阶段压根不打算仿冒。

但是,上述3种纳什均衡是否具有稳定性呢?能否正确预测博弈结果呢?答案是并非如此。实际上,在两个不仿冒的纳什均衡中,存在“酷龙”仿冒产品的可能性。因为“酷龙”不进行仿冒活动的前提是:“乐泡”做出了一系列威胁,使得“酷龙”相信当它们进入市场从事仿冒活动之后,“乐泡”一定会采取措施进行制止。假设“酷龙”的管理者是一个见好就收的人,但是遇到特殊情况会选择鱼死网破。如果乐泡进行制止,那么“酷龙”会选择继续进行仿冒活动;如果“乐泡”选择不制止,“酷龙”就会选择退出市场。这样,在“乐泡”了解所有的信息,并且“酷龙”也了解所有信息的情况下,“酷龙”一定会进入市场进行仿冒。因为“乐泡”不会采取制止行动,放任的策略可以使“乐泡”减少损失。

上述案例表明动态博弈分析和静态博弈分析有很大差别,我们不能将静态博弈分析的方法直接套用到动态博弈分析中去,因此本章将引入新的概念和方法来分析动态博弈。

3.1.1 动态博弈的扩展式表示

动态博弈与静态博弈最大的不同在于:各参与者的选择和行动不仅有先后顺序,而且后行动的参与者可以在行动前看到所有参与者此前的行动。因此动态博弈无法用上节的矩阵形式来准确表示——因为矩阵中的双方都看不到对方的行动。基于动态博弈中的一方可以根据对方的行动做出下一阶段反应,我们将介绍一种用来描述动态博弈的模型——扩展式。在图 3-2 中,我们对其进行了清晰的描述。

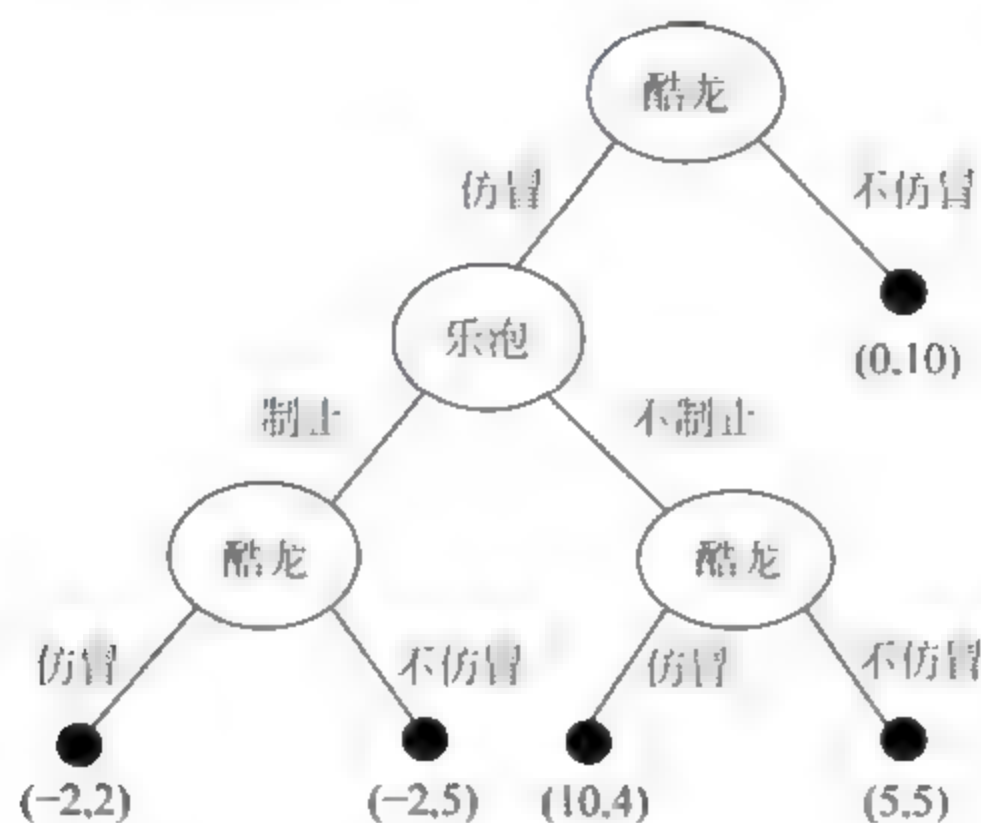


图 3-2 仿冒和反仿冒博弈扩展式

注:在动态博弈中的得益组合 (x,y) 中, x 表示先行动者的得益,而 y 则表示后行动者的得益。

在图 3-2 中,节点“酷龙”“乐泡”表示“酷龙”和“乐泡”的选择节点,意即相应参与者在该点需要做出选择。每个分支代表可供参与者选择的一种行动方案,选择一个分支就等于选择了一种行动方案。一个参与者的一次选择行动被称为一个“阶段”。对应终点的数字代表在该策略下博弈双方的得益。图 3-2 的表示方法称为扩展式。建立扩展型是由上而下的(也可以是由左向右的),但分析过程却不尽然,下文将介绍逆向推理方法。在该扩展型中,“酷龙”首先做出仿冒或者不仿冒的决策,随后“乐泡”决定是否制止,最后“酷龙”决定是否继续仿冒。

对于复杂的动态博弈而言,扩展式显然比策略式描述得更为清晰。这将给动态博弈的分析带来极大便利。不仅如此,对于更加复杂的博弈过程,扩展式也可以进行非常直观的描述,只是选择节点数和备选行动数量有所增加、参与者的利益不同。

请注意,并不是所有的动态博弈都可以用扩展式来表示。有些动态博弈,如下象棋,不但博弈阶段非常多,而且每个阶段的可能选择也很多,无法用扩展式表示。而另一些动态博弈中,参与者的选择有无穷多种。这类博弈也无法用只能描述有限行动集合的扩展式来表示。无法用扩展式表示的动态博弈,通常可以用数学函数加以表示。我们先来分

析可以用扩展式表示的博弈,随后将讨论更复杂的情况。

3.1.2 动态博弈的特点

正如上一小节所描述的,与静态博弈不同,博弈的“策略”和“结果”在动态博弈中拥有了新的定义。

首先,“策略”是在整个博弈中所有选择、行动的计划。在一次动态博弈中,每个参与者的决策都需要根据整体(意指所有阶段)的利益最大化而做出,单次博弈的利益得失并不能代表最终博弈的胜利。因此,在整个博弈过程中参与者常常需要放弃局部利益,为达到最终胜利而做出相应的妥协。因此,在分析动态博弈的策略时,就不能像分析静态博弈一样只考虑本次行动的纳什均衡,任何脱离整体的最优策略都是没有意义的。

当要考虑的不仅是当下对垒而是整体利益的时候,身在博弈之中需要考量得更加长远,这种深谋远虑就形成了动态博弈中的所谓“策略”,每一步棋都取决于对手的反应而又旨在获得优势。战争中,战事激烈是“以牙还牙”的策略,和平休战是“韬光养晦”的策略,进攻防守都只为战争最终胜利;恋爱中,相敬如宾是“以德报德”的策略,持续冷战是“以直报怨”的策略,忽冷忽热也只为爱情修成正果。

因此,在上一章中无区别的两个词语——策略和行动,在本章中将加以区别。一般来讲,行动是指某一阶段中参与者的一次选择,与策略不同。

其次,“结果”是上述“计划型”策略的组合,构成一条路径。在一次博弈活动中存在着很多条路径,参与者的每一次选择都会面临很多分支。沿着其中一条分支一直走下去,最终会得到一条完整的路径。一般来说,博弈的阶段越多,每个阶段参与者的选择越多,最终的路径也会越多。结果还包括对应每条路径的得益。多数情况下,我们无法计算每一阶段之后各参与者的得益,而只需关注每条路径所对应的最终得益。

最后,相对于静态博弈来说,动态博弈最显著的特点在于它的非对称性,以及由此产生的先行优势或后动优势。

动态博弈的非对称性——“先后次序”决定动态博弈必然是非对称的。例如,在仿冒与反仿冒博弈中,“酷龙”先行动,即选择进入市场仿冒或者不仿冒。“乐泡”会根据“酷龙”是否仿冒决定是否制止。之后,“酷龙”又会根据“乐泡”的决策选择是否继续仿冒。由于动态博弈的参与者不是同时做出决策的,后做出决策的参与者可以根据先行者的策略调整自己的决策。我知道你的行动而你不知道我的,这种信息的不对称性会导致参与者处在不同的优劣势中。

一般来说,当信息不完全时后行动的参与者拥有更多的信息来帮助自己选择,从而避免决策的盲目性,因此处于有利地位,即“后动优势”。但是,后行动和具有更多的信息并不一定更为有利。在某些情况下,先选择、行动的参与者更有利,有“先行优势”,如下棋或足球比赛。关于先行优势与后动优势,我们在此仅做简单说明,接下来将会进行更加深入的讨论。

3.2 相机选择与策略可信性

3.2.1 老方法遇到新问题

在第2章的静态博弈分析中,我们引入了非常重要的纳什均衡。纳什均衡描述的是·一种状态,在这种状态下,任何单独的参与者都不能通过改变自己的策略达到增加得益的目的。因此,在这种状态下参与者的策略具有稳定性。但在第一节的仿冒与反仿冒博弈问题中,我们用静态博弈分析方法所得到的(不仿冒/仿冒,制止)和(不仿冒/不仿冒,制止)两个纳什均衡并不具有稳定性。这说明,静态博弈的纳什均衡分析并不能直接套用到动态博弈中。

为了更加详细地说明纳什均衡分析在动态博弈中所存在的问题,再举一个比较形象的例子。



案例分析：师生博弈

通常情况下,老师都采用考试的形式检验学生的学习效果,督促学生认真学习。出于公平信念和个人声誉的考虑,老师一般会根据学生答题情况给出公平的分数。但是,考试成绩关系到学生的切身利益,包括能不能顺利毕业,以及能否找到好工作。现假设有一名·学生平时没有认真学习,期末考试考得不好,达不到60分。他去面见老师,希望老师能够让他及格。因此,我们构造以下的师生博弈:老师先行动,决定给学生及格或不及格;学生后行动,根据老师的判定来决定自己是欣然接受这一成绩还是要报复老师(所谓欣然接受是指认可老师给出的分数;所谓报复老师是指对老师采取一些人身或名誉伤害的行动)。

具体来说,学生会有4个策略可供选择。

策略1:如果老师给及格,则欣然接受;如果给不及格,则报复老师。

策略2:如果老师给及格,则报复老师,如果给不及格,则欣然接受。

策略3:不管老师是否给及格,都欣然接受。

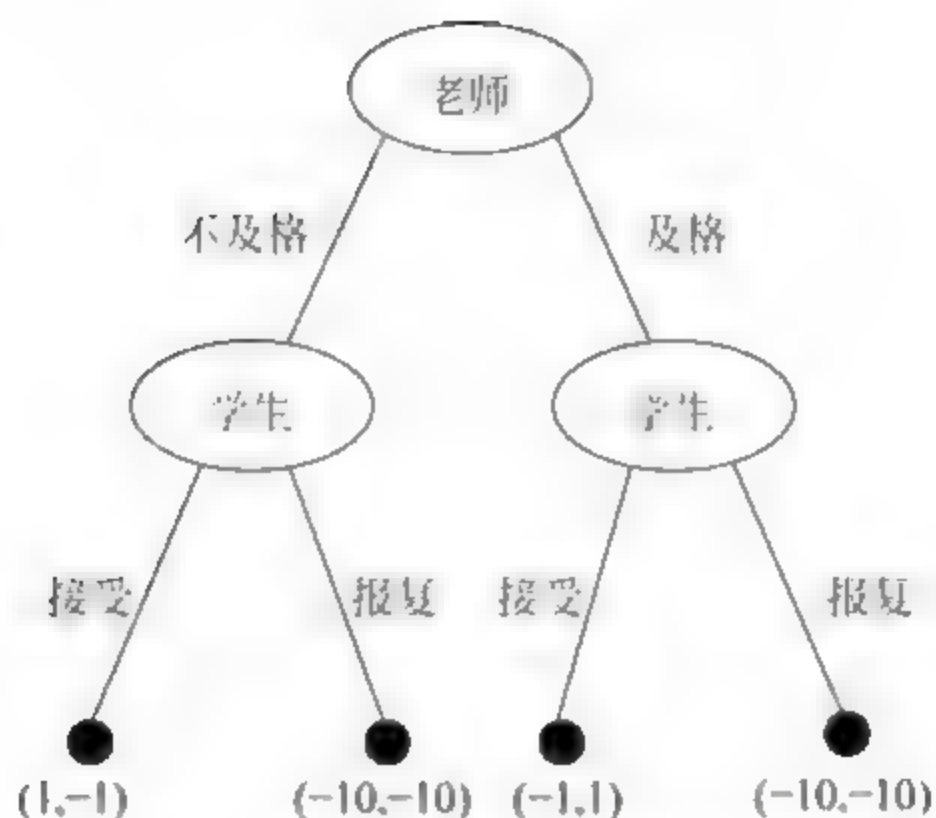
策略4:不管老师是否给及格,都报复老师。

双方的得益情况是:如果老师违心给了学生及格,学生没有报复他,他的得益为1,学生的得益为1;如果他违心给了学生及格,但学生还是报复了他,则他的得益为-10,此时学生也因为报复老师被学校处分,得益为-10;如果老师秉公给了学生不及格,学生报复,则老师为-10,学生也为-10;如果老师秉公给了学生不及格,学生接受,则老师的得益为1,学生为-1。

我们分别用图3.3所示的扩展式和图3.4所示的策略式表示这一博弈。

不难看出,上述博弈有三个纳什均衡。分别为“及格,接受/报复”“不及格,报复/接受”和“不及格,接受/接受”。

在第一个纳什均衡中,学生声称:如果老师给及格就接受,如果老师给不及格就报



		学生			
		(接受, 报复)	(报复, 接受)	(接受, 接受)	(报复, 报复)
老师	及格	-1, 1	-10, -10	-1, 1	-10, -10
	不及格	-10, 10	1, -1	1, -1	-10, -10

图 3-4 师生博弈策略型

复。老师担心自己被报复,违心地给了及格。这种情况下,老师和学生的得益分别为-1和1。但是,学生如果真的报复老师,会遭受到更为严厉的处罚,得益会降至-10。因此,理性的学生不会选择报复,这个威胁不可信。进一步,当老师了解这一情况时,便不会相信学生的威胁,也就不会违背事实地给出及格。因此,这一纳什均衡不具有稳定性。

在第二个纳什均衡中,学生声称:如果老师给及格就报复,如果老师给不及格则接受。博弈的结果是:老师给不及格,学生接受;双方的得益分别为(1,-1)。该均衡中,学生的策略(报复,接受)要求在老师给及格的情况下选择报复,但报复反而会使其得益降为-10。显然,这是一个不可置信的威胁。相应地,这一纳什均衡不具有稳定性,即学生不会选择(报复,接受)的策略。

在第三个纳什均衡中,学生态度端正,不管老师给不给及格,自己都能接受。博弈的结果是:老师给不及格,学生接受;双方的得益分别为(1,-1)。这个纳什均衡比较合理,没有包含不可置信的威胁,应该符合实际情况。事实上,现实生活中老师通常都会公正地评分。因此,获得好成绩还是差成绩,关键还在于学生平时努力的程度。



扩展阅读: 司马相如凤求凰

司马相如和卓文君,一个是被临邛县令奉为上宾的才子,一个是孀居在家的佳人。他们的故事,是从司马相如作客卓家,在卓家大堂上弹唱那首著名的《凤求凰》开始的:“凤兮凤兮归故乡,遨游四海求其凰。时未遇兮无所将,何悟今兮升斯堂!有艳淑女在闺房,室迩人遐毒我肠。何缘交颈为鸳鸯,胡颉颃兮共翱翔!……”这种在今天看来也显得直

率、大胆、热烈的措辞,使得在帘后倾听的卓文君怦然心动。在与司马相如会面之后,卓文君更是一见倾心。

司马相如遂托王吉向卓府求亲,但遭到其父卓王孙拒绝。卓王孙要把女儿嫁给临邛富商程郑之子,但文君坚决不从。在一个漆黑之夜,卓文君和司马相如选择了私奔,更在第二天双双驰归成都司马相如老家。卓王孙闻之大怒,认为司马相如有辱衣冠,自己的女儿也太不争气,夤夜私奔,败坏门风,令他丢尽颜面。进而威胁说,如果他们要在一起,便与卓文君断绝父女关系,“女至不材,我不忍杀,不分一钱也”。但相信爱情的卓文君仍然坚持与司马相如在一起。他们过着“有今天,没明天”的逍遥生活,根本不把今后的生计放在心上。几个月后,他们索性卖掉车马,回到临邛开了一间小酒家。卓文君淡妆素抹,当垆沽酒。司马相如更是穿上犊鼻裤,与保佣杂作,涤器于市中,忙里忙外担任跑堂工作。卓王孙经不起亲朋好友的疏通劝解,迫不得已分给他们童仆百人,钱百万缗,并厚备妆奁,接纳了司马相如。

通过上面的扩展阅读,可以看到在动态博弈中不仅存在各自利益最大化的问题,更重要的是参与者会根据不同阶段的情况灵活做出决策,即相机选择。这也是纳什均衡分析失效的原因。更进一步地,在相机选择中,威胁和承诺的可信性尤为重要。例如,在卓文君和卓王孙的博弈中,卓王孙的“断绝父女关系”的威胁便不具有可信性,毕竟血浓于水。一旦“生米煮成熟饭”,对于父亲而言接受还有亲情在,不接受连亲情也没有了。而卓文君也没有屈服于父亲的威胁,坚定地选择了自己的幸福。

3.2.2 相机选择

如前所言,相机选择和可信性是导致纳什均衡在动态博弈分析中失效的主要原因。本小节将通过“开金矿博弈”及其变异版本来进一步分析相机选择和策略的可信性问题。

开金矿博弈:假设甲发现了一个价值4万元的金矿,但是甲没有资金开采金矿。甲的朋友乙刚好有1万元的资金准备投资。设甲想说服乙将钱借给自己用于开矿,并承诺将采到的金子与乙平分。那么,乙是否该将钱借给甲呢?(假设甲用1万元一定可以开采出价值4万元的金矿,则乙所需要关心的则是甲在采到金子后会履行诺言,还是会带着这4万元跑路。)

我们考虑三种不同的博弈情况,逐次进行分析。在图3-5中,博弈双方只存在两阶段的博弈,相对比较简单。乙方最初的资金为1万元,若不做任何投资则这些资金既不会升值也不会贬值。如果将资金借给甲,甲在开金矿的过程中成功完成资产的增值,即甲得到资金数量为4万元。如果甲选择与乙平分,则每人得到2万元。但如果甲选择独自占有这4万元,则乙血本无归。

在该博弈中,乙决策的关键是要判断甲的承诺是否可信。根据参与者的理性假设,可以判断轮到甲行动时一定会选择“不分”,即独自占有4万元。乙如果足够理性,应该清楚甲的行动准则,因此他第一阶段会选择“不借”以保住自己的本金。对乙来说,本博弈中甲的承诺是不可信的。

在现实的投资活动中这种情况确实存在。如果甲方与乙方是单次合作,甲有理由和

动机剥削乙的利益(当然甲会采取五花八门的手段使这种剥削显得合法)。但是如果甲方与乙方追求的是长期合作,每一步行动都受到对手的牵制,每一步的决策都要考虑全局利益。此时甲方会选择在单次博弈中的妥协来追求整体的胜利。

在图 3 6 中,我们追加了这样的假设,即“在有法律保障”。在这种情况下,法律是值得大家信任的维权手段,法律的执行成本很低,在诉诸法律之后,受害方可以切实地维护自己的权益。

图 3 5 与图 3 6 唯一的区别在于:当甲选择不分钱的时候,乙方可以选择打官司或不打官司。当乙选择“不打”官司时,甲独吞 4 万元,乙仍然血本无归。但是,当乙选择“打”官司时,可以收回自己的 1 万元本金,而甲方则会因为高额的赔偿和罚款而一无所有。乙“打”官司的得益比“不打”官司的得益大,因此乙一定会选择打官司。甲清楚乙的上述思路,知道如果自己在第二阶段选择“不分”,等着他的必然是一场官司和失去所有的收入。对甲来说,乙“打”官司的威胁是可信的。因此甲在第二阶段会选择“分”。这时,甲“分”的承诺也具有了可信性,因此乙在第一阶段会选择“借”。博弈的最终结果是乙在第一阶段选择“借”,甲在第二阶段选择“分”,从而结束博弈,双方各得到得益 2,实现了合作共赢。

这种情况下的博弈是人们一直追求的市场效率最高的博弈,投资者会毫不犹豫地选择投资,促进整个社会的发展。但是,在图 3-6 中“法律能够保障公民的合法权益”的条件并不是总能满足的。在现实生活中,法律诉讼劳民伤财,因此有时可能打赢官司只是让被告受一些损失,自己在经济上并不一定合算。在这种情况下,图 3-7 所描述的博弈则也在现实中广泛存在。

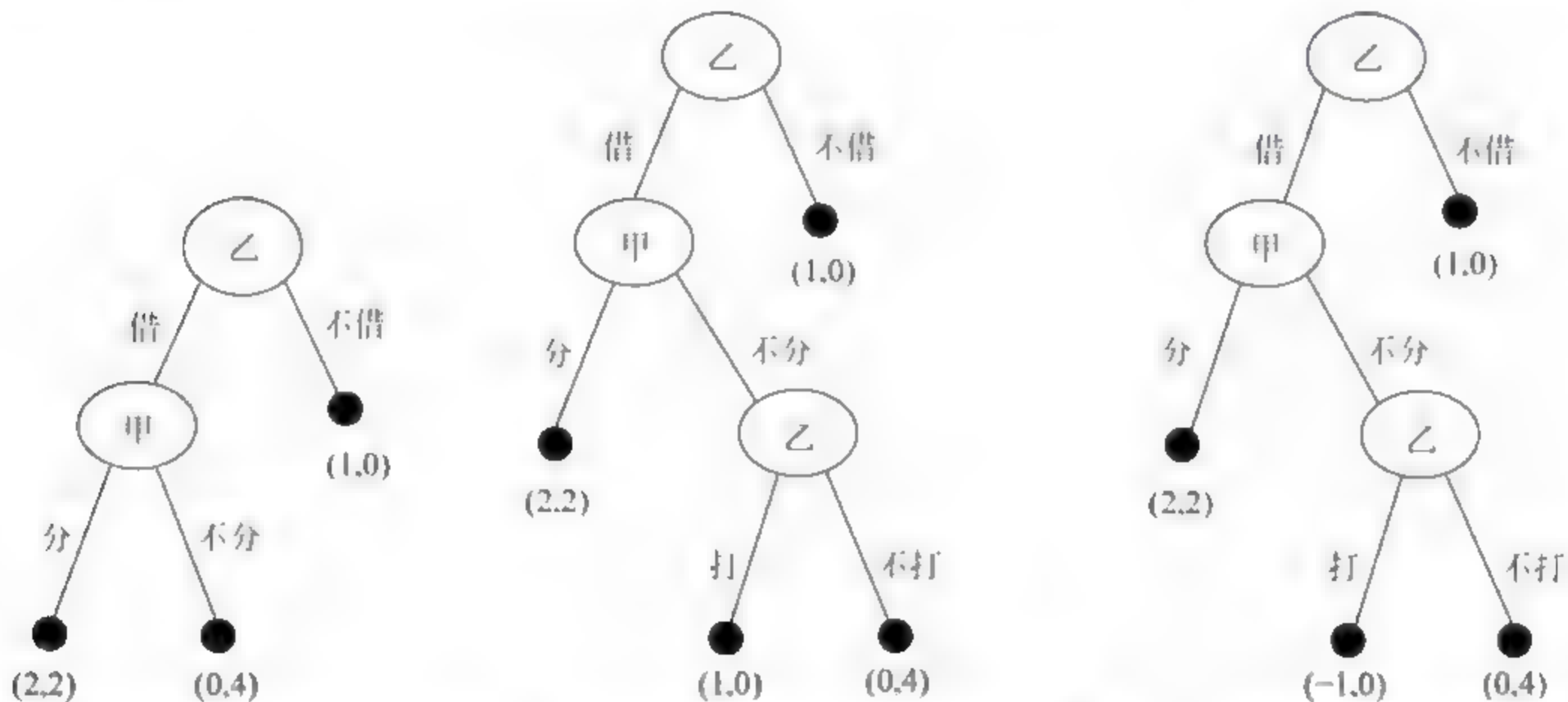


图 3 5 开金矿博弈

图 3 6 有法律保障的开金矿博弈

图 3 7 法律保障不足的开金矿博弈

在图 3 7 中,我们假设法律是不健全、不完善的,通过法律手段维护权利的成本很大(包括时间成本和机会成本)。如果乙在甲拒绝分享收益时上诉,不但不能追回本金,反而还要承受 1 万元的损失。

在这种情况下,乙在第三阶段会选择“不打”官司,以防止进一步损失。对甲来说,乙在第三阶段“打”官司的威胁就成了不可信的“空头威胁”。因此,甲在第二阶段会选择“不

分”。乙清楚甲的思路,自然甲在第二阶段“分”钱的承诺也不可信了。因此乙在博弈的第一阶段会选择“不借”。

通过对“开金矿博弈”及其变异版本的分析,相信你已经体会到了相机选择的思想。它指出动态博弈中普遍存在的现象:参与者会根据不同形势不同时机做出对自己有利的选择。这也意味着,无论威胁多么可怕、承诺多么诱人,只要到了相应节点参与者的偏离有利可图,他都没有理由依照事前的要求行动。相机选择是动态博弈中特有的现象,是序列理性^①的要求。序列理性要求指动态博弈中每个阶段都要求参与者是理性的。进一步,相机选择的存在也要求参与者在制定策略时考虑该策略是否能够针对不同情况做出相应的反应。



扩展阅读:相机选择

曹操三征张绣时,听闻袁绍欲攻许都,于是下令撤军。张绣要亲自率兵追击曹军。贾诩对张绣说:“不能追击,追击一定会失败。”张绣没有听从,进兵与曹军交战,结果被打得大败而归。贾诩又对张绣说:“赶快再去追击,再打一仗必定获胜。”张绣说:“没有听从您的建议,才落到这步田地。现在已经打了败仗,怎么又要追击呢?”贾诩说:“用兵的形势有了变化,赶快去追一定有利。”张绣相信了他的话,于是聚集逃散的士兵再去追击,与曹军大战,果然获胜返回。这就是相机选择的一个通俗解释。

相机选择的存在,使得参与者所设定的行动计划的“可信性”遭受质疑,进而博弈的路径和结果也存有不确定性。如果缺乏可信的承诺或威胁,博弈往往难以按照参与者所预想的方向发展,博弈结果也难以令人满意。

那么什么策略满足序列理性的要求呢?什么策略可以使承诺或威胁可信呢?事实上,这样的策略有很多种。例如,常见的以牙还牙、以德报怨、以直报怨、以怨报怨、韬光养晦等,它们都能够既简单又直接地做出反应。在不同情况下,可以综合运用这些策略化解危机。



概念解读:“以牙还牙”策略

以牙还牙的含义是:别人对我怎么做,我接着也对他这么做。补充一句,这个策略在开始阶段假设双方是合作的,以后则模仿对手在上一阶段的行动。当双方的可能行动集合不相同时,可以简单地理解为:别人善意则我也善意;别人恶意则我也恶意;别人返回善意,则我也善意,不记仇。

以牙还牙法则体现了任何一个行之有效的策略所应该符合的4个原则:清晰、善意、刺激性和宽容性。“以牙还牙”简单易懂、直观清晰,让对手很容易领悟。这一法则不会引发作弊,因而是善意的。它更不会让作弊者逍遥法外,因此能够产生刺激。同时它还是宽容的,因为它促使参与者恢复合作,而不是长时间怀恨在心。这一法则非常简单实用,它的威力已被阿克谢罗德设计的二人囚徒困境博弈锦标赛^②所证明。

^① 序列理性亦称序贯理性。

^② 这里不再详细解释“二人囚徒困境博弈锦标赛”,有兴趣的读者可参阅《策略思维——商界、政界及日常生活中的策略竞争》。

不过,以牙还牙策略是一个有缺陷的策略。只要有些许发生误解的可能性,以牙还牙策略的胜利就会土崩瓦解。例如,1987年,美国就苏联侦察和窃听美国驻莫斯科大使馆一事做出回应,宣布减少在美国工作的苏联外交官人数。苏联的回应是调走苏联在美国驻莫斯科大使馆的后勤人员,同时对美国外交使团的规模做出更加严格的限制。结果双方都难以开展各自的外交工作。以牙还牙策略的问题在于,任何一个错误都会反复出现。一方对另一方的背叛行动进行惩罚,从而引发连锁反应。对手受到惩罚之后,不甘示弱,进行反击。如此反复。

因此,在人际交往而非对抗性竞赛中,我们要有足够的宽容,而不是简单地采取以牙还牙的报复行动,才能避免恶性循环的结果。

3.2.3 如何提高策略的可信性

言语的束缚实在软弱无力,根本抑制不了人们的贪婪。

——托马斯·霍布斯(Thomas Hobbs)

有时我们想让别人相信,他们应该或不该采取某种行动,否则他们会受到惩罚;有时我们做出承诺,想要说服别人向我们施以援手。如果承诺和威胁不可信,它们就不会改善我们的博弈结果。那么怎么做才可以提高承诺和威胁的可信性呢?这里我们提供些许建议,对提高可信性有一定帮助。但这些方法的适用范围有限,具体情景还需灵活应对。

1. 建立和利用声誉^①

声誉的建立源于重复博弈中对承诺的遵守,参与者有理由相信一个从来不会违背承诺的合作者会继续履行承诺。因为声誉的建立需要很多次的遵守承诺,而声誉的摧毁只需一次违约即可。对于一个声誉良好的参与者来说,建立声誉所付出的成本巨大,以至于违反承诺所带来的利益不足以使其动心。换言之,声誉良好的参与者没有偏离的动机。

关于建立声誉的一个非常成功的案例是商鞅“徙木立信”。公元前356年,商鞅拟定变法法令后,欲让百姓知其必行,遂在秦国都城的南门放了一根3丈长的木头,并贴出告示:如有人将这根木头搬到北门就赏10金。搬一根木头不是什么难事,却能得到如此多的奖励,老百姓觉得太奇怪,不知其中有什么名堂,都不敢去动木头。商鞅于是提高奖励规格,宣布凡能按要求搬动木头者,给予“五十金”的奖赏。重赏之下必有勇夫,有一壮士把木头从南门搬到了北门,商鞅如约赏给了他50金。此事过后,老百姓更加相信商鞅变法后的美好愿景。借此,商鞅建立了政策权威并取信于民,变法得以顺利进行。

2. 签订合同

一个使承诺可信的直接有效方法就是同意在自己不能遵守承诺的时候接受惩罚。如果在事先约定违反承诺会遭受巨大的惩罚,那么承诺方违反承诺的动机就会减少。迫于对惩罚的畏惧,承诺方便会遵守承诺,履行职责。而签订合同就是将双方的承诺和违约的惩罚置于法律的监管与约束下,以确保承诺和惩罚的效力。笔者通过对产业创新联盟内的承诺研究也发现,偏离承诺的行为着实不可完全避免,但是基于最大可能损失的惩罚原

^① 关于声誉的具体讨论,请参见第5章、第6章。

则却能在很大程度上降低这种情况的发生概率。

假如负责为你重新装修房子的工人事先能得到一大笔酬金,他就有动机减慢工程进度。但是,一份具体说明了酬金与工程进度有关、同时附有误工惩罚条款的合同却能让他意识到:严格遵守商定的时间表才最符合自己的利益。这份合同就成了使承诺得以遵守的手段。

签订合同在现代社会中非常普遍,尤其在商业交易中,合同是维护市场秩序的重要基石。合同的签订确保了贸易的正常进行,促进了资本周转,已经成为社会运转的一个不可或缺的重要因素。实际上,假如声誉影响足够大,可能根本没必要签订一份正式合同,也即“一言既出,驷马难追”。

3. 破釜沉舟,围师必阙

破釜沉舟的故事想必大家都有所了解。秦朝末年,楚霸王项羽率领部队与秦军作战,打算救援赵国。项羽下令士兵每人带足三天的口粮,然后又下令砸碎全部行军做饭的锅。将士们都表示难以理解,项羽说:“没有锅,我们可以轻装前去,立即挽救危在旦夕的赵国!至于吃饭嘛,让我们到章邯军营中取锅做饭吧!”大军渡过了漳河,项羽又命令士兵把渡船全都砸沉,同时烧掉所有的行军帐篷。战士们一看退路没了,这场仗如果打不赢,将必死无疑。渡河的楚军无不以一当十,以十当百,个个如下山猛虎,奋勇拼杀。经过多次交锋,楚军终于以少胜多,大获全胜。

在这场战争中,项羽用实际行动向自己的手下传达了此战必胜的决心。他自断后路,自知失败必死。此举看似冲动,却很巧妙地将大家团结在了一起,提升了军队的士气。项羽用这种“铤而走险”的方式给对手施加了一个可信的威胁,打击了对手的嚣张气焰,为自己的胜利奠定了基础。当然,这种方式显得有些极端。很多时候,只要象征性地切断自己的后路即可。

除了上面介绍的建立和利用声誉、签订合同和破釜沉舟三种方式外,还有很多种方法让承诺或威胁变得可信或不可信。例如,切断联系、同归于尽、跬步前进、寻求代理人或第三方等,有兴趣的读者可参见《妙趣横生博弈论》一书。

概括地讲,这些方法体现了三个原则:第一个原则是改变博弈的盈利,意即务必使遵守你的承诺成为符合你自身利益的选择:把威胁变成警告,把许诺变成保证。第二个原则是改变博弈的行动和信息,使人背弃承诺的能力大受限制。第三个原则是借助他人。一个团队也许会比单独一个人更容易建立可信度;或者,加入对你有利的参与者从而改变未来局势。

第一个原则的主导思想是不改变既有博弈的结构,而采取行动改变参与者的得益。例如,古时商鞅“徙木立信”时从10金提高到50金,现代人力资源管理中所常见的经济赏罚等。

第二个原则是改变现有博弈的结构,主要指改变博弈的选择机会、行动次序以及信息披露等。例如,警察在追捕嫌犯时可以鸣枪示警,警告嫌犯自己有可能开枪,向嫌犯披露了自己的真实信息。又如,某些企业为了顺利实现所承诺的产量,常常将生产活动分解成多步行动,定期检查,分期交货,等等,这就是“积跬步以至千里”。

第三个原则是改变参与者的数量。因为参与者数量越多,博弈的结果就越复杂。此时参与者可以通过引入对自己有利的第三方或团队而改变博弈的局势。

例如,《三国演义》中刘备过江招亲这一情节。孙权承诺嫁妹本是假意,但是诸葛亮将计就计,为了能够成功联姻,授意赵云大张旗鼓地去拜访乔国老。这样一来,有了更多的参与者和可能结果,从而加大了成功的可能性。

又如,战国时期著名政治战略“合纵”策略。“合纵”就是许多弱国联合起来抵抗一个强国,以示“抵抗行动”更可信。赵、魏、韩等国曾多次采用合纵策略对抗强秦(或齐国)以求自保或扩张领土。在这段历史时期中,所谓的威胁与承诺也不断因第三方的加入或叛离而变得扑朔迷离。在现代社会,随着市场竞争的日趋激烈,大品牌、大企业逐渐形成了行业垄断的态势,给大量的小微企业、个体户带来巨大的冲击。为了对抗强大品牌的冲击,合纵连横的商业策略开始发挥作用,异业联盟^①模式应运而生。但是提请读者注意,在实践中可能是多种方法的综合运用。遇到这样的特殊情况,需综合考虑,灵活处理。

除了上述原则外,在博弈中掌握主动性也很重要。积极的博弈者常常主动出击,顺势而为。例如,战国时期的苏秦即是一例。燕国大夫苏秦因担心自己与太后私通的事情败露而遭迫害,主动向燕王请辞去齐国做卧底。到齐国后,精于游说的苏秦深得齐王信任。齐国众大夫嫉妒苏秦位高权重,派人刺杀。但是苏秦重伤未死。齐王派人捉拿凶手,并未成功。在将死之时,苏秦请求齐王在他死后以“苏秦为燕作乱于齐”为名将之车裂于市,并悬赏行刺之人以诱使贼人出现。齐王照计行事,成功诛杀凶手,苏秦得以瞑目。苏秦在齐国虽为间谍却位高名显,同时他又屡受燕臣谗陷而化险为夷,这些大多凭借他的顺势而为和主动出击。当然,只有这些是远远不够的,其卓越的战略眼光和政治才智才是立身之本。

3.3 新的均衡概念

上一节曾指出了纳什均衡在动态博弈分析中的弊端,即纳什均衡不是真正具有稳定性的均衡概念。为此,需要发展一个能够排除不可信行动的新的均衡概念,以满足动态博弈分析的需要。本节将引入“动态博弈的均衡”的概念以及动态博弈分析的基本方法——“逆向归纳法”。

3.3.1 逆向归纳法

在动态博弈中,理性的参与者都希望提高自己的预见力,看得越远越好(譬如下棋)。一种非常自然的想法是:给定自身的行动,对方将会作何反应?推而广之,在最后阶段的博弈中,假定此前所有阶段的行动均已知,则参与者将作何反应?一种广为采用的方法是:从最后阶段参与者的行动开始分析,倒推回前一个阶段相应参与者的行动选择,逐阶段回退,直至第一个阶段。此即逆向归纳法,已经被广泛接受。逆向归纳法是动态博弈分析

^① 异业联盟是一种新型的商业模式。通过组织机构、网站,将大量的小微企业、个体户联合起来,实现统一思想,统一销售政策,甚至联合促销,从而达到对抗强大品牌的商业目的。

中最重要、最基础的方法。下面将通过一个简单的例子来介绍逆向归纳法的应用与操作。

对于图 3 5 所示的开金矿博弈,先分析第二阶段甲选择“分”还是“不分”。由于甲选择不分时的得益为 4,而选择分时的得益只有 2,因此他必然会选择不分。所以,当博弈进行到第二阶段,结果必然是甲选择不分,双方的得益为(0,4)。接下来递推分析第一阶段。既然双方都是足够理性的,那么上述两阶段博弈就与图 3 8 所示的单人博弈完全等价了。

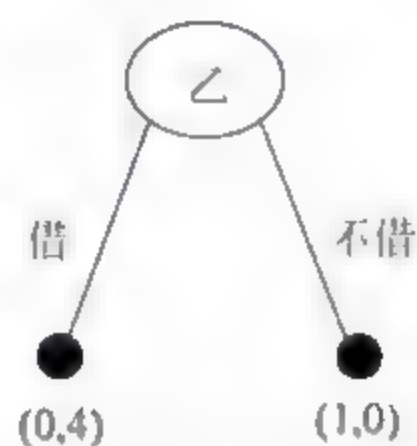


图 3 8 开金矿博弈的等价博弈

分析这个单人博弈非常简单。显然,乙的最佳选择是“不借”。这个结果也与我们在 1.2.2 中的分析结论相一致。

逆向归纳法事实上就是把多阶段动态博弈化为一系列的单人博弈,通过对一系列单人博弈的分析,确定各参与者在各自选择阶段的行动,最终对动态博弈结果(包括博弈的路径和各参与者的得益等)做出判断。归纳各个参与者在各阶段的行动则可得到各个参与者在整个动态博弈中的策略,而所有参与者策略所形成的策略组合,就是一个均衡!



案例分析：种族歧视与运动队

在美国,种族歧视一直是严重的社会问题。在 1917 年之前,美国职业棒球大联盟中从来没有过黑人。在分队比赛时,具有棒球天分的黑人球员会被安排到黑人俱乐部。基于此,我们来探讨一下关于种族歧视的博弈。

假设有两支球队 A 和 B,有 4 名运动员{1,2,3,4}。棒球运动员按照种族和才能划分,如表 3-1 所示。球队 A 不考虑种族,他们认为较有才能的球员具有更高的价值;而球队 B 既看重种族也看重才能,他们认为这两个最好的白人球员具有最高的价值。每个球队都希望征募的球员能够使球队的整体价值最大化。球员征募的规则为:球队 A 先从 4 名球员中任意挑选一名(假设球队 A 具有优先选择权),接着球队 B 在剩余的三名球员中选择一名,然后球队 A 在剩余两名球员中选择一名,最后一名球员归球队 B。

表 3-1 棒球运动员的划分博弈

球员	才能	种族	球队 A 的收益	球队 B 的收益
1	30	黑	30	20
2	25	白	25	25
3	22	白	22	22
4	20	黑	20	10

我们用图 3 9 所示的扩展型表示该棒球队员征募博弈(得益数组中,上面的数字表示球队 A 的得益,下面的数字表示球队 B 的得益)。

现在我们用逆向归纳法分析这个博弈。考虑球队 A 第二次选择的 12 个决策点,每个决策点有两个选择。比较两个选择的得益,并选择其中较大的一个,我们可以将图 3 9 简化为图 3 10。

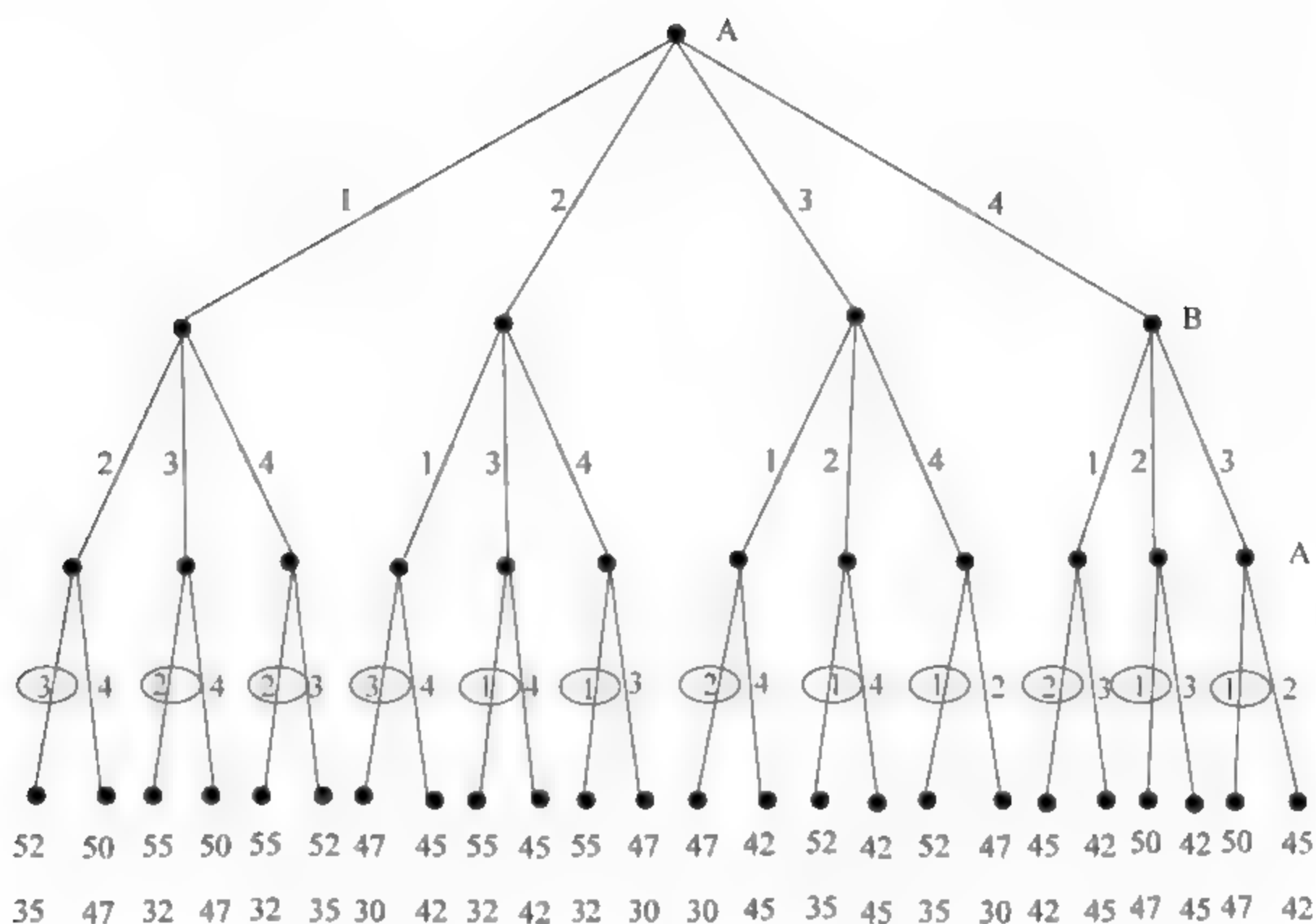


图 3-9 球员招募博弈扩展型

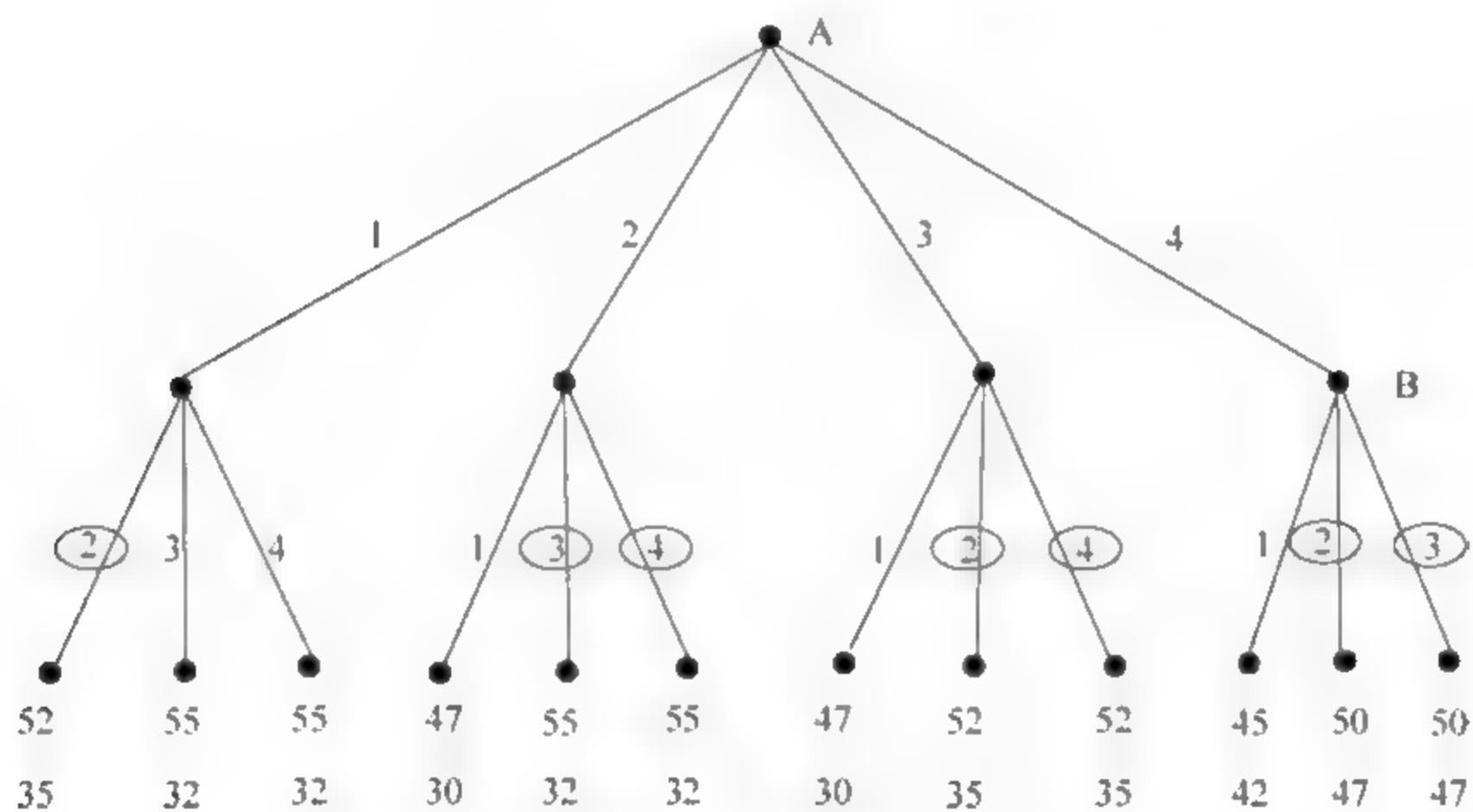


图 3-10 球员招募博弈的等价博弈一

现在我们来考虑第二阶段球队 B 的决策。在每个决策点,球队 B 有三个选择,显然球队 B 将选择得益最大的一个。因此,我们可以将博弈进一步简化为图 3-11 所示的博弈。

现在我们考虑第一阶段球队 A 的决策。显然,球队 A 选择 2 号可以获得最大得益。相应地,球队 B 在第二阶段会选择 3 号或 4 号,球队 A 在第三阶

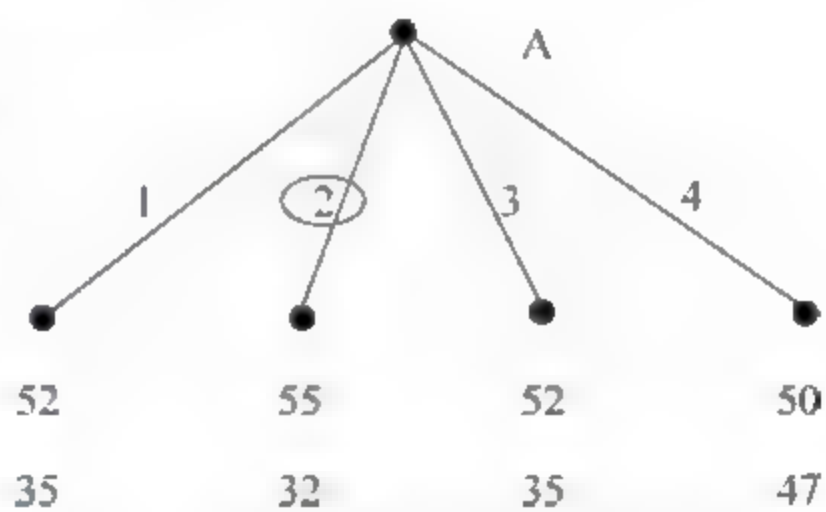


图 3-11 球员招募博弈的等价博弈二

段选择1号。最终,两支球队得益分别为55和32。

逆向归纳法不但逻辑清晰、简单实用,更为重要的是,利用该方法得出的结论是非常可靠的。由于逆向归纳法所确定的各阶段行动都是建立在后续阶段理性选择基础之上的,因此自然排除了不可信威胁或承诺发生的可能性。因而,由它所确定的各个参与者的策略组合是稳定的均衡。

3.3.2 子博弈完美纳什均衡

在介绍子博弈完美纳什均衡前,需要先引入“子博弈”的概念。

定义 3.1 由一个动态博弈某阶段开始的后续博弈阶段所构成的、有初始信息集和博弈所需的全部信息、能够自成一个博弈的原博弈的一部分,称为原动态博弈的一个“子博弈”。

以图 3-12 所示的三阶段开金矿博弈为例。如果乙在第一阶段选择了“借”,动态博弈将进行到第二阶段,即甲做选择。这时甲面临的是一个在乙已经借钱给他的前提下,自己选择是否分成,然后再由乙选择是否打官司。这本身构成了一个两阶段的动态博弈,我们称之为原博弈的一个“子博弈”。当甲选择不分,轮到乙选择打官司还是不打官司的第三阶段,就是上述子博弈的子博弈,我们称后面的子博弈为原博弈的“二级子博弈”。图 3-12 所示的外、内两层虚线框分别表示原博弈的两级子博弈。

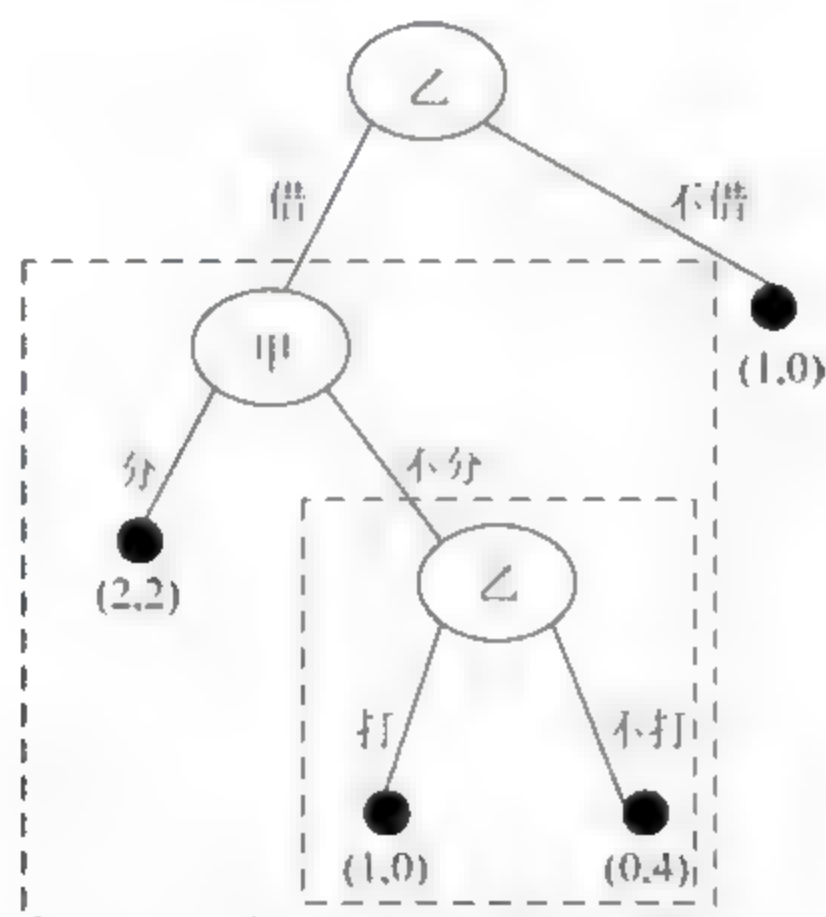


图 3-12 有法律保障的开金矿博弈的两级子博弈

除了上述可以用扩展式表示的动态博弈有子博弈外,事实上,无法用扩展式表示的无限多种策略动态博弈也有子博弈。例如,在无限多种策略的讨价还价博弈中,当一参与者在第一阶段提出一个报价以后,第二阶段开始另一参与者选择是否接受报价,或者提出什么反报价等,就构成原博弈的一个子博弈。

在子博弈概念的基础上,我们引入“子博弈完美纳什均衡”概念。

定义 3.2 如果在一个完美信息的动态博弈中,由各参与者的策略所构成的一个策略组合满足:在整个动态博弈及它的所有子博弈中都构成纳什均衡,那么这个策略组合

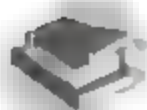
称为该动态博弈的一个“子博弈完美纳什均衡”。

子博弈完美纳什均衡与纳什均衡的根本不同之处,就在于子博弈完美纳什均衡能够排除均衡策略中不可信的威胁或承诺,因此具有稳定性。非子博弈完美的纳什均衡,虽然可以构成整个博弈的纳什均衡,但其中包含的不可信行动选择,至少在博弈的某些子博弈中不符合参与者自身的利益,因而不构成可信的纳什均衡而要求在所有子博弈中都是纳什均衡的子博弈完美纳什均衡,排除了其中存在不可信行动选择的可能性,因而在动态博弈分析中具有真正的稳定性。

求解子博弈完美纳什均衡的最基本方法就是逆向归纳法。按照逆向归纳法的定义,从动态博弈的最后一级子博弈开始,逐步寻找参与者在各级子博弈中的最优选择,最终便可得到动态博弈的子博弈完美纳什均衡。

3.4 几类经典案例

3.4.1 寡占的斯塔克博格模型



引语故事：铁矿石价格

据《第一财经日报》2012年6月29日报道^①,伴随着全球经济形势的不确定性因素增加,巴西淡水河谷公司、澳大利亚力拓公司、必和必拓公司这全球三大铁矿石巨头对于未来铁矿石的景气度预期也逐渐出现分歧,最终导致三家公司做出了不同的战略选择。三大巨头中,前两大铁矿石公司淡水河谷和力拓仍然倾向于大幅扩大铁矿石产能,而必和必拓则开始变得谨小慎微起来。

6月27日,淡水河谷负责铁矿石及策略业务的执行董事在一次电话会议上表示,到2017年该公司铁矿石年产能有望达到4.6亿吨。外媒援引执行董事的观点称,目前淡水河谷在巴西北部、南部和东南部矿区的铁矿石年产量总计3.1亿吨。到2017年,Serra Sul项目将使公司铁矿石年产能增加9000万吨,Serra Norte项目将使公司年产能增加4000万吨。

力拓也没有畏惧可能到来的铁矿石产能过剩的格局。6月20日,力拓曾表示,尽管公司正在采取削减和调整资本支出的措施,但仍决定向澳大利亚和几内亚的铁矿石业务进一步投资42亿美元。这将实现该公司至2015年将铁矿石产量提升至3.53亿吨的目标。力拓铁矿石目前年产能2.3亿吨。

相对于这两大公司的激进,必和必拓公司CEO马里厄斯·高瑞思则显得很保守。5月底,他到访中国并接受国内媒体采访时表示,过去几年,因为铁矿石供应偏紧,价格也很高。但现在“钢铁和铁矿石领域快速增长的时期可能已经过去”。正是基于这样的市场预期判断,5月,必和必拓主席雅克·纳瑟宣布,公司削减了一项规模达800亿美元的投

^① 资料来源: <http://www.yicai.com/news/1854839.html>.

资支出方案。

然而三年之后状况如何呢?据《华尔街见闻》2015年7月22日报道^①,尽管投资者纷纷逃离商品,但矿业巨头们似乎并没有减产的打算。全球最大的矿企必和必拓正在增加铁矿石产量,这给原本就过剩的供应增加了不少压力,也给铁矿石未来的前景蒙上了阴影。

必和必拓最新公布的产量报告显示,2016财年的产出将增长6%至2.47亿吨。包括必和必拓、淡水河谷、力拓在内的生产商不断扩大产能,而最大的买家——中国的需求依然低迷,这令铁矿石价格连续走低。

基准铁矿石价格这个月触及至少是2009年以来的新低,重新回到熊市区间。7月8日,运送到青岛港的62%品位铁矿石价格跌至44.59美元,为至少是2009年5月以来的最低价。

由引语故事可以看出,在2012年力拓和淡水河谷开始扩充产能时,必和必拓就预计产能将出现过剩,利润下滑,继续增产是逆势而行。然而,其后的发展却出乎意料。随后几年必和必拓义坚定不移地连年增加产能,至少截至2015年7月是这么做的。必和必拓在反驳别人指责时曾说:“如果我们不这样做,其他的公司也会这样做。”必和必拓的做法符合理性吗?为什么会出现这种局面?现在我们来分析这种动态的寡头市场产量博弈模型——寡占的斯塔克伯格模型。该模型与上一章的古诺模型十分相似,唯一的区别是博弈双方的选择是先后有序而不是同时进行的。

简单起见,假设模型中有两个寡头:厂商1和厂商2。厂商1先选择自己所生产的产量,厂商2在观察到厂商1的选择之后再选择自己的产量。两个厂商的产量分别为 q_1 和 q_2 (q_1 和 q_2 为不小于0的实数),总产量为 $Q(Q=q_1+q_2)$ 。设两个厂商的边际生产成本都为 $c_1=c_2=2$,并且没有固定成本。价格与产量之间的关系为 $P=P(Q)=8-Q(Q<8)$ 。厂商1的得益为 u_1 ,厂商2的得益为 u_2 。

由于两个参与者可以选择的产量水平有无限多个,因此这一动态博弈无法用扩展型表示,只能用描述得益函数的方法表示。根据上述假设,两厂商的得益可以表示为

$$u_1 = q_1 P(Q) - c_1 q_1 = q_1 [8 - (q_1 + q_2)] - 2q_1 = 6q_1 - q_1 q_2 - q_1^2$$

$$u_2 = q_2 P(Q) - c_2 q_2 = q_2 [8 - (q_1 + q_2)] - 2q_2 = 6q_2 - q_1 q_2 - q_2^2$$

至此,我们阐述的都是之前研究古诺模型时已经接触过的东西。现在,我们用逆向归纳法来分析这个博弈,找出它的子博弈完美纳什均衡。

根据逆向归纳法的思路,我们先分析第二阶段厂商2的决策。在厂商2决策时,厂商1选择的 q_1 实际上已经决定了。针对这一情况,问题转化为:在给定 q_1 的情况下求使 u_2 实现最大值的 q_2^* 。这样的 q_2^* 必须满足如下条件:

$$6 - 2q_2^* - q_1 = 0$$

即

^① 资料来源: <http://wallstreetcn.com/node/221104>。

$$q_2^* = \frac{1}{2}(6 - q_1) = 3 - \frac{q_1}{2} \quad (3-1)$$

厂商1知道厂商2的这种决策思路,因此在选择 q_1 时知道厂商2的产量 q_2 会根据式(3-1)确定。因此在确定自己的最佳产量 q_1^* 时,可以将式(3-1)直接代入自己的得益函数。即

$$u_1 = 6q_1 - q_1q_2^* - q_1^2 = 6q_1 - q_1\left(3 - \frac{q_1}{2}\right) - q_1^2 = 3q_1 - \frac{1}{2}q_1^2 \quad (3-2)$$

式(3-2)是关于 q_1 的一元函数,也就是说,当把厂商2的反应方式考虑进来之后,厂商1的得益就完全由他自己控制了。根据式(3-2),厂商1可以直接求解出 q_1^* ,令 $q_1 = q_1^*$ 时,式(3-2)对 q_1 的倒数等于0,可得

$$3 - q_1^* = 0$$

$$q_1^* = 3$$

即厂商1的最佳选择是生产3单位。由式(3-1)可得,厂商2的最佳产量为 $3 - 1.5 = 1.5$ 单位。此时市场价格为3.5,双方的得益分别为4.5和2.25单位。

厂商1在第一阶段选择3单位产量,厂商2在第二阶段选择1.5单位产量,就是这个动态博弈中唯一的子博弈完美纳什均衡。

回忆一下我们在上一章讨论的古诺模型,其纳什均衡是 $q_1^* = q_2^* = 2$ 。比较两个结果,会发现斯塔克博格模型均衡的总产量较多,价格较低,总利润也较少。但是,厂商1的斯塔克博格博弈均衡产量大于古诺模型均衡产量,而厂商2的斯塔克博格博弈均衡产量小于古诺模型均衡产量。相应地,厂商1的得益有所增加,而厂商2的得益有所减少。这就是所谓的“先行优势”。同时,斯塔尔博格模型的均衡产量和也大于集体决策时的最优总产量,即存在双边际效应。



思考与练习

可见,在得益函数上斯塔克博格模型和古诺模型完全一致,但在行动次序上存在差别。这种差别是如何在分析方法上体现出来的?

这个例子也说明,在信息不对称的博弈中,信息较多的参与者(如本博弈中的厂商2,在决策之前可先知道厂商1的选择,因而拥有较多的信息)不一定能得到较多的利益,而这在单人博弈中是不可能的。

3.4.2 抢先排队

在生活中我们经常会遇到这样的情况:如果京东的促销活动在1个小时之后开始,现在就坐在电脑前等待还是半个小时之后行动?在候车厅等待时,提前多长时间去排队等候检票比较合适?为何在有些时候又是拖得越久越好?例如,许多动物的交配竞争体现为炫耀行为,胜利往往属于炫耀时间最长的那一个。

上述问题分别属于两种不同的类型:抢先博弈和消耗战。前者是大家争先恐后;而后者则是争后恐先,希望能坚持到最后。看似矛盾的两种情况,仔细分析就会发现都是合理的结果。那么在什么条件下会有争抢,什么条件下会有消耗?本小节和下一小节将分

析两种相反的结果是如何形成的,以及什么时候我们需要考虑先行优势,什么时候又该考虑后动优势。

我们经常在火车站看到图 3-13 所示的场景。假设有两位乘客(1 和 2)在火车站检票口等待乘坐京沪高铁,他们各自面临着“坐在座位上等待”还是“起身排队”的选择。由于火车站客流量较大,排在前面可以尽快上车,相对而言有较高收益。但是乘客也可以坐在座位上等待,因此需考虑排队所花费的时间和体力。



图 3-13 火车站排队

为了简化博弈,假设只要有一个乘客起身排队,另一个就会紧随其后。排在队伍前面的乘客的收益为 30,排在后面的乘客的收益为 20。与排队相关的时间成本如表 3-2 所示。等待的时间越长,成本越高。如果一位乘客已经等待了 1 个时间单位,则第二个时间单位的成本是 $12 - 5 = 7$;如果他已经等了两个时间单位,则第三个时间单位的成本是 $21 - 12 = 9$ 。乘客的最终得益就是他们在队伍中所排的位次带来的收益减去排队所花费的时间成本。

表 3-2 排队博弈时间成本对比表

排队花费的时间单位	时间成本	排队花费的时间单位	时间成本
1	5	4	32
2	12	5	45
3	21		

该博弈的扩展式如图 3-14 所示。乘客 1 首先选择是否行动(排队)还是等待。如果他行动了,那么博弈结束,他的得益为 -15(排在队伍前边的收益 30 减去等待所花费的时间成本 45),乘客 2 的得益 -25(收益 20 减去成本 45)。如果乘客 1 等待,那么乘客 2 选

择是否行动。如果乘客 2 等待就轮到乘客 1 选择是否行动,以此类推。这种情形最多可以持续 5 个阶段。如果在最后的决策点乘客 2 选择等待,我们就认为队伍最前方的乘客是随机确定的。这种情况下,两位乘客的得益均为 $(1/2) \times 30 + (1/2) \times 20 = 25$ (此时不存在等待成本,排在队伍前方或者后方对乘客的得益无影响)。

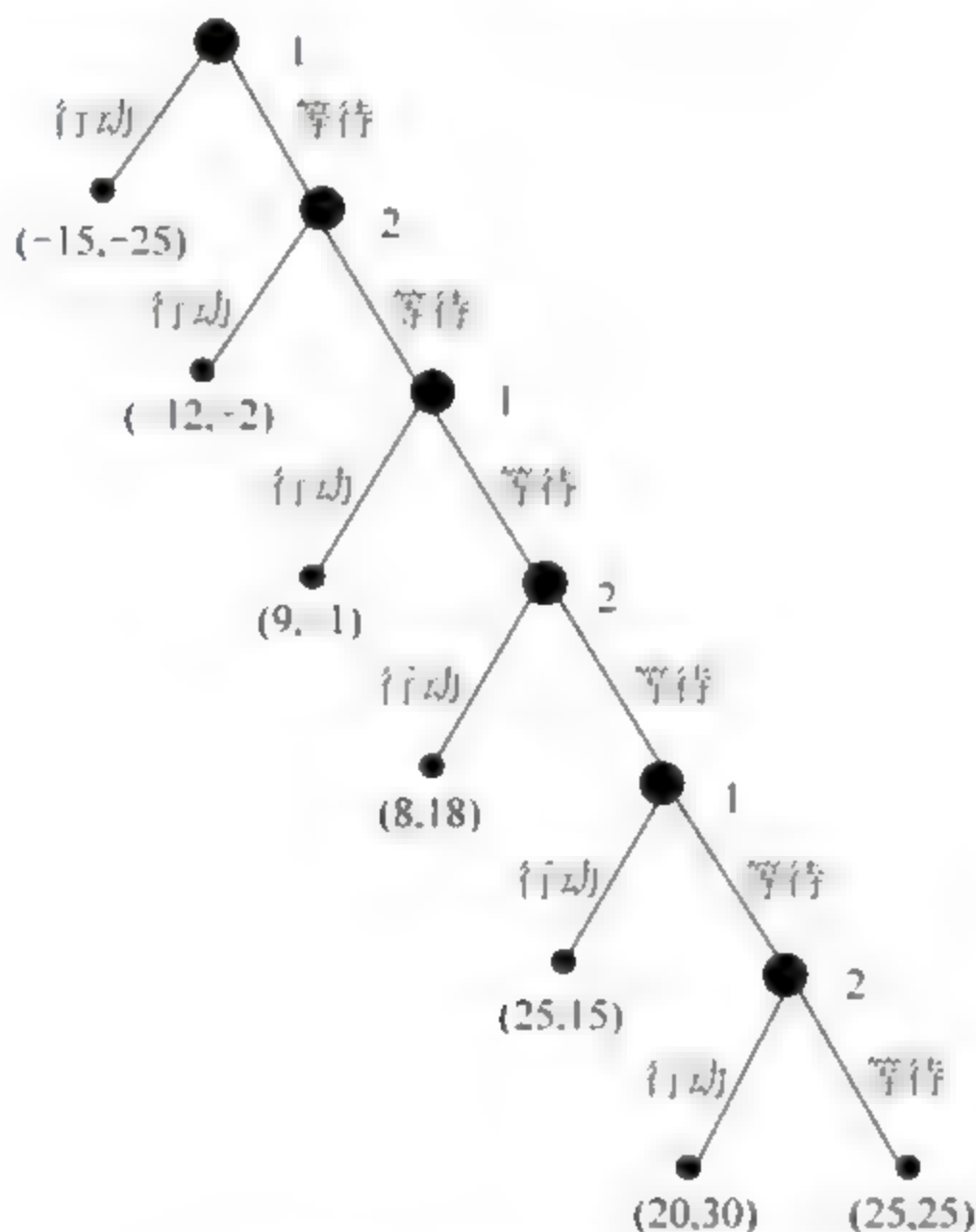


图 3-14 排队博弈扩展式

现在用逆向归纳法分析这个博弈。在博弈的最后阶段,乘客 2 肯定会选择行动来得到较高的得益 30。逆推至博弈的第五阶段,乘客 1 在了解乘客 2 的想法后,会选择行动。以此类推,在博弈的第四阶段,乘客 2 会选择行动。再逆推至博弈的第三阶段,乘客 1 会选择行动。再通过逆推,可知乘客 2 在第二阶段会选择等待,乘客 1 在第一阶段也会选择等待。此博弈的子博弈完美纳什均衡为“等待/行动/行动,等待/行动/行动”。意即,乘客 1 在第一阶段选择等待,乘客 2 在第二阶段也选择等待,乘客 1 在第三阶段行动(排队)……在均衡路径上,双方的得益分别为 9 和 -1。

上述子博弈完美纳什均衡解释了为何人们喜欢早早排队而不是静心等候。但是,很明显该子博弈完美纳什均衡的效率非常低。如果乘客们一直等待(最后阶段乘客 2 行动),那么乘客 2 可以得到 30 的收益,乘客 1 可以得到 20 的收益,这个结果远远优于均衡结果。在现实生活中,这种低效率的博弈结果是乘客们的急切心理造成的。面对类似情况,静心等候,充分利用时间也许是更好的选择。

急切之心人皆有之,排队博弈中参与者争先恐后的情况在生活中也非常普遍。对于每一个普通的高中生而言,大学保送资格都极具诱惑力。十余载的寒窗苦读逐渐被量化为一张成绩单、一个奥赛获奖证书、一封校长推荐信等,用以换取一张梦寐以求的录取通知书。为了保证高校本科生的生源质量,大学挑选优秀高中生的竞争也日趋激烈。对于

大多高校的招生办公室来说,高考普通批次招生已然是“滞后批”。各大高校为了录取优秀的学生入学,纷纷推出少年班、夏令营、提前批等措施,意图与学生提前签署协议。由于高校之间的激烈竞争,协议的签署时间不断提前,甚至发展到了参加竞赛获奖的学生刚进高二就被大学提前录取的程度。但这种争抢战略背后的代价高昂:高校在不知晓学生综合素质和整体发展的前提下进行录取,被录取的学生又有多少重演着“伤仲永”的悲剧;这些行动也打乱了学生的正常课程安排,本可以全面发展的学生为了争取保送资格,却抛弃其他科目只专注竞赛科目,造成严重偏科。直到近年来的教育体制改革,保送资格要经过严格的综合素质考核,这一现象才得到改善。

3.4.3 讨价还价

讨价还价是市场经济中最常见、最普通的事情,也是一种典型的消耗战。我们将通过对讨价还价博弈的分析来揭示消耗战的一般特点。

讨价还价博弈:假设有两人就如何分享 10 000 元进行谈判,规则如下:首先由甲提出一个分割比例,乙可以选择接受或者拒绝;如果乙拒绝甲的方案,则他提出另一个方案,让甲选择接受与否。博弈按此规则不断循环进行,直至其中任何一方接受对方的方案,博弈宣告结束。被拒绝的方案对以后的博弈阶段没有影响。由于谈判费用和利息损失等,讨价还价每多进行一个阶段,博弈双方的利益就会有一定损失。因此,引入“折现因子 δ ”($0 < \delta < 1$), δ 也称为消耗系数,即博弈每多进行一个阶段,参与者所得利益需乘以 δ 。

1. 三阶段讨价还价

为了简化问题,首先讨论一个只有三阶段的讨价还价,即博弈进行到第三阶段时乙必须接受甲的方案——无论结果如何。具体来说,博弈过程如下。

第一阶段,甲提出方案:自己得 S_1 ,乙得 $10\,000 - S_1$ 。如果乙接受,则谈判结束,双方的得益分别为 S_1 和 $10\,000 - S_1$;如果乙不接受,则进行下一个阶段。

第二阶段,乙提出方案:甲得 S_2 ,自己得 $10\,000 - S_2$ 。如果甲接受,则谈判结束,双方的实际得益分别为 δS_2 和 $\delta(10\,000 - S_2)$;如果甲不接受,则进行下一阶段。

第三阶段,甲提出方案:自己得 S ,乙得 $10\,000 - S$ 。这时乙必须接受,双方的实际得益分别为 $\delta^2 S$ 和 $\delta^2(10\,000 - S)$ 。

在求解均衡之前先观察该博弈的特点。其一是第三阶段甲提出的方案具有强制力,即当博弈进行到该阶段时,乙必须接受分割比例 $S : (10\,000 - S)$;其二是该博弈每多进行一个阶段,双方的总得益就会损失一定比例,因此谈判拖得越久对双方可能越不利。

现在求解该博弈的子博弈纳什均衡。显然,这是一个无限策略的动态博弈,无法用标准的扩展式来表示。现在,我们先不考虑两个参与者选择的具体分割比例,而用一个形式上的扩展式来分析。如图 3-15 所示。

我们仍然用逆向归纳法进行分析。首先分析第三阶段。在此阶段中,因为乙必须接受,因此甲会选择全得,即 $S = 10\,000$ 。不过,为了使后续讨论方便,仍沿用一般记号 S 。这样当博弈进行到第三阶段时,双方的实际得益分别是 $\delta^2 S$ 和 $\delta^2(10\,000 - S)$ 。

现在回到第二阶段乙的选择。乙已经知道,如果博弈进行到第三阶段,甲将得到 $\delta^2 S$

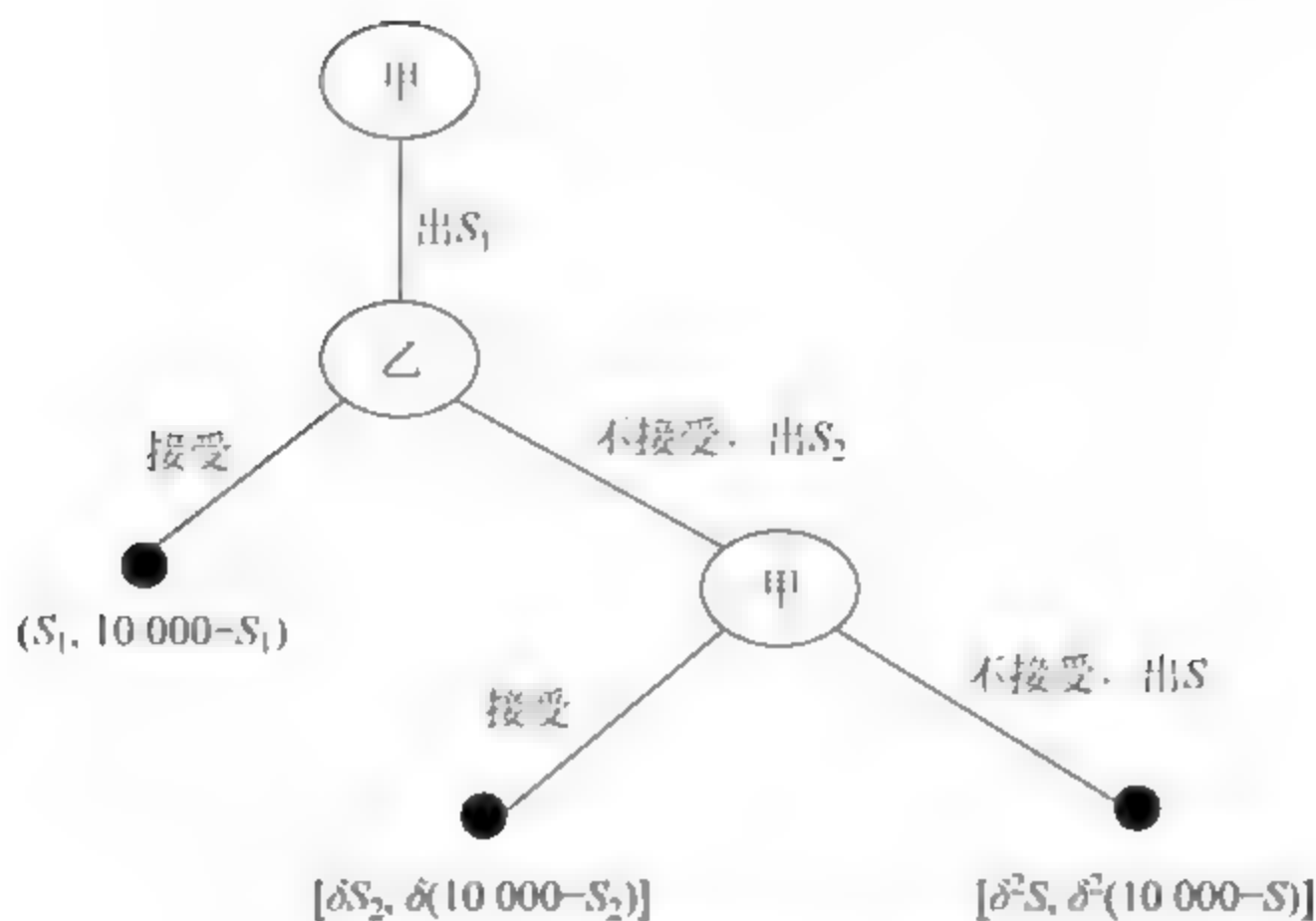


图 3-15 三阶段讨价还价博弈

而自己得到 $\delta^2(10\,000 - S)$ 。如果此阶段乙所提方案使得甲的得益 S_2 大于 $\delta^2 S$, 那么甲会接受而不至进入第三阶段。显然, S_2 越大, 甲选择接受的动机越强烈。但是如何才能保证自身利益最优呢? 很不幸, S_2 越大, 乙的得益越小。如果 S_2 既能让甲接受(意味着 $\delta S_2 \geq \delta^2 S$), 也能让自己得益最大(S_2 尽可能小), 那么这样的 S_2 就是最符合乙的利益的。因此乙的出价 S_2 应满足: $\delta S_2 = \delta^2 S$, 即 $S_2 = \delta S$ 。此时乙的得益为 $\delta(10\,000 - S_2) = 10\,000\delta - \delta^2 S$ 。因为 $0 < \delta < 1$, 因此该得益与进行到第三阶段的得益 $\delta^2(10\,000 - S)$ 相比要大一些, 这是乙可能得到的最大得益。

最后再回到第一阶段甲的选择。甲知道, 若进行到第二阶段自己将得到 $\delta^2 S$, 而乙则会满足于得到 $10\,000\delta - \delta^2 S$ 。因此出价 S_1 应使乙的得益不低于 $10\,000\delta - \delta^2 S$ 。类似第二阶段, 甲的出价 S_1 应满足: $10\,000 - S_1 = 10\,000\delta - \delta^2 S$, 即 $S_1 = 10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$ 。此时, 甲的得益为 $10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$ 。因为 $\delta < 1$, 该得益比进行到第二、第三阶段的得益 $\delta^2 S$ 更大。

综上所述, 子博弈完美纳什均衡所对应的路径为: 甲在第一阶段出价 $S_1 = 10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$, 乙接受。双方的得益分别为 $10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$ 和 $10\,000\delta - \delta^2 S$ 。

进一步讨论该博弈的均衡结果, 可以发现: 当甲在第三阶段提出 $S = 10\,000$ 时, 双方的得益分别为 $10\,000(1 - \delta + \delta^2)$ 和 $10\,000(\delta - \delta^2)$ 。此时, 双方获得利益的比例取决于 $\delta - \delta^2$ 的大小。当 $0.5 < \delta < 1$ 时, δ 越大, $\delta - \delta^2$ 越小, 甲的得益越大, 乙的得益越小; 当 $0 < \delta < 0.5$ 时, δ 越大, $\delta - \delta^2$ 越大, 甲的得益越小, 乙的得益越大。这种结果反映了在此博弈中乙赖以讨价还价的筹码就是可以跟甲耗时间。换言之, 虽然最终甲可以争得全部利益, 但拖延时间会给甲带来损失。损失越大, 耐心越小, 则甲愿意分给乙的利益就越大。

上述博弈问题及其结果, 在现实生活中有许多例子, 如利润分配、债务纠纷、商品交易等, 都可以是这个博弈模型的原型。该模型的第一、第二阶段相当于纠纷或争执的各方以不同形式的调解过程, 而第三阶段则相当于最后由仲裁机构或第三方进行裁决。模型中的折现因子 δ 则显示相关各方花费在谈判和诉讼等方面的时间、金钱等代价。在第 6 章

将要介绍的重复博弈中, δ 也将作为重要的考量因素, 影响着参与者的互动行为和策略。

2. 无限阶段讨价还价*

无限阶段讨价还价博弈在第三阶段并不要求强制结束, 只要双方互不接受对方的出价方案, 博弈就将不断进行下去。奇数阶段由甲出价乙选择是否接受, 偶数阶段由乙出价甲选择是否接受。

无限阶段与有限阶段的最大区别在于: 前者不存在可以作为逆向归纳法起始点的最后阶段。因此按照通常的思路, 无法使用逆向归纳法。1984年, 夏克德和萨顿提出了一种解决该博弈问题的思路。思路的要点是: 无论从第三阶段开始(假如能到达第三阶段)还是从第一阶段开始, 对于一个无限阶段博弈, 结果应该是一样的。在无限阶段讨价还价中, 无论从第一阶段开始还是从第三阶段开始, 都由甲先出价, 然后双方交替出价, 直到一方接受为止。

按照这种思路, 我们可以先把整个博弈的子博弈完美纳什均衡解假设出来。假设博弈的解为: 甲在第二阶段出价 S , 乙接受, 双方的得益分别为 S 和 $10\,000 - S$ 。因为从第三阶段开始博弈与从第一阶段开始应该得到相同的结果, 所以上述解也是从第三阶段开始的博弈的解。换句话说, 第三阶段甲仍出价 S , 乙接受, 双方的得益分别为 S 和 $10\,000 - S$, 并且这个结果是最终结果。

由于甲在第三阶段的出价是最终出价, 因此这个无限阶段博弈相当于有强制结束的第三阶段讨价还价。根据前面对第三阶段讨价还价博弈的讨论可知, 该博弈的解是甲在第二阶段出价 $S_1 = 10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$, 乙接受。由于这个第三阶段博弈等于从第一阶段开始的无限阶段讨价还价博弈, 因此应有: $S = S_1 = 10\,000 - 10\,000\delta + \delta^2 S$ 。从上述方程可解出 $S = \frac{10\,000}{1+\delta}$ 。因此, 该无限阶段讨价还价的均衡结果是: 甲在第二阶段出价 $S^* =$

$\frac{10\,000}{1+\delta}$, 乙接受, 双方的得益分别为 $\frac{10\,000}{1+\delta}$ 和 $\frac{10\,000\delta}{1+\delta}$ 。

前两小节分别介绍了动态博弈中的两种常见类型: 抢先博弈和消耗战, 现总结如下。

具体来讲, 抢先博弈是这样的: 每个参与者要决定何时采取行动。当下列情况发生时参与者可以获得较高得益: ①先于他人行动。②对所有参与者而言, 都拖延一个阶段行动。例如, 在诸多顾客等候服务的排队问题上顾客如果能坚持坐等更长时间, 还能排到队伍最前方, 那就获益良多。一位乘客犹豫的时间越长, 其他人越有可能先于他行动。但是在多人参与的情况下, 条件②很容易遭到破坏, 因而参与人为了获益更多转而关注条件①。所以均衡结果更多地包含了顾客缺乏耐心而采取行动, 他们在行动之前没有足够的时间可等。

同样, 消耗战也是时机博弈。但参与者在以下情况下能获得较高的得益: ①其他参与者较早行动。②自己较早行动。特别是, 如果一个参与者想要行动, 在所允许的范围内, 他希望其他参与者超越“底线”而首先行动。但是如果他打算超越底线, 那么他愿意现在就行动而不是以后。一个人等待其他人采取行动的时间越长, 损失就越大。其中的关

键问题是所有参与者的折现因子并不是对称的,而且一般不为他人所知。此时,参与者为了多得一点儿就会逐步试探——探测对方的底线。这种逐步试探的过程使多阶段博弈得以进行;同时,最先被探底者将失去继续下去的耐心,而接受对方的出价。总体来看,均衡结果要求参与者有足够的耐心,在行动之前等待足够长的时间。



游戏与实验

假设你正在与另一位同学共同对 1 000 元奖金的分配进行讨价还价,折现系数 δ 的可能取值为 0.3、0.5、0.7、0.9。双方通过抽签的方式决定自己的折现因子(双方的 δ 可以相等),且不允许就折现系数相互交流。然后双方开始进行讨价还价博弈。每 2 分钟为一个阶段,博弈将会随机停止。当博弈结束时,最后一人提出的分配方案即为最终方案。统计各组的实验结果,考察折现系数 δ 对讨价还价博弈的影响。

3.4.4 供应链中的双边际效应*

“美国汽车业的三大巨头每年都要在零部件采购上设定成本削减目标,而且会千方百计地让这些目标得以实现,结果弄得供应商人心惶惶。这种情况一年比一年糟糕。你简直不能相信这些公司中的任何人。”

——某汽车内饰供应商主管,公司客户包括福特、通用汽车和克莱斯勒,1999 年 10 月
“本田公司要求很高,但做生意极有诚意。美国汽车制造商往往先让我们设计出产品,与其他供应商竞标,然后将生意交给报价最低的供应商。本田从不这样做事。”

——某工业用紧固件供应商(CEO),公司客户包括本田公司、福特等,2002 年 4 月
20 世纪 80 年代日本汽车大举进入美国市场,紧接着席卷全球市场。日本汽车业的成功,迫使美国汽车业(也包括学者和政府)研究、学习日本汽车业的成功做法。《改变世界的机器》一书,就是当时美国学者研究和学习的一个总结。其中一条重要的经验是,制造商要与其供应商建立深层次的合作关系,形成有竞争力的价值链(供应链)。至此,供应链管理在商界和学界逐渐深入人心。“供应链管理”概念的提出是对企业完全自利行动的一种叛离,因为自利会导致经济学中所常见的“双边际效应”。



概念解读:双边际效应

双边际效应是指在信息不对称的情况下,由于供应链双方片面追求自身利益最大化,而导致供应链的整体效益低于供应链双方利益之和的现象。对供应链内的每个成员而言,都将依照自己的边际利润为零而做出行动,但是,这种行动往往与供应整体所对应的最优行动不一致。而这都源于成员企业在独立决策时两种边际所带来的冲突,因此被称为双边际效应。

无论在理论上还是在实践中,供应链管理都已经取得了巨大的进展,目前仍然是管理学的国际前沿研究领域之一,也是华人学者有所成就的领域之一。供应链管理的一项重要工作就是刻画与分析企业之间的竞争,并通过机制设计来协调不同主体之间的动机冲突,而主要研究工具就是我们所介绍的博弈论。接下来我们将借助博弈论建立一个简单

的模型,尝试分析这种双边边际效应是如何产生的。

假设一个汽车制造商向一个零部件供应商采购零部件,与其他部件一起加工组装,形成一部汽车后销往市场。不妨假设,一辆汽车需要一个零部件。首先,供应商提出零部件批发价 w ,制造商据此做出反应,确定汽车的生产量 q ,并依此向供应商订购零部件 q 。可以想象,供应商的批发价高,则其单位利润高,但是订购量有可能会下降。而对于制造商来讲,供应商的批发价越低,他的单位利润越高。那么产量呢,越大对他越有利吗?不一定。我们来考察古诺模型的情况,此时汽车的售价可表示为如下逆需求函数:

$$p = A - kq \quad (3-3)$$

其中 A, k 的含义与寡头古诺模型中的意义相同, $k > 0$ 。供应商和制造商的利润分别为

$$\pi_s = (w - c_s)q \quad (3-4)$$

$$\pi_m = (p - w - c_m)q \quad (3-5)$$

其中 c_s, c_m 分别为上下游的成本,此处为双方都知道的常数。考虑到利润非负,一般要求 $w \geq c_s$,同时对于给定的 w 有 $p - w - c_m$ 且 $q \geq 0$ 。

至此稍作停顿,理出博弈的要素。首先,参与者为制造商及其供应商。其次,参与者的决策及其策略空间。供应商的行动是连续变量 w ,制造商的行动也是连续变量 q 。而其策略空间不难计算,分别为 $w \geq c_s$ 和 $0 \leq q \leq (A - w - c_m)/k$ 。对于任意的策略组合 (w, q) ,收益分别对应式(3-4)和式(3-5)。行动次序则如图 3-16 所示。

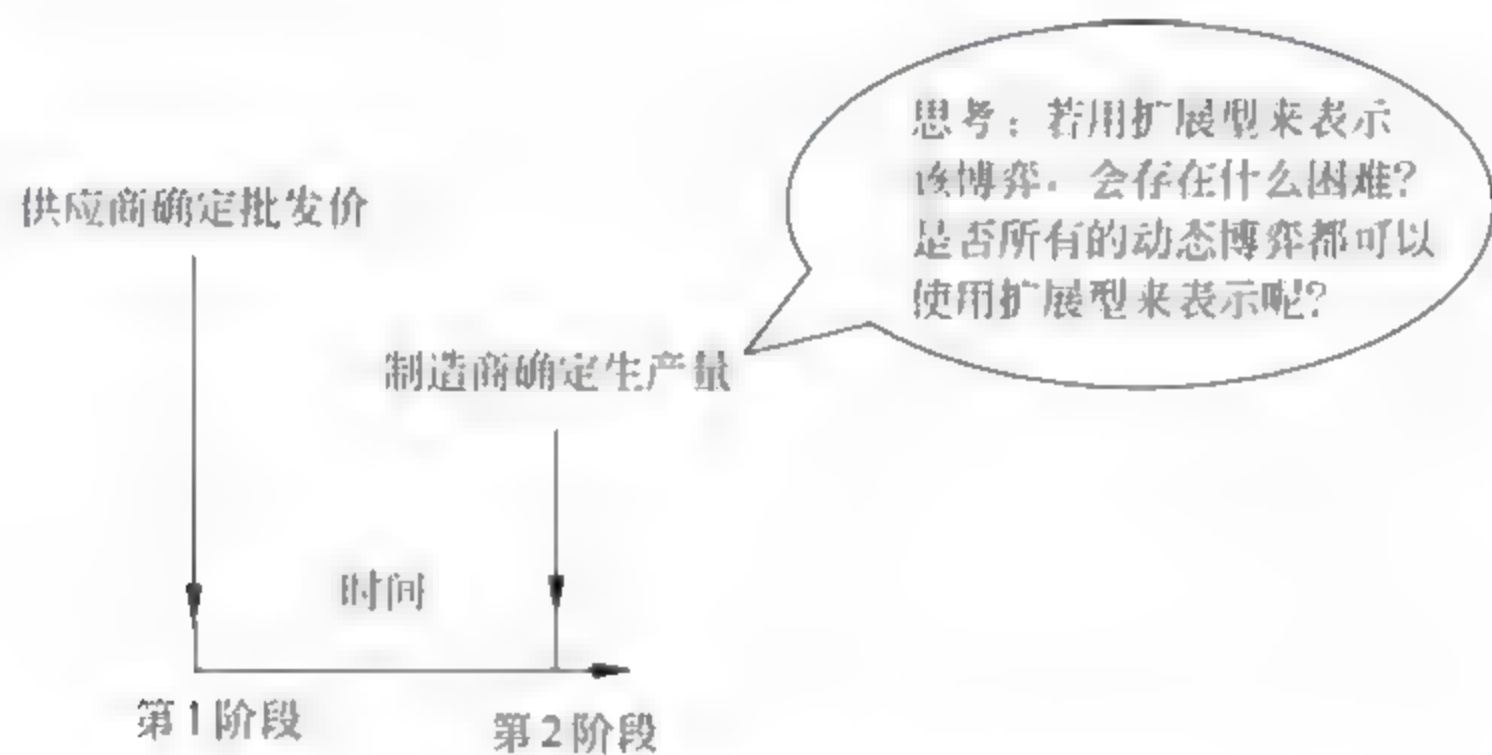


图 3-16 供应商和零售商行动次序

既然博弈的要素清楚了,那么如何分析均衡策略呢?这里仍然利用逆向归纳法。首先,对于任意给定的 w ,制造商都会做出反应(决定自己的产量 q)以使自身利润最大。将式(3-3)代入式(3-5)可知 π_m 是 q 的二次函数。不难计算,制造商将会把自己的产量定在

$$q(w) = \frac{(A - w - c_m)}{2k} \quad (3-6)$$

这就是制造商的反应函数。由于信息完全,供应商也能够利用博弈的要素推知制造商的反应函数。将式(3-6)代入式(3-4),供应商的利润函数为 $\pi_s(w) = (w - c_s)q(w)$ 。显然,

它是 w 的二次函数。不难推知,当

$$w = \frac{(A + c_s - c_m)}{2} = c_s + \frac{(A - c_s - c_m)}{2} \quad (3-7)$$

时,供应商的利润最大。而这个推理对制造商来说也是透明的,因为所有的变量和成本双方都知道。因此,在供应商确定零部件价格为 $w^* = c_s + (A - c_s - c_m)/2$ 之后,制造商也会据此计算自己的最优反应 q^* 。将式(3-7)代入式(3-6),可得 $q^* = (A - c_s - c_m)/(4k)$ 。你从这些优美的表达式中发现了什么? 式(3-7)也可表示为 $w^* - c_s = (A - c_s - c_m)/2$, 此即为供应商的单位利润,是潜在利润空间的一半。而制造商的单位利润 $p^* - w^* - c_m = (A - c_s - c_m)/4$,是潜在利润空间一半的一半。此时双方的利润分别为

$$\pi_s^* = \frac{(A - c_s - c_m)^2}{8k}, \quad \pi_m^* = \frac{(A - c_s - c_m)^2}{16k} \quad (3-8)$$

供应商的利润比制造商的高! 对,这就是先行优势。

注:也许你会疑惑,供应商时常处于被挤压状态,怎么会有如此丰厚的利润呢? 问题的症结不在于模型中间的推理,而在于模型的前提:供应商先动。先动意味着具有先行优势,实际上并不是所有的供应商都如此。若想考察其他类型的供应链,需要重建模型,改变供应商先动的状况才行。

至此,仍未涉及双边际的产生。让我们来考察整个供应链的最优产量和利润。供应链的利润是双方利润之和,即

$$\pi_c = (p - c_s - c_m)q \quad (3-9)$$

与前类似,可得最优产量 $q^* = (A - c_s - c_m)/(2k)$,对应利润则为 $\pi_c^* = (A - c_s - c_m)^2/(4k)$ 。而零部件批发价随便确定。显然,双方博弈的结果是产量和利润都比整链最优时低。如果强行让制造商的产量等于 $(A - c_s - c_m)/(2k)$ 会怎么样呢? 显然,供应商有动机调整到 $w^* = c_s + (A - c_s - c_m)/2$,而制造商有动机调整到 $q^* = (A - c_s - c_m)/(4k)$ 。意味着双方还是回到这种低效状态——只是从整体最优的角度来判定。这就是经济学中所常见的“双边际效应”。通俗地讲,双方都会为了自己的最优而牺牲掉整体的最优。能否想办法既能整体最优、又使得双方的动机不冲突呢? 回答是能,但不是这种常见的批发价协议。如果你感兴趣,可以翻阅更多供应链管理的书籍,了解相关学者和实践者是如何通过机制设计来降低双边际效用从而提高整个供应链绩效的。

3.4.5 边缘政策*

“冷战”期间,许多人认为北约和华约之间的常规力量平衡并不是很重要。具体而言,“有核国家”之间的威慑取决于决议的平衡,即拥有核武器的各国对承担核战争升级的风险的相对意愿,而不是取决于军事力量(简称“军力”)的平衡。毋庸置疑,两个核大国美国和苏联拥有庞大的核武器库,核战争升级的风险当然也非常高,因而军力间的平衡就相形见绌了。但是,除此之外国家间的军力平衡也是如此无关紧要吗? 还有一个更为普遍的问题:军力平衡如何影响有核国家之间的核威慑和事态升级?

一般而言,核边缘政策理论认为军力的平衡对核威慑并没有多大影响。依照这种逻

辑,军力平衡没有什么实际作用。然而,这种理论与实际危机的特点相矛盾。例如,处于核危机中的国家常左右权衡:使用更多的军事打击,还是加大核战升级的风险。在决定是否升级战争时,国家通常可采取措施以使其军事潜能更充分发挥。如果后续战争仍然只是局部的,并且冲突不会升级为灾难性的核战争,这样做便会增加获胜的可能性。但这些措施也可能使危机演变为另一种灾难。

在1999年的卡吉尔战争中,印度就曾面临军事力量和战争升级风险之间的权衡。卡吉尔战争是印巴两国在印控克什米尔的卡吉尔地区爆发的边境冲突。这次冲突是双方自1988年以来无数次小型冲突中最为严重的一次。1999年初,巴基斯坦的军队偷偷越过控制线,占领了前沿阵地,并俯瞰印度的国道1A——赛肯(Saichen)冰川地区印度军方的重要补给线。同年5月初,印度方面了解到这次入侵,并发起了一次驱逐巴基斯坦军队的攻击。由于担心战争进一步扩大,印度当局做出了两个关键决定。

首先,他们命令印度地面部队留在控制线的印度一侧,不能跨越国际边境线扩大战争。这种阻止地面冲突扩大的方式降低了核战争升级的风险,但这一决定意味着印度军队将在非常不利的条件下战斗,不但降低了成功的可能性,而且也提高了成本。

其次,印度当局允许使用空中力量,但是将其活动区域限制在控制线的印度一侧。自1971年战争以来,印度就没有使用过空中力量打击巴基斯坦。出于对战争升级的担心,印度政治领导人最初拒绝了在部分地区使用空中力量的申请。但是,在最初获取巴基斯坦阵地的尝试失败后,印度当局决定承担风险,赞成使用空中力量。但是,这些领导人只愿意到此为止。这两个关键的决定体现了印度希望在维持局部冲突的前提下提高成功概率的意愿,其意图是反对扩大战争,阻止战争失控。

美国和苏联在古巴导弹危机中也面临着同样的权衡。^①在危机的早期阶段,肯尼迪总统的顾问们争论的焦点是对导弹基地发动军事打击。发动军事打击可以消除核导弹,但这将增加战争升级乃至发动核战争的风险。正如肯尼迪总统向国会领导人解释的那样:如果我们入侵,我们就必须考虑解除他们武器时要承担的风险。

克里姆林宫的领导人也面临着类似的权衡。在了解到肯尼迪将在古巴做演讲之后,面对这个“迫在眉睫”的美国入侵事件,苏联主席团的成员很快便开始讨论如何给在古巴的苏联指挥官下达指示。除非被授权使用战略核武器,否则苏联军队将面临几乎必然的失败。但是这些领导人担心使用核武器会引发核战争,所以他们最终决定:暂不授予军队使用核武器的权利。

军力平衡是否以及如何影响战争的升级,一直是核威慑理论中悬而未决的问题。为什么近几十年来,高水平的暴力冲突减少,但小规模暴力冲突却增加了?为什么不同的国家采取不同的核理论和武力姿态?军事力量和风险之间是怎样的利害关系,又是否存在均衡呢?下面将从博弈论的视角来介绍这些问题。

假设挑衅者C考虑使用武力达成目标。为了简化模型,假设挑衅者C决定侵占防卫者D的一些领土。在冲突没有升级到核战争的前提下,挑衅者使用的军事力量越强大,

^① 小约瑟夫·哈林顿曾对这次危机进行了建模描述,可参阅《哈林顿博弈论》相关章节。

获得领土的可能性就越高。但是增加军力也会增加冲突升级的风险。挑衅者决定所使用的军力规模后,防卫者决定是否利用这个机会升级冲突。如果利用这种机会,那么防卫者需要决定引发多大的风险才是恰当的。

该博弈的扩展式如图 3-17 所示,以挑衅者选择接受现状或挑衅开始。如果没有挑衅,那么博弈结束。防卫者保持着领土上的控制权,得益(对应图中得益组合的第二行),而挑衅者的得益为 0(对应图中得益组合的第一行)。

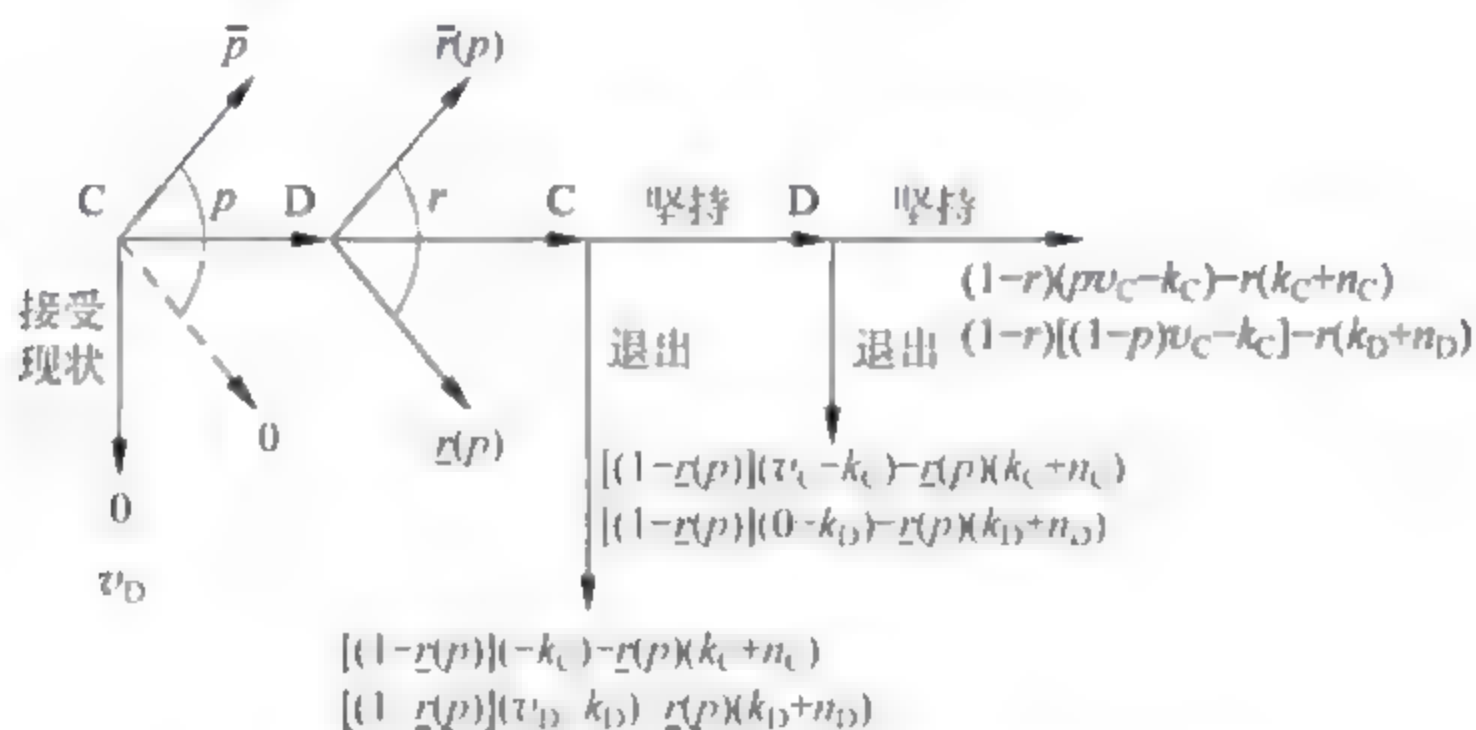


图 3-17 核边缘政策和军事力量博弈的扩展式

挑衅者使用军事力量挑衅现状,并开始战斗。形式上,挑衅者选择 $p \in (0, \bar{p}]$ 。 p 表示挑衅者获胜的概率(意味着危机仍然在控制中,不会发展到核战争),防卫者获胜的概率就是 $1-p$ 。 p 越大,对应挑衅者可能使用越多的军力,在危机可控时结果也会越好。上界 \bar{p} 是挑衅者使用全部军力时获胜的概率。同时,战争(对任何 $p > 0$)会给挑衅者和防卫者分别带来消耗 k_C 和 k_D 。一旦挑衅者决定了 p ,防卫者就要决定引发多大的风险。形式上,当两个国家都不退出战斗时,防卫者选择 r 来表示危机失控的风险概率。^①

该博弈的特点是,挑衅者所使用的军力规模影响着冲突的稳定性。^② 具体来讲,挑衅者使用多少军力,防卫者的行动就会产生多大风险。如果挑衅者选择了 p ,那么防卫者一定会选择一个 $r(r \in [r(p), \bar{r}(p)])$ 。

上限 $r(p)$ 是挑衅者选择 p 时的潜在最大风险。因此在博弈中,防卫者可以努力使实际风险提高至这个水平,来迫使挑衅者后退。 $r(p)$ 越大,潜在的风险越大,冲突就越不稳定。假设挑衅者不使用武力时,承担的潜在风险 $r(p)$ 是 0,并且风险以越来越快的速度随着军力的增加而增加。用符号表示,就是 $r(0) = 0, r'(p) > 0, r''(p) > 0$,其中 $r'(\cdot)$ 和 $r''(\cdot)$ 分别表示一阶和二阶导数。当然, $0 < \bar{r}(p) < 1$ 。

① 实际上,防卫者并不是真正选择风险概率 r ,而是用很多不同的方式回应挑衅者的行动,不同的方式相应地产生不同的风险。例如,克里姆林宫是否授权在古巴使用战略核武器对美国的入侵最终升级为全面战争的可能性有很大影响。事实上,正是这种效果使得克里姆林宫放弃批准战略核武器的使用。为了简化模型,我们用风险概率 r 代替不同行动产生的风险。

② 这种结论建立在对卡吉尔战争和古巴导弹危机的讨论上。提高军事成功率的行动,如越过控制线,或攻击古巴导弹,似乎也创造了更大的潜在风险。

下限 $\underline{r}(p)$ 是当挑衅者选择 p 时存在的固有风险, 即当获胜概率为 p 时, 最小的或不可避免的风险。我们认为在 p 为 0 时 $\underline{r}(p) = 0$, 并且 $\underline{r}(p)$ 以一个缓慢增加的速度随 p 增加, 即 $\underline{r}(0) = 0, \underline{r}'(p) \geq 0, \underline{r}''(p) \geq 0 [\underline{r}(p) < 1]$ 。风险概率的可选范围 $[\underline{r}(p), \bar{r}(p)]$, 也被认为是以越来越快的速度增加。满足这些条件的一个简单例子是: $\underline{r}(p) = hp^2, \bar{r}(p) = hp^2(h < \bar{h})$ 。

在描述了博弈的最后两个阶段后, 我们进一步阐述风险函数(图 3-18)。一旦挑衅者选择了 p , 防卫者选择了 r 。挑衅者将选择退出战斗或者坚持战斗。退出战斗的好处是挑衅方只需承担固有风险 $\underline{r}(p)$ 而不用承担可能的更高风险 \bar{r} 。缺点是挑衅者将放弃获得领土的机会。如果停止战斗, 挑衅者的预期得益是 $[1 - \underline{r}(p)](0 - k_C) - \underline{r}(p)(k_C + n_C)$ (n_C 为如果爆发全面核战争的额外费用)。如果挑衅者停止战斗并且事态可控, 防卫者将成功保卫领土, 他的得益为 $[1 - \underline{r}(p)](v_D - k_D) - \underline{r}(p)(k_D + n_D)$ 。

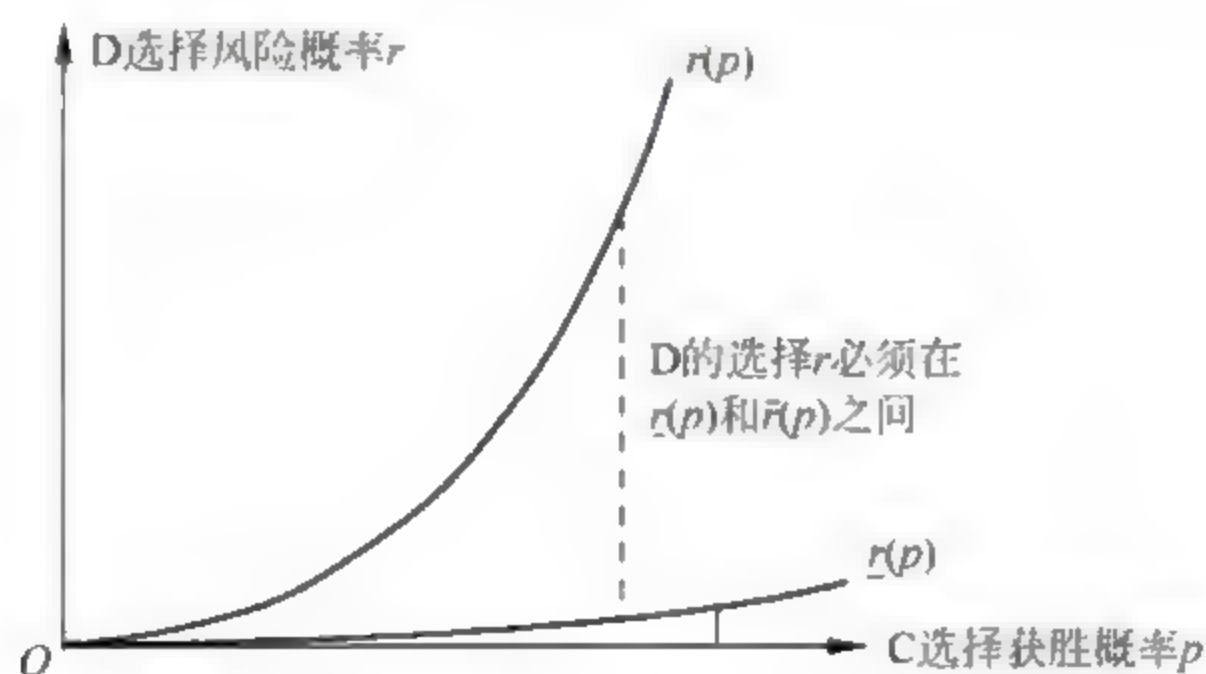


图 3-18 风险函数

如果挑衅者立场坚定, 则防卫者将决定是否退出战斗。如果退出战斗, 挑衅者和防卫者的得益分别为 $[1 - \underline{r}(p)](v_C - k_C) - \underline{r}(p)(k_C + n_C)$ 和 $[1 - \underline{r}(p)](0 - k_D) - \underline{r}(p)(k_D + n_D)$ 。如果双方均坚持战斗, 在争夺领土的战争中, 挑衅者将以概率 p 获胜。也就是说, 只要事态仍然可控, 挑衅者将获得 $p(v_C - k_C) + (1 - p)(0 - k_C) = pv_C - k_C$ 。但事态可控的概率为 $1 - r$ 。因此, 如果双方都坚持战斗, 那么最终挑衅者的得益为 $(1 - r)(pv_C - k_C) - r(k_C + n_C)$, 防卫者的得益为 $(1 - r)[(1 - p)(v_D - k_D) + p(0 - k_D)] - r(k_D + n_D)$ 。

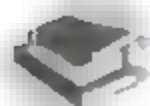
人们不能以发动某个灾难的方式, 作为给别人施加强制性压力、进而获利的手段。但是, 人们可以造成引发共同灾难的适度风险。“摇船”就是一个很好的例子。假如甲乙同船对抗, 甲对乙说: “停! 否则我让船翻倒, 咱俩同归于尽!” 乙不会相信, 因为甲不可能真的令船翻倒, 牺牲自己。但是, 如果甲开始摇动船, 使它有可能翻倒(并不是因为甲希望它翻倒, 而是一旦甲开始摇船, 他便不能完全控制这艘船了), 情况就会大不相同。

这一招在国际关系中有着广泛的应用, 如核威慑。发展核武器与尖端武器不是为了使用, 而是为了增强自己的威慑力, 它们反而使世界更加和平了。一旦威胁是可信的, 威胁所蕴含的事实反而不会发生。博弈的结局就是这样, 往往由可能发生但一直没有发生的事情所左右。

3.5 动态博弈的扩展讨论*

在前面几节中,我们介绍了逆向归纳法和子博弈完美纳什均衡,并利用这两个概念讨论了一些经典案例。本节将对动态博弈做进一步的讨论。一方面,除了我们已经介绍的几个经典模型外,动态博弈还有很多类型。本节将介绍一类有同时行动的动态博弈模型,这种模型至少在博弈的某个阶段中存在着参与者的同时行动。另一方面,尽管逆向归纳法和子博弈完美概念在简单的两阶段博弈中似乎很有说服力,比如斯塔克博格模型,但这并不意味着它们克服了相机选择给动态博弈分析所造成的困难。如果有多个参与者或每一个参与者有多次行动,情况就变得复杂多了。本节将通过一些案例讨论逆向归纳法和子博弈完美纳会均衡作为行为理性的一些局限性,并简单介绍颤抖手均衡等思想,以使读者对动态博弈分析有更深入的了解。

3.5.1 有同时行动的动态博弈



引语故事:希腊银行挤兑^①

纵观 2015 全年,欧盟可谓渡尽劫波。其中,关于希腊濒临国家破产的新闻几乎占领了每天的头条:国际债务到期和养老金暂停发放使得希腊的银行腹背受敌,面临着史无前例的挤兑风险,一旦银行破产希腊将朝不保夕。

当地时间 6 月 28 日,希腊总理齐普拉斯发表电视讲话称,希腊各银行将根据中央银行的建议停止对外营业并实行资本管制。作为应对危机措施的一部分,雅典证券交易所周一也将关闭。很多希腊民众由于担心希腊退出欧元区,银行遭遇破产,在 ATM 机前排起长队挤兑资金(图 3-19)。仅 6 月 27 日一天时间,希腊全国有超过 1 3 的自动取款机被取空现金,银行系统有大约 6 亿欧元现钞被民众提走。

信任是银行业运转的根基,每一笔看似简单的信贷业务都由银行与客户之间的信任背书。银行的信贷业务在给银行和整个社会带来巨大收益的同时,也孕育着巨大的风险。一旦客户丧失对银行的信任,就会纷纷不再存款、争相提款。此举的传染性可能造成银行的破产,产生影响宏观经济的系统性风险,甚至造成金融危机。本小节将通过一个博弈模型来介绍其内在相互作用机制。

一家银行为了给一个企业发放一笔 20 000 元的贷款,以 20% 的年利率吸引客户的存款。若两个客户各有 10 000 元的资金,并把资金以 1 年期定期存款存入该银行,那么银行就可以向企业发放贷款。若至少一个客户不愿存款,那么银行将无法给企业贷款,但客户们都能保住自己的本金。

在两个客户都存款时,银行准时发放贷款,企业正常投入生产,银行得以收回贷款本

^① 资料来源:中新网,2015 年 6 月 29 日,《希腊总理宣布银行停摆实行资本管制》。



图 3-19 民众挤兑希腊银行 ATM 机资金

息来支付客户的存款本息。但是若有一个客户单独或者两个客户同时要求提前取出存款, 银行就不得不提前收回贷款, 企业就无法保证生产。假设此时银行只能收回 80% 的本钱。若一个客户要求提前取款, 则银行偿还其全部本金, 余款则属于另一客户; 若两个客户同时要求提前取款, 则平分回收的资金(假设银行不收任何佣金和手续费)。

现在, 建立博弈模型。因为只有两位客户先选择是否存款, 才能进一步考虑是否提前取款, 因此这是一个动态博弈问题。第一阶段, 两个客户各自选择是否存款。由于两个客户互不了解, 因此可视作静态博弈, 即两个客户同时选择是否存款。同样, 第二阶段也是一个静态博弈, 即两个客户同时选择是否提前取款。因此这是一个包含同时行动的两阶段动态博弈。为了便于分析, 将该博弈用图 3-20 所示的两个得益矩阵表示。

		客户2	
		不存	存款
客户1	不存	1,1	1,1
	存款	1,1	1,1

(a) 第一阶段

		客户2	
		提前	到期
客户1	提前	0.8,0.8	1,0.6
	到期	0.6,1	1.2,1.2

(b) 第二阶段

图 3-20 间接融资博弈

用逆向归纳法来分析这个博弈。第二阶段的静态子博弈存在两个纯策略纳什均衡(提前, 提前)和(到期, 到期), 分别对应得益(0.8, 0.8)和(1.2, 1.2)。显然, 后一个帕累托

优于前一个。通常情况下该博弈的结果是(到期,到期),双方得益为(1.2,1.2)。换言之,两个客户都等到存款到期后去取款,收回本金并获得利息。但只要有一个客户认为另一客户有提前取款的可能,那么前者的合理行动就不再是到期取款,而是提前取款。因此上述高效率的均衡往往难以实现,结果导致另一个低效率的纳什均衡。

回到第一阶段,两个客户是否存款。如果第二阶段的博弈结果是高效率的(到期,到期),那么第一阶段的博弈如图 3-21 所示。

此时第一阶段也有两个纳什均衡:(不存,不存)和(存款,存款)。显然,后者帕累托优于前者。因此两个客户都会选择存款,这对应于银行间接融资制度很好起作用的情况。

如果第二阶段的博弈结果是低效率的(提前,提前),那么第一阶段的博弈如图 3-22 所示。

		客户2	
		不存	存款
客户1	不存	1,1	1,1
	存款	1,1	1.2,1.2

图 3-21 间接融资的第一阶段等价博弈(一)

		客户2	
		不存	存款
客户1	不存	1,1	1,1
	存款	1,1	0.8,0.8

图 3-22 间接融资博弈第一阶段等价博弈(二)

此时(不存,不存)是两个客户的最佳选择。这对应于客户不再信任银行,银行系统崩溃的情况。但这种情况本身却不会引起银行挤兑的风潮和金融危机,因为在这种情况下客户根本没有把资金存入银行。

事实上,导致银行挤兑风潮或金融危机的内在机制是这样的:由于第二阶段的结果其实是不确定的,因此客户在第一阶段时并不能完全肯定第二阶段会出现哪种结果。这就意味着客户是以第二阶段的(到期,到期)为预期而在第一阶段选择了(存款,存款)。但在第二阶段,由于谣传引起的恐慌等原因,客户纷纷提前提款,导致最终出现的是(提前,提前)。这正是现实生活中许多“银行挤兑”风潮的制度性根源,严重者将导致银行倒闭。

上述间接融资博弈揭示了经济决策中一类低效率均衡存在的原因。为了保证或促进高效率均衡的实现,需要借助保险制度和政府权威机构的调控。这就是为什么政府要建立信贷保证、保险制度,对存款进行保护、保险的原因。

根据上述间接融资模型,可归纳出一个有同时行动的两阶段动态博弈标准模型。

- (1) 博弈中有 4 个参与者,分别称为参与者 1、参与者 2、参与者 3、参与者 4。
- (2) 第一阶段是参与者 1 和参与者 2 同时行动,他们同时在各自的可选策略(行动)集合中分别选行动。
- (3) 第二阶段是参与者 3 和参与者 4 同时行动,他们在观察到参与者 1 和参与者 2 的行动之后,同时在各自的可选策略(行动)集合中做出反应。
- (4) 各参与者的得益都取决于所有参与者的行动,即任一参与者的得益都是所有参与者行动的一个多元函数。

现实生活中的具体博弈可看作上述标准模型的具体化。当然,不同的博弈会有不同的特点。例如,在博弈的第一或第二阶段只有一个参与者,或者前后两个阶段的参与者相

同(如上述间接融资博弈),这些差别并不影响模型的基本分析方法。

除了有同时行动的动态博弈外,还存在另一种常见的动态博弈类型:重复博弈。鉴于重复博弈的重要性和系统性,第6章将有详细介绍。

3.5.2 逆向归纳法的局限性



引语故事:《隆中对》的战略远见

《隆中对》作为千古名篇广为人识,其中的军事谋略在中国古代战略思想中具有典范价值。作为诸葛亮初登政治舞台为刘备描述的战略远景,《隆中对》可分为前后两部分,主旨各不同,但其要义皆在联吴抗曹。在当时,除了鲁肃等几位政治家与其见解相同外,即使诸葛亮身边的人也不能深刻认识到这一点——包括知人善任之人如刘备、足智多谋猛将如关羽等。例如,孔明在离开荆州时曾问关羽:“倘曹操引兵来到,应当如何?”关羽对曰:“以力拒之。”孔明又问:“倘曹操、孙权,齐起兵来,该当如何?”关羽说:“分兵拒之。”孔明听后说:“如果这样,荆州危矣。”于是,孔明告诉关羽“北拒曹操,东和孙权”的八字方针。毛泽东主席曾直言,诸葛亮让关羽守荆州是一招错棋!其根源就在于:刘备谨慎,从战略上提防东吴,不能完全地达成攻守同盟;关羽骄傲,从思想上看不起东吴,不能认真贯彻执行联吴抗曹的战略方针;此二人这样行事就从根本上否定了诸葛亮的战略意图。可见,即使诸葛亮联吴抗曹的谋略具有远见卓识,但并没有为众人所共见,他身边的盖世英豪也概莫能外。

引语故事提出了一个问题:参与者是否具有足够的远见以预测未来。实际上,大多数博弈的参与者只具备有限的能力进行“向前展望,倒后推理”。动态博弈分析的中心内容是子博弈完美均衡分析,而子博弈完美均衡分析的核心方法便是逆向归纳法。逆向归纳法思路清晰,并能得出明确的结论,是一种很高效的工具。但是,逆向归纳法在进行“向前展望,倒后推理”时同样存在很多弱点,包括以下几个。

(1) 逆向归纳法只能分析明确设定的博弈问题,要求对博弈的结构,包括次序、规则和得益情况等都非常清楚,并且各个参与者了解博弈结构,相互知道对方了解博弈结构。而现实中的大量问题并不具有如此清晰的特征。

(2) 逆向归纳法也不能分析比较复杂的动态博弈(如有多个参与者或每一个参与者有多次行动),如象棋、围棋等。

(3) 在遇到两条路径的利益相同时,逆向归纳法也会发生选择困难。

(4) 逆向归纳法对参与者的理性要求太高。不仅要求所有参与者都有高度的理性,不允许犯任何错误,而且要求所有参与者相互了解和信任对方的理性在很多阶段中,对理性有相同的理解。

让我们通过下面几个案例来更好地理解这些问题。

最后通牒博弈:假设有1万元钱提供给甲乙双方,分配规则如下:甲提出分配比例,即分给乙 s ,分给自己 $1-s$,而乙则可以选择接受或者不接受。如果乙接受,那么按照甲的分配比例,甲可以得到 $1-s$,乙可以得到 s ;如果乙不接受,那么甲乙双方两人都不会得到这

笔钱。该博弈的扩展式如图 3-23 所示。

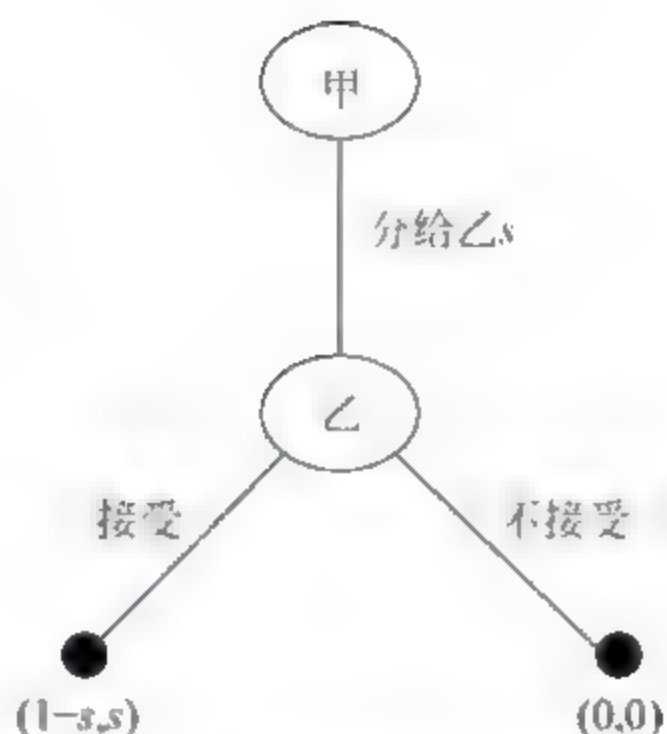
在理性假设下,用逆向归纳法分析,不难得出此博弈的子博弈完美均衡:参与者甲自己几乎取 1,而乙得任意小的正量 ε (取极限值为 $\varepsilon=0$)。这一结果如此简单,似乎毋庸置疑。但是,用逆向归纳法得出的这个结论符合实际吗?很遗憾,现实并非如此。实验表明:

(1) 没有发生过 $s>0.5$ 的情况。

(2) 在多数情况下,有 $s \in (0.4, 0.5]$ 。

(3) $s<0.2$ 的情况几乎没有出现。

(4) s 越小,被参与者 2 拒绝的可能性就越大,被拒绝的概率随 s 的增加而递减。



实验结果为什么与理论预测不符?原因在于子博弈完美纳什均衡对参与者的理性要求太高。参与者大多不具备“完全理性”的行为能力——在显失公平时将不再追求自身利益最大化。

蜈蚣博弈(抢钱博弈):“蜈蚣博弈”是 Rosenthal 提出的一个动态博弈问题,因其扩展式像一条蜈蚣而得名。规则如下:参与者 1 和参与者 2 轮流选择进行博弈,两人的两次决策记为一轮。在第 n 轮博弈中,若参与者 1 选择 D,博弈结束,双方的得益都是 1;若参与者 2 选择 d,博弈结束,双方的得益分别为 $n-1$ 和 $n+2$ 。若该博弈进行了 100 轮还未结束,则博弈强制结束,双方各得 100。该博弈的扩展式如图 3-24 所示。

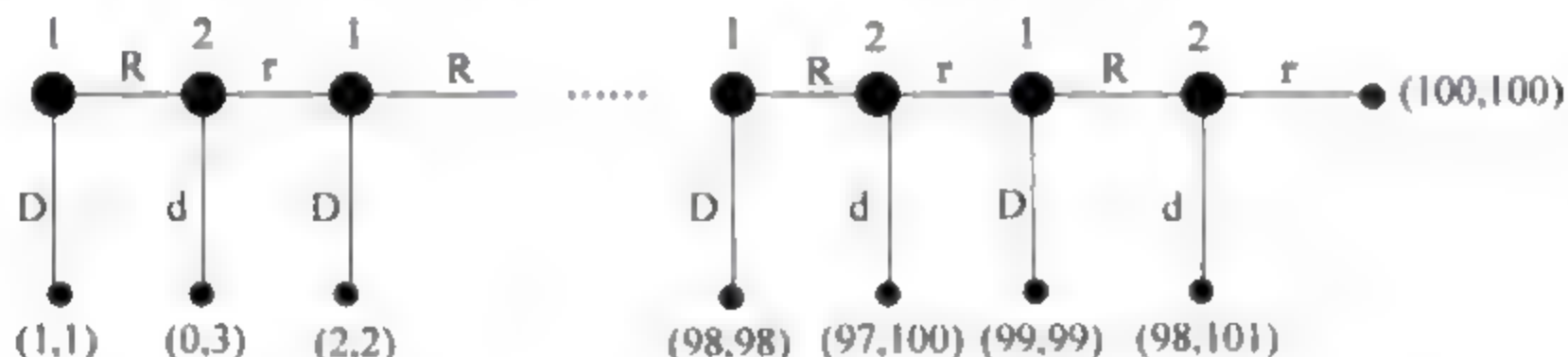


图 3-24 蜈蚣博弈的扩展式

用逆向归纳法分析上述博弈。首先看博弈最后一个阶段。显然, d 是参与者 2 的最佳选择,意味着如果博弈进行到这个阶段,参与者 1 和参与者 2 的得益分别为 98 和 101。再逆推至倒数第二阶段,不难看出参与者 1 的最佳选择是 D。再逆推至倒数第三阶段,参与者 2 的选择还会是 d 。以此类推,我们可以得到该博弈的结果是:参与者 1 在第一阶段选择 D,博弈结束,双方的得益均为 1。

子博弈完美纳什均衡给我们的答案是:参与者 1 和参与者 2 都只为眼前的蝇头小利抢先结束博弈,牺牲了获得较大利益的机会。但即使说追求收入最大化,为什么不能眼光长远一些呢?对于参与者 1 来说,目光短浅地为钱,从一开始就抢掉那 1 元钱,以免什么都拿不到;眼光长远地为钱,先不拿钱,顶多损失 1 元,却有可能换来 100 元钱的收入。对于参与者 2 来说,目光短浅地为钱,从第一次轮到他决策时就抢掉那 3 元钱,以免只能拿到 2 元钱的可能;眼光长远地为钱,暂时不拿钱,顶多少拿 1 元钱,同样有可能换来 100

元的收入。

逆向归纳法得出的均衡显然没有达到帕累托最优,不但与人们的直觉很不一致,而且也与实验结果相矛盾。在绝大多数随机选择的参与者之间进行该博弈时,通常都不会出现上述逆向归纳法预测的结果。实际上,因为这个博弈将怎样进行是双方都清楚的事情,所以两人有理由稍稍修正原来的立场,进而产生合作。对参与者1来说,在第一阶段选择R而不选择D就可以促成双方的合作。如果参与者2理解参与者1的第一阶段选择中包含的信号,那么他也会选择合作,让博弈延续到下一阶段而不是结束博弈。

但是,这种合作难以持续到最后一个阶段。随着结束阶段的临近,双方进一步合作的潜在利益越来越小,逆向归纳法的逻辑肯定会在某个时刻起作用,并且这个时刻难以预测。进一步地,如果上述蜈蚣博弈的阶段数大大减少,如只有3个或5个阶段,那么开始时合作的可能性就要小得多,因为选择合作的潜在利益减少了许多;反之,如果蜈蚣博弈的长度进一步加长,那么合作的可能性将会增加,平均来说合作的阶段数也会大大增加。在后续章节的重复博弈中,随着参与者对弈次数的变化,我们也将面临与此相似的情况。

如图3-25所示,第一行表示接受或是传递的行为,第二行表示参与者1的收益,第三行表示参与者2的收益,最后一行为选择接受的人数比例。我们把所进行的实验在各个阶段终止的比例在图中进行了标注,发现在实际验证中,并不是所有的参与者都选择了在第一阶段终止实验。

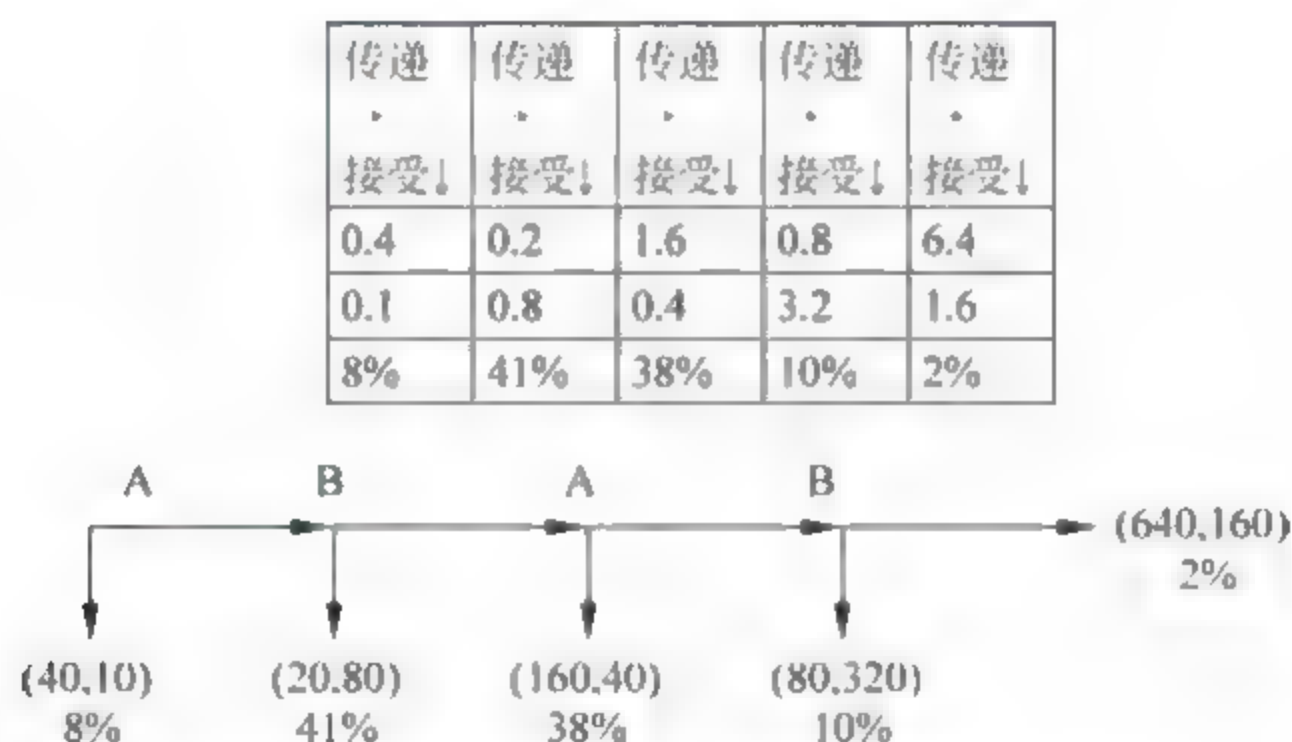


图 3-25 蜈蚣博弈实验(得益的货币单位为美分)

实验发现,常常的情况是,人们不会出现一开始选择“不合作”策略而双方获得最低收益。双方会自动选择合作性策略,从而走向合作,但是这种合作也不会坚持到最后一步。理性的人出于自身利益的考虑,肯定会在某一步采取不合作策略,但其“终止”合作的时间和动机,难以确定。同时从实验来看,人们合作的远见常常在两三步,只有少数人具有足够的远见。

通过上述案例,相信大家对逆向归纳法的局限性有了进一步的认识。但是,逆向归纳法为什么会与实际不符呢?实际上,现实生活中的人并不是完全“理性”的人。在实际博弈问题中,除了“理性”假设之外,往往还要考虑“公平动机”“利他偏好”等因素。在后面章节,我们将会对这些问题做进一步的讨论。

游戏与实验

假设有一笔财富进行分配,参与者1和参与者2在轮到自己行动时,都面临“抢占”或“留下”。如果抢占,将得到财富的 $4/5$; 如果留下,财富将翻倍。博弈共有三轮,6个阶段,得益如图 3-26 所示。

	1	2	1	2	1	2	
	留下	留下	留下	留下	留下	留下	25.60
							6.40
抢占	抢占	抢占	抢占	抢占	抢占	抢占	
	0.40	0.20	1.60	0.80	6.40	3.20	
	0.10	0.80	0.40	3.20	1.60	12.80	

图 3-26 抢钱博弈得益

请依照图 3-26 的博弈组织实验,分下述 5 步完成。

- (1) 设计实验,包括情景描述、是否允许沟通、参与人数等细节。
- (2) 制订实施计划,包括实验场地、被试者选取、实验步骤和结果记录等。
- (3) 课外寻找志愿者作为被试人员参与实验,组织实施。
- (4) 对实验结果进行统计分析。

(5) 在情景描述时,若告诉志愿者这是一笔“善款”而非“财富”,其他条件不变。请比较两种结果有无显著差异。



扩展阅读: 先苦后甜,成功仍需深谋远虑

可口可乐公司非洲集团总裁兼首席运营官亚历山大·卡明斯(Alexander B. Cummings)曾在接受访问时这样描述他的一段经历:

当你并非整个企业的掌舵人,而只是其中的一位领导者时,你会面临来自上级和下属的两股强大的压力,这些都是对你自身能力的考验。我最初在可口可乐公司的非洲集团工作时,曾经做了一项自认为很不错的决定,但不幸的是,短期结果并不理想。事实上,我的决策导致了公司销售量和市场份额的下降。直到今天,我都记得当时面临的巨大压力:改变原来的决定,阻止亏损势头。

当时的情形是这样的:可口可乐公司已经是一家非常具有竞争力的企业(现在依旧如此),提高销售量和扩大市场份额对我们来说极为重要,我们希望看到产品的人均消费量不断上升。但是,我发现这一侧重点会危及我们的整个业务系统,尤其不利于我们的装瓶商,而他们是我们的不可或缺的合作伙伴。

在这个通货膨胀率高、货币贬值的市场,为了保持我们的增长势头,我们已经连续数年维持价格不变。结果,我们的装瓶商竭尽全力,也只能勉强支撑。出于对整个系统利润率的考虑,我力排众议,做出了提价的决定。我坚信这是有利于公司长远利益的一项正确决定,即使提价的主要受益者是装瓶商。经过一番激烈的争论后,我获准继续执行这项具

有争议性,但却至关重要的提价决定。

尽管我们都知道这项决定将导致销售量下降——但是,我还是没有预料到降幅会如此之大。更令人不安的是,尽管我们的竞争对手在几周之内就跟随我们提高了价格,我们的市场份额还是出现了下滑。我承受的压力越来越大。

我拥有丰富的管理经验,在此之前曾在一家公司担任首席财务官,负责国际业务。但说句老实话,在我的职业生涯里,直到那一刻我才感受到前所未有的压力:改变原先的决定,将价格降到原来的水平。我有点儿进退两难,如果销量和市场份额继续下滑,我的职业前景将面临很大的风险。

尽管面临巨大的压力,但我坚信就中长期而言,我的这项决定对于公司和装瓶商都是正确的选择。我们只是需要坚忍不拔的精神来克服短期的困难。我也知道,如果我收回成命,我对装瓶商的领导力和威信,以及未来的影响力都将大打折扣。最后,我决定相信自己的直觉,我坚信,公司付我薪水,实际上就是要我做出这样的决定。

幸运的是,我做的一切最终获得了回报。在熬过了艰难的6个月后,销量和市场份额最终止跌回升。到了第四季度,装瓶商开始看到提价为其带来的财务效益。我们的经济状况最终也得到了改善。今天,即使我们在非洲市场还面临某些挑战,但这项决定仍令整个业务系统受益匪浅。而且,就像我当初低估了这项决定在短期内可能产生的负面影响那样,我也没有意识到我们与装瓶商的关系会因此得到如此大的改善。他们原以为我会屈服于压力。但是,我坚持了自己的决定,我们与装瓶商的关系也就掀开了新的篇章。无论是从经济还是从心理的角度来看,我们之间的关系都发生了变化。我们可口可乐公司通过此举向装瓶商表明,我们了解他们面临的挑战,并愿意为他们提供支持。在装瓶商(我们重要的业务合作伙伴)眼里,在我作为一个领导者的成长历程中,成功落实这一棘手的决定的确是个决定性的时刻。

——摘自《哈佛商业评论》,2006

3.5.3 颤抖手均衡

上一小节曾提到逆向归纳法对参与者的理性要求太高,不仅要求所有参与者都有高度的理性,不允许犯任何错误,而且要求所有参与者相互了解和信任对方的理性。那么,对于理性的参与者来说,如果其他参与者犯错误,偏离了子博弈完美纳什均衡路径时,应该怎样进行后面的博弈呢?

现以图3-27所示的三阶段动态博弈来阐述这个问题。

用逆向归纳法可以找出该博弈的子博弈完美纳什均衡是:参与者1在第一阶段选择U,在第三阶段选择D';参与者2在第二阶段选择R。博弈结果是:参与者1在第一阶段选择U,博弈结束,双方的得益分别为2和0。如果两个参与者是完全理性的,上述均衡和结果没有任何疑问。但是,如果参与者1在第一阶段的行动选择中犯错误地选择了D,假如参与者2是理性的,他该怎样进行选择呢?

如果按照子博弈完美纳什均衡的策略,参与者2应该选择R。因为理性的参与者1在第三阶段会选择D',这样参与者2的得益就是3,比第二阶段直接选择L的得益多。但

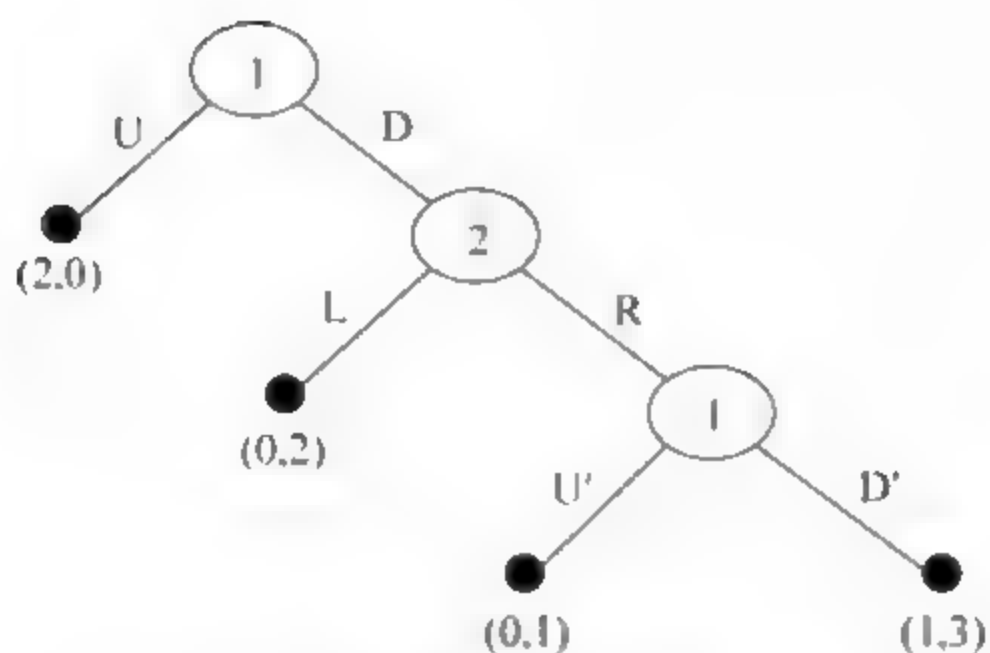


图 3-27 对参与者理性程度要求过高的子博弈完美纳什均衡

是,在参与者 1 第一阶段选择 D 而不是 U 的情况下,参与者 2 还能相信参与者 1 的理性吗?

这时参与者 2 需要考虑的问题是:参与者 1 在第一阶段所犯的错误只是一个不影响后续阶段理性判断的偶然失误,还是其理性层次非常低,接下来还会继续犯错误?抑或是参与者 1 故意犯错误?显然,对参与者 1 犯错误行动的理解不同,将直接影响到后续博弈的进行。

在遇到参与者犯错误的情况下,应该怎样理解这种错误,又该如何预测博弈的走向呢?这里我们介绍一种理解有限理性的参与者在动态博弈中偏离子博弈完美纳什均衡行动的重要思想——“颤抖手均衡”。

为了便于理解,首先我们用得益矩阵形式表示的静态博弈介绍颤抖手均衡的思想,如图 3-28 所示。

在图 3-28 所示的博弈中,有两个纳什均衡,分别是(D,L)和(U,R)。其中,(D,L)对参与者 1 较为有利,(U,R)对参与者 2 较为有利。如果不考虑参与

		参与者2	
		L	R
参与者1	U	10,0	6,2
	D	10,1	2,0

图 3-28 博弈(一)

者的选择和行动偏差,这两个纳什均衡都具有稳定性,都可能是该博弈的结果。但如果考虑到参与者的选择和行动可能出现偏差,情况还会相同吗?

对参与者 1 来说,如果参与者 2 有可能选择 R,无论这种可能性多么小,他的最佳选择都是 U 而不是 D。而参与者 2 考虑到参与者 1 的这种思路,就会选择 R 而不是 L。因此,(D,L)就不再具有稳定性。

再来看均衡(U,R)。对参与者 1 来说,不管参与者 2 是否有偏离 R 的可能,他都没有必要偏离 U。对参与者 2 来说,虽然参与者 1 从 U 偏离到 D 对他有不利影响,但只要参与者 1 偏离的可能性(概率)不超过 2/3,就没有必要改变自己的策略。因此,(U,R)对于

		参与者2	
		L	R
参与者1	U	9,0	6,2
	D	10,1	2,0

图 3-29 博弈(二)

于概率较小的偶然偏差来说具有稳定性,具有这样性质的策略组合称为“颤抖手均衡”。(D,L)便不是颤抖手均衡。

如果我们把参与者 1 的得益稍作改变,情况又会有所不同,如图 3-29 所示。

在这个博弈中, (D, L) 也是颤抖手均衡。为什么呢? 对参与者 1 来说, 参与者 2 偏离 L 而选择 R 的确会对自己造成不利影响, 但只要参与者 2 偏离的可能性不超过 $1/5$, 那么自己坚持选择 D 就是最佳策略。

对参与者 2 来说, 只要参与者 1 偏离 D 的可能性不超过 $1/3$, 自己也没有必要改变策略。因此, (D, L) 对于概率不太大的偶然偏差来说同样具有稳定性。



思考与练习

你知道上述这些偏离可能性是如何计算出来的吗?

通过上述两个例子的对比, 我们可以发现: 一个纳什均衡要是 一个颤抖手均衡, 一定不能包含任何“弱劣策略”, 也就是偏离对偏离者没有损失的策略。包含弱劣策略的纳什均衡不可能是颤抖手均衡, 因为只要有一丝犯错误的可能, 它们就不再具有稳定性。

现在我们讨论用扩展型表示的动态博弈的颤抖手均衡, 如图 3-30 所示。

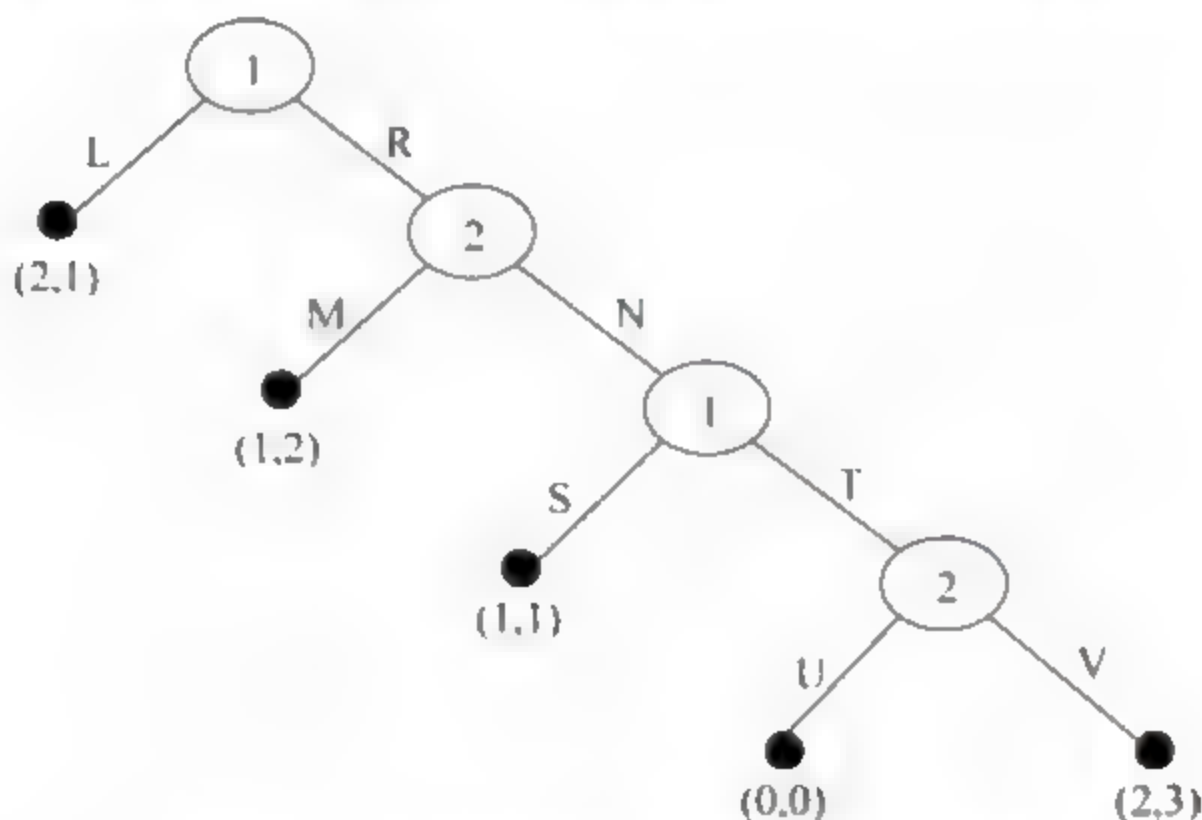


图 3-30 扩展型动态博弈的颤抖手均衡

用逆向归纳法进行分析, 可以发现该博弈有两条子博弈完美纳什均衡路径。其一是参与者 1 在第一阶段选择 L , 博弈结束; 其二是 $R-N-T-V$ 。但是第二条不是颤抖手均衡路径, 因为只要参与者 1 考虑到参与者 2 在后续阶段有偏离子博弈完美均衡路径的可能性, 第一阶段就不会选择 R 。因此第二条路径对应的子博弈完美纳什均衡是不稳定的。

用扩展型表示的博弈允许参与者在实际选择行动中犯错误。如果参与者在每个信息集上犯错误的概率是独立的(因而局中人不会犯系统性的错误, 今后也不会常犯错误), 则无论过去的行动怎样, 参与者在今后应继续使用逆向归纳法预测从现在开始子博弈的行动(既往不咎)。

回到图 3-30 所示的动态博弈问题。按照颤抖手均衡的思想, 不难看出, 该博弈有唯一的子博弈完美纳什均衡, 同时也是唯一的颤抖手均衡, 即参与者 1 第一阶段选择 L , 博

弈结束。如果在实际进行这个博弈时,参与者 1 在第一阶段选择了 R 而不是 L,那么参与者 2 在第二阶段还是会选择 N 而不是 M。因为在从第二阶段参与者的选择开始的子博弈中,N-T V 既是子博弈完美纳什均衡路径,也是颤抖手均衡路径。



本章小结与习题

第4章 完全但不完美信息博弈



生活中常有这样的情形：参与纸牌游戏的玩家可能记不清对方是否走过某一步，博彩者常常不知道其他人手中的底牌，商品交易中买家不知道卖家是否做过“手脚”……实际上，在相当多的博弈情景中，部分（或全部）参与者并不清楚别人曾如何行动，因此博弈将变得复杂起来。结构完备但过程不完美的博弈被称作完全但不完美信息博弈，它比完全且完美信息博弈更为常见，而在非标准化的商业交易中尤为明显。

在 Airbnb 掀起房屋共享浪潮之前，即使房东“有图有真相”、租客“有证有背书”，仅凭在线沟通很难达成一段为期数天的旅行短租。尽管房源照片和信息可供租客网上浏览，但实际状况是否和图片一致，租客不得而知。同样，尽管租客到达后会出示身份证件，但能否保持屋内的整洁干净，房东也不得而知。租客不知房源信息是否真实，房东不知租客品性好坏，那么双方合作是否愉快尚未可知。房源真实租客规矩，说不定交个朋友；房源不实租客遭遇，弄不好大打出手……这样潜在的不愉快没人愿意遇到，担心房源不够理想的租客选择住酒店，提防房子受到损害的房东也不愿出租。劣币驱逐良币，短租市场供需难配。那么，Airbnb 的策略触动了哪些根本因素呢？

更为普遍的例子是，卖家可能通过一定的手段掩盖商品所存在的问题，使得买家在不能认清商品真实价值的情况下遭受欺骗。在美国俚语中，这样的情况就是买到了“柠檬”（代表次品）。那么，买卖双方应该如何行动才能最大化收益？在读完这一章后，希望你能够找到自己的答案。

此前各章所介绍的博弈模型都是完全且完美信息的。在这些博弈中参与者具有共同知识，双方对于博弈所了解的信息是充分且对称的。但在现实决策中，参与者所能获取的信息并不总是充分和对称的。譬如，企业难以深入了解员工的业务素质和努力程度、家电买家缺乏对商品质量的足够了解、拍卖中的出价一方无法确知其他出价者对商品的真实估价，专家提供的建议是否可信等。

请回顾第1章内容，可依据信息是否完全和是否完美对博弈进行分类：参与者完全知晓所有参与者在各种情况下的策略和得益即为信息完全，而所有参与者对博弈的进程（历史）信息完全知晓即为信息完美。在一个完全且完美信息博弈中，逆向归纳法可剔除不可信威胁。但是在不完美信息博弈中，问题就不那么简单了——因为在这种博弈中某个（或多个）参与者不知自己身在何处，进而无法像第3章中的情形一样使用逆向归纳法做出理性预测。这点将在以后的小节中详细讲解。

进一步,当某一参与者受条件限制无法知晓他人所拥有的信息时,就形成了信息不对称。掌握信息充分的参与者往往处于有利地位,而信息贫乏者则处于不利地位。换言之,占有信息多的一方存在不当获利的机会,即凭借自己所占有信息的优势来误导、欺骗另一方,使自己获利而使他人受损。这种信息不对称的现象在现实生活中大量存在,并造成大量不该有的经济后果——效率损失。而信息经济学的主要内容则是研究如何设计机制来克服这种效率损失。

可想而知,实际问题远比前几章所遇见的模型要复杂,因而对不充分(包括不完全和不完美)的研究是博弈论在现实中广泛应用的前提。稍后你将会看到,信息的不充分性会增加决策的难度,从而影响博弈的结果和效率。当然,与此相关的理论分析也完全且完美信息下的分析更难更复杂。从博弈论发展史来看,有些理论逐渐成为研究信息价值的常规方法,有些则慢慢淡出。

本章将首先介绍信息是否充分,接着讲述完美贝叶斯均衡的概念和分析方法,进而通过案例加以巩固,最后是关于信息不对称的讨论,用于衔接第5章不完全信息博弈。

4.1 基本概念

4.1.1 何谓信息不完美

人人都抱怨自己的记忆力,却不曾听到有人抱怨自己的判断力。

——拉罗什弗科

上文简单回顾了何谓信息不完美,本小节将继续深入描述。

在动态博弈中,各个参与者的行动是存在先后次序的。如果一个参与者在做出行动时掌握了该时刻之前所有的博弈进程(所有参与者行动的历史信息),则该参与者被称作“拥有完美信息的参与者”,或称“是信息完美的”。相反,如果一个参与者无法掌握所有的进程信息,则他被称作“拥有不完美信息的参与者”。进一步,如果所有参与者都是“拥有完美信息的参与者”,则该博弈为“完美信息动态博弈”。反之,则是“不完美信息动态博弈”。例如,第3章所提到的“讨价还价”是完美信息动态博弈,而第1章中的“猜硬币”则是不完美信息博弈。

定义 4.1 如果存在某一个(些)参与者在需要做出决策时无法完全知晓此前的博弈历史,这类博弈被称作不完美信息博弈。

注意,只要存在任意一方不具有完美信息,该博弈就是不完美信息博弈。另外,由于这层“信息不完美”约束,要求参与者的行动存在先后次序。这点不同于完全且完美信息下的静态和动态两种分类。因此,我们主要讨论“不完美信息动态博弈”,简称为“不完美信息博弈”。

让我们回顾“猜硬币”博弈。此博弈中有两个参与者:盖硬币方和猜硬币方。尽管我们曾将“猜硬币”博弈视作静态博弈。但严格来讲,各参与者的行动是有先后的。接下来

依照动态博弈来考察。盖硬币方先行动,在做出“正面向上”或“反面向上”的行动后,由对方来猜。由于无法知晓盖硬币方的决定,因此猜硬币方的判断只能靠“猜”!仍沿用扩展型来表示该博弈。但是提请注意,这是不完美信息博弈,扩展型是否适用仍存疑。暂且画出扩展型试试,如图4-1所示。

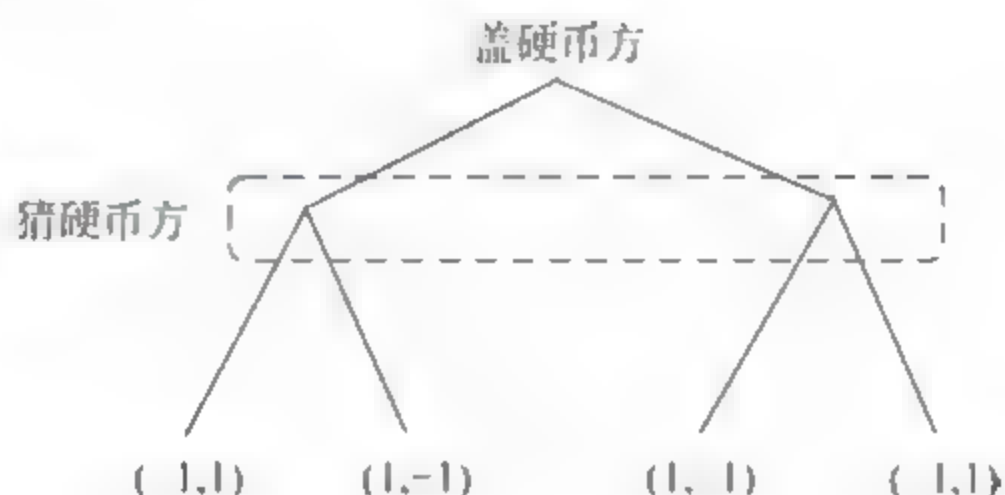


图4-1 猜硬币博弈扩展型

在图4-1的扩展型描述中,最上方的第1层节点代表猜硬币方,他有“正”“反”两种选择。第2层的两个节点都代表猜硬币方。盖硬币方盖定“正”或“反”后,轮到猜硬币方来猜。由于后者不知前者行动,因此他不清楚自己处于图4-1中的哪个节点。换句话讲,猜硬币方不能区分左右这两个节点——它们具有相同的历史信息。在信息经济学中,称这两个节点具有相同的“信息集”,因此,将它们用椭圆圈起来。所谓信息集,是指轮到某个参与者行动时所具有的历史信息。在完美信息博弈中它的意义非常明确,由于从一个节点上溯至起点的路径是唯一的,因此该点所对应的信息集只须用这个节点来表示。然而,图4-1中猜硬币方的信息集却包含了两个节点,我们把这种包含了两个或两个以上节点的信息集称作“多节点信息集”。在多节点信息集中,由于包含了多种状态,因此参与者无法明确地知道自己究竟处于哪个节点,也就无法进行针对性的选择。



视频



进阶阅读：“信息集”是什么

一般而言,信息集是指参与者尽其所察而形成的所有已发生行动的集合。在博弈的扩展型表示中,信息集是指参与者无法区分的决策节点的集合。如果博弈是完美信息的,一个信息集对应一个节点,则每个信息集内只有一个参与者,并显示博弈所处的阶段。反之,在不完美信息下一个信息集却可能包含多个节点。在多节点信息集中,参与者不能完美记忆自己究竟处于哪个节点上,也就无法准确地知道曾经发生的事和当前的情势。

例如,在一个不完美的信息集中:

- (1) 每个节点只描述一个参与者。
- (2) 参与者无法区分信息集里的多个节点,意即参与者无法确定自己是沿着一条路径走到了A点,还是沿着另一条路径走到了B点。

4.1.2 不完美信息博弈的表示

上一小节通过“猜硬币”博弈介绍了不完美信息博弈的基本概念。既然参与者不知道

应该往哪个节点移动,那么逆向归纳方法是否适用值得存疑。欲使用逆向归纳法,必须在建模时做一些数学处理。因此,这一小节将介绍不完美信息博弈的表示。

请读者试着理解这样一个二手车交易市场。市场内存在两类决策主体:二手车的卖家和买家。不妨设卖家是一个拥有待售二手车的车商,并且对于车的状况十分清楚。二手车既有好车也有差车。任意考察一辆汽车,它是好车或差车的可能性是既定的,并不受买卖双方行动的影响。或者说,任一辆汽车状况的好坏并非人为决定的。因此,不妨引入一个虚拟局中人“自然”,并假设这一概率由“自然”所决定。(此处的“自然”实际上大有学问,我们将在下文详细介绍,现在读者不妨就把“自然”当作能够决定某些概率的普通局中人。)

差车进入市场销售前必须维修装扮,假设装扮费用为1万元。^①一般来讲,买家不具备鉴别车辆状况的专业能力或信息,只能依赖于车辆的外观做出判断。假设差车经装扮后与好车无异,能够在市场上以2万元的价格售出。卖家从出售差车中获得1万元的利润,从出售好车中获利2万元。但是,若差车无法售出则卖家损失1万元。由于好车并无装扮,因此卖家的损失计为0元。买家若买到好车,则得到1万元当量的消费价值;若买到差车,则损失2万元。

首先,车商决定是否售出车辆;其次,买家决定是否买入。这是双方的行动。至此,参与者、得益、可能行动以及行动的次序都很清楚了,读者不妨尝试自己建立模型。

在建模过程中你也许发现,它不同于第3章的扩展型博弈,因为好车和差车将对应不同的得益组合。实际上,买家是看不到车辆状况的,但是卖家能看到。因此,车辆的好坏对买家来讲是一个随机事件。如前所述,将之视为“自然”决定的。那么,考虑“自然”后,博弈的行动次序如何呢?

第一步:“自然”选择车况(好或差)。

第二步:车商决定是否在二手市场上卖车。

第三步:①若车商选择不卖,博弈结束;②若车商选择卖车,买家选择买或不买;③博弈结束。

不同行动所对应的结果分别如下。

(1)若车商选择不卖车,市场上没有发生交易,双方得益为(0,0)。上述括号中第1个0表示先行动者即车商的得益,第二个0表示后行动者即买家的得益,下同。

(2)若车商在车况好时决定卖车,而买家买下,市场交易是双赢的,双方得益为(2,1)。

(3)若车商在车况好时决定卖车,而买家不买,得益为(0,0)。

(4)若车商在车况差时决定卖车,而买家买下,得益为(1,-1)。

(5)若车商在车况差时决定卖车,而买家不买,得益为(-1,0)。

根据上述描述,不难得到该博弈的扩展型,如图4-2所示。

^① 本书没有考虑车辆的购入成本。

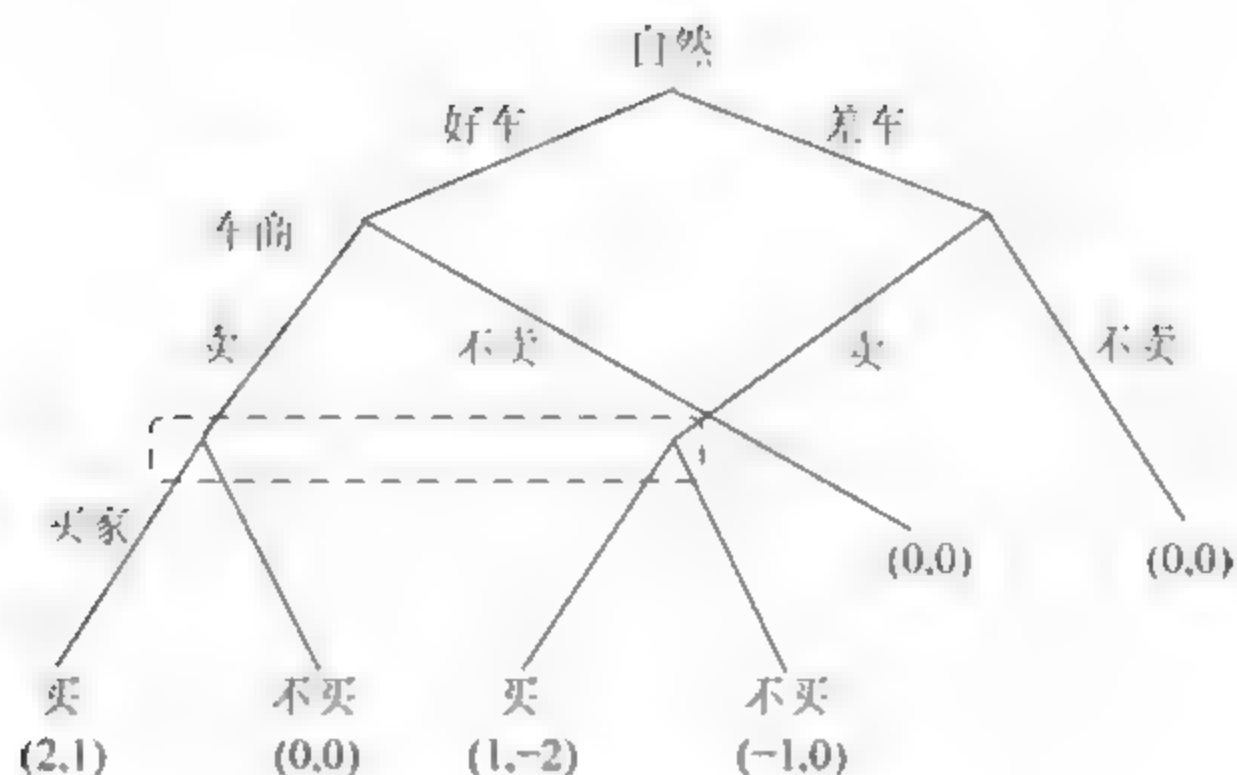


图 4.2 简单的二手车交易模型



扩展阅读：为何由“自然”来决定概率

相信读者对上文开启上帝视角的“自然”充满了疑惑，为了帮助读者理解“自然”这一概念，我们将介绍心理学家斯金纳的一个经典实验。

实验方法：将一只很饿的小白鼠放入一个有按钮的箱中，设定其获得奖励是带有随机性的，即小白鼠按按钮的情况下，有一定概率会获得食物。

实验结果：小白鼠不停地按钮。当不再掉落食物时，小白鼠的反应耐人寻味：出现了作揖、反复跳跃等行为。它们发展出一套行为模式，以期望引发掉落食物。然而，食物的掉落其实完全是由外部环境的设定而随机出现的。

就像赌徒在翻硬币前总会祈祷，实验中“花式求食”的小白鼠也希图用自身的“努力祷告”增进得益。但赌徒的祈祷不会改变硬币的正反，小白鼠的祷告也不会影响投食的多少。在诸如二手车市场等不完美信息博弈中，参与者对车辆的装扮、拣选等行为看似左右着车况，实际上并未对其发生概率造成显著影响。决定这些的，是上帝一般的“自然”。“自然”如同看不见的手一般，是设定好的外部环境，完全地置身于博弈之外。它不受参与者行为的影响，随机决定着“正或反”“有或无”“好或坏”的概率。接下来的章节里，我们将经常引入“自然”作为参与者赋予博弈外部设定的概率。

让我们尝试操作，来看电影《教父》中的一个情节。



案例分析：迈克尔“一夫当关”

美国本部黑手党领袖、教父维托·柯里昂(Vito Corleone)雷厉风行，德高望重，尽管是黑道领袖却坚守准则决不贩毒害人。为此他拒绝了毒枭索洛佐(Sollozo)的联盟要求，使两家结仇。圣诞前夕，教父维托遭到仇家索洛佐的暗算，中枪后侥幸活命，送医抢救。维托的小儿子迈克尔去医院探望父亲，却发现守卫已被收买，自己与重伤的父亲孤立无援……

深夜，迈克尔察觉医院楼下出现异动。他猜测是仇家索洛佐的手下企图乘虚而入，悄

然加害父亲。本是探病的迈克尔并没有带枪,但为了保护父亲,他急中生智,伙同一位临时探望者守在医院门口,同时将手放在外衣口袋里佯装有枪。为了不暴露身份,杀手只身前来。杀手本以为医院守卫全被收买,一路畅行无阻,却没想到门口有迈克尔守卫。杀手无法判断他们到底有没有枪,更重要的是无法确定他身后是否有埋伏。如果迈克尔没有枪,杀手可以干净利落地杀掉他并成功完成刺杀教父的任务。但如果迈克尔有枪,杀手开枪会引发枪战,不仅自身势单,而且还会导致素洛佐刺杀教父的行径昭于天下。经过短暂的对峙,杀手放弃贸然行动,只得悄然离开。迈克尔镇定自若的伪装成功守护了父亲和家族的荣誉。



视频



视频

这是一个博弈,它有两个参与者:迈克尔和杀手。迈克尔先行动,接着杀手行动。试想一下,在迈克尔发现医院无人守卫时,他有多种可能的选择:演空城计,躲入密室,报告医院,大声呼救,等等。在他迅速做出权衡之后选择了上演空城计。不妨假设迈克尔在剔除严格下策后还剩下“演空城计”和“躲入密室”两种可能行动。请注意,“演空城计”意味着必须考虑真假两种信息:持枪戒备,还是赤手空拳。尽管这两种信息对迈克尔来讲不言自明,但是杀手并不清楚。如果信息透明,那么持枪或不持枪时不同行动所对应的后果对双方来讲都是共同知识^①。问题就在于信息不透明:杀手不知道迈克尔是否带枪。对杀手而言,迈克尔到底有没有带枪完全是个随机事件,是二人行动前的既定事实。仿照上文的做法,假设在二人行动前“自然”已经决定了迈克尔是否带枪,那么这个博弈可视为信息完全但不完美。

既然这是不完美信息博弈,将“是否持枪”视作“自然选择”,那么迈克尔的可能行动可重述为:“门口把守”或者“暗处躲避”。而杀手必须决定是“执行刺杀行动,杀掉迈克尔和维托”(刺杀)或“放弃刺杀行动,离开医院”(离开)。对于杀手而言,他并不能确定迈克尔是否持枪。进一步,“迈克尔持枪把守”和“迈克尔空手把守”这两种行动于他而言并无二致,“迈克尔持枪躲避”和“迈克尔空手躲避”也一样^②。我们用图 4-3 表示该博弈,并为每种结果设定了具体得益。

(1) 无论迈克尔持枪还是空手、把守还是躲避,只要杀手离开,我们都认为双方得益均为 0。

(2) 当迈克尔空手把守时,若遇杀手刺杀,无异于螳臂当车,自己和父亲都会被杀,暂且将其损失设为非常大的 10;而杀手则赚得迈克尔父子两条命,得到收益为 10。因而双

^① 这种共同知识是比较意义上的,如“迈克尔持枪把守,杀手继续刺杀”与“迈克尔空手把守,杀手继续刺杀”两相比较,双方都清楚这两种结果的孰优孰劣——无论于己还是于他。

^② 当然,如果迈克尔持枪躲藏,常会在杀手出现时拔枪抵抗,此时需将模型进一步细化才能完整描述。有兴趣的读者可在读完本节后重建新模型。

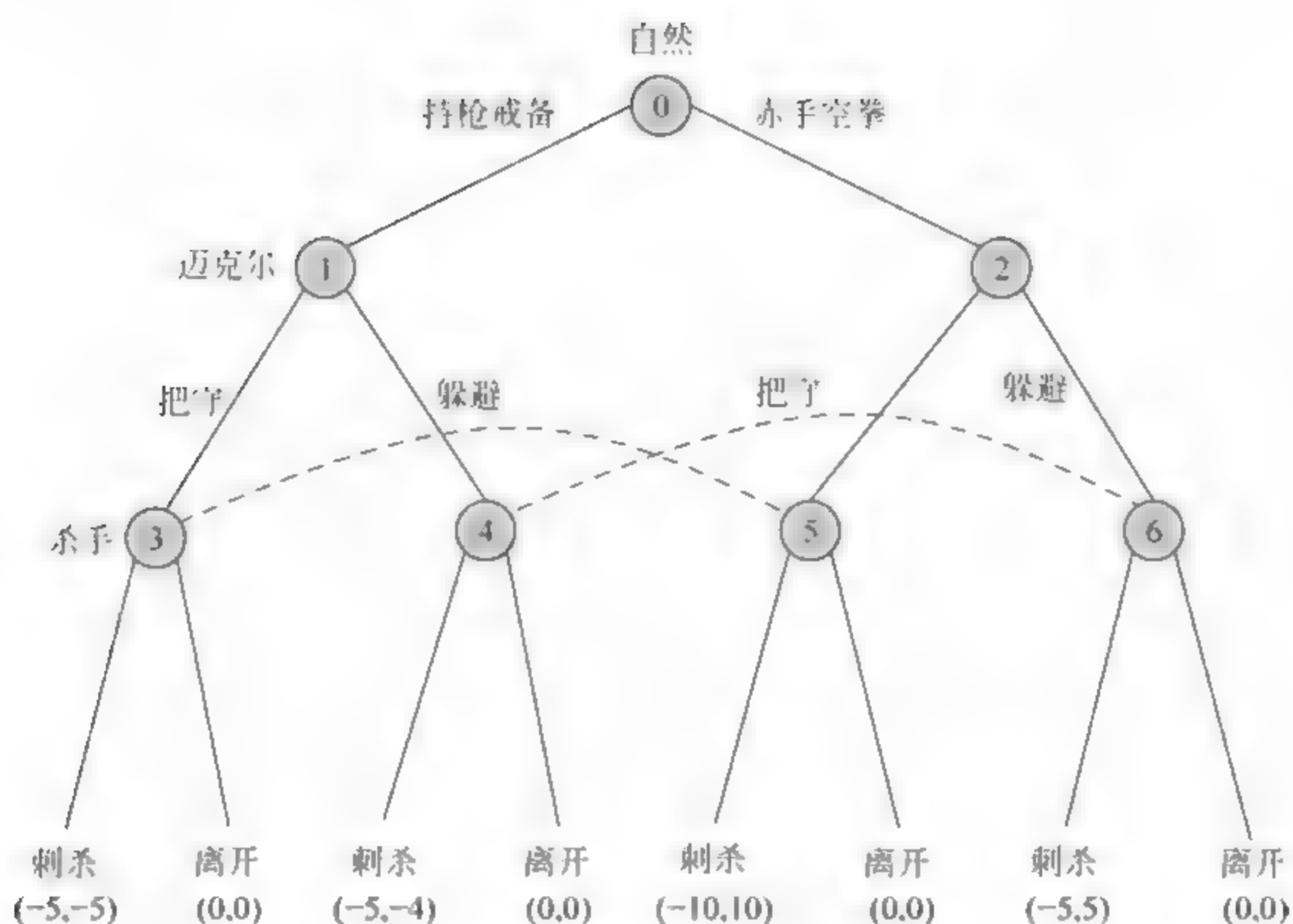


图 4-3 刺杀博弈

方得益组合为 $(-10, 10)$ 。

(3) 当迈克尔空手躲避时,若遇杀手刺杀,他自己可能侥幸逃脱,但是父亲被杀几无悬念,设其损失为 5;而杀手则达到目的,得到收益 5。因而双方得益组合为 $(-5, 5)$ 。

(4) 当迈克尔持枪把守时,杀手若刺杀,有可能遭遇伏击,双方激战。双方得益为 $(-5, -5)$ 。

(5) 当迈克尔持枪躲避时,杀手若刺杀,则能够顺利进入医院走近教父,实施计划;当然,迈克尔也可能绝境还击,致杀手受伤。无论如何,此时的躲避并非伏击,而是真实意愿,因此从期望意义上讲,迈克尔躲避时略显被动。因此双方得益为 $(-5, -4)$ 。

对于上述情形,传统的逆向归纳法失灵了。譬如在图 4-3 的节点 3 上轮到杀手选择时,如果按照传统的逆向归纳法,他会选择离开,对应得益组合 $(0, 0)$;逆推至节点 1 迈克尔行动时,他也预测到如果自己持枪把守则对方会离开,因此只需将上述得益组合 $(0, 0)$ 中自己的得益 0 与其他选择时所对应的得益进行比较即可。但是此处的杀手并不知道对方是否持枪,即不知道自己到底处于节点 3 还是节点 5。然而在节点 3 和节点 5 时杀手的理性选择将截然不同。因此,他将不知自己如何选择。当然,逆推至节点 1 迈克尔行动时,他将无法预测杀手的理性行为,因而无法预测持枪把守时自己的得益,更无从与其他行为下的得益进行比较。鉴于此,我们将重新定义子博弈的概念,并发展出完美贝叶斯均衡的概念,以便利用简单高效的逆向归纳法来分析问题。

4.1.3 不完美信息博弈的子博弈

回忆第 3 章的子博弈完美纳什均衡的求解过程:先划分出子博弈,接着使用逆向归纳法求解。子博弈的概念使得问题简化:每个子博弈都可以被压缩为一个单人博弈,原博弈可逆序转化为一系列的单人博弈;亦即轮到每个参与者做决策时,他只须在转化后的

单人博弈中做出选择即可。在不完美信息博弈中,我们也需要一个类似于“子博弈”的概念。

但是,与完全完美信息动态博弈中的“子博弈”不同,不完美信息博弈中出现了多节点信息集。例如,图 4-3 中轮到杀手行动时,节点 3 和节点 5 具有相同的信息集,因此将它们视为不同的子博弈用来逆向归纳将引起混乱。这点在第 3 章介绍子博弈的划分时已经强调过,子博弈不能分割任何信息集。为了更深刻地理解这一点,我们利用猜硬币博弈做进一步解释。在猜硬币博弈中,盖硬币方做出“正”或者“反”的行动后,轮到猜硬币方来行动。显然猜硬币方正处于多节点信息集中,忽略信息不完美将会出现图 4-4 所示结果。

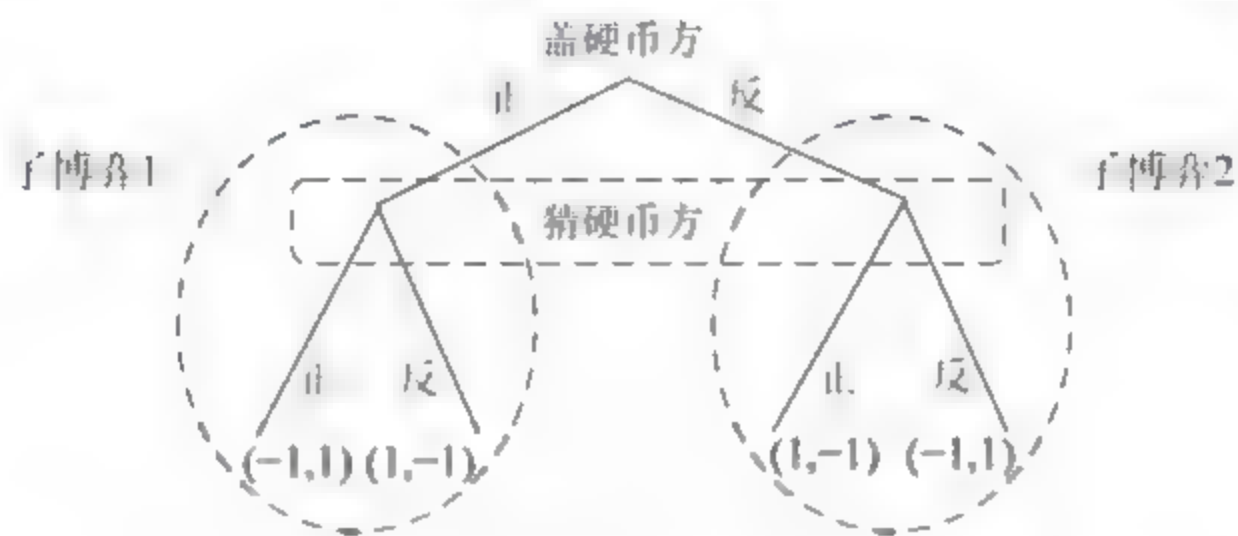


图 4-4 使用子博弈划分方法划分猜硬币博弈

图 4-4 中虚线部分是两个子博弈,为何不能据此仿照第 3 章来逆向归纳呢? 因为猜硬币方在该节点做出的决定毫无意义! 在这个博弈进程中,盖硬币方先做了一个决策,再轮到猜硬币方。事实上,猜硬币方在做出选择时,还不知道自己处于哪个节点。既然不知道处于哪个节点,单独分析该节点的得益就没有价值。例如,猜硬币方针对子博弈 1 而猜“正”,实际上他既可能处于子博弈 1 中,也可能处于子博弈 2 中。一旦是处于子博弈 2 中,显然“正”并不是理性选择。因此,猜硬币方所做的决定应该建立在权衡两种可能性的基础之上,而不应该针对某个单一个节点。

为了避免混乱,我们仍沿用第 3 章“子博弈”的概念,如图 4-4 中的子博弈 1 和子博弈 2。但是只有“子博弈”是不够的,此处需要一个满足更高要求的概念,即不能分割任何信息集。我们把不完美信息博弈中没有分割信息集的子博弈称为“标准子博弈”。可见,标准子博弈是符合特定条件的一类子博弈。那么,如何获取一个不完美信息博弈的标准子博弈呢?

事实上,“标准子博弈”是“子博弈”的子集,子博弈和标准子博弈之间是包含与被包含的关系。因此,沿用子博弈的划分方法,去掉非“标准子博弈”,就剩下了“标准子博弈”。所以,按照“找出子博弈—去掉非标准子博弈”的思路即可找出标准子博弈。仍然采用猜硬币博弈来分析。

首先,找出所有子博弈。如图 4-5 所示。

然后,标记出分割了信息集的子博弈。如图 4-6 中被叉状标记的两个子博弈。

最后,去掉被标记的子博弈。剩余所得即为标准子博弈。如图 4-6 被勾状标记的子博弈。

总结如下。欲寻找一个博弈的“标准子博弈”,步骤可为三步。

(1) 利用第 3 章的方法,找出一个博弈所有的子博弈,并在图上画圈来表示。

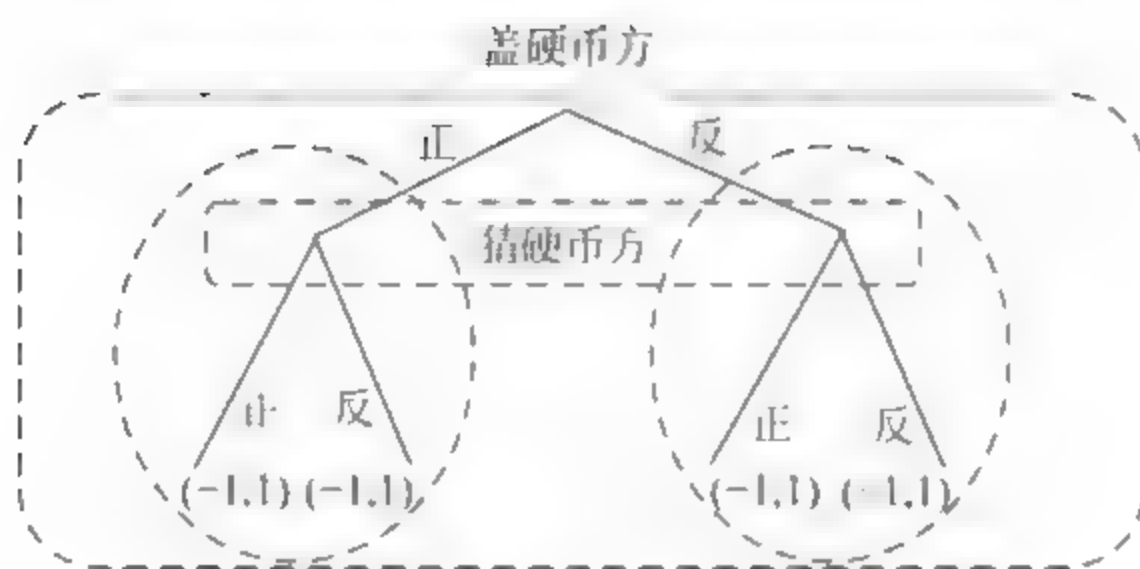


图 4-5 猜硬币博弈的三个子博弈

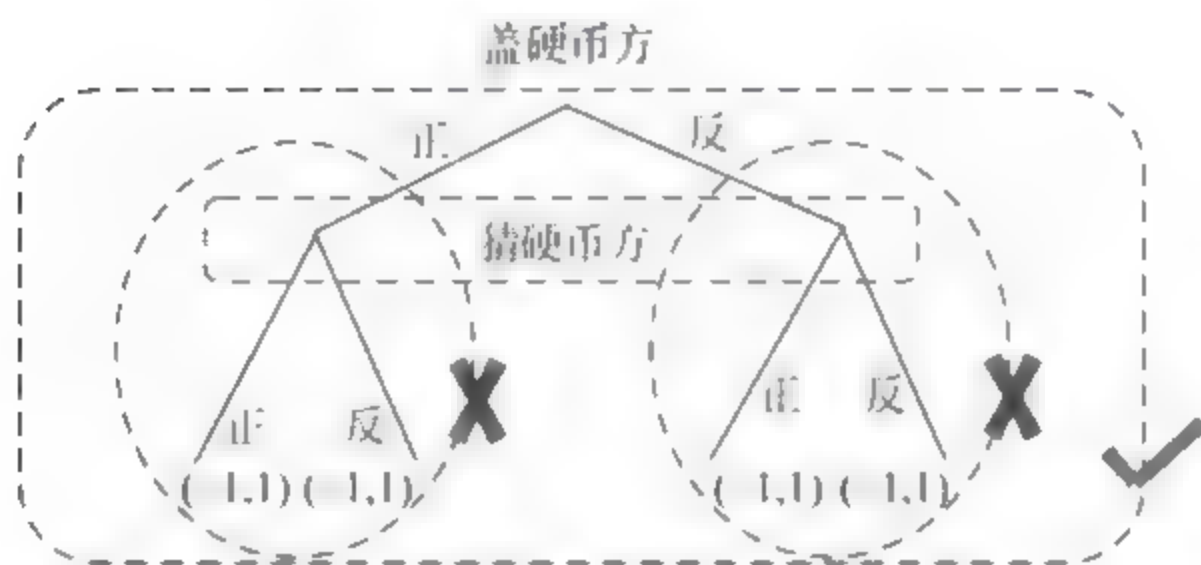


图 4-6 猜硬币博弈的标准子博弈

(2) 标记出被分割了信息集的子博弈。

如果两个子博弈并非隶属关系,但是至少存在一对分属不同子博弈的节点拥有完全相同的信息集,则称它们为被分割了信息集的子博弈。

(3) 去掉被标记的子博弈,剩下的子博弈即不完美信息博弈中的标准子博弈。



思考与练习

请找出图 4-3 刺杀博弈中的所有标准子博弈。

4.2 完美贝叶斯均衡

上一节探讨了不完美信息博弈的基本概念,引入了“自然”这一虚拟参与者,同时指出子博弈的概念需要更新为标准子博弈。那么,第3章的子博弈完美纳什均衡在不完美信息博弈中还具有很好的分析性质吗?由于不完美信息下的扩展型包含了至少一个多节点信息集,这导致子博弈完美纳什均衡无法适用,至少对部分阶段如此。这一点在上一节介绍子博弈时已经涉及。因此,我们需要定义一个新的均衡用以解决这个问题。实际上,在博弈理论中存在着多个均衡的概念,都在尝试解释博弈参与者的行为理性。本书将主要介绍常见的完美贝叶斯均衡(perfect bayesian equilibrium,又名精练贝叶斯均衡),它是子博弈完美均衡在贝叶斯法则下的精练。当然,有兴趣的读者也可查阅其他均衡概念的资料,如序贯均衡和颤抖手均衡等。

4.2.1 新均衡的4个要求

既然纳什均衡和子博弈完美均衡在不完美信息中都不能很好地预测参与者的行为。因此需要一个新的均衡概念来解释参与者的行为理性。

回到上文的刺杀博弈(图4-3),让我们分析迈克尔和杀手应该如何行动才是理性的,亦即应如何描述他们之间的策略均衡。

首先,从博弈的起点开始,自然选择和参与者的判断。如前所述,“自然”决定是否持枪,这是一个随机事件。尽管本书强调是否持枪的可能性不受个人行为的影响,是客观存在的概率。但是这种概率并非清楚明白地写在纸上。实际上它表现为一种主观感知——杀手对客观概率的主观认识。假如杀手在途中被告知将同迈克尔有场博弈,那么他会快速形成关于迈克尔是否带枪的经验性认识。尽管杀手无法说出迈克尔持枪可能性的具体值,但是他有一些基本的判断:几乎不带枪还是很可能带枪?若与某些类似经历比较,这次持枪的可能性大一些抑或相反?等等。在博弈分析中,需要将上述判断清晰化,因此,要求杀手知道所有可能结果的概率分布(持枪和不持枪这两种结果的概率)。上述“判断”(亦称“信念”)是先验的,意即建立在经验、数据或逻辑分析之上。但同时,杀手的判断不能脱离实际,这是博弈参与者的理性要求。因此,理性要求参与者根据他人行为对是否持枪做出事后推断,使得自己的信念与双方的策略保持一致。一般来讲,这种推断是后验的。例如,“当迈克尔把守时迈克尔持枪”的可能性与“当迈克尔躲藏时迈克尔持枪”的可能性,二者都是杀手的信念。一般来讲二者并不相等,而且与“自然”所决定的“迈克尔持枪”的可能性有所差异。



概念解读:先验概率和后验概率

先验概率是指根据以往的经验数据或逻辑分析而得到的概率;而后验概率则可被理解为条件概率,是指借由某一事件的发生而推断另一事件发生的可能性。

例如,某人打算购买一注双色球福利彩票。根据概率论可算得中奖概率为6.7%,那么他据此推断自己中奖的概率也是6.7%左右。这个结果来自逻辑分析,是事前的、先验的。但是,如果此人在一天内连续看到20人中奖,那么他将调高自己的预期,意即自己的中奖概率。这个被调高的中奖概率即是后验概率,是他在某些事件发生后对中奖概率的感知。

又如,某手机厂商有一批同型号不同车间的手机存在质量缺陷,需要召回。东海、北原、西山三个车间的产量分别占总产量的25%、35%、40%,故障率分别为5%、4%、2%。现从该厂生产的手机中随机抽取一件,检查是否有故障。设 B_e :“手机来自东海车间”; B_n :“手机来自北原车间”; B_w :“手机来自西山车间”。那么任取一部手机,问来自哪个车间?则 $P(B_1)=0.25, P(B_2)=0.35, P(B_3)=0.4$ 。这些都是根据数据统计出的结果,是既定的、先验的,因此被称作先验概率。同时,令 A 表示“所取产品为故障品”。那么, B_i/A 表示“任选一部手机,在有故障的条件下它来自第 i 车间”($i=e, n, w$)。根据全概率公式和贝叶斯法则,计算可知 $P(B_e/A)=0.3623, P(B_n/A)=0.4058, P(B_w/A)=0.2319$ 。

这些便是后验概率,是在所取产品被认定为次品后评估它来自第*i*车间的概率。

比较先验概率和后验概率,可见二者是不同的概念,如上例。如果你朋友拿了一部该型号的新手机找到你,问是哪家车间生产的。那么西山生产的可能性最大,40%。过了半年他又来找你,发现手机有故障,问它可能是哪个车间生产的?你应该告诉他,最可能是北原!

例如,在图4-3中,自然以概率 $1/2$ 选择持枪戒备,以概率 $1/2$ 选择赤手空拳。可记作

$$P(\text{持枪})=1/2, \quad P(\text{空手})=1/2$$

这是先验的。当杀手走到节点3或5时,需对杀手是否持枪做出判断,即推断“在看到迈克尔把守时他持枪”的概率和“在看到迈克尔把守时他空手”的可能性,分别记作 $P(\text{持枪}/\text{把守})$ 、 $P(\text{空手}/\text{把守})$;走到节点4或6时亦然,杀手的判断分别记作 $P(\text{持枪}/\text{躲避})$ 、 $P(\text{空手}/\text{躲避})$ 。不妨假设:

$P(\text{持枪}/\text{把守})=2/3$; $P(\text{空手}/\text{把守})=1/3$; $P(\text{持枪}/\text{躲避})=0$; $P(\text{空手}/\text{躲避})=1$
它们表示杀手在观察到把守或躲避时对迈克尔是否持枪的具体信念水平。如图4-7所示。

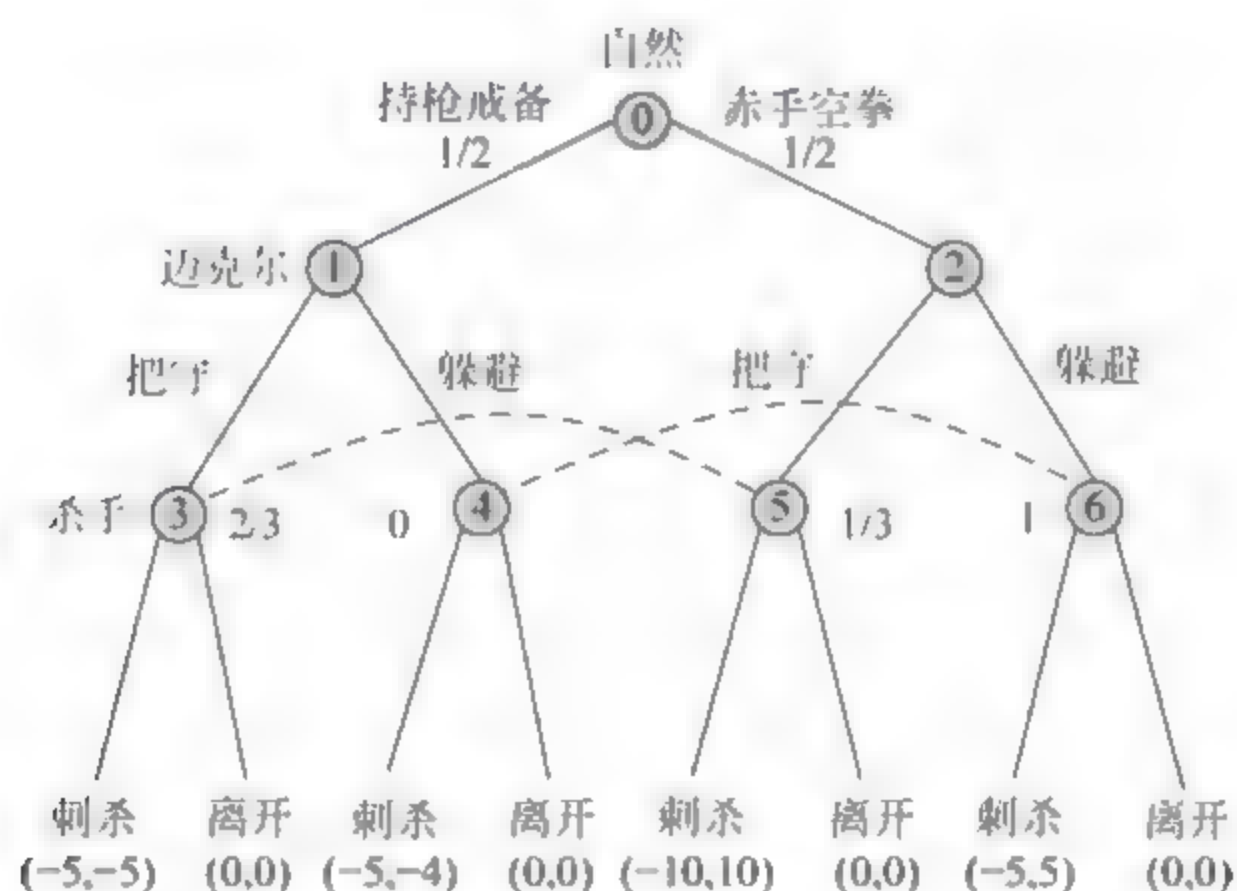


图 4-7 刺杀博弈中的信念

推而广之,新的均衡概念需满足第1个要求:在各个信息集,参与者必须具有一个关于博弈达到该信息集中每个节点可能性的“判断”,也称“信念”。对非单节点信息集,一个“信念”就是博弈达到该信息集中各个节点可能性的概率分布,对单节点信息集则可理解为“判断达到该节点的概率为1”。

其次,关于参与者的理性要求。尽管杀手不清楚迈克尔是否持枪,但是二人的行动是动态的,这点毋庸置疑。因此与第3章所遇到的问题一样,二人的行动是相机选择的,任何承诺和威胁都不一定可信。所以,序列理性的要求在不完美信息博弈的均衡处仍然适用。换言之,不管历史行动如何,在以后的任何节点,轮到行动的参与者的占优策略都应使自己的“得益最大化”。这点是共同知识。轮到迈克尔行动时,他的策略应该是最大化

自身得益；杀手亦如此，而且迈克尔也知道杀手将如此。因此，无论迈克尔如何行动，杀手都会在看到行动后做出反应最大化自身得益。当然，在不完美信息博弈中参与者的“得益最大化”应准确表述为“期望得益最大化”^①。

假设有以下策略组合 C，让我们来验证它是否满足序列理性。

迈克尔：若持枪戒备，则始终把守；若赤手空拳，则以 0.5 的概率把守，0.5 的概率躲避。

杀手：若遇把守，则以 0.5 的概率刺杀，0.5 的概率离开；若遇躲避，则始终刺杀。

杀手的信念： $P(\text{持枪}/\text{把守})=2/3$ ； $P(\text{空手}/\text{把守})=1/3$ ； $P(\text{持枪}/\text{躲避})=0$ ； $P(\text{空手}/\text{躲避})=1$ 。

(1) 先从最后的阶段开始，考察杀手的理性选择。

当迈克尔把守时，若杀手刺杀则他的期望得益为 $\frac{2}{3} \times (-5) + \frac{1}{3} \times 10 = 0$ ；若杀手离开则期望得益为 0。两种行动对于杀手而言得益相同，因此杀手的策略 (0.5, 0.5) 也是一个弱占优策略。

当迈克尔躲避时，杀手推断他一定没带枪。所以，杀手选择刺杀时的得益为 $0 \times (-4) + 1 \times 5 = 5$ 。将之与离开时的得益 0 相比较，可知杀手一定选择刺杀。

综合可知，杀手的策略满足序列理性的约束。

(2) 再考虑上一阶段迈克尔的选择。由于迈克尔知道自己是否持枪，因此将分两种情况讨论，而不是计算期望收益。

当迈克尔持枪且把守时，杀手将采取混合策略 (0.5, 0.5)，此时迈克尔的期望得益为 $0.5 \times (-5) + 0.5 \times 0 = -2.5$ 。当迈克尔持枪且躲避时，杀手将采取刺杀策略，迈克尔的得益为 -5。比较可知，迈克尔将始终选择把守。

当迈克尔空手且把守时，杀手依然采取混合策略 (0.5, 0.5)，此时迈克尔的期望得益为 $0.5 \times (-10) + 0.5 \times 0 = -5$ 。当迈克尔持枪且躲避时，杀手将采取刺杀策略。此时迈克尔的得益为 -5，与空手把守时相同！因此，迈克尔的混合策略 (0.5, 0.5) 是一个弱占优策略。

综上，迈克尔的策略满足序列理性的要求。

可以设想，如果二人中有一人的策略不是占优的，他将调整自己的策略使之满足序列理性的要求。既然如此，杀手关于迈克尔是否持枪的信念也将随之变化。具体应如何变化，请见下文的要求 3 和要求 4。

总之，新的均衡概念需满足第 2 个要求：给定参与者的信念，均衡策略必须是“序列理性”的。换言之，无论历史行动如何，当轮到 一个参与者行动时，他的均衡策略在以后任何阶段都是占优的。

最后，关于杀手的信念所需满足的要求。要求 1 和要求 2 只是保证了杀手持有信念、

^① 期望得益最大化并不是参与者决策时唯一的处理准则，实际上还有诸如最小后悔值准则、最大最小值准则等。

并在给定信念下选择占优策略。但是它们并没有涉及如何形成信念并检验信念是否合理。实际上,既然杀手的信念是后验概率,那么它应该满足贝叶斯法则。例如,由双方的策略可知:

$P(\text{把守} / \text{持枪}) = 1, P(\text{躲避} / \text{持枪}) = 0, P(\text{把守} / \text{空手}) = 0.5, P(\text{躲避} / \text{持枪}) = 0.5$
又由自然选择可知:

$$P(\text{持枪}) = 0.5, P(\text{空手}) = 0.5$$

根据贝叶斯法则,在迈克尔把守时杀手推断他持枪的概率为

$$\begin{aligned} P(\text{持枪} / \text{把守}) &= \frac{P(\text{持枪})P(\text{把守} / \text{持枪})}{P(\text{持枪})P(\text{把守} / \text{持枪}) + P(\text{空手})P(\text{把守} / \text{空手})} \\ &= \frac{0.5 \times 1}{0.5 \times 1 + 0.5 \times 0.5} = \frac{2}{3} \end{aligned} \quad (4-1)$$

而这正好与策略组合 C 中杀手的信念一致! 同理可计算杀手关于迈克尔的其他判断,不难检验它们都与杀手的信念一致。只有信念和事实一致,才能说明杀手的判断是合理的。

不妨假设策略组合 C 是一个均衡。注意到策略组合中包含了双方的混合策略,因此无论躲避还是把守、刺杀还是离开,只要有可能实施,都应该在均衡的考虑范围内。简言之,任何概率大于 0 的行动都有可能被选择,都应在均衡路径之上;而概率为 0 的行动都不可能选择,因此不在均衡路径之上。如图 4-8 所示,双实线路径 0-1-3-7、0-1-3-8、0-2-5-11、0-2-5-12 和 0-2-6-13 等都在均衡路径上。余者皆不在均衡路径上,如双虚线路径 0-1-4-9 等。正如式(4-1)的计算一样,在均衡路径上的所有信念都必须满足贝叶斯法则,同时受制于双方的策略(亦即选择所有可能行动的概率)。

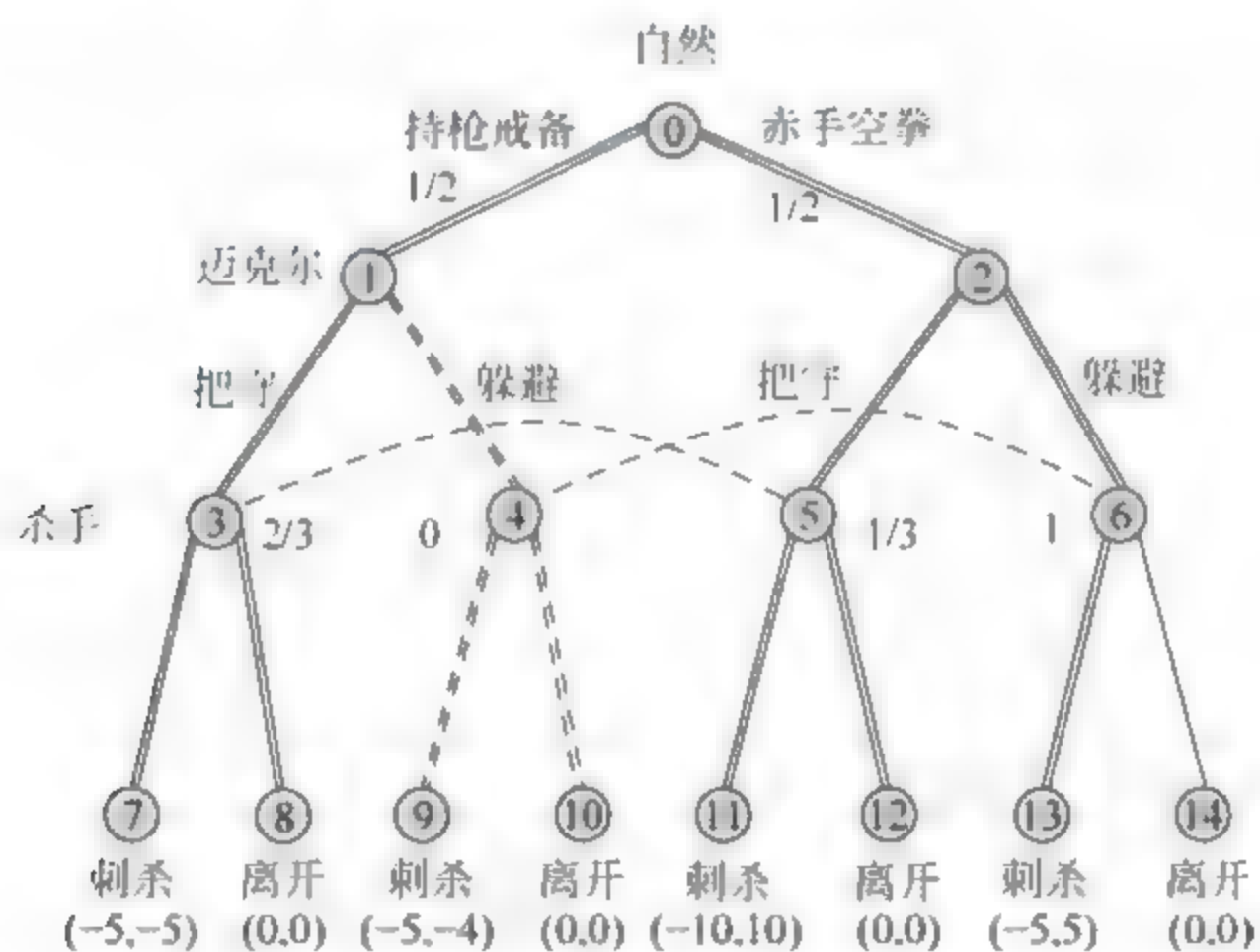


图 4-8 均衡路径和非均衡路径

所以,新的均衡概念还需满足第 3 个要求:在均衡路径上的信念由贝叶斯法则和各参与者的均衡策略决定。

在均衡路径上的策略必须是理性的、占优的,因此对信念的要求也应与序列理性保持一致。一般来讲,对非均衡路径上的信念可置之不理。但是,在某些情况下这样做将会给

分析带来麻烦。为了说明这一点,考虑路径 0-1-4-9 所对应的策略组合及信念 $P(\text{持枪/躲避})=0$ 。这条路径所对应的策略满足要求 1 和要求 2,而且满足贝叶斯法则。除了不在均衡路径上,它与均衡路径上的策略并无二致。因此如果有人质疑为何不将这条路径也纳入均衡,将会难以解释。但实际上迈克尔绝无可能在带枪时选择躲避——因为概率是 0。所以,为了剔除这类策略,需要对非均衡路径上的策略也做出要求。

新的均衡概念还需满足第 4 个要求:在非均衡路径上的信念由贝叶斯法则和各参与者在此处可能有的均衡策略决定。

此时,杀手的信念虽然满足贝叶斯法则,但是并不满足“由各参与者在此处的可能均衡策略决定”。譬如,迈克尔在带枪时选择了躲避,则杀手的信念必须更新为 $P(\text{持枪/躲避})>0$ 。既然如此,杀手和迈克尔的策略也必须做相应的改变。那么改变后的可能均衡就不再是路径 0-1-4-9。所以该路径不能同时满足要求 1~4,得以排除。

综上可知,新均衡的定义需要满足如下 4 个要求。

(1) 在各个信息集,参与者必须具有一个关于博弈达到该信息集中每个节点可能性的信念。

(2) 给定参与者的信念,均衡策略必须是“序列理性”的。换言之,无论历史行动如何,当轮到参与者行动时,他的均衡策略在以后任何阶段都是占优的。

(3) 在均衡路径上的信念由贝叶斯法则和各参与者的均衡策略决定。

(4) 在非均衡路径上的信念由贝叶斯法则和各参与者在此处可能有的均衡策略决定。简言之,任何到达概率大于 0 的节点都应在均衡路径之上;而到达概率为 0 的节点都不在均衡路径之上。

上述 4 点要求不仅适用于刺杀博弈的均衡,也适用于一般的不完美信息博弈。同时满足上述 4 点要求的均衡被称为完美贝叶斯均衡。

4.2.2 完美贝叶斯均衡的定义

上一节结合案例对完美贝叶斯均衡提出了 4 个要求。相对严谨的表述可见如下内容。

要求 1: 在各个信息集,轮到选择的参与者必须拥有一个关于博弈达到该信息集中每个节点可能性的“信念”。对多节点信息集,一个“信念”就是博弈达到该信息集中各个节点可能性的概率分布;对单节点信息集,则可理解为“判断达到该节点的概率为 1”。

要求 2: 给定各参与者的信念,参与者的策略必须是“序列理性”的。意即,在各个信息集,给定参与者的信念和其他参与者的“后续策略”,该参与者的行动及其后阶段的“后续策略”,必须使自己的得益或期望得益最大。所谓“后续策略”,即参与者策略中自该信息集之后的部分所构成的策略。

要求 3: 在均衡路径上的信息集处,“判断”由贝叶斯法则和各参与者的均衡策略决定。

要求 4: 在不处于均衡路径上的信息集处,“判断”由贝叶斯法则和各参与者在此处可能有的均衡策略决定。

补充说明：对于给定扩展型博弈中的给定均衡，如果博弈根据均衡策略进行时将以正的概率到达某信息集，则称此信息集处于均衡路径之上；反之，如果博弈根据均衡策略进行时肯定不会到达某信息集，则称之为处于均衡路径之外的信息集。

在完全但不完美信息博弈中，满足上述4个要求的策略组合连同相应信念被称为完美贝叶斯均衡。

要求1~3不仅包括贝叶斯博弈的主要思想，而且也构成了完美贝叶斯均衡的定义。与前几章的纳什均衡和子博弈完美均衡不同，在完美贝叶斯均衡中信念被提到了与策略同等重要的地位。具体而言，一个均衡不再只是由每个参与者的策略所构成，还包括了参与者在轮到他行动时对自己位置的推断。就上述4个要求而言，不同的学者或教材曾使用过不同的完美贝叶斯均衡定义。但是所有的定义都包括要求1~3，同时大多数定义也包含了要求4；甚至有些定义包含了更进一步的要求。

为何有这4个要求？这点在上文的刺杀博弈中已经做了简单分析。要求1的作用是保证参与者拥有判断，将信息不完美的博弈转化为可分析的扩展型表示；要求2的作用是保证参与者的序列理性，消除动态行动中的不可置信承诺（或威胁）；要求3是为信念的赋予和更新提供一般准则，使之与均衡策略保持一致变动，而要求4则意在排除某些不可能到达的所谓“均衡”。

同时，必须强调完美贝叶斯均衡所体现的一致性。所谓一致性，要求各种信念之间必须一致，而且信念要与参与者的策略一致。关于各种信念之间的一致性，一般要求信念是参与者的共同知识。例如，在刺杀博弈中杀手清楚自己的信念，迈克尔也知道杀手的信念，杀手也知道迈克尔知道自己的信念……只有这样才能保证双方对均衡预测的一致性。而关于信念与策略之间的一致性，在任一个与参与者策略相一致的信息集合中关于已发生历史的信念应该源自这些使用贝叶斯法则的策略。简言之，当策略变化时，信念也应该随之变化。在贝叶斯法则下，信念的赋予和更新依赖于参与者的策略，而策略又是在给定参与者信念下的最优反应。这种循环性使得人们不能仅仅依靠逆向归纳来确定均衡，同时信念的更新也无法与策略调整同步实现，只能是后验的。

为了更深刻地理解完美贝叶斯均衡，请看接下来的实例。

4.3 古玩旧货市场：总有不完美



引语故事：古玩市场

1994年，一名专家在北京潘家园旧货交易市场闲逛时，发现了一批北魏陶俑。它们的形态从未现世。所见者几乎一致认为：这是北魏时期的珍贵文物，而且很可能是前不久刚被媒体披露的被盗的北魏墓里的陪葬品。

专家们使用了考古中常用的年代测定手段——碳14断代法进行检测，发现这批陶俑在年代上与北魏完全吻合。某博物馆还邀请了当时北京几乎所有的顶级考古学家、鉴定专家“过眼”，他们一致认可为真品。于是，专家申请拨专款、专项抢救性收购古玩市场上

的“北魏珍贵陶俑”。

不料,类似的“出土文物”竟源源不断地出现在北京的文物市场。国家文物局为此事成立了专案组,后经调查发现:这批文物实为赝品,是一位“民间艺术家”所做的高仿艺术品。而报纸上所刊登的北魏大墓被盗的消息,也是倒卖这些作品的古董商故意释放出的消息。

实际上,有专家指出在古玩市场中有九成以上是赝品,甚至更高。正如一位收藏专家感叹:“现在市面上赝品、仿制品很普遍,很少能像前几年那样‘捡漏’,花小价钱买到真宝贝了。”

在古玩旧货市场,卖家对“藏品”的真伪非常清楚,而买家则不知底细,只能凭借自身推断或所谓的专家鉴定。与买家相比,卖家占据着显著的信息优势。那么,在这种信息不对称时双方应该如何理性行动呢?这种信息不对称对古玩旧货市场的发展又有什么影响呢?接下来我们将通过不完美信息博弈来分析藏品市场上买卖双方的策略,并进一步分析他们对市场发展的影响。

对于购买藏品的买家而言,藏品是否为真完全是个随机事件,大致由市场中流通真品的比例决定。仿照前例,引入虚拟参与者“自然”,由自然决定买家遇到赝品的概率。

简单起见,我们仅关注“古币”这一类别的藏品。由于古币是标准化商品,流通数量多,因此有相对客观的定价参照。假设买卖双方都没有定价权,交易价格由市场决定,这是双方的共同知识。同时,依照旧货市场的所谓“潜规则”,交易完成后不能退换货,意即行动后不能反悔。双方的行动分别是买和不买、卖和不卖。仿照前文,构建如下博弈:首先由“自然”决定真品的概率;卖家决定是否将收购到的“藏品”拿到市场上出售;买家看到“藏品”后决定是否购买。另外,如果古币是赝品且卖家决定出售,那么他需要花钱去伪装,如设局、做旧等。这些花费统称为伪装成本。

4.3.1 单一价格交易

假设真品对于买家的价值为 v_t ,赝品的价值为 v_f 。由于买家的“淘宝”心态,所以无论真品还是赝品,卖家都想标以真品出售。假设伪装成本为 c ,真品价格为 p 。如上文提及,这是一个不完美信息博弈:在买卖双方的交易中,卖家知道自己的商品是否为赝品,而买家却不知道。买卖双方的博弈可用图 4-9 的扩展型表示。

若古币是真品且买卖成交,则卖家和买家的得益分别为 $p, v_t - p$ 。若古币是赝品且买卖成交,则卖家和买家的得益分别为 $p - c, v_f - p$ 。否则,若有任何一方不同意则无法成交,双方的得益都为 0。除了一种情况:卖家出售赝品但买家不买时卖家损失 c 。

显然,有 $p > c > 0$,否则商人将没有动机仿冒。若买家淘到了真品,自是觉得赚了一笔;若买到赝品,则顿觉不值。这意味着: $v_t > p > v_f > 0$ 。只有如此,双方才有参与的动机,形成活跃的市场。在这种条件下,无论谁单方面选择积极策略(亦即卖家始终选择卖或买家始终选择买)对自身都有一定的风险,而选择保守策略(亦即卖家始终选择不卖或买家始终选择不买)又有可能丧失潜在的获利机会。不难理解,该博弈如果存在策略均

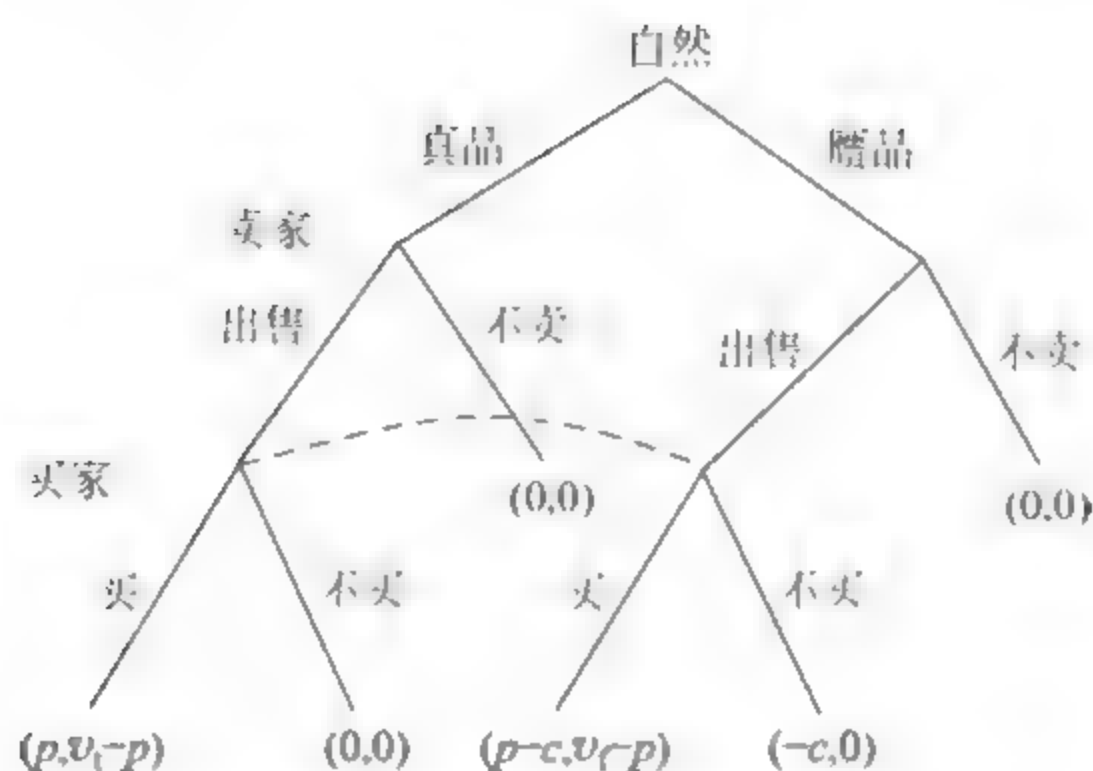


图 4.9 旧货市场买卖博弈

衡,那么它应是完美贝叶斯均衡。接下来的工作便是求解完美贝叶斯均衡,亦即结合买家的信念,对给定的策略组合进行分析,检验它是否满足完美贝叶斯均衡的4个要求。不过在此之前,先介绍4种市场类型。

1. 4种市场类型

为给多个均衡做铺垫,我们先介绍1种市场类型,实际上也是导致不同均衡的代表性条件。它们是:市场完全成功、市场部分成功、市场接近失败和市场完全失败。

(1) 市场完全成功。此种情形能够充分实现市场的效率,在不损失任何一方利益的前提下总体利润最大化。它要求只有拥有真品的卖家将“古币”放入市场,而拥有赝品的卖家不会将“古币”放入市场。由于市场所有的古币都是真品,买家始终选择买下。此时市场中的所有交易都为优质交易,因此市场获得最大的总体利润。我们称这种情况为“市场完全成功”。

(2) 市场部分成功。此种情形能获得仅次于类型(1)的市场总利润。它要求所有真品卖家将“古币”放入市场,同时所有赝品卖家也都会将所谓的“古币”放入市场。而买家的决定仍然是始终买下。买卖赝品的交易被称作不良交易。不良交易中的买家将蒙受损失,市场所获得的利润将低于类型(1)。此时市场上同时存在优质交易和不良交易,因此市场能够获得较大的贸易利润。我们称这种情况为“市场部分成功”。

(3) 市场接近失败。此种情形所获得的市场总利润比类型(2)的还要低。它要求所有真品的卖家将“古币”放入市场,同时拥有次赝品的卖家将“古币”以一定的概率(大于0,小于100%)放入市场。买家则以一定的概率买进市场上的“古币”。此时市场上同时存在优质交易和不良交易,买家和卖家都使用混合策略。由于买家以混合策略买下“古币”,市场上的总体成交量将会减少,因此市场贸易利润将比类型(1)和类型(2)的都要低。我们称这种情况为“市场接近失败”。“市场接近失败”容易转化为接下来的“市场完全失败”。

(4) 市场完全失败。此种情形所获得的市场总利润最小。由于担心“古币”卖不出去,市场上所有的卖家都不敢将“古币”投放市场,买家自然也无法获得“古币”。市场内没有交易发生,因而也无法获得市场贸易利润,市场将无以为继。我们称这种情形为“市场

完全失败”。

虽然这4种市场类型之间存在明显的界限,但它们相互之间也可以进行转换。图4-10可直观地表现出4者之间的区别和联系。

$$(V_g - P) \times P(g|A) + (V_b - P) \times P(b|A)$$

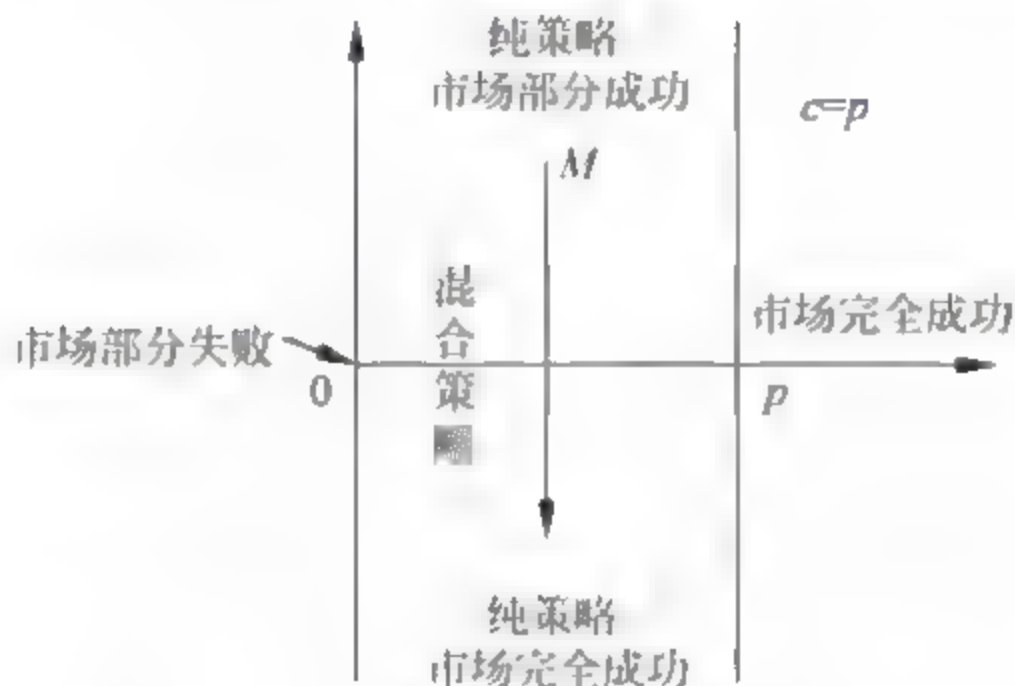


图4-10 市场交易的4种类型及其关系

图中M代表市场均衡类型

令 t : “‘古币’为真品”; f : “‘古币’为赝品”; s : “卖家出售‘古币’”。则 $P(t)$ 表示“古币”为真品的概率, $P(f)$ 表示“古币”为赝品的概率, $P(s)$ 表示卖家出售“古币”的概率, $P(t|s)$ 表示当卖家出售“古币”时“古币”为真的概率, $P(f|s)$ 表示当卖家出售“古币”时“古币”为假的概率, $P(s|t)$ 表示当“古币”为真品时卖家出售的概率, $P(s|f)$ 表示当“古币”是赝品时卖家出售的概率。

在图4-10中,横轴为卖家的伪装成本 c ,纵轴表示买家对市场上“古币”交易的期望得益 E ,即 $P(t|s)(v_t - p) + P(f|s)(v_f - p)$ 。使用 $c=p$ 和 $E=0$ 两条直线将整个平面划分为4个部分,并用是否“有利可图”来判别,即判别期望得益是否大于0。

(1) 如果策略组合(卖出,买入)是一定有利可图的,那么卖家/买家一定会进行交易,选择策略为纯策略。

(2) 如果策略组合(卖出,买入)是一定无利可图的,那么卖家/买家一定不会进行交易,选择策略为纯策略。

(3) 如果策略组合(卖出,买入)不一定有利可图,那么卖家/买家会以一定的概率进行交易,选择策略为混合策略。

为了解市场互相转换的原理,不妨在横轴的上方绘制一点 M ,代表此时市场的状态,同时将价格 p 在图中用一条纵线标出(注:在图中 p 是不变量)。

假设一开始 M 点处于市场部分成功处。显然,此时的 $c < p, e > 0$ 。这意味着伪装成本较低,收购赝品出售是有利可图的。同时,卖出真“古币”也是有利可图的。因此,古董商人会将所有的“古币”都放入市场。当然,这基于卖家对买家策略的预测:他全都买下。实际上,买家的策略的确如此。此时,买家的期望得益应该满足 $e = P(t|s) \times (v_t - p) + P(f|s) \times (v_f - p) > 0$,意即买家有利可图。这是市场部分成功时的情况。

假如伪装成本 c 逐渐增大,即 M 点水平右移。当 $c \geq p$ 时,转换为市场完全成功。因

为伪装成本非常高,赝品以价格 p 出售无利可图,因此卖家再无动机伪装。市场上流通的“古币”都是真品,赝品退出市场。注意,买家的信念也应与双方策略一致,即 $P(t|s) = 1, P(f|s) = 0$ 。显然,买家的期望得益为正,买家一定买入“古币”。这是市场完全成功时的情况。

再回到 M 点。当市场部分成功时,买家的预期得益显然低于购买真品时的预期。一般而言,在封闭市场内双方都不愿打破这种均衡。但是在开放市场内,常常存在赝品涌入,真品惜售,这些将会改变买家的信念,进而降低买家的期望得益。所以,当买家的期望得益足够低直至为 0 时,他将采取混合策略。对于卖家,所有真品都会被投入市场;而赝品则有卖不出的可能,因此赝品也会以混合策略投入市场。这是市场接近失败的情况,而市场接近失败很容易转换成为市场完全失败,转换原理详见 4.3.2 节扩展阅读。当市场处于完全失败时,双方均无利可图,市场停滞。此时 M 点移至最下方的箭头处。

2.3 类均衡

回看 4 种市场类型,显然第一种情形更利于买家判断的形成,其余情形都令买家猜不透。即便如此,类型(2)、(3)、(4)之间也有不同。为了对 4 种市场类型的均衡有所区别,现引入 3 类均衡:分离均衡、合并均衡和混同均衡。

(1) 分离均衡。不同类型的完美信息参与者(此例指古币的卖家,下同)采取完全不同行动的市场均衡,称为“分离均衡”。分离均衡可以出现在市场完全成功模型中。在分离均衡下,卖家将会以“古币”的质量作为区分,赝品不投入市场,真品投入市场。此时买家很容易通过卖家的行为将它们区别开来。

(2) 合并均衡。不同类型的完美信息参与者采取完全相同行动的市场均衡,称为“合并均衡”。在合并均衡下,买家完全无法区别卖家的真实信息,因此可忽略卖家的行动,直接从市场的基本情况中寻找行动的依据。

(3) 混同均衡。不同类型的完美信息参与者采取混合策略的市场均衡,称为“混同均衡”。在混同均衡下,不同类型卖家的行动既不是全部相同,也不是全部不同,而是既有相同也有不同。因此买家无法通过卖家的行动将其分开,也无法视作一类,因此,买家只能依靠概率分布来判断。



概念解读: 3 类均衡的通俗解释

假设世界上的人分为好人和坏人两种,事情也分好事和坏事。但是一个人是好人还是坏人,这是他的私有信息,人们不知道。但是,人们可以通过观察他做了好事还是坏事,来判断这个人是好人还是坏人。

假如好人只做好事,坏人只做坏事,不同类型的人无法模仿对方的行为。好人要模仿坏人,就必须做坏事,但是他做坏事的心理成本太高,他也就模仿不了坏人。同样地,坏人想模仿好人,就必须做好事,但是他做好事简直是折磨,所以他也模仿不了好人。结果,外界就能从他们所做的事情来推断他们的类型。无论是做好事还是做坏事,都传递了参与者类型的有效信号,这种情况被称为分离均衡。如图 4-11(a)所示。

然而,在现实生活中,这种完全的信号并不多,更多时候信号只是部分有效。比如,在

同一个例子中,好人做坏事的心理代价很高,所以好人都不做坏事;但是,坏人在某些时候做好事的代价却很低,所以他也可能做一些好事。这时,通过观察到某个人的行为,我们得到的结论是:如果观察到一个人做好事,我们不能肯定他是好人;但是如果观察到一个人做坏事,我们可以肯定他是坏人。此时,做好事并没有传递有效的信号,而做坏事则传递了有效的信号,这种情况被称为半分离均衡或半合并均衡。如图 4-11(b)所示。

当然,也存在这样的情况,无论好人坏人,他们都既做好事又做坏事。这时做好事或做坏事就都不能成为有效信号。这种情况被称为混同均衡。此时,观察到一个人做好事或做坏事,或许可以有助于人们改善关于一个人属于好人或坏人的信念,但并不能借此推断出其类型。如图 4-11(c)所示。

还有大家都做好事,或者大家都做坏事的情况,这是合并均衡。此时观察到好事或坏事将得不到任何的进一步信息。如图 4-11(d)所示。

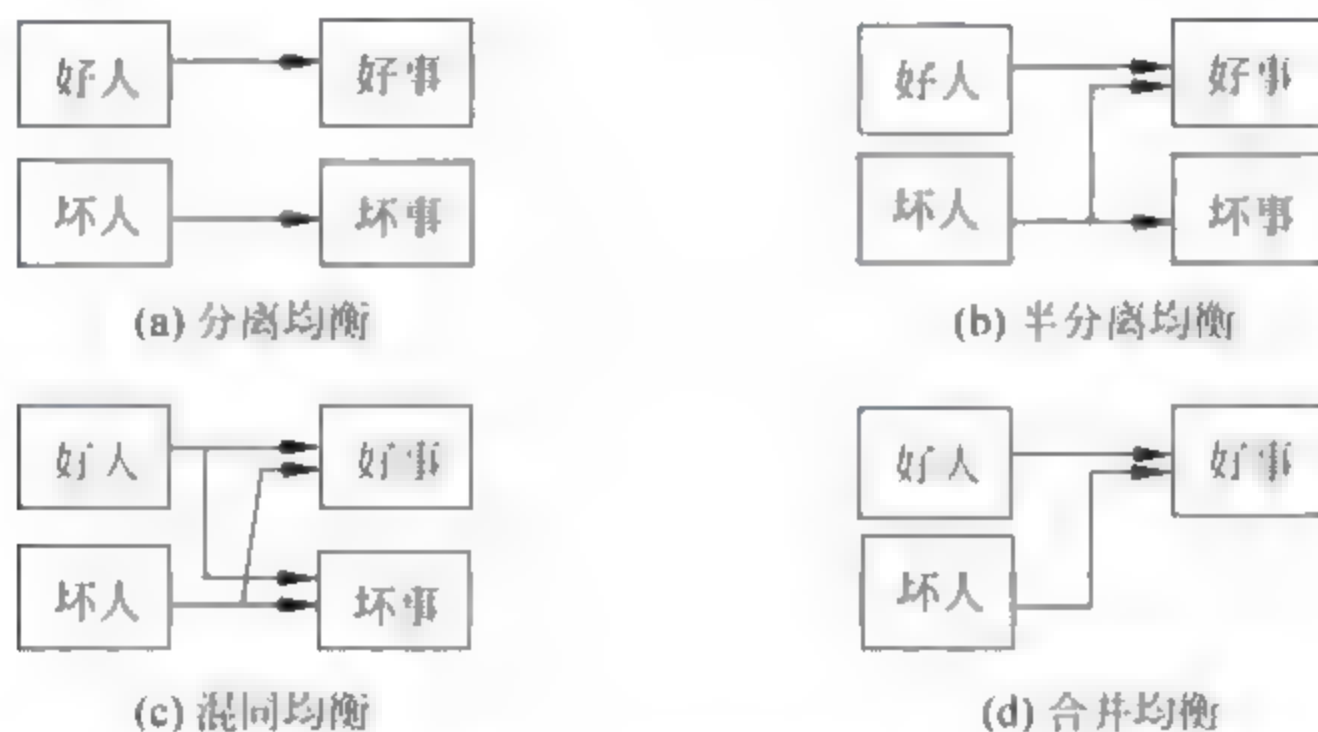


图 4-11 3 类均衡的关系

3. 古玩旧货市场的均衡

根据上述 4 种市场类型和 3 类均衡的定义,本节讨论“古币”市场中的完美贝叶斯均衡。

(1) 市场完全成功(存在条件: $c \geq p$)。此时存在一个纯策略的分离均衡:

- ① 真品卖家选择出售,赝品卖家放弃出售。
- ② 买家始终买入“古币”。
- ③ 买家的信念为 $P(t|s)=1, P(f|s)=0$ 。

分析:在检验上述策略组合时,只需验证它是否满足要求 2 和要求 3 即可。给定买家的信念,他选择买的期望得益为 $(v_t - p) \times 1 + (v_f - p) \times 0 - v_t - p > 0$ 。不买则得益为 0,所以买家一定买入。逆推至卖家,他对“古币”是否为真拥有完全信息。当“古币”为真品时,他出售时得益为 $p > 0$,所以选择出售;当“古币”为赝品时,他出售时得益为 $p - c \leq 0$,所以选择不卖。这与双方的策略一致。显然,根据买卖双方的策略可知 $P(s|t)=1, P(s|f)=0$,则在贝叶斯法则下买家的信念为 $P(t|s) = P(t)P(s|t) / [P(t)P(s|t) + P(f)P(s|f)] = 1, P(f|s) = 1 - P(t|s) = 0$ 与策略组合中的信念一致。所以买家推断只要市场上出售的“古币”都是真品,显然这是一个分离均衡。

(2) 市场部分成功[存在条件: $p > c, P(f)$ 充分小]。此时存在一个纯策略的合并均衡:

- ① 无论“古币”是真假,卖家均出售。
- ② 卖家始终买下“古币”。
- ③ 买家的信念为 $P(t|s) = P(t), P(f|s) = P(f)$ 。

分析: 当买家选择时,选买的期望得益为 $(v_t - p) \times P(t|s) + (v_f - p) \times P(f|s)$ 。根据先前假设, $P(f)$ 充分小,即赝品比例足够小。此时 $(v_t - p) \times P(t) + (v_f - p) \times P(f) > 0$, 买家始终选择买下。回推至卖家,真品卖家的得益为 p ,赝品卖家的得益为 $p - c$,二者均大于 0。因此无论真品还是赝品的卖家都会选择出售。同时根据双方的策略可知 $P(s|t) = 1, P(s|f) = 1$ 。根据贝叶斯法则可知 $P(t|s) = P(t)P(s|t) / [P(t)P(s|t) + P(f)P(s|f)] = P(t), P(f|s) = 1 - P(t|s) = P(f)$,这与买家的信念一致。

(3) 市场完全失败[$p > c, P(t)$ 充分小时]。此时存在一个纯策略的合并均衡:

- ① 无论真品还是赝品的卖家都选择不卖。
- ② 买家始终不买。
- ③ 买家的信念为 $P(t|s) = 0, P(f|s) = 1$ 。

分析: 当买家行动时,买家选买下时的期望得益为 $(v_t - p) \times 0 + (v_f - p) \times 1 < 0$,因此买家选择不买。至于卖家,真品出售时的得益为 0;赝品出售时的得益为 $-c$,所以卖家选择不卖。这与卖家的策略一致。同时,根据双方的策略可知 $P(s|t) = 0, P(s|f) = 0$ 。根据贝叶斯法则可知 $P(t|s) = P(t)P(s|t) / [P(t)P(s|t) + P(f)P(s|f)] = 0, P(f|s) = 1 - P(t|s) = 1$,这与买家的信念一致。实际上,由于 $P(t|s) = 0$,它意味着市场上真品的概率为 0,因此“真品出售,买家不买”不在均衡路径上。但是它可以被这样理解:它是在 $P(t)$ 充分小时的极端结果,买家推断只要是出售的“古币”就一定是赝品。假如卖家由于失误进入了市场,由于真品的可能性足够小,因此买家的极端推断就是 $P(t|s) = 0$,因而选择不买是可能的均衡策略。所以该均衡满足要求 2~4。

(4) 市场接近失败(存在条件: $p > c, e = 0$)。此时存在一个混合策略所构成的混合均衡。为使讨论简便,我们使用数值例子来说明。假设 $v_t = 3$ 万元, $v_f = 0$ 万元, $p = 2$ 万元, $c = 1$ 万元。市场上真品和赝品各占一半,即 $P(t) = P(f) = 0.5$ 。此时的混合均衡应为

- ① 若“古币”是真品,卖家始终出售,若是赝品,以 50% 的概率出售。
- ② 买家以 50% 的概率选择买下。
- ③ 买家对市场的判断为 $P(t|s) = 2/3, P(f|s) = 1/3$ 。

分析: 根据双方的策略可知 $P(s|t) = 1, P(s|f) = 0.5$ 。由贝叶斯法则,买家在看到卖家的出售时对“古币是真品”的后验判断为

$$p(t/s) = \frac{p(t) \times p(s/t)}{p(t) \times p(s/t) + p(f) \times p(s/f)} = \frac{0.5 \times 1}{0.5 \times 1 + 0.5 \times 0.5} = 2/3$$

所以, $P(t|s) = 2/3, P(f|s) = 1 - P(t|s) = 1/3$,与买家的信念一致。

课堂练习：请根据上述市场接近失败时的数值例子，证明所给出的混合策略均衡满足序列理性要求。

不难得出结论，在买家尚未对卖家完全丧失信心的市场里（接近失败市场），伪装成本无疑成为决定市场走向的中流砥柱：伪装成本越高，越容易传递自身的信息，真品的卖家和赝品的卖家具有完全不同的行为，买家一眼便识；伪装成本越低，越难传递自身的信息，市场内真伪难辨，反倒是具有真品的卖家被赝品的暴利挤出市场。所以，从市场管理的角度考虑，我们应提高低品质商家的伪装门槛，加强监管的力度，别让“卑鄙成为卑鄙者的通行证，高尚成为高尚者的墓志铭”。

4.3.2 双价市场模型*

基于上一节讨论的单一价格“古币”交易，本节介绍稍微复杂的双价交易。在单一价格交易中，卖家只有两个选择：卖或者不卖。事实上，卖家可以有多个定价。而双价交易便是指卖家可自己为“古币”标高价或低价的交易。在单一价格交易的基础上，双价交易做了部分添加和修改。

- (1) 卖家的可能行动是标“高价”和“低价”。
- (2) 真品可以标高价或者标低价。
- (3) 赝品可以标低价，也可以伪装后标高价。

事实上，二价交易市场排除了不准备出售“古币”的卖家，这样所有的卖家在市场上都是可见的，更利于分析不同均衡之间的转换。常言道：“一分价钱一分货。”意即商品质量的好坏取决于商品价格的高低。实际上它隐含了一种假设：市场能够通过价格分离不同质量的商品。这显然是分离均衡的结果，但是在合并均衡或混合均衡下，这句话还有意义吗？

同上文，真品和赝品对买家的价值分别为 v_t 和 v_f ，赝品的伪装成本依然为 c 。高价和低价分别记作 p_h 和 p_l 。显然，需满足 $v_t > v_f$ 、 $p_h > p_l$ 、 $c \geq 0$ 。仿照图 4-7，双价交易的扩展式如图 4-12 所示。

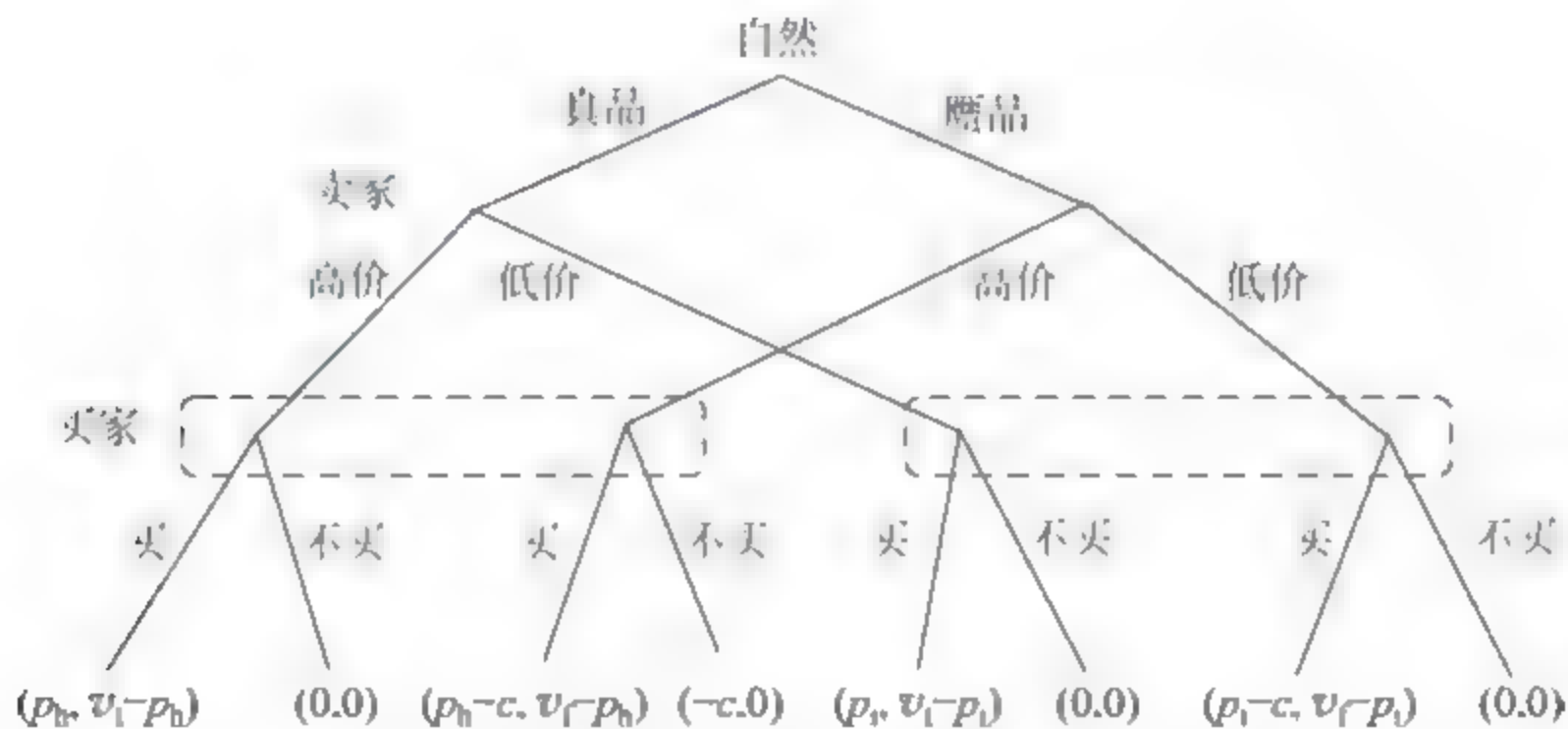


图 4-12 双价交易的扩展式

结合实际情况，做如下假设。

假设 1：对于买家而言，真品的价值大于卖家所出的高价，赝品的价值介于高价和低

价之间,即 $v_t > p_h, p_h > v_f > p_l$ 。

假设 2: 买家更倾向于用高价买真品,而不是用低价买赝品,即 $v_t - p_h > v_f - p_l$ 。

此外,变量还需满足如下关系:

$$v_t - p_h > v_f - p_l > 0 > v_f - p_h$$

这与实际观察是基本一致的:对买家而言即使真品价高也是值得的,优于赝品价低。

在单一价格交易中,低品质产品向高品质产品的伪装费用(伪装成本 c)扮演了相当重要的角色。双价交易亦然。因此依据成本变化可考虑三种情形: $c=0$, $0 < c \leq p_h - p_l$, 和 $c > p_h - p_l$ 3 种情况。

(1) 当 $c=0$ 时。 $c=0$ 代表着赝品伪装成本非常低,几乎为 0。此时所有赝品都会冒充真品,并标以高价,同时真品也是标高价。当然,这建立在一种信念上:买家认为低价一定是赝品。因此,依据买家的期望得益 e 是大于 0、等于 0 或小于 0,可判断市场是部分成功、部分失败或完全失败的。

(2) 当 $c > p_h - p_l$ 时。由于伪装费用已经超过标高价的增益,因此赝品将不再冒充真品,同时标以低价。但是 c 大小对拥有真品的卖家并无影响,真品仍将标以高价。而买家完全可通过价格区分“古币”的真伪:高价者真品,低价者赝品。买家的选择是买入。因此,这是一个分离均衡,市场处于完全成功的类型。

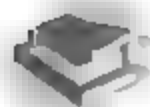
(3) 当 $0 < c \leq p_h - p_l$ 时。相对于前两种情况,这种情况最为常见。在单一价格交易中曾讨论过类似情形。由于将赝品伪装后既有可能卖不出去而亏本,又有可能高价卖出而盈利。所以只有部分拥有赝品的卖家愿意伪装。此时,市场中将同时存在赝品和真品,买家必须根据对方的策略(取决于得益和乙方策略等)、信念(对真品和赝品比例的感知)及贝叶斯法则来做出判断。此时市场既有可能是部分成功的、也可能处于部分失败或完全失败的类型,而均衡则是合并均衡或混同均衡。

求解双价交易市场策略均衡的常用方法是逐步试探,关键是找到一个合理的策略组合,然后检验其是否满足完美贝叶斯均衡的 4 个要求。实际上,对于一般的不完美信息博弈,信念与策略之间的相互依赖不仅使得均衡解不再唯一,也大大增加了均衡的求解难度。因此逐步试探是简便易学的方法之一。首先讨论第二阶段中买家的信念,接着根据买家的信念来确定买家采取何种策略才是理性的,然后根据买家所采用的策略,讨论第一阶段中卖家采用哪种策略是可信的,最后得出该模型的完美贝叶斯均衡。本书不再详述,有兴趣的读者可深入阅读更多书籍。

值得注意的是,在价格可变时不完美信息对市场的破坏作用产生了新的表现形式。若交易价格可变,卖家为了出清将允许讨价还价,那么理性买家所愿意支付的最高价将不高于“古币”的“期望价值”[上文的 $P(t|s) \times v_t + P(f|s) \times v_f$],并以此逐渐形成市场价格。由于该价格低于真品的价值,真品将逐渐退出市场。它导致真品在市场中的比例下降,进一步买家的期望价值降低,其所愿支付的价格也将更低,又再度把真品挤出市场。这一恶性循环的最终结果是市场上只剩下低品质的赝品,而不会有高价值的真品,买家也不再愿意购买。这是一个完全失败的市场,其直接原因是信息不完美和伪装成本过低。换言之,由于参与双方信息不对称,买家不能识别商品的质量,因而不愿付高价购买商品,

最终引起优质品逐渐被劣质品赶出市场。这种过程通常被称为“逆向选择”，这样的市场则被称为“柠檬市场”^①。关于“逆向选择”的故事，下一节将继续说明。

4.4 浅说信息不对称*



引语故事：大额保单

大额保单曾是很多私人银行的重要产品。为了刺激保单的销售，银行往往给客户经理高额的销售提成。这些不同类型的大额保单对于客户来说并非没有帮助，比方说：一个30多岁的IT新贵，可以用500万美元的保费，买到差不多3000万美元身故赔偿金的大额保单。而这500万美元的保费，又可以通过银行贷款拿到差不多70%。也就是说，他可能只需要付150万美元的保费，就可以享受到3000万美元的身故赔偿金。如此高的杠杆率，而又不需要面对市场起伏的风险，对于这张保单的受益人来说，的确是不错的选择。

一年前，客户经理Sam Davis曾销售给某一客户一张500万美元的大额寿险保单。该客户本人正是这张保单的被保险人，而持有人亦即受益人是他的妻子。但是这周一上班，他就看到这个客户在焦急地等待他。Davis永远不会忘记见面时客户脸上的恐惧。原来，这位客户与妻子正办理离婚，而妻子为了断绝一切瓜葛就将这张保单转给了他的岳母……

客户为什么会充满恐惧？有些读者可能已经猜到了。大额寿险赔偿金的偿付条件是被保险人的死亡。因此，当保险公司兑付这3000万美元死亡赔偿金的时候，那个被保险的人已经不存在了。因此它隐含着极大的风险。如果客户很爱自己的妻子和孩子，又确信妻子很爱他，那么他就可以买这样一份大额保单，以确保在自己意外死亡后她们衣食无忧。但是客户并不确信自己的岳母是什么想法，会不会加害自己，所以客户才有了深深的恐惧。

这种信息不对称在现实中比比皆是。例如，在雇佣关系中，雇员的能力、品德等信息，雇主一般也无法完全知道。员工每天做些什么，工作是否尽心尽力，老板通常也不完全清楚。在商业借贷中，对于借贷人的诚信度、项目的盈利前景等，银行也并不完全了解。信贷资金的使用是否符合合同规定，银行也不可能完全掌握。在医患关系中，医生拥有比病人更多的有关病理、医药方面的知识。医生开给患者某种药，究竟是真的为了治病还是为了拿药商的回扣，患者不容易判断。总之，只要有信息，就难免有信息获取程度的差异，生活中处处有潜在的信息不对称。

在博弈信息类型中存在信息完全和不完全、信息完美和不完美两类情况。在这些博弈中，完全且完美信息博弈的参与者对于信息的获取能力都是相同的，这被称为“信息对

^① “柠檬”在美国俚语中表示“次品”或“不中用的东西”。

称”。可事实并非完全如此。由于自然因素或者人为因素,参与各方对信息的了解是有差异的,这种真实信息多寡不一致的现象就称为“信息不对称”。信息不对称会导致掌握信息比较充分的一方在市场活动中常常处于占优势的地位;而掌握信息比较匮乏的一方则处于劣势地位。

“信息不对称理论”是由3位美国经济学家——约瑟夫·斯蒂格利茨、乔治·阿克洛夫和迈克尔·斯宾塞提出的。该理论认为:①市场中卖家比买家更了解有关商品的各种真实信息;②信息较多的一方可以通过向信息较少的一方传递可靠信息而在市场中获益;③买卖双方中拥有信息较少的一方会努力从信息较多的一方获取信息。阿克洛夫认为市场上卖家之所以能向买家推销低质量的商品,就是因为市场双方各自所掌握的信息不对称。斯宾塞则揭示了应如何利用所掌握的信息来谋取更大得益。而斯蒂格利茨提出了掌握信息较少的一方应如何进行市场调整的理论。阿克洛夫、斯宾塞和斯蒂格利茨关于“信息不对称”的理论用途广泛,构成了现代信息经济的核心。它不仅适用于对传统农业市场的分析,也适用于对现代金融市场的研究。

信息不对称将会造成市场效率低下,甚至是市场完全失败。从时间角度上划分,不对称信息可以表现在与当事人签约(交易)之前,也可以表现在签约(交易)之后。这两种情况分别被称为“事前不对称信息”和“事后不对称信息”。一般而言,“事前不对称信息”所造成的结果常被称为逆向选择,而“事后不对称信息”的结果则被称为道德风险。

4.4.1 逆向选择

在拍卖市场中,尽管参加拍卖的商品可供竞标者检查,但是拍卖商和众多竞标者所能够辨别的信息却不尽相同:拍卖商深知拍卖品的真实价值,而竞拍者可能无法完全认清拍卖品的内在质量。例如,在二手车拍卖中有一辆待拍卖的精致跑车存在噪声问题。竞拍者1通过试驾发现了噪声的来源,知道大致的修理成本,那么他算摸清了车的底细。而竞拍者2不知问题所在,他只得赌一赌运气:好运的话是低价淘到了有微小问题的好车,背运的话只得为残次品支付较高的修理费用。同样的一辆跑车,不同竞拍者所能甄别的信息就存在着差异。那么,若所拍车辆只存在微小的问题,只有了解车辆问题的竞拍者才会更准确地为车辆定价。而其他不了解车辆问题的竞拍者就会给出错误的较低竞价。这样可能会导致拍卖商对拍卖丧失信心,进而拥有“良品”的拍卖商逐渐退出拍卖市场,剩下的拍卖品质量也将逐渐下降。下面通过数值例子来说明他们的互动结果。

假设存在这样一个二手汽车市场,有100人希望出售他们的汽车,同时又有100人想买二手汽车。买主和卖主都知道这些旧汽车中高质量与低质量的汽车各占50%。同时,拥有高质量和低质量汽车的卖主的预期售价分别为2000美元和1000美元,而潜在买主的预期支付则分别为2400美元和1200美元。

如果信息对称且充分,买主不难确定二手汽车的质量,该市场不存在什么问题。低质量汽车将按1000~1200美元的价格出售,高质量汽车将按2000~2400美元的价格交易。

但是在信息不对称时,买主无法了解每辆汽车的质量,只能进行推测。因此,典型的

买主将以预期值购买旧汽车,即愿意支付: $1/2 \times 1\,200 + 1/2 \times 2\,400 = 1\,800$ (美元)。这样,拥有高质量汽车的卖主将不愿意出售汽车,会退出市场。

假定高质量的汽车退出市场后,二手汽车市场上高质量与低质量汽车的比例变为 $2:3$ 。买主也会感觉到二手车市场质量分布的变化,他们将不会再以 $1\,800$ 美元作为预期价格,而是以 $3/5 \times 1\,200 + 2/5 \times 2\,400 = 1\,680$ (美元)作为预期价格。实际上, $3/5$ 和 $2/5$ 即是买家的信念。结果,又会有部分次高质量的二手汽车退出市场。这一过程不断发生,最后,市场上将只剩下最低质量的汽车,高质量汽车被排挤出市场。如图4-13所示。

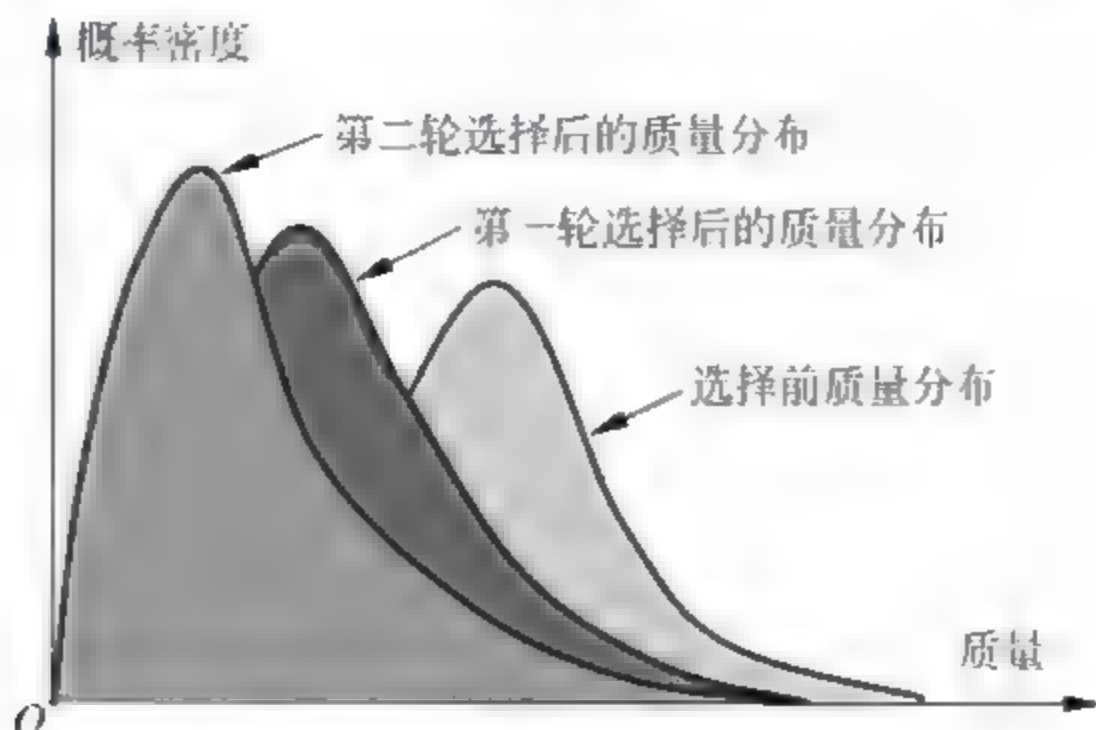


图 4-13 二手车市场的质量变化

细心的读者可能会发现,上述例子正是前文中双价交易中提及的“逆向选择”现象。在市场上“逆向选择”有着明确的定义。

定义 4.2 逆向选择是指由于市场上交易双方信息不对称所产生的市场流通商品质量下降的过程。

1970年,阿克洛夫发表了论文《柠檬市场:质量不确定性和市场机制》。阿克洛夫在这篇论文中提出的逆向选择理论揭示了看似简单实际上又非常深刻的经济学道理:逆向选择问题来自买家和卖家有关二手车的质量信息不对称。他指出,信息不对称所带来的最后结果是:市场上成了破烂车的展览馆,极端的情况是一辆车都不成交。而当时现实的情况是,社会成交量小于实际均衡量。但是,就美国的二手车市场而言,在经过几十年的发展后,现在已经形成规模庞大的交易系统和相对高效的交易机制。尽管在二手车市场中,买卖双方的信息差异不断缩小,但信息不对称导致的“逆向选择”仍广泛地存在于生活的方方面面。

在保险市场中,一般年龄超过65岁的人买不到保单。65岁以上老人的定期保费很高,只有那些最悲观(也即健康状况最差)的投保人才会认为这样的保费是有吸引力的。我们不妨来分析一下保险公司这样设定保费背后的原因。保险市场内存在两方:投保人和保险人。投保人比保险人更加清楚自身的健康状况,其中存在一部分投保人还会主动隐瞒自身的健康状况,使保险公司难以获取真实信息。假如保险人无法有效甄别投保人的信息,而是采用简单粗暴的方法。例如,对于所有投保人的健康状况进行一次平均评估(而不是单独对每个投保人评估)以设定风险程度,那么高风险人群(健康状况较差)倾向

于购买保险,因为购买保险可能使自己获得可观的保险收入;而低风险人群(健康状况较好)则倾向于不购买保险,因为即使购买了保险,保险赔付概率和保险赔付力度都不够给力。结果,保险公司将会面临较大的赔付概率,甚至导致亏损。这就是一种“逆向选择”,投保人的健康状况会因为保费的上升而下降,同时保费也会由于投保人的健康状况而上升——最后市场上将不会存在保险交易。

在发行市场中,这种信息不对称也突出体现在上市公司与投资者之间。上市公司期望通过新股上市来筹措资金。一般来讲,上市公司是资金的具体使用者,对于投资项目的未来收益、风险以及筹措资金的运用等具有内部信息,知道公司的可能利润。而投资者一般不参与资金的使用,只能通过财务报告或其他渠道来了解上市公司的经营状况。投资者所掌握的信息可能不充分,也不准确。因此,如果没有强制性信息公开的要求,上市公司的许多信息是其所不愿披露的。同时,上市公司总是倾向揭示于己有利的信息,而不愿将于己不利的信息准确、及时、完整地披露出来。因此在相关信息占有方面,投资者处于劣势,而上市公司居于优势。投资者不能对上市公司的未来收益和风险做出准确判断,只能根据平均质量确定上市公司的价值。如此一来,优质公司股票的市场价值将被低估,相反,劣质公司的股票价值却被高估。那么,劣质公司更有积极性通过股权融资来扩大经营规模。显然,信息不对称降低了证券发行市场对资本资源优化配置的功能。同时,劣质公司在最大限度利用股权融资时可能会积极“粉饰”和隐藏自己的真实信息,从而形成“逆向选择”。在极端情况下,交易双方将无法从事交易。

4.4.2 道德风险

曾获2001年度诺贝尔经济学奖的斯蒂格里茨在研究保险市场时,发现了一个有趣的现象。曾经有几位美国大学生尝试过为校园自行车开设保险,然而在开设保险项目之后,自行车丢失率反而上升了不少,从原来的10%上升到15%。究其原因发现由于有了保险,车主的防范意识会下降。因为车主自身不用承担全部风险,也就不会积极防范丢失车子,因此提供保险方就会面临被投保人转嫁的风险。投保人在投保后做出的这种不负责任的行为所造成的风险,被称为“道德风险”。

同样,在健康保险市场,当投保人购买了全额保险而保险公司又不能严格监督投保人行行为的情况下,投保人可能会乐于参与高风险的行动。保险公司可以通过投保人在签订保险协议前,调查了解投保人的历史行为来确认保险条款(消除“逆向选择”),但是却不能预测签订协议后投保人是否会做出行为改变——因为信息仍然不对称。因此,信息不对称仍然会导致市场出问题:道德风险。

定义 4.3 在信息不对称的市场上,拥有较多信息的一方利用所拥有的信息增加自身利益,而损害其他信息较少者的利益的风险,称作道德风险。

此时,拥有较多信息的一方被称为“风险制造者”,拥有较少信息的一方被称为“风险承担者”。道德风险一般具有以下3个特征。

(1) 内生性特征。风险形成于经济行为者对利益与成本的暗自思量,即源于行为主体之间的互动行为。

(2) 牵引性特征。凡是风险制造者,都存在受到利益诱惑而以逐利为目的的特征。

(3) 损人利己特征。即风险制造者的风险收益都是对风险承担者利益的不当攫取。

道德风险是基于理性人假设下的必然现象,由于它是合乎个体理性的,因此具有普遍意义。

首先,在市场交易中,除了保险公司与投保人之间,所有存在委托—代理关系的行为主体之间都可能演绎出“道德风险”。那么,什么是委托—代理关系呢?通俗地说,如果某个人或组织向其他个人或组织提出一项“委托”,以便完成某项任务或工作,这种关系即为“委托—代理关系”。委托的提出者通常被称为“委托人”,而委托承担者常被称为“代理人”。在这样的关系之中,道德风险随处可见。例如,在人们购买汽车保险后,不会像以前那样细心地驾驶汽车;在人们购买火灾保险后,不会像从前那样谨慎地防范火灾;在实行公费医疗制度以后,药品的浪费将会增加。换言之,只要代理人持有他人资产或被赋予权力,他就有着天然的动机巧取豪夺或消极怠工,正如亚当·斯密在他的著作《国富论》中的描述:

“无论如何,由于这些公司的董事们是他人钱财而非自己钱财的管理者,因此,很难想象他们会像自己照看自己的钱财一样的警觉,所以,在这类公司的管理中,疏忽和浪费总是或多或少地存在。”

其次,在日常生活中道德风险也相当普遍。正所谓“被偏爱的都有恃无恐”,如果一个小孩知道在他超支时能轻易得到父母追加的零花钱,那么他乱花钱的可能性就会增加。又如“人人生而平等,但有些人更加平等”,如果某个政府官员的亲属认为他触犯法律的时候会得到该官员的有效庇护,那么他遵守法律的自觉性将会下降。再如“婚姻是爱情的坟墓”,如果某个男人认为一纸婚约可以束缚女人的一生,那么他就会在婚前夸下海口,婚后原形毕露。道德风险之于生活,就要看生命这袭原本华丽的长袍里面有没有长出虱子。

实际上,只要存在某一方的边际成本小于边际收益,而这种信息又不为对方所知,那么“理性人”就会为了获得最大收益,不断利用信息不对称“反向选择”“违背道德”,直到边际成本等于边际收益为止。



思考与练习

同为信息不对称,逆向选择与道德风险的主要区别体现在哪些方面?

随着技术进步、精细化分工等因素进一步造成信息不对称下的逆向选择和道德风险。比如大米和转基因大米,大米和有机大米,价格差距很大且普通消费者很难鉴别的经济性;手术、医疗、药物等专业化程度极高的行业、管理咨询等更加难以量化的行业,高昂的收费背后是否尽勤勉义务,复杂结构、华丽设计的背后究竟是否存在价值也犹未可知。

我们能够做的就是不断投放更多的信息,在市场化体制中依靠激励相容来增加外部约束,在非市场化体制中加强监管力度和强化行业自律。市场化下的解决非对称信息的市场机制,如靠品牌声誉、口碑等;非市场化下的机制如独立第三方有机产品认证机构、行业协会管理、第三方专业咨询机构、行政下的行业准入和强制抽检、内容标识等。但第三方机构会不会由于信息优势产生道德风险、政府机构是否有专业胜任能力和独立性

来进行监管、潜在的在寻租、机制失效等衍生问题仍然需要解决。

实际上,本节所介绍的逆向选择和道德风险并不限于不完美信息博弈中,在不完美信息博弈中也广泛存在。而在不完全信息下将出现更多有意思的话题,还请读者继续阅读本书第5章。



本章小结与习题

第5章 不完全信息博弈



决策需要信息,信息越精确越好。但是决策者往往无法获知决策所需要的全部信息,而是仅掌握有限信息。例如,在开战前夕交战双方不能悉知对方的军事实力和行动计划;在竞选中候选者不能确定对手的选民支持率;在购物中消费者无法断定产品质量优劣;在恋爱中情侣无法把握对方是否爱自己,及至爱自己有多深……总之,自然的和人为的因素所带来的不确定性,以及确定但难以获取的私有信息,使得几乎所有的决策都面临着信息不完全的困境。在这样的环境中,人们应该如何形成自己的判断,又该如何决策才能显得足够理性?

本章将继续围绕信息不对称来展开讨论,重点介绍不完全信息博弈中所用到的推理分析方法,同时通过实例引领读者进入不完全信息理论的美妙应用。

前几章所介绍的情景之所以能够通过浅易模型描述,一个重要特征是:对所有参与者而言博弈是“共同知识”。换言之,每个参与者都知道谁是博弈参与者、各自的策略集以及每个策略组合所对应的结果,因而称为“完全信息博弈”。接下来本书将介绍不完全信息博弈。首先给出不完全信息与完全信息的区别。

如果每个参与者对博弈的规则、其他参与者的特征^①和得益等要素都是事先知晓的,就称该博弈具有完全信息;否则,该博弈具有不完全信息,亦称不完全信息博弈。特别地,如果在一个博弈中至少存在一个参与者不知道其他参与者的得益,则该博弈具有不完全信息^②。由于信息不完全,参与者对博弈中相关事件发生可能性大小的推断(信念)是建立在贝叶斯法则基础上的,因此不完全信息博弈有时亦称作“贝叶斯博弈”。

但对于多数情景而言,“共同知识”与现实之间尚有距离。在此,我们必须强调博弈的艺术性。归根结底,博弈论中的模型是客观现实的近似,任何近似都与现实之间存在一定距离。因此,从简单模型开始,大多数的理论研究都着眼于如何更接近现实。纵观科学发展史,任何一个理论的形成都是由简及繁、逐渐成形的——博弈论也是如此。在纳什均衡概念建立之后,研究逐渐向不完全信息下的情形扩展。

然而,正如罗宾逊夫人所言,“比例尺是1:1的地图是没有用的”。一般而言,近似更易使人把握事物的本质,厘清要素的联系,但过于简单的近似又可能使理论脱离实际。那

① 参与者的特征包括他们的可能策略、优先选择甚至他们的信念等。

② 在早期文献或传统教材中,完全信息和不完全信息之间的差别主要体现在得益函数上。但是,除了得益函数外,它还应包括规则、参与者、参与者偏好等要素。可参见 Thielscher(2010)等。对规则、参与者数量等信息不完全时的分析相对较难,因此本书仍然以前者为主。

么,模型是简单点儿好,还是复杂点儿好?更具体地说,如何使模型兼具易处理性和切实性?仅就方法论来讲,模型越接近真实,所用到的分析方法常常越复杂。所以,与前几章相比,本章涉及的分析方法将会深奥一些,描述中我们将尽可能降低理论难度,指引读者深入阅读。

5.1 信息不对称:知己不知彼

我拒绝加入任何收我为会员的俱乐部。

——格劳乔·马可斯(Graujo Marcus)

5.1.1 何谓信息不对称

在日常生活中存在许多这样的商品:包装精美却品质难辨。例如,瓶装的美酒、盒装的香烟等。消费者无法从商品包装辨识质量优劣——精美包装既可能意味着“败絮其中”,也可能“物超所值”。显然,消费者和商家对产品质量所掌握的信息是不一样的。邀请会员的俱乐部,一定是掌握了客户资料,而客户却对俱乐部一无所知。俱乐部自然占领信息高地,客户难免心存疑虑。这种不同主体所拥有信息多寡的差异就是“信息不对称”。在现实中,信息不对称的例子比比皆是。



案例分析:叔詹的空城计

春秋时期,楚文王死后,因楚成王年幼,由令尹子元辅政。子元不图霸业,却觊觎文王夫人——当时的美女息妫。于是借故在王宫旁建造馆舍,摇铃铎跳万舞,欲以蛊惑文夫人。夫人不为所动,反责其不图中原。话传到子元耳内,他开始想建功立业,以求夫人青睐。公元前666年秋季,子元亲率600乘战车进攻郑国。当时郑国弱小,无法与楚国匹敌,很快失守桔柣之门。

郑国危在旦夕,郑文公急召百官商议。有的主张纳款请和,有的主张背城一战,有的主张固守待援。郑国三贤之一叔詹则认为:请与决战都非上策,固守待援倒是可取,而且不久楚兵自退。但是空谈固守何其容易。即使盟国齐国出兵援助,也不能解燃眉之急。郑文公仍然忧虑,“令尹亲自挂帅,怎肯退兵?”叔詹答道:“自楚国征伐以来,未有用600乘的先例。公子元心怀必胜之心,实际是想取悦文王夫人。急于求胜者,也一定害怕失败。楚兵来了,我自有退兵之计。”

旋即楚兵攻破外城,郑文公采纳叔詹的计策,命令士兵全部埋伏在城内,大开城门,放下吊桥,摆出完全没有防备的样子。同时,店铺照常营业,百姓往来如常,不露一丝慌乱之色。楚军先锋部队到达郑都城下,见此情景,又见城上毫无动静,所以不敢妄动,驻军等待令尹子元。子元赶到城下,亲自登高远眺城内,见城中确实空虚,但又隐约看到旌旗整肃、甲士林立。觉得其中有诈,担心“万一失利,何面目见文夫人乎?”遂按兵不动,探听虚实。

这时齐国也已接到郑国的求援,联合鲁、宋发兵救郑。子元闻报援兵将至,害怕楚军腹背受敌,断难取胜,于是暗令全军连夜撤退。撤退时人衔枚、马裹蹄,不出一点儿声响。

同时,令所有营寨都不拆走,旌旗依旧飘扬。此时郑国正在计议后撤桐丘的事。待到天亮叔詹登城一望,说道:“楚军已经撤走。”众人不解,都言楚军旌旗营寨肃然。叔詹说:“如果营中有人,怎会有乌鸦盘旋呢?楚兵也用空城计欺骗我们,急忙撤兵了。”

《孙子·谋攻篇》曾说过:“知彼知己,百战不殆;不知彼而知己,一胜一负;不知彼不知己,每战必败。”作为“知己知彼”的注解,历史上有许多生动鲜活的事例。空城计虽然不为兵家常用,但是却因为《三国演义》的演绎而众所周知,其中诸葛亮城头抚琴、司马懿狐疑不进的场景跃然纸上。在历史上,最早的记载见于《左传》,就是叔詹知己知彼、智退楚兵的故事。



视频

郑楚交兵,两军阵前双方都在探听对方的消息,但是仍然无法悉数尽知。因此“知己知彼,百战不殆”成为军事战争的理想境界。实际上,它在政治经济生活中也有着广泛的应用。这几乎成了博弈中的普遍追求。对于参与者来讲,知己是理性分析的前提,一个连自己拥有何种信息都不清楚的参与者,很难说他是理性的。因此第2章中的理性人假设,要求参与者“知己”。但是要做到“知彼”何其难也。像郑文公的大多数臣僚一样,现实中人们往往不知道对手的信息,属于“知己不知彼”。在不知对方准确信息的情况下,如何通过观察形成自己的判断?如何分析对手的反应?如何行动才是理性的?“信息不对称”理论的提出,为人们探究答案提供了一种系统分析方法。

这里所说的信息是广义的,一切与博弈有关的消息都是我们要关心的信息。如果某些信息是博弈参与者都知道的,或者所有有关的参与者都知道,就称作“公共信息”或者“共同知识”。在某些情况下占统治地位的惯例就是共同知识。如果某些信息只有一方参与者知道而其他参与者不知道,就称作“私有信息”,意即该参与者所拥有的私有信息。所谓信息不对称,是指博弈的各个参与者所掌握的信息并不一致,至少有一方拥有私有信息。

如前所述,如果商家没有披露有关商品质量的信息,则消费者处于劣势地位,无从得知这些信息,此时有关商品质量的信息就是商家的私有信息。又如影视剧中的“梭哈”游戏,其中各家互不知晓对家的底牌,不知对家拿到“同花顺”的概率,每家的底牌就是各自的私有信息。正是由于私有信息的存在,才出现了信息不对称现象。

信息不对称现象广泛存在,而信息不对称理论则产生较晚,于20世纪六七十年代由3位美国经济学家——乔治·阿克洛夫、迈克尔·斯宾塞和约瑟夫·斯蒂格利茨发展起来。他们主要研究了不对称信息条件下的市场运行机制。由于这些开创性工作,3位经济学家于2001年被授予诺贝尔经济学奖。目前,信息不对称理论认为:市场中卖方通常比买方更了解有关商品的各種信息;交易双方中拥有较少信息的一方会努力从另一方获取信息;掌握较多信息的一方可以通过向信息缺乏者传递可靠消息而在市场中获益;市场中的信号显示机制会在一定程度上弥补信息不对称所带来的问题;等等。目前,与信息不对称紧密相关的信息经济学已经成为信息科学的一个主要分支(也有观点认为属于经济学分支),其微观角度的主要研究内容则是信息的成本和价格,以及信息不完全条件下的机制设计问题。

在桌面游戏中,你可能会被一再提醒游戏的规则、对手实力、积分排名等信息。如果想知道自己和对手的状况,可谓易如反掌。但在现实生活中,信息往往需要你去主动获取。获取信息的过程,不仅取决于参与者的能力和外界条件,还取决于获取信息的成本。即使信息可获取,参与者也会对获取信息的成本进行权衡。一般来讲,在博弈中所要获取的信息越多,所需成本就越大,且呈非线性增长。换个角度理解,信息是有价的,获取信息需要支付相应的价格^①。

需要说明的是,信息不对称并不一定对应着信息不完全。例如,参与一方可能不知道另一方的历史行动,而非得益函数。此时的信息不对称主要体现在对历史行动的记忆上,亦即博弈进程信息。回忆第4章内容,你会发现这种博弈属于完全但不完美信息。与此不同,本章将介绍至少存在一方不知晓他人得益时的情况,即不完全信息博弈,不过,这种信息不完全在一定条件下仍可转化为信息不完美,二者具有很强的内在联系。

5.1.2 信息不完全时的新难题

矩阵和博弈树是建立模型与分析时非常有效的方法。回顾前3章所讨论的博弈情景,都可以通过矩阵或博弈树来表示。现在,我们尝试用矩阵的方法,对引语故事中楚国兵临城下时的博弈建立模型。根据故事情节,楚国的先锋部队赶到时见到城上毫无动静,城内一如往常。此时可简单处理,假设楚军有两种选择:(攻城,扎营);郑国也有两种可能选择:(后撤,坚守)。

(1) 如果楚国扎营、郑国后撤,则叔詹的计划失败,楚国立即就能辨明郑国意图转而进攻。此时双方得益分别为(3, -3)。

(2) 如果楚国扎营而郑国坚守,则无论郑国实力如何,双方都没有交兵,可假定收益为(0, 0)。

(3) 如果楚国进攻而郑国后撤,则楚国得胜,郑国溃败。得益分别为(5, -5)。

(4) 如果楚国意图攻城而郑国坚守,情况将变得复杂。郑国的军队是想诱敌深入还是已经撤离?楚军完全不清楚。假设郑军是一支多谋善战的军队,那么他们会想诱敌深入。若郑军是一支不堪一击的军队,则可能人去城空。

因此,如果双方采取的策略组合为(攻城, 坚守),则楚军无法判断双方的收益。

显然,这是一个不完整的博弈矩阵,对应(攻城, 坚守)策略组合时的收益是不清楚的,如图5-1所示。面对一个不完整的矩阵,该如何分析?

		郑国	
		后撤	坚守
楚国	攻城	5, -5	?, ?
	扎营	3, -3	0, 0

图 5-1 楚国兵临城下时的对弈

这是本章所面临的新难题:博弈矩阵的某些部分已经被对手事先滴上了墨汁,参与者看不到某些关键的得益信息,因此信息是不完全的。当然,向矩阵滴墨汁的人可以是任何一方。这种要素信息的不对称性是不完全信息博弈的重要特征。接下来,我们尝试依

^① 尽管几乎所有人都承认信息是有价的,但是如何对信息进行定价并不是一件简单的事情。本文不再介绍这一方面的内容。

照既有的方法进行建模。

假设郑国多谋善战,楚国若攻城,必然落入郑国的圈套。双方得益分别为 $(-2, 2)$ ^①。利用画线法可知均衡策略是(扎营, 坚守)。反之, 如果郑国不堪一击, 其坚守只能带来楚国的猛烈攻击, 因此假设双方收益分别对应于 $(4, -6)$ 。同样方法可知均衡策略为(攻城, 后撤)。两种类型的郑国所对应的矩阵分别如图 5-2 和图 5-3 所示。很显然, 无论郑国是哪种类型, 都存在唯一均衡策略。只要楚国和郑国足够理性, 双方都会趋向于一个明确的均衡。既然如此, 楚国为何还犹豫不决呢? 答案就在于楚国所掌握的信息不完全——不知道郑国属于何种类型。换言之, 楚国不知道自己处于图 5-2 和图 5-3 的哪个矩阵中。由于不同矩阵有着不同的均衡, 而两个均衡所对应的行动又显著不同。无论楚国选择哪个矩阵, 都有可能使自己犯错。因此, 既有的分析方法无从分析双方的理性选择。20 世纪 60 年代, 天才数学家约翰·海萨尼在这方面做出了重大的突破, 使得对不完全信息的研究有了得心应手的分析工具。海萨尼提出一种转换方法, 将不完全信息博弈转换为第 4 章中的完全但不完美信息博弈。这种转换称作“海萨尼转换”, 已经成为分析不完全信息博弈时的常用方法。

		郑国	
		后撤	坚守
楚国	攻城	5, -5	-2, 2
	扎营	3, -3	0, 0

图 5-2 郑国是多谋善型时的矩阵

		郑国	
		后撤	坚守
楚国	攻城	5, -5	4, -6
	扎营	3, -3	0, 0

图 5-3 郑国是不堪一击时的矩阵

为方便学习, 在结束本节之前, 我们提示几个即将出现的概念。结合信息的完全性和行动的时序, 可将博弈粗略地分为 4 种类别: 完全信息静态博弈、不完全信息静态博弈(静态贝叶斯博弈)、完全信息动态博弈和不完全信息动态博弈(序列贝叶斯博弈)。静态贝叶斯博弈也称为策略型贝叶斯博弈, 在不致混淆的情况下也可简称贝叶斯博弈。与这 4 种类别相对应, 存在 4 种常用的均衡概念: 纳什均衡、贝叶斯纳什均衡、子博弈完美纳什均衡和完美贝叶斯纳什均衡。后两者又分别简称子博弈完美均衡和完美贝叶斯均衡, 其中完美贝叶斯均衡是贝叶斯纳什均衡和子博弈完美均衡这两种概念的一个精练。策略型贝叶斯博弈的一个常见例子是密封报价拍卖: 每一报价方都知道自己对所售商品的估价, 但不知道任何其他报价方对商品的估价; 各方的报价放在密封的信封里上交, 可视为参与者同时行动。不过, 意义深远的贝叶斯博弈大多是动态的。正如后文将要看到的, 私有信息的存在十分自然地导致私有信息的拥有者试图去沟通(或者误导), 同时也使得没

① 有一点必须清楚, 如何得出矩阵中得益的具体值并非我们的关注重点。在分析中需要关注的是不同行动(或策略)所对应的得益之间的序关系。例如, 假设郑国坚守, 楚国攻城所对应的得益为 -2 、 -2.5 、抑或再少一点儿, 可能都不会改变问题的本质——只要在适度范围内即可。所谓适度范围内, 即指不会影响到与其他得益相比时的序关系。例如, 楚国在假定郑国坚守时自己更愿意扎营, 那么在不改变这种序关系的前提下, -2 变为 -2.3 并无本质影响。当然, 这种变更仍然具有相对性。举例来说, 如果有人将 -2 置为负无穷, 那么它将蕴含一层新的意思: 楚国非常强烈地偏爱扎营。

有私有信息的一方试图去探测和甄别。这些都是博弈中固有的动态因素。但是,由于不完全信息动态博弈及其所对应的均衡概念^①比较深奥,需要较深的数学经济知识和逻辑推理,因此本书只做浅显介绍。本书将重点介绍静态贝叶斯博弈,以使读者掌握不完全信息博弈中的均衡概念和信息意义。

5.2 构建贝叶斯博弈:海萨尼转换



引语故事:郭靖瑛姑对峙

郭靖踏前一步,拦在黄蓉身前,朗声道:“我二人是九指神丐洪帮主的弟子。我师妹为铁掌帮裘千仞所伤,避难来此,前辈(注:瑛姑)若是与铁掌帮有甚瓜葛,不肯收留,我们就此告辞。”说着一揖到地,转身扶起黄蓉。……郭靖心道:“说不得,只好硬闯。”叫道:“前辈,恕在下无礼了。”身形一沉,举臂划个圆圈,一招“亢龙有悔”,当门直冲出去。这是他得心应手的厉害招数,只怕瑛姑抵挡不住,劲道只使了三成,惟求夺门而出,并无伤人之意。眼见掌风袭到瑛姑身前,郭靖要瞧她如何出手,而定续发掌力或立即回收,哪知她身子微侧,左手前臂斜推轻送,竟将郭靖的掌力化在一旁。郭靖料想不到她的身手如此高强,被她这么一带,竟然立足不住,向前抢了半步。……

——节选自金庸《射雕英雄传(29)·黑沼隐女》

武林中人在过招之前,往往要对敌手有些许的试探。现在我们设想一个场景:一位武林盟主与一名深山隐士在客栈偶遇,客观所致,马上将要刀兵相接。武林盟主完全不知站在自己面前的是一名“绝世高手”还是“江湖术士”。然而作为武林盟主的他却声名远播,性情秉性、武功门派都被对方看得一清二楚;与此相对,深山隐士并没有透露自己身份的一点点信息。他是神秘的,他的信息是私有的,或者说对于盟主而言是不完全的。这样的博弈应该如何分析?让我们引入一种新的方法:海萨尼转换。

5.2.1 海萨尼转换的基本思路

本节将借助武林盟主和深山隐士之间的武林大战来介绍海萨尼转换。先从简单情景开始。假设二人几乎同时出手,在自己行动时看不到对手的招式;或者即使看到,也来不及做出反应,而只能顺着自己的招数走。如果只考察一个回合的话,二人对战就相当于一个静态博弈,其中的博弈要素如下。

博弈的情景:武林大战。

博弈参与者:(武林盟主,深山隐士)。

参与者的策略:

武林盟主可能采取:

^① 在不完全信息博弈中,除了完美贝叶斯均衡还存在其他的均衡概念,如序贯均衡、颤抖手均衡等。

进攻：强势出招，以求一招制敌。

防守：保守招架，待看出对方破绽后再行动。

深山隐士可能采取：

进攻：主动出招大胆挑战盟主。

防守：等待寻求对方的破绽。

博弈的得益：

依据前文介绍，深山隐士有两种可能的类型：

1：绝世高手，其武功能与盟主一较高下。

2：江湖术士，会被盟主轻易击败，但也可能趁人不备、投机取巧。

如果深山隐士是类型 1：

(1) 武林盟主进攻，而深山隐士也进攻，双方都得不到任何好处；虽然双方都战胜不了对方，但都提升了声誉。得益组合为(2,2)。

(2) 武林盟主强势出招，而深山隐士选择保守，双方势均力敌，守势一方甘拜下风。得益组合为(3,1)。

(3) 武林盟主选择保守，而深山隐士强势挑战，则武林盟主处于下风。此时得益组合为(1,3)。

(4) 武林盟主保守出招，而深山隐士也保守等待，双方都见好就收，伺机再战。得益组合对应为(0,0)。

与绝世高手对战时的矩阵如图 5-4 所示。

如果深山隐士是类型 2：

(1) 武林盟主强势出招，而深山隐士也强势出招。隐士必然瞬间倒地。得益组合为(0,-3)。

(2) 武林盟主强势出招，而深山隐士保守等待。虽然盟主轻而易举地击败了隐士，但是击败毫无防守的弱者会降低他的声誉。隐士也因处于防御姿态而免受重伤。得益组合为(-2,-1)。

(3) 武林盟主保守出招，而深山隐士强势挑战。武林盟主虽不甘心，但仍好过伤及弱者。隐士则空耗功力，赚得些许声誉，相当于一无所获。对应得益组合为(1,0)。

(4) 武林盟主保守观战，而深山隐士也保守等待，双方都见好就收。此时深山隐士赚得声誉，被认为他可与武林盟主过招，而盟主则无得无失。对应的得益为(0,1)。

与江湖术士对战时的矩阵如图 5-5 所示。

		隐士	
		进攻	防守
盟主	进攻	(2,2)	(3,1)
	防守	(1,3)	(0,0)

图 5-4 与绝世高手对战时的矩阵

		隐士	
		进攻	防守
盟主	进攻	(0,-3)	(-2,-1)
	防守	(1,0)	(0,1)

图 5-5 与江湖术士对战时的矩阵

不难得知,隐士为类型1时的均衡为(进攻,进攻)。双方将会兵戎相见,毫不退让。而隐士为类型2时的均衡则为(防守,防守)。请读者回忆第4章内容,一个完全信息静态博弈在本质上等同于一个二阶段完全但不完美信息的动态博弈。因此,隐士身份不同时所对应的静态博弈可分别用图5-6中的两个不完美动态博弈来表示。显然,此时均衡仍然同静态博弈的均衡一致。

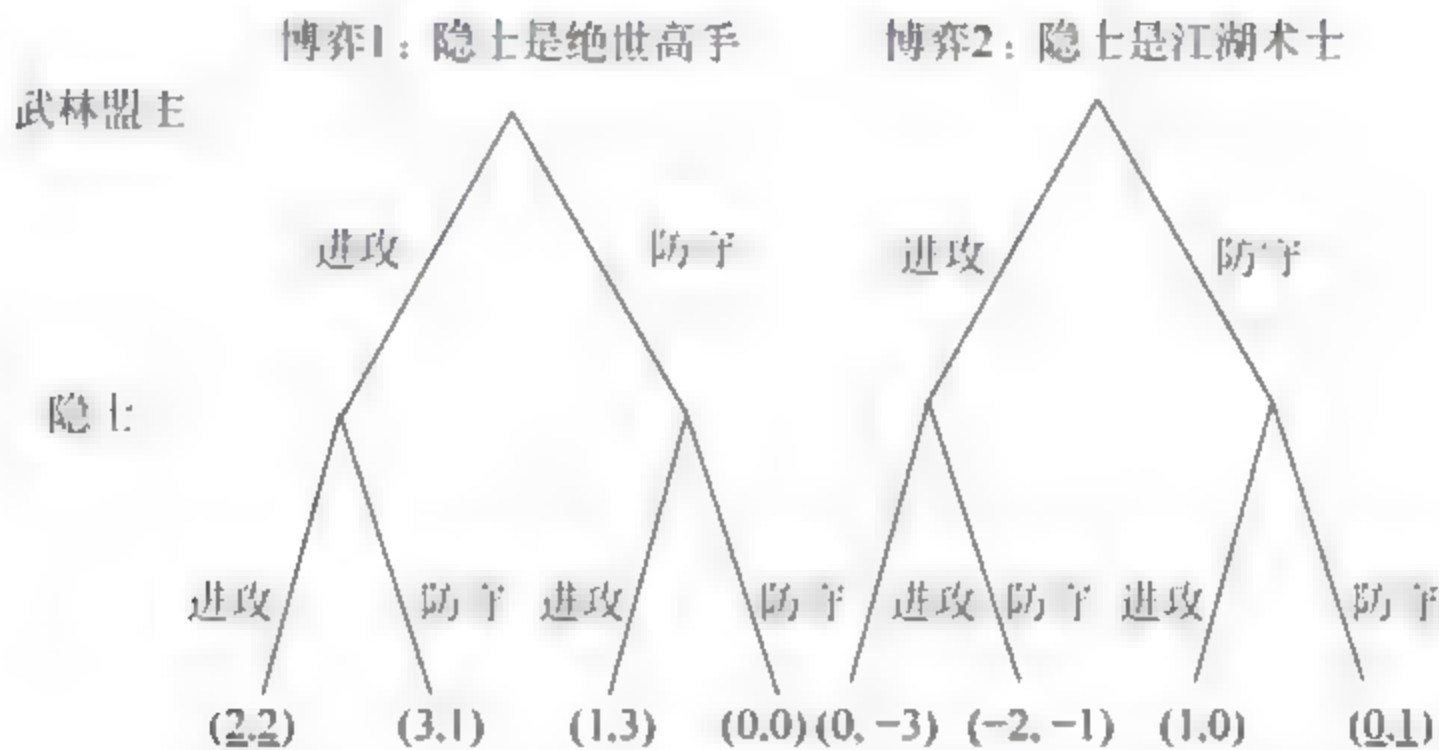


图 5-6 武林大战博弈的两种情况

如果盟主已知对手是绝世高手,自然不会小觑,那么他必然会选择英勇出击;反之对手若是江湖术士,发起挑战实为投机取巧或无端生事,那么他选择防守则是上策。问题在于,隐士是高手还是术士只有他自己知道,是他的私有信息。盟主在做出选择时并不知道对手的真实身份,当然也无法确定身处何种博弈中。可认为盟主处在图5-6的两个博弈中。但这又是一个博弈,因为实际上只有一次二人对阵。所以这是矛盾的。如果依照第4章的思路,可以认为盟主不知道自己身处哪个分支。此时可用虚线将博弈1和博弈2的起点连起来,表示他们处于同一个信息集中。这是讨论完美信息博弈时所使用的方法。你会发现在完美信息中起点只有一个,可以非常顺畅地使用逆向归纳法,但在这里不行。使用逆向归纳法递推时,我们不清楚将回到哪个起点。这意味着盟主想要到达某一个结局时,将不知道从何处开始!或者说,盟主不知道采用什么样的策略才能达成他所希望的结果。显然,无法直接使用逆向归纳法。那么,能否创造条件使用逆向归纳法呢?

对这类问题最直观的解决办法就是判断自己到底身处哪种博弈之中。而这对于每个信息不完全的参与者或博弈分析者来讲,都是十分困难的。幸运的是约翰·海萨尼于1967年前后提出了一种可操作的、易于掌握的分析方法——海萨尼转换。海萨尼转换通过引入“自然”这一虚拟局中人,对无法确定的参与者类型——他的私有信息——交由“自然”来确定。在此基础上人们才能采用既有的确定性分析方法来研究。让我们回到武林大战,一步步完成这种转换。

在转换之前,先确认问题的根源。如上所述,问题根源在于盟主无法确定自己身在何种博弈之中。换言之,盟主同时面临两个博弈树,或者说面临两种对手身份的不确定性。这种不确定性的特征有哪些呢?首先,对可能的身份类型有所认知,但并不能确定具体是哪种身份类型。一般来讲,盟主遇见一个陌生对手时会快速形成自己的想法,然后再确定

如何出招,但他无法确切知道对方的具体类型。其次,每次博弈有且只有一种类型出现。最后,作为盟主他能够从一次次的重复或类似事件中获取经验,对不同类型的可能性高低具有基本判断。上述3点基本对应于随机现象的3个特征。目前可能存在的问题是,任一类型所发生的可能性是否为盟主尽知。如果它是事前已知的,就可以利用随机事件来描述了。换言之,如果利用随机事件描述,前提是盟主知道对手身份类型的概率分布。而这种概率显然不由盟主或隐士决定。每个身份类型出现的概率是一个相对客观的值。它取决于盟主的过往经验,是一个能够被主观感知的客观存在^①。既是客观存在,不妨假定大自然决定了对手身份的概率分布。



思考与练习

当对手身份类型的概率分布未知时,能够采用海萨尼转换吗?

现在,引入“自然”。如第4章所述,“自然”是博弈树的虚拟参与者。这一步骤将赋予隐士一个概率:一定的概率是高手,一定的概率是术士。在博弈的第一阶段,“自然”选择高手或者术士。必须指出,盟主看不到“自然”的选择,意即他对隐士的身份类型缺乏了解。但是隐士却对自己的身份完全清楚,意即他能看到“自然”的选择。这是隐士的私有信息。

简单起见,假设隐士为“绝世高手”的概率 $p_1 = 0.5$,为“江湖术士”的概率 $p_2 = 1 - p_1 = 0.5$ 。于是武林大战可表示为图5-7所示的扩展型。这是一个完全但不完美信息博弈,其中“自然”的选择对盟主而言是不完美的。至此,我们完成了海萨尼转换:将不知对手得益的不完全信息博弈转换为可分析的完全但不完美信息博弈。

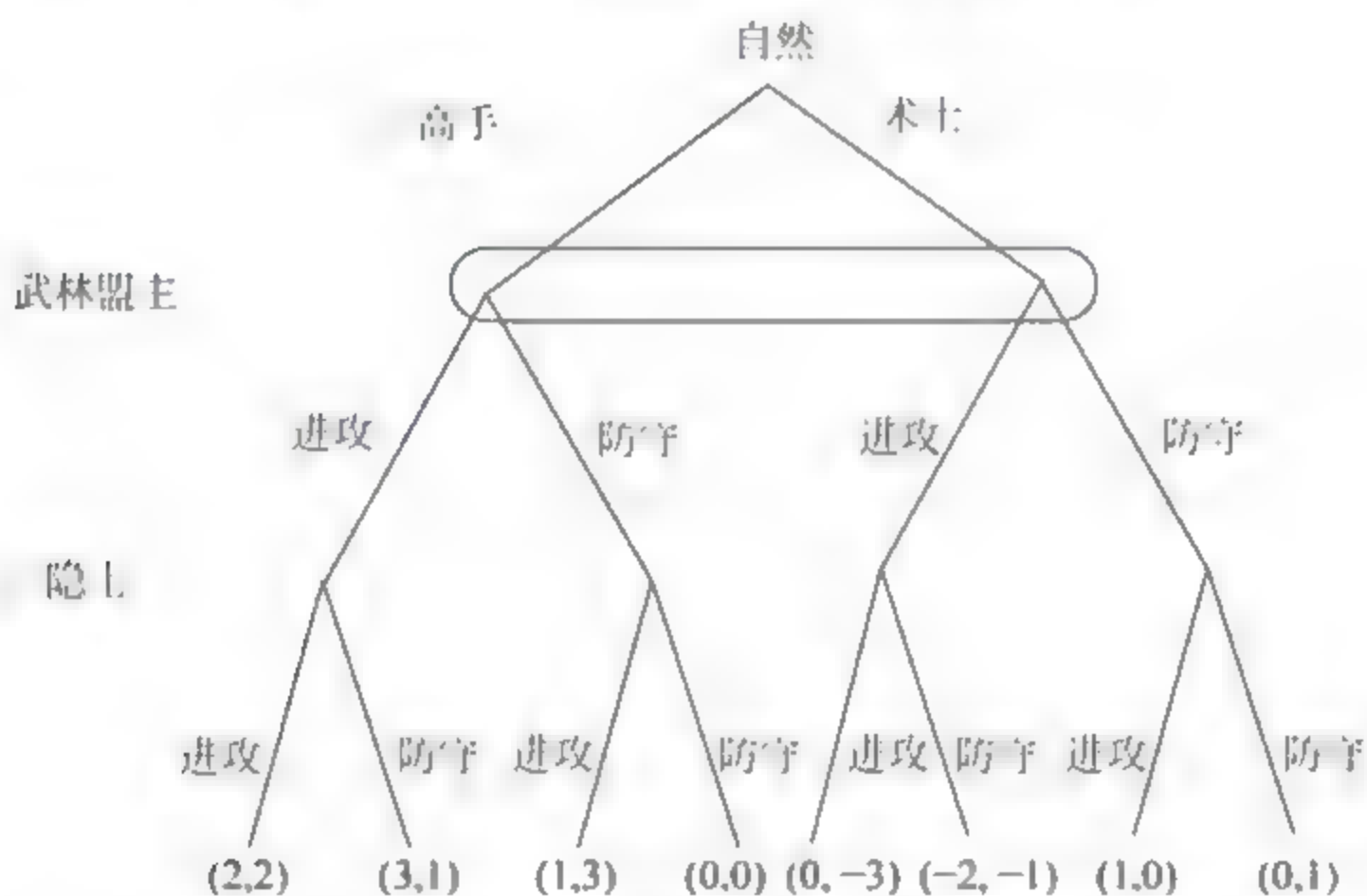


图 5-7 “自然”决定隐士类型时的武林大战博弈

接下来,讨论所遇到的不确定性。关于两种可能类型的概率分布,在此被视为共同知识,这点十分重要,特别当双方都拥有私有信息时。它表明:所有参与者关于“自然”行动

^① 关于概率是否客观存在,如何为决策者所感知,以及是否完全依赖于个人主观等问题,请读者参阅梅尔森的《博弈论:矛盾冲突分析》第一章3~9页。

的信念是相同的。同时,它也意味着每个人都能够换位思考,付诸理性。如果不是共同知识,双方可能对某些事件所发生的概率存在分歧,进而导致双方对未来的预测不一致。虽然“共同知识”这一要求对于诸如“天气变化”等客观事件比“个人喜好”等主观事件更为合理,但是在经过一些数学处理和逻辑证明后,人们发现在不完全信息中将参与者类型的概率分布视为共同知识并不需要严苛的条件。它具有普遍的适用情景,因此常被视为海萨尼转换的公理性要求。总之,盟主知道隐士的类型分布,隐士也知道盟主知道自己的类型分布。结果如图 5-7 所示。

基于上述的准备工作,再次使用逆向归纳法。在隐士是类型 1 的情况下均衡为(进攻,进攻),盟主选择进攻,得益为(2,2);隐士是类型 2 的情况下均衡为(防守,防守),盟主选择防守,得益为(-1,1)。显然,两种类型下都为最优的策略是不存在的,我们可以利用自然选择,计算出每个策略的期望得益。

(1) 如果盟主选择进攻,那么它的得益是: $0.5 \times 2 + 0.5 \times (-2) = 0$ 。

(2) 如果盟主选择防守,那么它的得益是: $0.5 \times 1 + 0.5 \times 0 = 0.5$ 。

如果盟主是理智的,那么它必然会选择防守策略。从博弈的扩展型可以看出,如果隐士是高手,则会选择进攻,否则防守。因此,最后结果如下。

(1) 选择防守策略,他的期望得益为 0.5;而实际得益可能为 1 或 0。具体为何值要视隐士的类型而定,盟主并不能确知。

(2) 如果隐士是高手,则得益为 3;否则得益为 1。而且,隐士十分清楚自己的位置。

在武林大战的故事中,无论隐士怎样选择,最终的收益都无法优化——即便他知己知彼。盟主的可能策略有两种:进攻和防守,但是只能保证期望收益为 0.5,而实际收益则不能确定,所以这是一种不完全归纳推理,意即以对某类事物中部分对象的判断为前提,推出对全体对象的判断并得出结论。

最后,对海萨尼转换过程进行总结。如前所述,在 1967 年以前人们尚未找到很好的方法来处理不完全信息博弈。现在,海萨尼转换已经被普遍认同。跳出武林大战的具体情景,回到更一般的方法中来,海萨尼转换可以归结如下。

(1) 引入一个虚拟的参与者“自然”,由其首先决定参与者的类型。

(2) “自然”将私有信息拥有者的类型告知该参与者,但对其他参与者保密。

(3) 针对不同类型建立子博弈,分别对应于“自然”的选择。

(4) 博弈结束,各方看到博弈结果,得到各自的得益。



概念解读:“自然”的引入与海萨尼转换的作用

“自然”这一角色的引入,并非生硬牵强。回忆前文,我们在武林大战的分析中曾多次涉及逆向归纳法。在建模和转换的初始阶段,我们先找到问题的结尾(而不是源头),从结尾处寻找一个最优行动,再向前归纳,得到前一步的解,如此反复。而“自然”的引入,是整个环节的“最后一步”。

关于“自然”这一虚拟参与者的引入,可做如下想象。最初建立这个模型的人十分清楚不完全信息将会带来的困难,并且对这个问题手足无措,他在给出答案之初只是简单地

求解了问题的后半段,并未给出自然这一奇异的参与者。在一段时间的冥思苦想之后,他确定在现有假设的基础上,很难利用既有方法给出答案。这时他转过头来问自己,在日常生活中人们是如何做出判断的?然后他发现判断基于经验。试想一个国王正在审视一个流亡本国的人。他心里也许会想,这个人或许是外国的勇士,落难的学者,甚或普通的农民。一切都只是猜测!基于这个思想,如果假定所有理性人的猜想都几乎一致——这样就相当于引入了自然,它赋予了每人一个共同知识。值得一提的是,这个假定类似公理是不可或缺的,它建基于每个参与者尽可能完全地想象所有可能情况从而形成的一个信念。尽管这种信念与实际的信念并非完全一致,但它越接近实际的信念,参与者的行为就越符合合理性、越少偏离。

通过引入“自然”,海萨尼转换将无法分析的不完全信息博弈转化为大家所熟悉的不完美信息博弈。此时,信息优势得以在均衡求解(而非建模过程)中体现。可见,海萨尼转换相当于换个角度看问题。

举一个简单的例子来说明海萨尼转换的作用。参与者A和参与者B是村里有名的挑担工。这一天他们想看看谁挑担时更加平稳,于是决定比赛挑水。赛前A分到了一个正常的木桶,而B的木桶缺失一块木条。B举手示意比赛不公平,他自己的木桶完全盛不下一滴水(假设只允许木桶直立)。裁判看了看,就改了比赛规则,让他们两个人把木桶扣过来,用木桶底托大米,看谁托的多。

原本由于木桶的不同(信息不对称)而无法看出谁挑担时更加稳定,裁判却在此做了个巧妙的转换。在更改比赛规则之后,两个木桶虽然仍不相同(仍然信息不对称),但是却可以利用新的比赛加以评判。

每个参与者在行动时拥有对自己所处位置的预期,海萨尼转换就是在这种假设下完成的。不过,这种预期(期望)不同于在此之前所遇到的期望。首先,它不同于混合策略中的期望——它不单单派生于参与者的均衡行动,还可能面对与那个行动不一致的情形;其次,它有别于贝叶斯博弈中的期望——它不单单是从均衡行动和关于机会行动的外部信息推断而来;最后,它更不像完全信息扩展博弈中的期望——它不仅仅与过去的事情有关,还关涉未来。

当然,即便对博弈做了海萨尼转换,不确定性(对类型的判断)仍然存在。但是,对类型的判断已经从形式上变成了对博弈进程——自然选择——的判断,其概率分布仍然与参与者类型的分布相一致。显然,海萨尼转换实际上将不完全信息的博弈(包括动态和静态)转化为完全但不完美信息的动态博弈。这里的不完美是指,“自然”虽然做出了它的选择,但其他参与者并不知其详,而仅知选择的概率分布。可见,海萨尼转换使得逆向归纳法和数学工具的使用成为可能,这也是它被广为接受的主要原因。



思考与练习

如果盟主是一位新人,隐士不知道他将使用“降龙十八掌”还是“伏虎六十四拳”。若二人同时出招,又该如何建立模型并进行海萨尼转换?

5.2.2 贝叶斯博弈的策略式描述

如前文所述,在贝叶斯博弈中参与者对于其他人的收益函数、策略集合以及特征信息等了解得不够完备。而本章主要讨论收益函数不完全时的情况:至少有一个参与者无法确知其他参与者的收益。在对不完全信息博弈给出策略式描述之前,请回忆一个策略型博弈所应具有的3个要素:参与者集合 $N = \{1, 2, \dots, n\}$,每个参与者 i 的可能行动集合 A_i ,以及他的得益函数 $u_i, i = 1, 2, \dots, n$ 。如同第2章的静态博弈,在策略式贝叶斯博弈中所有参与者同时行动。但不同的是,任一参与者 i 的行动集合 A_i 依赖于他的类型 θ_i ,简称为**类型依存的**。同时,对应于不同行动组合的得益 u_i 也是类型依存的。尽管与前几章的概念一脉相承,但是仍有新意,因此需要事先明确类型、策略和得益函数等概念。

首先,参与者的类型。我们在武林大战中已经使用过这个概念,只是并未详述。一个参与者的类型,指他的私有信息,包括自己知晓而别人不知的偏好特征、内部信息、决策数据等。通常来讲,一个参与者的类型可能是与其决策相关的任何非共同知识的信息。这些私有信息往往影响他的得益函数,以及其他人对他的判断。在武林大战中,盟主不知道隐士到底是高手还是术士,因此(高手,术士)就是隐士的类型。如果古诺模型中的企业互不知晓对方的生产成本,则企业的类型是其生产成本。为分析方便,参与者类型常简记为数字,如武林大战中隐士的类型(高手,术士)可简记为(1,2)。进一步,用 θ_i 表示参与者的类型, Θ_i 表示参与者 i 的类型集合,并且需有 $\theta_i \in \Theta_i$ 。

显然,对于没有私有信息的参与者而言,其类型退化为只有一个,可忽略不谈。因此,仅考虑具有私有信息的参与者,即可能类型不止一个的参与者。进一步,如果所有参与者的类型集合只包含一个元素,则不完全信息静态博弈就退化为完全信息静态博弈。换言之,完全信息静态博弈可以理解为不完全信息静态博弈的一个特例。另外,如果参与者的类型是完全相关的,那么当一个参与者观测到自己的类型时也就推出了其他参与者的类型,因此该博弈实则为完全信息的。为此假定参与者的类型是相互独立的^①。

其次,参与者的行动和策略。在完全信息静态博弈中,所有参与者同时行动,任一参与者 i 的策略集合 S_i 等同于他的行动集合 A_i 。但是在不完全信息下参与人 i 的行动集合 A_i 可能依赖于他的类型 θ_i 。策略同样如此,因而不简单地等同于行动。例如,在武林大战中盟主没有私有信息,因此行动集合是(进攻,防守)。至于隐士,尽管在本章中对应于“高手”和“术士”的行动集合都是(进攻,防守),但是大多情况下并非如此,而是随着类型变化的。例如,当隐士是“高手”时的行动集合为(进攻,防守),而为“术士”时则可能变为(陷害,求饶)。用 $A_i(\theta_i)$ 表示参与者 i 在类型为 θ_i 时的行动集合, $a_i(\theta_i) \in A_i(\theta_i)$ 表示其中的某个具体行动。例如,“防守”和“进攻”是对应于“高手”的两个具体行动,“陷害”和“求饶”是对应于“术士”的两个具体行动。

参与者的一个策略则是指一个从类型集合到行动集合的函数,记作 $s_i(\theta_i)$ 。所有策

^① 虽然在概率论中“不相关”和“独立”是两个不同的概念,但是在你熟悉了二者的区别和联系之后就会发现这样假设并无不妥。

略构成了参与者的策略集合,它是一个关于函数的集合,不再深入讨论。相对于扩展式博弈来说,贝叶斯博弈中参与者的一个行动表示了这样一个计划:在他确知自己的类型之后,为自己认为可能的每个偶然事件所确定的一个动作。显然,此时的“行动”既有别于扩展式博弈中的行动,也不同于其中的策略——但更接近前者。因此我们把贝叶斯模型中参与者的选择对象称作一个“行动”,而不是一个“策略”。然而,他的一个“策略”则被定义为:从他的类型集合到行动集合的一个函数、一个对应关系。譬如,将武林大战中“术士”的行动集合变更为(陷害,求饶),则当隐士为“术士”时“求饶”是他的一个行动。而{(高手,进攻),(术士,陷害)}则是隐士的一个策略,意即当隐士为高手时选择进攻,反之则陷害对方。进一步讲,动态贝叶斯博弈的行动限于参与者在既定类型下某个阶段时的一个动作,而策略则指对应于所有可能类型所有阶段中的多个动作组合的一种函数关系。

再次,参与者的得益函数。显然,参与者的得益函数也是类型依存的,可用 $u_i(a_i, a_{-i}, \theta_i)$ 表示当参与者 i 在类型 θ_i 时的得益函数,其中 a_{-i} 表示对手的行动。例如,类型为“术士”的隐士选择进攻而盟主防守时,隐士的得益为 $u_2(\text{进攻}, \text{防守}, \text{术士}) = 0$ (参见图 5-5)。

最后,海萨尼转换引入“自然”作为虚拟参与者,参与者的类型交由“自然”选择。从数学上讲,需引入一个(多个)随机变量表示“自然”的选择状态。这个随机变量的可能取值对应于参与者的可能类型,并且明确了任一可能类型出现的概率。请注意这种转换允许所有参与者拥有不同的先验概率。进一步,这些概率也可能是相关的,因此参与者将在知道自己类型的条件下对其他参与者的类型进行推断。显然,这是一个条件概率,称为参与者的信念(或推断),记作 $p_i(\theta_{-i} | \theta_i)$ 。简单起见,可将参与者的信念视为同分布的^①,并与一个“客观的”测度相一致。同时,在参与者类型相互独立的情况下,参与者信念可视为先验的。一般情况下,参与者会通过观察信号来进行推断,因此在进行贝叶斯推断时已知事件包括但不限于参与者的类型。例如,盟主可以从隐士的衣着举止来判断他更像高手抑或术士。

在介绍完上述 3 个要素之后,现在给出贝叶斯博弈的策略式描述。

定义 5.1 (策略型贝叶斯博弈) 一个 n 人贝叶斯博弈的策略式描述包括:参与者的类型空间 $\Theta_1, \Theta_2, \dots, \Theta_n$, 行动空间 A_1, A_2, \dots, A_n , 收益函数 u_1, u_2, \dots, u_n , 以及他们对他人类型(组合)的推断 p_1, p_2, \dots, p_n , 其中后三者都是类型依存的。具备上述 4 个要素,且参与者同时行动的博弈称作静态贝叶斯博弈,又称策略型贝叶斯博弈,用 $G = \{\Theta_1, \Theta_2, \dots, \Theta_n, A_1, A_2, \dots, A_n, u_1, u_2, \dots, u_n, p_1, p_2, \dots, p_n\}$ 表示。



思考与练习

你能利用上述符号来描述海萨尼转换吗?

目前来讲,我们对博弈的分析集中在参与者的理性讨论和均衡求解上。这点对于贝叶斯博弈也不例外。现在我们来谈如何定义贝叶斯博弈中的均衡。前文有关行动和策略的定义,是将纳什均衡的概念扩展到此处的基础。基本思想与完全信息中的纳什均衡是

^① 此处的同分布是指遍历不同的统计样本,而非遍历博弈的参与者。

一样的：每个参与者的策略必须是对其他参与者策略(或策略组合)的最佳反应，都没有动机单方面偏离。但是此处仍然存在一个问题：不完全信息下策略是类型依存的，该如何体现？因此，定义一个策略组合是贝叶斯博弈的均衡，需解决两个重要问题：①类型对策略的影响；②如何推断一个参与者的类型。

首先，类型的影响。在任何给定的博弈中，每个参与者都知道自然所赋予自己的类型，并且他无须考虑在其他类型下自己将怎样做。因此，每个参与者可能会想到仅仅针对自己的类型来定义均衡就足够了。现实并非如此。他必须考虑别人的应对策略：在所有可能类型下别人将分别做何反应。其主要原因在于：别人不了解参与者的类型，因此会针对参与者的所有可能类型来评估自己将要如何应对。所以，又回到起点，这个参与者在任一给定类型下的行动，将依赖于自己在其他类型下的行动。换言之，参与者要想针对他人的策略做出最优决策，必须预测他人将如何行动，而他人的行动又依赖于自己在其他类型下的最优行动。因此，参与者不仅需要考虑自己在当前类型下的最优行动，还要考虑在其他可能类型下的最优行动。所以，仅针对参与者的当前类型来定义均衡是不符合理性的，还需要考虑自己在其他可能类型下的行动。回头看策略和行动的定义，你会发现策略之所以考虑所有的可能类型，是因为定义均衡的需要。

其次，是关于推断的，亦称信念。此处借助符号说明可能更易理解。在贝叶斯均衡中，参与者 i 只知道类型为 θ_j 的参与者 j 将选择 $a_j(\theta_j)$ ，但却不知道 θ_j 的具体值。因此，即使纯策略选择也必须计算支付函数的期望值。但如同纳什均衡一样，贝叶斯均衡在本质上是一个一致性预测，即每个参与者 i 都能正确地预测到参与者 j 在类型 θ_j 下的最优选择是 $a_j^*(\theta_j)$ 。因此，参与者 i 对其他参与者的具体类型会形成一个推断，即参与者 i 的信念 $p_i(\theta_{-i} | \theta_i)$ 。但是参与者 i 对于参与者 j 的信念 p_j 的信念不宜再进入均衡的定义。在均衡中，唯一重要的是参与者 i 自己的信念 p_i 和其他参与者的行动 $a_{-i}(\theta_{-i})$ 。不过，这也仅限于静态贝叶斯博弈。在不完全信息动态博弈中，参与者有关其他参与者的信念是重要的，因为此时一个参与者可以通过观测其他参与者的行动来修正信念或其他参与者的类型。更多内容可参见下一小节中有关信念的讨论。

至此，我们已经能够利用文字对贝叶斯纳什均衡给出粗略的描述了。

定义 5.2(贝叶斯纳什均衡) 在策略式贝叶斯博弈中，如果一个策略组合满足以下条件，则称该策略组合为贝叶斯纳什均衡。

(1) 假定其他人的策略不变，任给一个参与者的类型，在该策略组合中与此类型所对应的行动是他的最优行动——评判准则是使每个参与者在其信念下的期望效用最大化。

(2) 对于任意参与者的所有可能类型，都满足条件(1)。

欲使所有参与者的策略组合构成一个贝叶斯纳什均衡，可对每个参与者的策略进行考察。对任一参与者的所有类型来讲，他的策略都必须是最优策略。换言之，对参与者的每个类型来说，他所采取的行动都是最优行动。因此，想要判断一个参与者的策略是否最优，就必须对他的所有类型进行检验。



进阶阅读：贝叶斯纳什均衡的正式定义

在贝叶斯博弈 G 中，策略组合 $s^* = (s_1^*, \dots, s_n^*)$ 是贝叶斯纳什均衡的条件为：如果

对任何参与者 i 和他的每一种可能的类型 θ_i , 该策略下所选择的行动 a_i 都能满足

$$\max_{a_i \in A_i} \sum_{\theta_{-i}} \{u_i[s_1^*(\theta_1), \dots, s_{i-1}^*(\theta_{i-1}), a_i, s_{i+1}^*(\theta_{i+1}), \dots, s_n^*(\theta_n); \theta_i] p_i(\theta_{-i} | \theta_i)\} \quad ①$$

亦即, 在给定其他参与者策略的情况下, 没有参与者愿意改变自己的策略, 即使这种改变只涉及一种类型下的一种行动。

5.2.3 关于贝叶斯博弈的补充*

对不完全信息博弈的分析可能是个新鲜而有趣的过程。它既承接了之前的均衡概念和分析方法, 又在此基础上派生出更多内容。在对不完全信息的分析过程中, 海萨尼转换是将不完全信息转化成完全信息的关键一步。为了更深入地理解海萨尼转换和贝叶斯博弈, 本小节继续围绕贝叶斯博弈的基础问题进行补充说明。对于初学者, 本小节有一定难度, 笔者将尽量使用通俗的语言进行阐释。首先讨论关于海萨尼转换的前提性假定, 其次是均衡的多样性和均衡的精炼, 最后涉及信念的赋予。

1. 海萨尼转换的假设

回顾前几章, 具有完全信息的参与者知道所有那些未完全被博弈规则排除在外的信息。实际上, 关于暗含在完全信息纳什均衡中的理性, 有 5 个主要的假定: ①参与者完全了解博弈规则; ②参与者完全了解每个参与者的特征; ③参与者都按照贝叶斯法则行动, 即所谓的“贝叶斯理性”; ④参与者能够复制别人的推理, 即“我知道, 你知道我知道……”; ⑤参与者的理性是共同知识。根据海萨尼的观点, 最根本的假定是第二个, 因为博弈规则的不确定性实际上可以表述为得益的不确定性。于是, 不完全信息博弈着重探讨的是第二个假定缺失时的情境。换言之, 贝叶斯博弈不仅可用于每个参与者不确知别人得益的情形, 还可应用于每个参与者不确知别人特征的情形。实际上, 大多数关于贝叶斯博弈的建模和均衡求解都是在拓展纳什均衡, 以及为扩展提供便利的条件。

上文已经提及, 信息的不完全可以表述为事件的不确定。但是, 仅当所有不确定事件都被赋予概率值的条件下, 才能够定义和计算参与者的期望效用。无疑, 这种精确性便利了均衡求解, 但它是否也限制了海萨尼转换的适用范围, 意即海萨尼转换只适用于概率分布已知的情况? 实际上, 弗兰克·普伦普顿·拉姆齐(Frank Plumpton Ramsey)和伦纳德·吉米·萨维奇(Leonard Jimmie Savage)已经证明, 即使某些事件不能被指定客观概率值, 一个理性的决策者也应该能够确定其主观概率值, 以便计算期望值。因此, 在更为宽泛的条件下主观感知也可以进入概率测度。这大大提高了海萨尼转换的普适性。同时它也可能导致新的问题: 如果各个参与者对同一事件的主观感知概率不同, 那么各个参与者对别人的行为预测就会出现偏差, 此时该如何保证均衡预测的一致性呢?

海萨尼转换假定每个参与者的先验概率都是一样的。它认为参与者拥有知识的不同都可由参与者所处的外在客观机制导出, 而不是来源于参与者初始信念的差异。换言之, 它假定这种分布是所有参与者的共同知识, 因而对参与者特征的茫然无知便可解析地获

① 在类型 θ_i 下的策略 $s_i^*(\theta_i)$ 就是行动 a_i 。

得。不仅如此,关于先验概率的共同知识对参与者后验概率间的关系具有较强的含义,这一点只有在学习了动态贝叶斯博弈之后才能深刻体会。

2. 均衡的多样性与精炼

为了更好地理解均衡概念,不妨将视野放宽,延伸至动态贝叶斯博弈中的情况。

我们已经知道,即使在每一阶段结束时参与者都能观察到别人的行动,子博弈完美在此处仍然是不起作用的。由于参与者可能不知道别人的类型,所以从某一阶段开始之后的“子博弈”并不能构成一个完整意义的子博弈——除非已经给定了参与者的后验信念。因此,在博弈进行到某一阶段时,我们无法检验后续的策略组合是否为子博弈完美的。事实上,不完全信息的适当子博弈就是整个博弈,所以任何纳什均衡都是子博弈完美的。因而,如果直接采用纳什均衡,将会出现多重均衡,其中不乏那些经不起实践检验的均衡。关于这一点,我们在第3章尝试采用纳什均衡概念时曾有过类似的结果。

由于均衡多样性是贝叶斯博弈的一个显著特征,为了删掉那些不合理的均衡,仍需对它们进行精炼,即重复剔除弱占优策略。这是一个非常具有挑战性的问题,因为在不完全信息下子博弈完美的概念毫不适用。事实上,针对贝叶斯博弈的均衡概念所提出的精炼方法不止一种,这些精炼方法代表了人们力图把直觉正规化的努力。在均衡的精炼过程中,逆向归纳和正向归纳是在不同规范背景下出现的两种伟大的“策略稳定性”原则——兼以使用“重复剔除弱占优”方法。一个均衡,不仅要和对手们面向未来时所做的推断相一致(逆向归纳),而且要对手们在过去事实基础上所做的推断相一致(正向归纳)。后者表示参与者可以通过不断调整自己的行动来达到一个均衡——它反映了不具备足够远见的主体在多次重复博弈中的学习纠偏(事后的),而不是参与者之间的交叉预期(事前的)。但是从理论分析的角度讲,兼顾两种方向相反的原则确实存在很大难度——至少就目前的知识来看如此。逆向归纳已被反复提及,而正向归纳的思想将在第7章中介绍。

既然需要对动态贝叶斯博弈中存在的所谓“均衡”进行精炼,那么研究者们就开始尝试不同的精炼思路,并提出了多种均衡概念,其中包括颤抖手完美均衡、序列均衡和完美贝叶斯均衡等。人们曾将子博弈完美性、贝叶斯纳什均衡以及贝叶斯推论的思想综合起来,形成了完美贝叶斯均衡的概念。这个概念最早见于朱·弗登伯格(Drew Fudenberg)和让·梯若尔(1991),其中贝叶斯推论是指:给定参与者的后验概率,要求策略在每一个后续博弈中都能产生一个贝叶斯均衡,并且要求只要贝叶斯法则适用,信念就应该根据贝叶斯法则加以更新。序贯均衡也是类似的思想,但它对于参与者更新信念的方式施加了更多的限制。这些概念仅做简介,感兴趣的读者可参阅相关书目。

3. 信念的赋予

在介绍武林大战和海萨尼转换时,也许你会有如此疑问:这个信念是怎么来的?换言之,凭什么推断类型1和类型2的概率均为0.5,而不是分别为0.6和0.4。要回答这个问题,必须回顾概率论中的两个重要概念——先验概率和后验概率。先验概率是指根据以往的经验数据或逻辑分析而得到的概率;而后验概率则可被理解为条件概率,是指借由某一事件的发生而推断另一事件发生的可能性。

此处讨论先验和后验,是因为某些行动的信息可能会影响到参与者的信念,这将在后

文的模型中看到。为了更好地理解后文,建议读者在此多花些时间。在参与者类型相互独立时,“自然”所赋予的概率一般是先验的——这个概率主要基于以往的生活经验或数据。但是当参与者类型相关或有其他信号影响时,参与者的信念将是后验的,需满足贝叶斯理性。

关于信念的赋予,有两个问题需要回答:①所赋予的信念包含哪些内容?②信念是怎样被赋予的?

回顾本节开头,在对武林大战做海萨尼转换时,是否只有盟主知道类型1、2的概率分布?答案是否定的。这个信息是共同知识。不仅盟主,隐士也知道盟主对自己类型分布的信念——请注意隐士还知道自己的准确类型。此处所说的信念主要指某一参与者对其他参与者类型的概率分布所持有的推断。关于信念是如何被赋予参与者的,一种简单的解释是“由自然决定的”,参与者通过客观一致的渠道获得这种信念。如在第2章中的混合策略均衡中,当一个足球守门员面对格罗索的点球时,他的团队可以告诉他罗格罗索点球的历史数据——这种统计通常由专业数据提供商提供,如OPTA和STATS等。然而,并不是所有的信念都能以这种方式赋予参与者。在缺乏客观数据时自然选择更多地依赖于参与者的主观感知和学习。那么,当参与者对类型分布的感知主要来自经验习得而非客观事实时,这种信念是如何形成的呢?仍以武林大战为例。假如盟主佩戴着“007”的高科技眼镜,镜片显示会告诉他:请注意,高手概率是50%!事实上,武侠小说中的盟主没有类似装备,推断完全凭直觉。一个曾接连5次遇到高手的盟主与一个接连5次遇见术士的盟主似乎更有可能拥有不同的信念——即便在客观上遇到高手的概率都是0.5。

另外,假定隐士心里也有一杆秤,他认为盟主对自己类型的推断为:类型1的概率是0.4,类型2的概率是0.6。一般情况下,前文所得到的策略对隐士来讲不是最优的。换句话说,隐士能够通过改变自己的行动来迎合盟主对自己的判断,从而获取更多得益。但是提请读者注意,此时的问题出在隐士的信念上,严格来讲是他所感知的盟主对自己类型的判断上,而非他的理性上。正如前文提及的空城计,子元输在自己的信念与实际不符,而非自己的推理错误或完全没想到。因此,隐士需要修正自己的信念以便与实际相符。作为反应,盟主也会调整自己的策略。这样经过多次重复博弈之后,双方对于隐士类型的信念将会逐渐统一,成为共同知识。此时,双方的策略都将是最优的。在给定对方策略不变的情况下,双方都没有动机偏离,此即均衡。同时,随着博弈经历的增加,参与者的信念将会动态更新。关于信念的更新,请参见第5.6.3和6.3.2节。

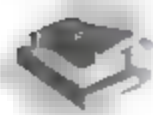
5.3 密封拍卖:赢者的诅咒和真实出价

在前文所介绍的博弈中,只有一个参与者拥有私人信息。例如,在武林大战博弈中只有隐士具有私有信息,而盟主则不然。接下来将介绍更一般的情景:每个参与者都拥有私人信息。关于这种情景,一个典型的例子就是拍卖。

拍卖,作为一种资源分配机制,应用十分广泛。同时,拍卖也是博弈论在机制设计方面的一个重要领地。通常被拍卖的物品既包括收藏品、房屋、二手商品、农产品等有形资产,也包括诸如土地使用权、工程建设标的、矿产开采权、通信频谱等无形资产。而关于拍卖的研究则主要针对估价的私密性、拍卖的公平和效率等问题进行细化与必要的假设,建立不完全信息博弈模型,并据此分析参与者的出价策略以及给定的拍卖机制。

简言之,拍卖有多种形式(或称机制),不同的拍卖形式对应着不同的博弈模型和结果。常用的拍卖可简单归结为4种基本形式:首价密封拍卖、二价密封拍卖、公开增价拍卖和公开降价拍卖。本章主要通过首价密封拍卖和二价密封拍卖来介绍不完全信息博弈的相关概念。有一点需要向读者做出说明。在接下来的分析中,我们首先侧重介绍均衡。在读者掌握了如何分析均衡之后,再慢慢地介绍如何建立和更新信念。

5.3.1 首价密封拍卖



引语故事:“地王”的诞生

2015年9月23日上海的土地拍卖现场,金地集团以20.1336亿元竞得嘉定区嘉定新城E26-1地块,溢价率96.63%,成交楼板价1.86万元/平方米。

该价格刷新了上述区域地价,值得一提的是该地块也成为上海首宗以“暗标”形式诞生的总价地王。在土地竞拍现场,每家开发商只能以书面表格的形式进行一次报价,据悉“金地”比第二高开发商报价高出7000多万元。从以往的历史情况看,通过“暗标”拍卖很少出现如此高溢价的情况。^①

根据开标结果,16家竞标企业的报价如表5-1所示。^②

表5-1 参与拍卖的16家房企报价单

房企编号	报价/万元	房企编号	报价/万元
1	173 049	9	167 200
2	108 000	10	178 899
3	167 000	11	167 393
4	151 000	12	121 393
5	161 888	13(金地)	201 336
6	149 600	14	172 600
7	173 593	15	146 033
8	177 009	16	194 100

上面引语故事中的“暗标”,意即密封投标,出价最高者将以最高出价获得标的。这种拍卖形式就是本小节所要介绍的首价密封拍卖。它是一种常见的拍卖形式,而且可能会带来一个典型现象:赢者的诅咒。在首价密封拍卖中,所有竞价参与者都将各自所愿意

① 资料来源:中国新闻网, <http://www.chinanews.com/house/2015/09-24/7541077.shtml>, 2015-09-24.

② 资料来源:搜房网, <http://news.sh.fang.com/2015-09-23/17472916.htm>, 2015-09-23.

出的交易价格写进一个密封的“信封”(称作出价或叫价)。信封泛指一切能够对所传递内容进行封闭的载体,如在线拍卖时附有数字签名和非对称加密的数据包。当所有人把信封上交后,拍卖发起者便当众打开所有密封的信封,将商品出售给出价最高的人。出价最高的竞价者将以最高出价购买该标的。

一般来讲,参与拍卖的每个买家对拍卖品都有自己的估价。这种估价依赖于每个参与者的自身特征,进而影响参与者的出价。卖方不知道买方的估价,每个买方也不知道其他买方的估价。这作为私有信息存在于每一个参与者心中。这类估价有如下两个特点:①估价因人而异,即“千人千价”;②唯一知道该估价的人只有他自己。

提请读者注意,这里的估价是竞价者对拍卖品真正价值的一个估计。它既不是物品的真正价值,也不是竞价者的出价。显然,竞价者的出价一定不会超过他的估价,即他愿意付出的最高价。但是仍然存在一个问题:在此上限之内,应该出价高一点儿还是低一点儿呢?若出价高一点儿,更有可能赢得标的,但对应获利却更少。反之,赢得标的的可能性低,但对应获利却更多。所以,竞价者需要在高低之间权衡。由于不知道其他投标者的估价,竞价者需要建立自己的判断。如果没有信息不对称,那么结论非常简单。例如,在两人竞价时若一方已知另一方的估价为5元,那么他出价5.1元即可中标。问题恰恰在于竞价者之间的信息不对称。它使得竞价者必须对其他竞价者的估价进行推断并由此形成相对复杂的策略。否则,竞价者的出价将会脱节,可能导致中标者出价奇高。例如,在1996年中央电视台广告时段的招标中,山东秦池酒厂以3.2亿元的报价夺得“标王”。但是次高的出价只有1.6亿元,是秦池出价的一半。试想一下,如果秦池事先知晓对手的估价和出价策略,那么他只需出价比1.6亿元多一点儿即可。因此,当各个参与者都拥有自己的私人信息时,博弈的难度也加大了。那么,该从哪里入手加以分析?接下来将结合拍卖实例讲解。

考虑到读者数学基础的差别,本书先采用具体数字来分析,然后再引入符号推理。

1. 当物品是私有价值时

简单起见,假设拍卖物品具有独立私有价值^①。在此类拍卖中,拍卖品的价值对于所有竞价者都是私有的。每个竞价者都对该物品有着自己的估价,但是却不能从其他竞价者的估价中得到对自己估价有用的信息。如果将估价视为竞价者的类型,则竞价者的类型是统计独立的。总之,竞价人关于拍卖品的估价是其私有信息,但是“拍卖品具有独立私有价值”这一点却是共同知识。

如前所述,每个竞价者所拥有的估价都是私有信息。因此,竞价者之间可用各自的估价来加以区别,也就是竞价者的类型。简单起见,假设只有两人竞价,则存在两种可能类型:(a, b)。进一步,令

^① 与独立私有价值相对的另一个常见假设是共同价值(common value)。在共同价值模型中,拍卖品的真正价值对所有投标人都是相同的,但投标人都不知道其真正价值的大小,即在投标时共同价值是未知的。然而,每个人都有自己对拍卖品的估价,并且这个估价只有他自己知道。一般来讲,收藏品、艺术品拍卖适用于独立私有价值模型,而工程建设、矿产开发等更适用于共同价值模型。详见杜黎和胡奇英等翻译的《拍卖理论与实务》等。

a: 估价 50 元, 概率为 0.6。

b: 估价 100 元, 概率为 0.4。

不难推知, 竞价者的最终获利与是否赢得标的有关。如果胜出, 则获利是他的估价减去他的出价, 反之获利为零。虽然如此, 问题还不够简化。为了避免引入连续变量以及随之而来的微积分知识, 本书将出价也离散化。特别规定每隔 10 元作为一个可能出价, 也就是说每个参与者的策略是离散的, 分别为 10, 20, 30, …。

将博弈模型明确如下。

博弈参与者: 索斯比, 佳士得。

自然赋予的类型: (a, b), 其中

a: 估价 50, 概率为 0.6; b: 估价 100, 概率为 0.4。

行动:

出价 10, 20, 30, …; 递增幅度为 10。

得益: 如果中标, 得益 = 估价 - 出价; 否则, 得益 = 0。

附加判定: 若出价相同, 则抛硬币决定谁来购买 (有一半的机会中标)。

此博弈的贝叶斯纳什均衡求解过程比较复杂。我们不妨换一种思路: 证明一个给定的策略组合是贝叶斯纳什均衡。现在考察如下的策略:

{如果估价 50 就出价 40; 如果估价 100 就出价 60}

进一步, 考虑由该策略所构成的一个对称策略组合, 即双方都采用该策略。那么它是一个贝叶斯纳什均衡吗? 现利用贝叶斯纳什均衡所应满足的条件证明之。不妨以索斯比的视角进行分析。假定索斯比认为佳士得的出价可能是 40 和 60, 发生概率分别为 60% 和 40%。现在分析索斯比的策略。

首先, 如果索斯比估价 50, 则出价 40。此时若佳士得也出价 40, 抛硬币可知索斯比有 50% 的可能性获中。若佳士得出价 60, 则索斯比不能赢得标的。因此, 索斯比的期望得益为 $0.6 \times 0.5 \times (50 - 40) + 0.4 \times 0 = 3$ 。式中的因子 0.5 代表猜硬币获胜的概率。假设索斯比在估价 50 的情况下调整出价, 让我们来看他是否能增加自身的期望得益。其他出价所对应的期望得益如表 5-2 所示。

表 5-2 索斯比估价 50 时的出价和得益

出价	10	20	30	40	50	60	70	80	...
得益	0	0	0	3	0	-8	-20	-30	...

显然对于索斯比来讲, 出价 40 是在估价 50 时的最优策略, 这符合贝叶斯纳什策略的条件。直观地思考, 这个结果也是很显然的。因为当出价小于 40 时, 根本不可能胜出, 得益为 0, 当出价高于 40 时, 至少出价 50, 而本身对商品的估计仅有 50, 所以大于 50 的策略的得益总会小于 0。因此, 对这一部分的检验正确。

其次, 如果索斯比估价 100, 则出价 60。相应地, 佳士得也有 60% 的概率出价 40 和 40% 的概率出价 60。此时期望得益为 $0.6 \times (100 - 60) + 0.4 \times 0.5 \times (100 - 60) = 32$ 。

2. 当物品是共同价值时

从资源配置的效率来讲,首价密封拍卖还有提升的空间,因为估价较高者隐藏出价,反而是估价较低者更愿意真实出价。当然,上述结论建立在私人价值假设基础之上。实际上,私有价值拍卖大多应用于拍卖艺术品、收藏品等,而诸如土地竞拍等情境则更宜采用共同价值拍卖来分析。如果竞价者的估价包含共同价值因素,则他们之间不对称性的影响将会显著得多。具体而言,在具有共同价值的物品拍卖中,具有较高估价优势的竞价者将会出价更大胆。而这也更突出“赢者的诅咒”所带来的影响。接下来,本书将通过分析指出共同价值拍卖下的“赢者的诅咒”问题。



扩展阅读：赢者的诅咒

有时,你并不能完全确定拍卖品的价值,很有可能高估了拍卖品的价值。虽然你赢得了拍卖品,但后来发现所支付价格超出了物品的价值。此时,你已陷入“赢者的诅咒”。

关于“赢者的诅咒”的来历,据信出自古罗马帝国。传说在公元193年,当时的罗马皇帝柏提那克(Pertinax)被他的禁卫军杀害,而想捞一把的禁卫军士兵对皇冠(皇位)进行拍卖。一个叫狄第乌斯(Didius)的富翁拍得皇位并承诺支付给每名近卫军士兵25 000赛特策(sesterces,罗马货币单位)。然而皇帝的位置还没有坐多久,这位赢家便被远方赶回的罗马军队赶下了台,并得到了“赢者的诅咒”——被砍头。从而“赢者的诅咒”这个概念被用来指:拍卖的赢家成功获得物品后发现其价值低于竞拍出价。

在其他参与者对物品拥有更加完备的信息时,对一个信息不够灵通的竞价者而言,赢得拍卖就是一件更糟糕的事情。

现有一块待开发的住宅用地,土地的可利用价值是一个确定的值,记为 λ 。由于住宅用地的价值更多依赖于地块的位置、周边设施和市场预期,而非个人偏好,因此对所有竞价者而言可谓共同价值。目前有两家公司红城和蓝海有意去开采这块土地。在公开竞标之前,两家公司以各种渠道搜索关于未来住宅售价总值 λ 的信息(如预期地价、房价等)。但是作为事前预测,两者都不能准确地估计 λ 的真实值,而是或多或少有些偏差。为了简化模型,假设估价仅有两种可能:

$$v_i = \begin{cases} \lambda + \delta, & \text{概率为 } 0.5 \\ \lambda - \delta, & \text{概率为 } 0.5 \end{cases} \quad (i = 1, 2)$$

进一步,假定两种估价分别发生在两家公司身上,其中 δ 为给定常量。读者可换种方式来理解这种现象。当竞争对手较多时,估价高低不一。乐观的估价相对较高,悲观的反之。而土地的价值应该居于市场估价的平均水平。所以就某个竞价者而言,其估价有可能高了,也有可能低了,而对手的则相反。总之,不会出现所有的出价都高于平均值的情况。利用海萨尼转换,建立博弈如下。

博弈参与者:红城,蓝海。

自然等可能地赋予参与者两种类型:

(红城估价较高,蓝海估价较低;红城估价较低,蓝海估价较高)。

两种类型的概率分别为 0.5。

行动：参与者的出价；简单计，以任一自然数作为出价。

得益：如果中标，得益 = 价值 λ - 出价 b ；否则，得益 = 0。

提请读者注意，此时中标的得益为物品的共同价值减去出价，而估价 $v_i (i = 1, 2)$ 只是中间量。估价既是中间量，那么此处引入估价的作用是什么呢？它是公司出价的重要参照！公司将依照自己的估价制定出价策略。一般来讲，每个竞价者的出价是其估价的函数。当然，一个简单易行的策略就是常见的线性出价策略，意即出价是估价的线性函数。仍然考虑对称策略组合“出价 $b_i = v_i - 1, i = 1, 2$ ”。不妨令 $\delta = 2, v_1 = 20$ ，并从“红城”的角度展开分析。

首先，任何大于估价 v_1 的出价 b_1 都不是占优的。因为即使赢得标的，其得益仍然为负。与其这样，不如出价为 v_1 ，此时得益为 0。相比出价 $b_1 = v_1, b_1 = v_1 - 1$ 是一个弱占优策略，即此时不会获利更少——只要有一丝可能获胜，就会大于 0。实际上， $b_1 = v_1 - 1$ 严格优于 $b_1 = v_1$ 。请读者自行证明之。

其次，任何低于 $v_1 - 1$ 的出价也不是占优的。不妨设出价 $b_1 = v_1 - 2$ 。如果没有中标，得益自然是 0。如果中标，得益为 $\lambda - b_1$ 。此时须为乐观估价，应有 $\lambda = v_1 + \delta$ 。注意到 $\delta = 2$ ，因此最后得益为 $v_1 - 2 - b_1$ ，仍然是 0。可见，出价 $v_1 - 1$ 是弱占优的。

最后，证明占优策略 $b_1 = v_1 - 1$ 却是不能获利的。注意到 $v_1 = 20$ ，依照策略红城应出价 $b_1 = 19$ 。

如果红城的估价偏高，即 $v_1 = \lambda + \delta$ ，易知 $\lambda = 18$ 。此时蓝海的估价较低，则 $v_2 = \lambda - \delta = 16$ 。所以蓝海的出价为 $b_2 = 15$ 。那么，红城将会得到标的。但是中标之后他将发现物品价值为 $\lambda = 18$ 。实则亏损 1 元！

如果红城的估价偏低，即 $v_1 = \lambda - \delta$ ，依策略出价仍是 19。显然，蓝海的估价较高，有 $v_2 = \lambda + \delta = v_1 + 2\delta = 24$ 。所以，蓝海应出价 23。红城由于出价较低未能中标，得益为 0。

综上所述，红城的期望得益为

$$0.5 \times (-1) + 0.5 \times 0 = -0.5$$

显然，红城不仅中标时的得益为负，而且期望所得也是负的。利用这样一个占优策略，最后结果却不能获利。这便是“赢者的诅咒”。

“赢者的诅咒”是竞争环境中多方博弈的结果，在现实中屡见不鲜。例如，1996 年 5 月，美国联邦通信委员会决定拍卖一部分无线频谱。显然，这些频谱的未来市场价值在拍卖前是不能确知的，各竞拍者只能依赖自己所掌握的信息进行评估。但是它的真实价值确实存在，属于共同价值拍卖。最大投标人 NextWave 个人通信公司最终胜出，以 47 亿美元获得 63 个经营许可证。但是两年后，该公司经营困难，申请破产。NextWave 公司赢得了拍卖，却输掉了市场。另外，经济学家们曾收集了大量真实的数据，验证了“赢者的诅咒”这一现象的广泛存在性。而且竞价者越多，竞争越激烈，其发生的机会也越大。“赢者的诅咒”不仅伤害买方，对卖方也会导致不利的影响。当买方无法确认物品的价值时，他们会担心付出太多，“赢者的诅咒”会使得所有的竞买者都压低出价，从而减少卖方的收入。要破除“赢者的诅咒”，卖方必须提供物品的相关信息，使买方了解物品的价值。这就

降低了“赢者的诅咒”对拍卖收入的负面影响,从而提高了竞买者的出价。

但是也提请读者注意,“赢者的诅咒”可能只是多重均衡中的某一个所导致的结果,因此并非不能消除。实践发现,通过建立适当的拍卖机制,可以避免“赢者的诅咒”。仍举无线频谱拍卖的例子。经过20年的拍卖实践,今天的频谱拍卖在规则设计中出现重大问题的概率已经很小。例如,在2012年11月12日英国无线电通信办公室公布了4G频谱拍卖的规则,包括具体的拍卖日程安排、参与拍卖的资格、拍卖保留价格及拍卖模式等。关于4G频谱拍卖的拍卖模式,英国无线电通信办公室选择了“组合时钟”拍卖,该模式共包括6个阶段:组合块,选择加入阶段,时钟阶段,补充拍卖,第二价格规则,分配阶段。每个阶段都有具体的规则,总体类似于常见拍卖的组合。据英国政府公布,拍卖4G频谱的收入仅为23.4亿英镑,较此前预期的35亿英镑低了1/3。尽管对此收入争论不断,但有一点非常明确:此次拍卖没有带来传说中的“赢者的诅咒”。



进阶阅读

假设有两个竞价者,分别记为1、2。竞价者 i 对商品的估价为 v_i ——如果投标人 i 以竞拍价格 b 得到商品,则 i 的得益为 $v_i - b$ 。两个竞价者的估价相互独立,并服从 $[0,1]$ 区间上的均匀分布。双方同时给出自己的出价,不能为负。出价较高的一方得到商品,并支付他所报的价格;另一方则得益为0。竞价者是风险中性的,且上述内容都是共同知识。

为把这一问题转化为静态贝叶斯博弈,必须先确定行动、类型及得益函数。竞价者 i 的行动是他的非负出价 b_i ,其类型是他的估价 v_i 。由于估价是相互独立的,竞价者 i 推断 v_j 服从 $[0,1]$ 区间上的均匀分布——独立于 v_i 的取值, $j \neq i$ 。最后,竞价者 i 的得益函数为

$$u_i(b_1, b_2; v_1, v_2) = \begin{cases} v_i - b_i, & \text{当 } b_i > b_j \\ (v_i - b_i)/2, & b_i = b_j \\ 0, & b_i < b_j \end{cases}$$

为推导贝叶斯纳什均衡,首先建立参与者的策略集合。回忆第5.2节的内容,在静态贝叶斯博弈中策略是一个由类型到行动的函数。竞价者 i 的一个策略为函数 $b_i(v_i)$,据此可以决定 i 在任一给定类型 v_i 下所选择的出价 b_i 。若策略组合 $\{b_1(v_1), b_2(v_2)\}$ 是一个贝叶斯纳什均衡,那么对于任给类型 $v_i \in [0,1]$, $b_i(v_i)$ 应满足:

$$\max_{b_i} [(v_i - b_i)P(b_i > b_j) + \frac{1}{2}(v_i - b_i)P(b_i = b_j)], \quad i = 1, 2$$

上式中 $P(\cdot)$ 表示所求事件的概率。简单起见,仍考虑一组线性策略组合,即假设 $b_1(v_1)$ 和 $b_2(v_2)$ 都是线性函数^①。设

$$b_1(v_1) = a_1 + c_1 v_1, \quad b_2(v_2) = a_2 + c_2 v_2$$

现求解该均衡,亦即上述函数的参数。

^① 值得注意的是,此处不是限制了参与者的策略空间以使之仅包含线性策略,而是允许参与者任意地选择但是仅关注是否存在线性均衡解。

对于竞价者 $i(i=1,2)$, 给定对手所采取的策略 $b_j(v_j) = a_j + c_j v_j$ 以及自己的估价 v_i , 他的最优反应实为下式的解:

$$\max_{b_i} [(v_i - b_i)P(b_i > a_j + c_j v_j) + \frac{1}{2}(v_i - b_i)P(b_i = b_j)]$$

因为 v_j 服从均匀分布, 所以 $b_j(v_j) = a_j + c_j(v_j)$ 服从均匀分布, 进而 $P\{b_i = b_j\} = 0$ 。

因此, 实为求解

$$\max_{b_i} \{(v_i - b_i)P[v_j < (b_i - a_j)/c_j]\}$$

由于估价 $v_i \in [0, 1]$, 因此出价 b_i 应满足 $a_i \leq b_i \leq a_i + c_i$ 。考虑到策略的对称性, 因此出价 b_i 也应介于对手的上下限内, 即 $a_j \leq b_i \leq a_j + c_j$ 。否则, 如果出价 b_i 超越了对手的上下界限, 竞价者 j 也会调整自身的上下限以利于自己。如此反复, 二者的上下界仍会趋于相等。

在上述条件下, 如何出价问题转换为求解下式:

$$\max_{b_i} \{(v_i - b_i)P[v_j < (b_i - a_j)/c_j]\} = \max_{b_i} (v_i - b_i)(b_i - a_j)/c_j$$

不难计算, 最优解为 $b_i = (v_i + a_j)/2$ 。注意, 在 $v_i < a_j$ 时 $b_i = \frac{(v_i + a_j)}{2} < a_j$, 此时不可能中标, 因此令出价 $b_i = a_j$ 。综上, 参与者 i 的占优策略为

$$b_i(v_i) = \begin{cases} (v_i + a_j)/2, & v_i \geq a_j \\ a_j, & v_i < a_j \end{cases}$$

(1) 如果 $0 < a_j < 1$, 则一定存在某些 v_i 使得 $v_i < a_j$ 。此时与 $b_i(v_i)$ 的线性假设矛盾, 排除。

(2) 如果 $a_j \geq 1$, 则不可能发生。然而出价 $b_i = a_j$ 又使其得益为负。因此, 排除该情形。

(3) 如果 $a_j \leq 0$, 则 $b_i(v_i) = (v_i + a_j)/2 = a_i + c_i v_i$ 。于是可得 $a_i = a_j/2$ 及 $c_i = 1/2$ 。同样对竞价者 j 重复上面的分析, 得到类似的结果 $a_j = a_i/2$ 及 $c_j = 1/2$ 。联立求解可得 $a_i = a_j = 0$ 及 $c_i = 1/2$ 。

因此线性的出价策略均衡为 $b_i(v_i) = v_i/2$ 。

5.3.2 二价密封拍卖



引语故事: 1990 年新西兰无线频谱拍卖

1990 年, 新西兰举办了第一场使用频谱权利的拍卖。根据咨询公司 NERA 的建议, 新西兰政府决定最初的 4 场拍卖均采用二价密封拍卖, 其规则与维克瑞最早所描述的一样。与首价密封拍卖相比, 虽然同是报价最高者得到标的, 但是成交价格却为次高报价。表 5.6 列出了新西兰第一场拍卖的实际结果。竞价者 Sky Network TV 的报价都很高, 为获得许可证所支付的价格比其他竞价人高出很多。竞价者 Totalisator Agency Board 向 6 份许可证投标, 每份许可证的报价都是 40.1 万新西兰元, 但他最终只得到了

一份许可证,成交价格为10万新西兰元。竞价者BCL只给一份许可证投标,报价为25.5万新西兰元,它最终以20万新西兰元获得了该份许可证。由于不知道不同数量的许可证对于竞价者的价值,也不可能确定许可证的最终分配是否有效。但是,结果确实证明了竞价者无法推测其他竞价者的投标行为。如果你再看一遍表5-6,也许能够理解Sky Network TV, BCL或者United Christian Broadcast在报价公布后的心情……

——摘编自米格罗姆著,杜黎、胡奇英等译《拍卖理论与实务》

表 5-6 超高频频谱(8兆赫)拍卖的最高价和次高价

编号	赢者	最高报价/新西兰元	次高报价/新西兰元
1	Sky Network TV	237.1 万	40.1 万
2	Sky Network TV	227.3 万	40.1 万
3	Sky Network TV	227.3 万	40.1 万
4	BCL	25.5 万	20 万
5	Sky Network TV	112.1 万	40.1 万
6	Totalisator Agency Board	40.1 万	10 万
7	United Christian Broadcast	68.5 万	40.1 万

二价密封拍卖,又称维克瑞拍卖,是诺贝尔经济学奖获得者维克瑞所提出的。在二价密封拍卖中,出价最高者赢得拍卖品,但是只需支付所有出价中的第二高价格,其他部分则与首价密封拍卖相同。由于在二价密封拍卖中胜出者的出价独立于最后成交价,因此二价密封拍卖被认为是鼓励竞价者依照估价而真实出价的拍卖机制,从而避免了“赢者的诅咒”。换言之,在没有串通的情况下,每个投标者的最优策略就是依照自己对拍卖品的估价而据实出价。这种看似奇怪的拍卖机制是如何引导竞价者出价的?

先让我们看一个相对直观的解释。如引例所示,由于交易价格独立于竞价者的出价,因此当竞价者压低出价使之低于自己的估价时,并不能增加自身的得益,反而会降低赢取标的的概率。反之,竞价者抬高出价至大于自己估价时,尽管提高了胜出概率,但是得益为负。因此,无论低报还是高报,都不如按照自己的估价进行真实出价好。这样,在二价密封拍卖中,每个人都会说真话,可以有效地解决“赢者的诅咒”问题。但是,深至具体决策,果真如此吗?

为方便讨论,仍沿用上节房地产开发的例子,并将出价离散化。设定出价递增幅度为10,意即每个参与者的策略是离散的,分别为10,20,30,……。因此,可将博弈模型明确如下。

博弈参与者:红城,蓝海。

自然赋予的类型:(a,b),其中

a:估价50,概率为0.6。

b:估价100,概率为0.4。

行动:报价(10,20,30,……),递增幅度为10。

得益:得益=估价-出价。

附加判定：若出价相同，则抛硬币决定谁来购买(50%概率可以得到)。

在首价密封拍卖中，双方都采取“如果估价 50 就出价 40；如果估价 100 就出价 60”是一个贝叶斯纳什均衡。现讨论该均衡在二价密封拍卖中是否仍然成立。鉴于对称性，不妨从红城着手分析。

首先，如果红城的估价是 50，考虑到蓝海的出价有 60%的可能性是 40，另有 40%的可能性为 60，则在出价 40 时红城的期望得益为 $0.6 \times 0.5 \times (50 - 40) + 0.4 \times 0 = 3$ 。

上式中的 0.5 因子仍代表猜硬币获胜的概率。类似地，依照二价密封拍卖规则，可计算其他出价所对应的期望得益如表 5-7 所示。显然出价 40 不是在估价 50 时的占优策略，此时的占优策略是 50(按照自己的真实估价报价)。

表 5-7 红城估价 50 时的报价与得益

报价	10	20	30	40	50	60	70	80	...
得益	0	0	0	3	6	4	2	2	...

其次，如果红城的估价为 100，在出价 60 时他的期望得益为 $0.6 \times (100 - 40) + 0.4 \times 0.5 \times (100 - 60) = 44$ 。

同理，其他出价方式所对应的期望得益如表 5-8 所示。可见，出价 60 不是占优策略，而出价 100(按照自己真实估价报价)是一个弱占优策略。

表 5-8 红城估价 100 时的报价与得益

报价	...	30	40	50	60	70	80	90	100
得益	...	0	18	36	44	52	52	52	52

现考虑新的策略组合：(红城真实出价，蓝海仍采取原策略)。显然，此时仍不是贝叶斯纳什均衡。

继续考虑另一新策略组合：两公司均采用“如果估价 50 就出价 50，估价 100 就出价 100”。再次从红城入手分析。

首先，如果红城估价 50，在出价 50 时的期望得益为 $0.6 \times 0.5 \times (50 - 50) + 0.4 \times 0 = 0$ ，同理可得，其他出价所对应的期望得益如表 5-9 所示。

表 5-9 出价为估价的情况

出价	10	20	30	40	50	60	70	80	...
得益	0	0	0	0	0	0	0	0	...

其次，如果红城估价 100，在出价 100 时的期望得益为 $0.6 \times (100 - 50) + 0.4 \times 0.5 \times (100 - 100) = 30$ 。

同理可得在其他出价下所对应的期望得益，如表 5-10 所示。可见按照自己的真实估价进行出价是一个弱占优策略。

表 5-10 估价 100 且真实出价时的出价和得益

出价	...	30	40	50	60	70	80	90	100
得益	...	0	0	15	30	30	30	30	30

可见,在二价密封拍卖中,每个人都会说真话。而且,上述讨论中并没有假定每个人都是说真话的。这也就意味着,无论别人是否真实出价,对每个竞价者而言依照自己估价而真实出价是最好的选择。这就是二价密封拍卖机制的一个基本特点。同时,它也揭示了一个道理:要让拥有私有信息的人真实地披露自己的信息,就应该给他足够的激励,而赢得拍卖时的净得益(真实价值减去出价)就是诱使他说真话的“信息租金”。显然,依照次高价格支付减少了卖方的收入,这是他对“信息租金”的支付。



扩展阅读：拍卖网站的交易规则

维克瑞是最先引入二价拍卖的学者,并将它作为增价拍卖(英式拍卖)的一个模型,现在拍卖网站上普遍使用的也是这一模型。图 5-8 和图 5-9 所示为淘宝网站拍卖示意图。



图 5-8 淘宝网站某车位使用权的拍卖

为了说明这一点,请读者参阅图 5 8 和图 5 9 所示的网站拍卖界面与竞价记录。图中的交易价格是第一价格还是第二价格? 答案是第一价格! 那么,它又为何被称为二价拍卖? 提请读者注意,诸如易趣(eBay)和亚马逊(Amazon)等许多网站都鼓励竞价人使用投标代理(proxy bidding)。竞价人告诉他的代理所愿意支付的最高价,即他的最高出价。投标代理替他保守这个秘密,并代替他在增价拍卖中出价。倘若这一出价没有超过别人的出价而成为最高竞价(网站上的当前价),则只要不超过竞价人的最高价,投标代理就将报价提高一个增量(网站上的加价幅度)。如果每个竞价人都使用投标代理,那么结果就

竞买记录			
状态	竞买号	价格	时间
	K1285	1,210,000	2016年04月30日 08:35:09
	F2046	1,200,000	2016年04月30日 08:33:13
	R8285	1,190,000	2016年04月30日 07:49:40
	L8770	1,185,000	2016年04月30日 06:47:15
	U6599	1,180,000	2016年04月29日 21:12:54
	U6599	1,140,000	2016年04月29日 21:12:16

图 5-9 车位拍卖的部分竞价记录

是：最高价最大的那位竞价人也将出价最高，获得拍卖品。胜出者所支付的价格等于所有最高价中的次高价。如果用“出价”代替“最高价”这一术语，则上述规则正好与二价密封拍卖的规则相同。用博弈论的术语来说就是，含投标代理的英式拍卖（公开增价拍卖）和密封二价拍卖是策略等价的。两者的策略集合之间存在着——对应的关系，使得相对应的策略组合产生同一结果。实际上，每个网站的向上叫价拍卖规则可能会稍有不同，而且会随着时间逐步修改，趋向完善。上述内容只是简述了拍卖机制的要点。

那么，二价密封拍卖就是完美的吗？回答当然是否定的。世界上本就没有十全十美的事物，真实报价问题只是在一定条件下成立，同时二价密封拍卖也会遇到其他问题。在新西兰政府 1990 年所举行的 4 场拍卖中，政府虽然避免了“赢者的诅咒”，但也出现了对拍卖方不利的情况。例如，麦克·米兰（Mc Millan, 1991）曾这样描述：“一种极端的情况，公司报价为 10 万新西兰元，但最终以次高报价 6 万新西兰元成交。另一种极端的情况，最高报价是 700 万新西兰元，次高报价是 0.5 万新西兰元。”政府的咨询顾问预计通过拍卖获得的总收入会达到 2.5 亿新西兰元，但事实上仅获得 3 600 万新西兰元。在开展频谱拍卖两年后，新西兰政府认为二价密封拍卖未能体现频谱的真实价值，故在 1991 年至 1994 年，将拍卖方式改为首价密封拍卖。从 1995 年起，新西兰政府决定采用与美国相同的同步增价拍卖模式。而 2012 年英国政府的 4G 频谱拍卖则采用时钟拍卖和二价密封拍卖相结合的组合规则——前文已经提及。除上述情况外，由于卖家是清楚物品真实价格的，所以可能委托他人混入竞拍者中以提高交易价格。这样做会使交易价格接近物品的真实价格，以获得更高的利益。这就是卖方的“托价”行为。

从理论上讲，一个收入最大化的拍卖机制应当把标的物卖给具有最高边际收入而不是最高价值（最高估价者）的买方。换言之，为了追求收入最大化，拍卖方通常会区别对待

不同的竞价者,特别是偏向于来自“弱”分布^①的竞价者一方。在首价密封拍卖中,弱势的(来自弱分布)的竞价者受到强势竞价者的竞争压迫,通常会比强势竞价者出价更凶猛,即出价更接近真实值。因此,首价密封拍卖是有利于弱势竞价者的。相比之下,在二价密封拍卖中,标的物在满足私有价值条件下总是卖给估价最高的竞价者。因此,从期望收入角度看首价密封拍卖一般会比二价密封拍卖要好,但是它的资源配置效率却相对要差。



进阶阅读

设有 n 个竞价人竞拍一个物品。竞价者 $i(i=1,2,\dots,n)$ 对拍卖品的真实估价为 v_i , 独立于其他竞价者的估价 $v_j, j \neq i$ 。不妨将竞价者的估价进行排序,即 $v_1 > v_2 > \dots > v_{n-1} > v_n > 0$ 。竞拍规则为上述二价密封拍卖的规则。若竞价者 i 赢得标的,则其得益为 $u_i = v_i - b_j$, 其中 b_j 为次高出价; 否则为 0。

另外,如有两个以上的竞价人出价相同,则按竞价人的序号决定胜者。例如,若 $b_1(v_1) = b_2(v_2)$, 则判定竞价人 1 胜出。但由于“次高价”与最高价相同,所以交易价格仍等于自身出价 $b_1(v_1)$ 。于是其得益为 $v_1 - b_1(v_1)$ 。

这个博弈存在多个均衡,但此处只介绍其中 3 个: ① 真实出价策略组合,意即每个竞价人都按照自己的估价进行出价,没有低报或高报; ② 垄断出价策略组合,指竞价人在胜算不大时采取防守策略,出价为 0——只有估价最高、胜算最大的竞价人 1 诚实出价; ③ 交互垄断策略组合,即在胜算较高的两人中间相互以对方的估价作为出价,而其他人仍然采取防守策略。

(1) 真实出价策略组合。此时 $(b_1, b_2, \dots, b_n) = (v_1, v_2, \dots, v_n)$, 即每个竞价人 i 都按自己的估价 v_i 而真实出价。竞价的结果当然是竞价人 1 胜出,因为 $v_1 > v_2 > \dots > v_{n-1} > v_n$ 。他的得益为 $u_1 = v_1 - b_2$, 而其他竞价人得益为 0。

下面证明真实出价策略组合是一个贝叶斯纳什均衡。

第一,竞价人 1 对于真实出价是会产生背离动机的。当 $b_1 = v_1$ 时, $u_1 = v_1 - b_2 = v_1 - v_2 > 0$ 。否则,若出价 $b_1 > v_1$ 固然能赢得标的,但不会改变得益水平 $u_1 = v_1 - b_2$ 。因此,虚高报价并不能给他带来更多收益。若出价 $b_1 < v_1$, 则可能会发生 $b_1 < b_2 < v_1$ 的不幸事件。竞价人输掉标的,得益为 0! 因此,压低出价将会带来低于真实出价时的得益。所以,真实出价是一个弱占优策略。

第二,别的竞价人 $j(j=2,3,\dots,n)$ 也不会有改变自己真实出价的动机。当 $b_j = v_j$ 时,由于不能中标,得益为 0。如果 $b_j \neq v_j$, 一种可能是 $b_j \leq b_1 - v_1$, 则竞价人 j 仍然不能中标,得益仍是 0; 另一种可能是 $b_j > b_1 - v_1$ 。这时 j 会赢得标的,但得益却为负,即 $u_j = v_j - b_1 = v_j - v_1 < 0$ 。显然,劣于真实出价。因此竞价人 j 也无动机偏离。

(2) 垄断出价策略组合,即 $(b_1, b_2, \dots, b_n) = (v_1, 0, \dots, 0)$ 。此时除竞价人 1 以外的所有其他竞价人都报价为 0, 从而 $u_1 = v_1 - 0 = v_1$ 。为什么这这也是一个贝叶斯纳什均衡?

首先,竞价人 1 没有背离动机。不妨假设 $b_1 \neq v_1$ 。鉴于 $b_1 \geq 0$, 因此即使他出价 $b_1 =$

^① 所谓分布的强和弱,粗略地讲意指前者的分布一阶随机优于后者。

0 也会赢——所有出价相同时依照身份序号选胜。此时得益为 $u_1 = v_1 - 0 = v_1$ 。所以, 真实出价是一个弱占优策略。

其次, 别的竞价人 j 也没有动机改变自己的 0 出价策略。假设 $b_j > 0$, 只要 $b_j < b_1 = v_1$, 那么竞价人 j 仍输, 得益同样为 0; 当 $b_j > b_1 = v_1$, 尽管竞价人 j 会赢得标的, 但 $u_j = v_j - v_1 < 0$, 反倒不如 $u_j = 0$ 。

(3) 交互垄断策略组合, 可表示为 $(b_1, b_2, \dots, b_n) = (v_2, v_1, 0, \dots, 0)$ 。此时估价最高的两位竞价人互相揣测对方, 以对方的估价作为出价, 而其他竞价人则出价为 0。换言之, 竞价人 1 出价 $b_1 = v_2$, 而竞价人 2 出价 $b_2 = v_1$, 使得 $b_2 = b_1$ 。显然, $u_1 = 0$, 但 u_2 也等于零, 因为 $u_2 = v_2 - b_1 = v_2 - b_2 = 0$ 。

这也是一个纳什均衡吗? 回答是肯定的。

首先, 竞价人 1 没有动机背离 $b_1 = v_2$ 。否则, 假如 $b_1 \geq v_1$, 则竞价人 1 胜出 (因为 $b_2 = v_1$)。但此时 $u_1 = v_1 - b_2 = v_1 - v_1 = 0$, 并不比出价 $b_1 = v_2$ 时有任何改善。如果 $b_1 < v_1$, 则竞价人 1 仍输掉拍卖品, 仍得益为 0。因此, 当前策略是一个弱占优策略。

其次, 竞价人 2 也没有动机背离 $b_2 = v_1$ 。否则, 假设 $b_2 > v_2$, 则竞价人 2 仍然胜出——因为 $b_1 = v_2$ 。此时仍有 $u_2 = v_2 - b_1 = 0$, 并无增益。假设 $b_2 \leq v_2$, 则竞价人 2 输掉拍卖, 使 $u_2 = 0$ 。因此, 当前策略也是一个弱占优策略。

最后, 其他任何竞价人 $j (= 3, 4, \dots, n)$ 的策略 $b_j = 0$ 也是弱占优策略。请读者自行证之。

在上述 3 个均衡中, 前两个均衡是竞价人 1 获胜, 而第三个均衡则是竞价人 2 获胜。同样地, 读者可以依次举出让竞价人 $3, 4, \dots, n$ 获胜的策略组合, 并且证明它们是均衡。

由 (3) 可见出价 $(b_1 = v_2, b_2 = v_1)$ 也可以成为纳什均衡, 似乎与二价拍卖引导真实出价的说法相冲突。但实际上这两处并不矛盾。从前面的学习中我们知道, 当存在多个纳什均衡时, 某些均衡经过精炼是可以被排除的。这里, 我们只要运用“剔除弱劣策略”这一准则, 就可以排除第三个例子中那个纳什均衡。接下来将证明每个人诚实出价即 $(b_1, b_2, \dots, b_n) = (v_1, v_2, \dots, v_n)$ 是一个弱占优策略。

如果 $b_i \neq v_i (i = 1, 2, \dots, n)$, 则有下列两种情形。

(1) 出价 $b_i < v_i$, 又分三种可能。

首先, 若 $b_j < b_i < v_i$, 竞价人 i 仍会赢得拍卖, 得益为 $u_i = v_i - \max_{j \neq i} \{b_j\}$ 。显然, 此时并不比出价 $b_i = v_i$ 时更好。

其次, 若 $b_i < v_i < b_j$, 竞价人 i 输掉拍卖, 得益 $u_i = 0$ 。不难推知, 即使 $b_i = v_i$, 竞价人 i 仍会输, 因此得益 $u_i = 0$ 。从而出价 $b_i = v_i$ 不差于 $b_i < v_i$ 。

最后, 若 $b_i < \max_{j \neq i} \{b_j\} < v_i$, 则竞价人 i 输掉拍卖, 其得益 $u_i = 0$; 而如果出价 $b_i = v_i$, 竞价人 i 的得益为 $u_i = v_i - \max_{j \neq i} \{b_j\} > 0$ 。所以出价 $b_i = v_i$ 优于出价 $b_i < v_i$ 。

(2) 出价 $b_i > v_i$, 同样可分为下列三种可能。

首先, 若 $v_i < \max_{j \neq i} \{b_j\} < b_i$, 竞价人 i 胜出, 但得益为负: $u_i = v_i - \max_{j \neq i} \{b_j\} < 0$ 。因此,

不如诚实出价($b_i - v_i$)。

其次,若 $\max_{j \neq i} \{b_j\} < v_i < b_i$,则 $u_i = v_i - \max_{j \neq i} \{b_j\}$ 。这也不比出价 $b_i = v_i$ 更好。

最后,如果 $\max_{j \neq i} \{b_j\} > b_i > v_i$,则 $u_i = 0$,仍然没有优于出价 $b_i = v_i$ 。

由此可见,无论对手 j ($j \neq i$)如何出价, $b_i = v_i$ 至少与 $b_i \neq v_i$ 一样好。因此,依照自己对拍卖品的估价而真实出价是一个弱占优策略。

5.4 多人投票:弃权、诚实还是策略

在一个共和国里,保护社会成员不受统治者的压迫固然重要,保护某一部分社会成员不受其他成员的不正当对待,同样重要。在不同的社会成员之间一定存在不同的利益,如果大部分成员联合起来,那么少数群体的权利就会得不到保障。

——麦迪逊(美国政治学家)

上一节将仅一人拥有私人信息的情景延伸至双方都拥有私人信息。本节将讨论更一般的情景,使参与者数量多于两个,进而探讨另一些更有现实意义的模型。

人类社会一经出现便存在选择的问题,如重要职位的人选、政策的制定甚至是国家政治体制的确定等。一般来说,这些问题的解决主要有4种方式,即社会传统习惯、个人或集团的专制独裁、投票表决和被称之为“看不见的手”的市场机制。

就制度而言,社会选择的主要方式是投票制度与市场机制。在德国、法国以及北欧诸国,投票制度使用范围极其广泛,常常直接或间接地通过投票做决策而较少采用市场机制。实际上,市场机制也是投票的一种特殊形式——在市场机制中选票就是货币。

在政治经济生活中存在多种类别的投票。既有选举投票和表决投票,又有匿名投票和实名投票;既有排序制投票,又有积分制投票。在纷繁复杂的投票现象中,投票机制如何影响参与者行为和投票结果?要回答这一问题还需要从投票者的行为互动说起。本节将选取两种投票机制,让读者在学习贝叶斯均衡的同时又能理解投票机制的作用方式。第一种投票机制是多人同时投票,而第二种是议程表决。



游戏与实验

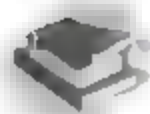
目前,全国各大城市正在进行历史名人评选,被选出的名人将用于该市的形象宣传。假设你作为北京市的一员,也有义务投出自己的一票。当你到达现场后,看到候选名单上列有:庄子,范仲淹,伍子胥,霍去病,梅兰芳,僧一行,李林甫,徐阶,孙思邈,韩非子,班昭,崔瑗。无论对名人了解与否,都到此为止,不允许再搜索查询。要求有二:

(1) 请选出至多3名在北京出生或成长的历史名人。

(2) 知名度高,形象佳,形象不佳者将被强制删去。

若你选中的名人符号要求且最终当选,则你将得到实验成绩100分;若你选中的名人不符合要求但最终当选,则你得-100分;其他情况得0分。

5.4.1 弃权票策略



引语故事：MH17 航班坠毁

2014年7月17日,马来西亚航空公司一架载有298人的波音777客机,MH17航班,在靠近俄罗斯边界的乌克兰东部地区坠毁。时隔一年后,联合国安理会于2015年7月29日投票否决了由马来西亚等国提出的、建立一个针对马航MH17航班坠毁事件国际刑事法庭的决议草案。

安理会当天就马来西亚等国提交的这一决议草案进行表决,结果是11票赞成、1票反对、3票弃权。中国、安哥拉和委内瑞拉投了弃权票。投反对票的俄罗斯表示,马航MH17航班坠毁事件并没有被国际社会列为对国际和平安全构成严重威胁的事件,为此成立国际仲裁组织不在安理会职权之内。而中方解释投弃权票的原因主要是“安理会成员对草案存在着不同意见,强行推动表决,只能造成安理会成员的分裂。这对调查真相无益”。^①

让我们翻开史诗巨著《冰与火之歌》,管中窥豹,领略列王的纷争:

七国之王劳勃·拜拉席恩意外亡故,临终所留遗嘱“吾之合法继承人乔弗里”引发王室剧变。王子乔弗里看似应该合情合理继承王位,却爆身世丑闻:王子实则王后私生子并非先王所生,但先王已逝,血脉已无法盖棺定论。王弟史坦尼斯骁勇善战,若王子身世丑闻成真,他身为死去的七国之王劳勃的长弟,是铁王座合理合法的第一顺位继承人。

先王亡故,七国的暗流涌动变成惊涛骇浪,列王的纷争就此拉开序幕。谁将问鼎王位,不仅在于各方势力的靠拢,更取决于议会元老的斡旋。因此首相奈德、财政大臣贝里席、情报总管瓦里斯,此三人之选择至关重要。

先王在时,乔弗里一直贵为王子,虽性情骄横但行为并无不端,身世之谜也从未有所泄露,值此关头的身世攻击似乎也无法印证,所以乔弗里处于守势;而挑战他的叔父史坦尼斯则寡言沉闷、勇猛刚毅,绝不会做出任何让步,因此势必力取。但过往历史不能说明问题,到底谁能成为“七国之王”还要看日后能否造福七国民众。

在表明立场的关头,我们假设首相奈德、财政大臣贝里席、情报总管瓦里斯3位元老拥有绝对权威。3个人需要几乎同时做出决定——这类似于现代的委员会投票,每人匿名做出自己的表决,最后公布投票结果。如果元老议会选出了最能胜任的国王,则每人得益为1,否则,得益为0。

私生子丑闻爆发之前,国王的不二人选是王子乔弗里。至于史坦尼斯,议会元老中有些人对其以往表现有所了解,而有些人却知之甚少。因此,对于不知情的元老们而言,史坦尼斯是否更能胜任国王显然是未知的(不完全信息)。同时,对于每个元老而言,其他元

^① 资料来源:凤凰网: http://news.ifeng.com/a/20150730/44304572_0.shtml.

老是否了解史坦尼斯也是未知的(不完全信息)。在这里,可以看到没有绝对的正确与否,或者谁应该胜出的问题。在选定继承人的过程中,既有投票人对接近事实真相的努力,又有投票人之间相互作用的结果。实际上,在大多数投票机制中,投票人的相互作用都不容小觑。通过梳理,你会发现该博弈中存在两种类别的不确定性:史坦尼斯是否更能胜任,以及其他元老是否了解史坦尼斯。

因此,每位元老都存在两种可能类型:了解史坦尼斯和不了解史坦尼斯。对于任意一位元老,他的类型既可能是了解史坦尼斯,也可能是不了解史坦尼斯。但这是他的私有信息,其他元老并不知晓。不妨假设,他了解史坦尼斯的概率为 q ,不了解的概率为 $1-q$ 。3位元老均是如此。

如果某一位元老不了解,他就无法准确地断定史坦尼斯是否胜任。假设他认为王子乔弗里更能胜任的概率为 p 。既然乔弗里能被国王选中,不妨假设 $1/2 < p < 1$ 。相反,史坦尼斯更能胜任的概率则为 $1-p$ 。毫无疑问,如果该元老了解史坦尼斯,他就会知道选谁更好;如果不了解,则选择王子乔弗里,因为此时的期望得益为 $p \times 1 + (1-p) \times 0 = p$,大于选史坦尼斯时的得益 $p \times 0 + (1-p) \times 1 = 1-p$ 。还有一点尚需说明,我们仅考虑“谁能胜任存在着客观标准”的情形。换言之,假设有两位元老都了解史坦尼斯,那么关于“谁能胜任”他们二人之间不存在主观分歧。

类似海萨尼转换,我们将不确定性都交由“自然”来选择。首先,“自然”决定谁更能胜任,意即王子胜任的概率为 p ,史坦尼斯则为 $1-p$;其次,“自然”选择每位元老类型。

在“自然”决定了上述4项之后,这3位元老同时投票。至此,就完成了海萨尼转换。读者可以自行尝试画出所对应的博弈树。很显然,我们已经将不完全信息静态博弈转换为不完美信息动态博弈。该博弈的一个特点是分支多:不仅“自然”所要决定的分支多,而且参与者数量与可能行动不止两个。元老们的可能行动包括“选择乔弗里”“选择史坦尼斯”和“弃权”。

为了分析方便,我们姑且把列王的纷争表达为一个投票推举模型。

博弈参与者:议会三元老{奈德、贝里席、瓦里斯}。

自然赋予的概率:

乔弗里更好的概率为 p 。

史坦尼斯更好的概率为 $1-p$ 。

元老了解史坦尼斯的概率 q 。

元老不了解史坦尼斯的概率 $1-q$ 。

行动:{选择乔弗里,选择史坦尼斯,投弃权票}。

得益:根据投票结果,选对正确的国王则得益为1,否则得益为0。

补充:在两个候选人中,得票最多者获胜;暂不讨论混合策略均衡——即使有混合均衡,我们也认为投票时不能写为50%选乔弗里,50%选史坦尼斯。

在这个贝叶斯博弈中,可能存在多个均衡。为了降低难度,我们仍然只是验证某一给定策略组合是否为贝叶斯纳什均衡。假设议会元老志虑忠纯,一心造福七国民众,不存私心,那么模型就是对称的。鉴于此,仅考察对称策略组合。

第一,如果元老了解史坦尼斯,那么他认为谁能胜任,就选择谁当国王。例如,若奈德认为史坦尼斯能够胜任,则推举他;否则,推举王子。这是一个弱占优策略。原因有以下两点。

(1) 当贝里席与瓦里斯的投票相同时,投票结果已经确定。因此,无论奈德选择谁,都不影响选举结果。所以,选择自己认为能胜任的人。

(2) 而当贝里席与瓦里斯的选择不同时,奈德的投票决定谁能赢得王位。此时,做出正确的选择得益为1,而做出错误的选择则得益为0。所以奈德应该果断地把票投给他认为能够胜任的那个人。

第二,如果元老不了解史坦尼斯,则弃权是占优策略。这是一个非常有意思的策略,它违背我们的直观。但仔细分析,你就会发现它符合参与者的理性要求。考察下述3种策略。

(1) 元老选择王子。根据第一种情况的分析,可知此时的策略组合为“如果了解史坦尼斯,就选择自己认为更能胜任的人选;如果不了解,则选择乔弗里”。不妨从首相奈德的视角展开分析。这看似一个理性选择——如前所述,在自己不了解史坦尼斯的时候选择乔弗里的期望得益为 $p > 1/2$ 。但加入参与者的互动之后结果将有变化。如果另两位元老的选票一致,则首相的选择并不能改变最后结果。因而此时的策略是弱占优策略。然而,如果另两位元老的选票不一致,则一定是一位元老了解史坦尼斯而另一位不了解^①。不妨假设财政大臣贝里席了解史坦尼斯。由于贝里席知情,因而能够做出正确的选择。那么,情报总管瓦里斯一定是错误的。由于瓦里斯和奈德一样类型,所采取的也是同样策略。因此,在此情形下该策略是一个劣策略。上述推理说明,此时“选择王子”不是贝叶斯均衡所对应的策略。

(2) 元老选择史坦尼斯。可以证明,此时所对应的策略组合也不是贝叶斯均衡。证明过程与(1)类似,读者可自行完成。

(3) 元老选择弃权。不妨假设奈德采取弃权。如果其他两位元老都了解史坦尼斯,则会据实选择更能胜任的人选。此时奈德的选择不影响投票结果。如果只有贝里席一人了解史坦尼斯,则贝里席会根据自己的认识进行投票,而奈德和史坦尼斯会采取弃权。此时更能胜任的人当选。如果3个人都不了解史坦尼斯,则他们都将采取弃权策略。此时无人支持史坦尼斯,因而王子乔弗里作为先王的指定人选继承国王。此时由于乔弗里胜任的概率大于0.5,因此期望得益仍然是最优的。由此可知,该策略是一个弱占优策略,而由该策略所组成的对称策略组合是一个贝叶斯纳什均衡。

上述推理过程给出了弃权票策略在委员会投票中的合理性。也许读者已经注意到,弃权票只是在一定条件下才出现的结果,它不具有普遍意义。因此,读者在实际运用中不仅应关注自己对表决事项的科学认识,而且还应关注投票者之间的策略互动,关注别人的行为。

^① 实际上,如果贝里席和瓦里斯都了解,则投票一致;如果贝里席和瓦里斯都不了解,仍然投票一致——前者是客观标准所致,后者是对称策略所致。

让我们回到现实中的投票,大多数投票人在投票前并不清楚两种选项孰优孰劣。这种情况下,最好不要盲目投票。在某些条件下,弃权票也许是一种理性的选择。仅此而论,我国在联合国大会上多次选择弃权票也是有一定理由的。撇开政治见解不谈,如果不能完全确信自己对一个政策有足够的了解,那么弃权乃是中庸之选。

此外,再从信息的角度回顾这个博弈。请问仅了解乔弗里的信息对于元老们的行为有任何影响吗?答案是没有。此时,一个有用的信息应该包含两点:①对史坦尼斯充分了解;②对乔弗里充分了解。两点信息整合在一起才能给投票人以正确指导。以这个角度审视民选:如果一个候选人只顾展现自己宏大的政治抱负和政治才能是没有意义的——他还应该关注对手,证明自己比别人强。通过将自己和他人对比或者对其他候选人提出批评,候选人才可以向选民传播有决定意义的信息(这个信息并不一定是正确的)。这也是政坛上各类政治攻击的原因所在。



扩展阅读:中色股份定增调高募投回报遭投弃权票

2014年7月10日,中色股份发布公告称,由于市场变化,中色股份对此前披露的定增方案进行调整,并调高了沈阳机械盈利预期。这直接遭致属于第二大股东的董事和监事弃权,认为上述项目投资回报率需要进一步认证。

定增方案显示,此次募集资金中的8亿元将向沈阳机械增资,由沈阳机械以增资资金实施新厂区建设和技改升级项目,总投资15.4亿元,意在形成年产制铝设备、冶金设备、通用设备等287台套的新厂区建设项目。

2014年7月10日,调整之后的定增方案和可行性分析报告显示,沈阳机械项目届时将形成年均销售收入为19.9亿元,年均利润总额2.69亿元,年均净利润2亿元,项目投资利润率13.1%,投资回收期为8.2年。这意味着,调整之后的沈阳机械项目被预期将有更高收益。

在7月9日举行的董事会上,实到9名董事中,有4名关联方董事回避表决,剩下5名董事中,对定增方案有3票同意,2票弃权。2名投出弃权票的董事认为,沈阳机械新厂区建设项目投资回报率需进一步论证,故选择弃权。无独有偶,在7月10日的监事会表决中,3名监事中的1位也投出弃权票,理由与投弃权票的董事所持理由类似。^①

5.4.2 诚实投票还是策略投票



引语故事

眼看五一假期将至,社会学专业二年级(1)班的班委愈加焦虑起来。他们还在为春游的事情犹豫不决。为了给同学们提供全体参与、愉悦美好的集体活动,班委每年都会就活动形式和地点举行投票,以求让尽可能多的人感到满意。去年,班委曾就活动地点举行投票,请每位同学写上自己的中意地点。而投票结果却非常分散,如某些地点只有2~3票,

^① 资料来源:每经网, http://www.nbd.com.cn/articles/2014_07_11/848083.html.

甚至1票,而有些地点却有10多票。即便如此,最高得票数也不超过全班人数的 $1/3$ 。最后临近假期才匆匆选定了得票最高的地点。虽然活动非常成功,但是一部分同学的“欲言又止”却让班委心有不甘。

为了使支持者过半,今年班委改革了投票程序。首先班委口头征询民意,列选6个“最想去的地点”。然后根据学校的出游要求淘汰3个。目前只剩黄山、丽江和故宫3个地点进行两两角逐。班委制定了一个投票日程。首先就黄山和丽江进行投票,结果黄山胜;然后就黄山和故宫进行投票,结果故宫胜。最后,班委一致决定去故宫。可是临近投票结束时文体委员还不甘心,坚持让大家就故宫和丽江再投票一次,以检验集体决策的正确性。结果却让人大跌眼镜——丽江胜出!这次投票,又一次令春游陷入僵局。

让班委们不明白的是,明明投票得出的结果是“故宫胜于黄山,黄山胜于丽江”,为何最后一轮却又是“丽江胜于故宫”呢?有谁中途变卦了吗?同学们到底有没有诚实投票?

在就某一事项进行表决时,常见的机制是简单多数制,意即获取多数人支持的候选事项胜出。在有多个候选人参加竞选时也可用这种投票机制,此时投票人只需对其中的一个人进行投票。至于弃权票或者废票是否应计算在内,则需要另行规定。此时得票最多的候选项(人)获胜。然而,简单多数投票机制具有似是而非的特征。反对这一制度的人士认为,当存在多个候选人时,个人只能排列出对不同候选人的偏好顺序,但无法反映出偏好的强度。例如,在一个有六七位候选人的选区,投票支持后面几位候选人的选民的声音被完全忽视了。他们还批评说,根据这一制度选举产生的国会议员之中甚至有 $2/3$ 的人没有得到半数以上支持。这是对民主的嘲弄!这可能会导致所谓的“投票悖论”,以及投票交易行为。

首先发现这一现象的是200多年前的法国大革命英雄孔多塞(de Condorcet)侯爵。在很多状况下,所投票表决的事项并没有客观评价标准,而是依赖于不同投票人的个人偏好——这与5.4.1节的情景不同。相比之下,排序复选制似乎能让每个投票者的意愿都在最后的选举结果中有所体现。循此思路,孔多塞法则是最早的排序式投票制度。所谓排序式投票制度,是指投票人需在投票时表达出对各候选人的偏好次序。在200多年前的那个时代,孔多塞能提出这样的方法显然是一种富有创造力的制度创新。排序式投票制度发展到现在,最常见的形式是议程表决(agenda)。

考虑一个具有 n 个委员的投票委员会。每个委员对3个候选人A、B、C都有自己的排序。假设偏好次序是图5-10所示3种情形中的任意一种。对于任意一个委员,他是类型 i 的概率为 p_i ($i=1,2,3$)。尽管每个委员的类型不为他人所知,但是他自己非常清楚。此外,对于每个委员来说,如果自己最中意的候选人获胜,自己得益为1;不中意的人获胜,自己得益为0;否则得益为 v ($0 < v < 1$)。

	类型1	类型2	类型3
最中意	A	B	C
次中意	B	C	A
不中意	C	A	B

图 5-10 委员们的偏好次序类型

让我们考察这样一个表决议程:第一轮就A和B进行投票;第二轮就上轮胜出者与C进行投票。接下来,我们要向读者证明一个重要事实:诸如引语中班委所困惑甚至怀

疑的事情并非那么直观。具体而言,即使委员们的偏好相当一致而使得孔多塞胜者^①显而易见,这个胜者也不一定能够毫无悬念地当选——只要这个委员会足够大。

根据逆向归纳思想,在最后一轮每个委员都会诚实投票,意即依照自己的偏好次序进行投票。无论前面如何行动,在最后一轮所对应的得益已经不再包含下阶段的预期,是历史行动的结果加上本轮的得益。既然历史结果无法改变,能够改变的只有这一轮的得益。因此,最后一轮的行动只影响本轮得益。既然如此,在最后一轮每个委员都将依照自己的偏好诚实投票——无论第一轮投票结果如何。因此,第一轮应该如何投票是我们讨论的重点。

类型2的行动:鉴于每人都在最后一轮诚实投票,因此偏好的不确定性意味着——在第一轮如果A胜出则进入A与C的PK,如果B胜出则进入B与C的PK。这种PK的结果依赖于投票委员是某一类型或其他类型的概率。然而,撇开这些概率不谈,具有偏好次序 $B > C > A$ 的类型2一定会在B与C之间选择,而非A和C之间。因此,作为共同知识,每个人都知道类型2的占优行动:在第一轮会选择B。

类型3的行动:对类型3的分析有些许复杂。但是,仍然能够证明存在一个对所有的类型3一致的策略,它是均衡的一部分。对于 n 个委员,有两种互斥的情况:

(1) 至少有 $(n+1)/2$ (含)的投票人不是类型3。

(2) 至少有 $(n+1)/2$ (含)的投票人属于类型3。

任何一个委员都不能确知委员会到底是上述哪种可能。如果情况(2)成立,则无论第一轮如何投票,C最终获胜。反之,如果情况(1)成立,那么又存在两种情况:若B在第一轮胜出,则进入与C的PK,有一半机会在第二轮胜出;若A在第一轮胜出,则A也有一半机会胜出。既然B是类型3的最后选择,那么第一轮投给A是所有类型3的占优行动——至少A在第二轮有机会胜出。

类型1的行动:既然类型2和类型3的委员都有自己的占优行动,而类型1仍待进一步分析,那么不妨针对类型1将可能的策略简化为如下两类。

S_1 : 如是类型1,则诚实投票给A。

如是类型2,则选B。

如是类型3,则选A。

S_2 : 如是类型1,则策略投票给B。

如是类型2,则选B。

如是类型3,则选A。

所谓策略投票,是指委员们的投票依赖于最后的得失权衡,而非自己的偏好次序。如此算来,3个委员共有8种策略组合。重申一下本节的宗旨,我们只是想证明有些事情看似不可思议却有着内在的逻辑,而非穷尽所有均衡。因此,仅考虑两种可能性:

(1) 所有委员在第一轮都选择 S_1 ,即所有类型1的委员都诚实投票。

^① 将所有的候选人两两进行PK,如果存在一个候选人,能够在“少数服从多数”的原则下PK掉其他所有候选人,那么他就是孔多塞胜者。

(2) 所有委员在第一轮都选择 S_2 , 即所有类型 1 的委员在第一轮选择策略投票, 而在第二轮诚实投票。

显然, 这两种可能性都是对称的策略组合。

首先, 检验第一种策略组合 (S_1, S_1, \dots, S_1) 是否构成一个贝叶斯均衡, 亦即是否有人存在单方面偏离的动机。既然类型 2 和类型 3 的委员都选择了自己的占优行动, 因此没有动机偏离。唯一的可能是类型 1 的委员转变为策略投票, 从投给 A 转为投给 B。当然, 还有一个重要事实是: 只有在 A 和 B 的支持者势均力敌时偏离, 才可能获得正的得益; 否则, 偏离没有任何得益。因此在 A 和 B 的势力失衡时类型 1 的委员不会偏离。例如, 若有明显超出半数的委员都支持 A, 则任何一个类型 1 都没有动机单方面偏离——撇开“故意”不谈。

既如此, 暂且考虑一个类型为 1 的摇摆委员。类型 1 有动机偏离 A 的条件是恰有个对方阵营成员是类型 2——如果其他委员都遵守 S_1 策略, 那么投给 B 的委员也只能是类型 2。在这种情况下, 一个委员必须权衡如下两个选择。

选择 1: 如果摇摆委员转向投 B, 则需要该委员连同 $(n-1)/2$ 个类型 2 的委员在第二轮投票中联合确保 B 胜出。

选择 2: 如果摇摆委员坚持投 A, 则结果是 A 和 C 进一步 PK。在接下来的 PK 中, 如果在第一轮投向 A 的支持者中至少存在 1 个类型 3, 则 C 胜出; 否则, A 胜出。当然, 既然其他委员的策略不变, 那么其他 $(n-1)/2$ 个 A 的初始支持者不可能是类型 2。根据贝叶斯法则, 对于任一 A 的初始支持者, 他属于类型 3 的(条件)概率为 $p_3/(p_1 + p_3)$, 而属于类型 1 的概率则为 $p_1/(p_1 + p_3)$ 。不难推知, A 的所有其他支持者都是类型 1 的概率为

$$p(t_1 | \sim t_2) = \left[\frac{p_1}{p_1 + p_3} \right]^{(n-1)/2}$$

而至少有 1 个是类型 3 的概率为

$$p(t_3 | \sim t_2) = 1 - \left[\frac{p_1}{p_1 + p_3} \right]^{(n-1)/2}$$

因此, 只要摇摆委员是双方胜负的决定性一票, 那么选择 B 将得到 v , 而选择 A 将得到一个期望收益, 等于 1 乘以 $p(t_1 | \sim t_2)$ 加上 0 乘以 $p(t_3 | \sim t_2)$ 。当

$$v > \left[\frac{p_1}{p_1 + p_3} \right]^{(n-1)/2}$$

时, 摇摆委员才有动机从诚实投票单方面偏离, 即由投 A 转向投 B。注意到 $0 < v < 1$, 因此只要 n 足够大, 上述不等式就会成立。换言之, 当委员会足够大时, “所有类型 1 的委员都诚实投票”将不再构成一个均衡。

其次, 考虑第二种策略组合 (S_2, S_2, \dots, S_2) 是否构成一个贝叶斯均衡, 其中类型 1 的委员采取策略投票。和前文分析类似, 摇摆委员成为决定性一票的条件是: 一定存在 $(n-1)/2$ 个其他委员是类型 3。同上, 让我们来比较类型 1 在单方面偏离时的两个选择。

选择 1: 如果摇摆委员坚持投 B, 则 B 将胜出——因为在第二轮投 C 的类型 3 只有 $(n-1)/2$ 个, 而支持 B 的则包括摇摆委员和 $(n-1)/2$ 个类型 1 和类型 2。

选择2: 如果摇摆委员转向投A,则又是一场A和C的PK。在第二轮的PK中,如果初始支持B的都是类型1,则A获胜;反之,B的初始支持者中只要有1个类型2,就会出现C胜出。因为他会加入类型3而支持C。对于B的支持者,既知不是类型3,则他是类型1的(条件)概率为 $p_1/(p_1+p_2)$ 。所以,所有B的初始支持者都是类型1的概率为

$$p(t_1 | \sim t_3) = \left[\frac{p_1}{p_1 + p_2} \right]^{(n-1)/2}$$

而至少存在1个类型2的概率是 $1 - \left[\frac{p_1}{p_1 + p_2} \right]^{(n-1)/2}$ 。

显然,选择B将得到 v ,而选择A的期望得益是1乘以 $\left[\frac{p_1}{p_1 + p_2} \right]^{(n-1)/2}$ 。比较可知,当

$$v > \left[\frac{p_1}{p_1 + p_3} \right]^{(n-1)/2}$$

时,摇摆委员将坚持策略投票,即选B。当足够大时,上述不等式成立。这与第一个策略的结果一样:当委员会足够大时,“所有类型1的委员都诚实投票”将不再是一个均衡。

可见,当委员会的规模足够大时,策略投票就有可能成为一种均衡结果。通过上面的案例不难得出,分散化的理性行为有可能导致拥有“决定性一票”的投票人背离诚实投票,转而采取策略投票。这是一个违反直观的结果!



扩展阅读: 阿罗悖论

2000年5月,维基百科的撰稿人发起了一次使用排序式(孔多塞制)的投票,投票的主题为是否要在人物词条里使用特定头衔,如是否把伊丽莎白二世称为“殿下”,是否把金正日称为“伟大领袖”等。在这次活动中,孔多塞投票制暴露了它的一个致命缺点:无法摆脱“阿罗悖论”。当时,维基百科委员会给出了5个方案作为候选项(鉴于篇幅,此处不列举5个方案的具体内容)让选民投票,结果方案1打败了方案4,方案4打败了方案3,而方案3又打败了方案1,没有任何一个方案能成为孔多塞赢家。孔多塞早在1785年就已经发现两两对决的投票制可能产生无法选出最终胜者的循环,因而人们也把“阿罗悖论”叫作“孔多塞悖论”。虽然这种循环现象出现的概率不大,但它的存在也着实让使用孔多塞投票制的人头疼。对此,孔多塞给出了自己的解决方案,但由于论述太过晦涩,几乎没有几个人能理解,更谈不上运用了。真正用在实际生活中的悖论消解法主要是考虑到既然在投票悖论里每个候选者都有被击败的记录,那么被最少的票数击败的那个候选者就是最终的赢家。

5.5 信号博弈:你的眼睛背叛了你的心*

在不完全信息博弈中,一个参与者如何推断另一个参与者的类型,主要依赖于他所观察到信息。因而,作为私有信息的拥有者,可能会通过发送某些信号向其他人传递自己的类型信息。这种信号既可能出于隐瞒自己的类型,也可能为了显示自己的类型。进一

步而言,这种信号传递既可能是主动的,也可能是被动的。正如郑中基的一首歌所唱:你的眼睛背叛了你的心!

战争中的交战双方并不希望对手知晓自己的底细,因此会做局隐瞒自己的作战计划或军事实力;拍卖中的竞价者也许不想让对手知晓自己的估价及至出价,因此可能向对手透露虚假出价。这些情景中的参与者希望通过信号来隐藏自己的类型,从而引导局势向自己所希望的方向发展,或言借此提升自己的期望利益。

相反,隐士可能希望通过肢体语言向盟主暗示自己并非高手;投票者也许会借助某些行为传递自己对候选人的意向;恋爱中的男女会通过赠送礼物或邀约来探测对方是否爱自己。此时,拥有私有信息的参与者想借由信号传递自己的类型。

恋爱中的男女为何通过邀约和应约与否来辨别对方是否爱自己,而不是通过诸如身高、发型、班级等信号?一个简单的回答是:后者不能有效分离爱与不爱这两种类型。“此地无银三百两”为何没有隐瞒“此地埋银”的事实?因为这样一句声明没能成功地将两种事实混淆。

在介绍本节的信号博弈时,需要你慢慢体会如下两点:首先,私有信息拥有者是出于自利才通过信号传递自己的类型信息,即便这种信号传递可能更有利于对方。其次,对于给定的信号,其他类型的参与者不必要模仿发送;换言之,该信号的发送者能够借此将自身类型与其他类型有效分离,或者有效遮蔽自身类型,而其他类型参与者则没有动机这样做。

5.5.1 何谓信号博弈

知己知彼,百战不殆。

——《孙子兵法·谋攻篇》

在动物界,雄性动物为了求偶往往不遗余力地表现自己。孔雀通过开屏来展现自己羽毛的美丽;在蛙鸣比赛中,叫声响亮的青蛙能得到更多的交配机会;华美极乐鸟往往通过优美的舞蹈获得异性的青睐。仔细观察,你会发现动物界的许多求偶行为与繁殖能力或强壮程度并无直接关系,但它们确实是动物决定谁将被青睐的信号。

在人类社会中也存在类似的现象。奢侈品虽然“奢侈”,却长盛不衰;青年男女在聚会中喜欢高谈阔论或附庸风雅;互赠礼物看似无关紧要,却是人际交往中非常重要的一个环节;大学生在就业前忙于各种考证和培训;等等。这些看似累赘的行为,却有着非常一致的内在动机:利用信号传递自己的类型。

简单而言,男生向女生表白说“I love you”,这就是一个信号传递的过程。然而,只有表白并不等同于真爱。女生并不确定男生是真心喜欢还是逢场作戏。处于恋爱中的人是敏感的,也是需要理性注入的。这里不仅有两性吸引,还有所谓的博弈,即通过信号传递自己的类型以及甄别对方的真实类型、信念甚或策略^①等。



视频

^① 请读者注意,博弈分析只是在讨论年轻人恋爱时众多视角中的一个,其中会涉及策略和自利。坦白来讲,这些内容并不利于感情的培育。从社会学、心理学以及伦理学等方面也有诸多讨论,在此建议读者不要囿于博弈,特别是非合作博弈的思想。实际上,这种建议也可推及亲缘关系和朋友关系的处理上。

除了信号传递外,还有信息甄别,即通过对方发送的信号来识别他的类型。周瑜需要识别蔡瑁、张允是否真投降,曹操也同样需要明察黄盖何以临阵变节;君王需要从各种互相攻讦的奏章中明辨是非;年轻人更需要从热烈表白中探明对方是否真爱自己。这些都属于信息甄别的范围。

无论是信号传递还是信息甄别,都是信号博弈的一部分。信号博弈作为一种特殊的不完全信息动态博弈在经济学应用中引起了广泛关注。它的基本特征是:参与者分为信号发出方和信号接收方两类,先行动者为信号发出方,而后行动者为信号接收方;同时,先行的信号发出方的类型是私有信息,而后行的信号接收方的类型是共同信息。显然,尽管后行的信号接收方具有不完全信息,但他可以从先行的信号发出方的行为中获得部分信息,信号发出方的行为对信号接收方来说具有传递信息的作用。在这种博弈中,后行动者主要关心的是先行动者的类型可能是什么,而先行动者也知道这一点。因而对于某些类型的先行动者而言,“亮明身份”也许会更好。因而他可能有动机告诉后行动者他的真实类型。或者相反,他可能会试图欺骗后行动者,努力发布信息隐匿自己的类型。也许有人会问,先行动者为何不直接告诉对方自己的类型?举个例子你就明白了。在法庭上一个被告始终坚称自己无罪。但是这不足信,因为无论是否有罪,都不能排除会这样做。因此,还需要更多的信息来判断。例如,不在场证据、无犯罪记录,甚至不经意的眼神或动作等。言语声明的确是一种信号传递过程,但此外还有很多。这是一个很有意思的话题。

接着这一话题讨论。既然“听其言”的可信性不足,那么可尝试“观其行”。具体而言,先行动者需要做出某些行动上的努力,这种努力会使他承担一定的成本。仅当他是某些类型时,这种成本才会发生。否则,他将不会承担这种成本。当然,收益也会不同。我们称这种成本支付是一种信号。通过它,先行动者能告诉后行动者他的真实类型。例如,在招生研究生时,有些高校难以辨别学生的真实水平,就选择让所有候选者参加夏令营。这样能够通过学生完成指定任务的表现来加以区别。当然,说谎者也可以发出信号,并让接收方难以准确判断其真实类型——如果这样做对先行动者有利可图的话。譬如,为了挤进高能力群体,有些人就不惜文凭造假。原因在于,文凭是一种需要支付高昂成本的信号。不同能力的人对这种成本的承受力不同。所以,雇主就可通过文凭来判断雇员的能力并据此支付不同的薪水。那么,有些人就会采用文凭造假而隐藏自己的真实类型。

一旦信息不完全,或者人们只能获得有限信息,博弈就变得扑朔迷离,也更加有趣。主要原因在于:有限信息对人们的理性推理提出了更高的要求;人们也总会不断地操纵信息以谋取更多好处;而就在人们操纵信息的行为中,又往往蕴含着某些信息,使得他们的对手可以根据这些新增的信息更新其信念;对手信念更新导致的策略变化反过来又会影响人们的信息操纵行为……最终,参与者的行为不仅需要满足策略的均衡,还需要满足信念的均衡。完全信息博弈,只需要浅层的策略互动;不完全信息博弈,则涉及策略和信念双重互动的深层谋略。概而论之,可将不完全信息博弈归纳为以下几类。

(1) 与自然博弈。即个人面临不确定环境时的决策,亦即第1章中所提及的单人博弈。这本属于“决策论”的内容。但由于不确定环境可以看作自然确定地选择某个结果而另一参与者没有观察到自然的选择,从而决策问题可以转化为自然先行的不完美信息动

态博弈加以分析。

(2) 信号传递(显示)和信号阻止。在某些状况下,信息优势方发现披露其类型有利可图,于是他就会尝试发送某些信号以求对方察觉。如果信息弱势方也能获利,那么他就会欣然接受信号;否则,弱势方就会尽力阻碍对面的信号传递。

(3) 信号甄别和信号干扰。在某些信息不对称情形中,信息弱势方有动机设法提取信息优势方的私有信息,这就是信息甄别。如果此事对信息优势方不利,那么他极有可能进行信号干扰和隐藏信息,使得对方难以提取有效的信息。

(4) 逆向选择和道德风险。这两个概念在第4章中已经介绍过。如何避免这两种现象所带来的不利影响是经济学家致力解决的一个主要问题。由此所带来的激励相容机制设计也是人们所感兴趣的一个方向。

(5) 拍卖和竞赛。这是不完全信息博弈的一个重要领地。拍卖和竞赛理论刻画了这样的现实:人们常常为共同的目标而展开竞争,那么他们最佳的出价策略是什么? 拍卖或竞赛的组织者又如何通过设计拍卖制度或竞赛程序来获得最高效率或保障公平?

上述5种情况中,前3种属于隐蔽信息。博弈的问题主要来源于不了解对手的类型。我们只能通过信号来修正对对方类型的推断,而很难得到准确的推断——因为信号可能是一种欺骗的结果。后两种属于隐藏行动,博弈的主要问题在于不能观察到对手的行动。此时参与者不能通过观察对手的行动来应对,只能在决策之后通过结果来推断对手的类型。



扩展阅读: 阿克洛夫、斯宾塞与斯蒂格利茨

就信息经济学而言,阿克洛夫是最早提出信息不对称这一现象的人。1970年,他在哈佛大学经济学期刊上发表了著名的《次品问题》一文,首次提出了“信息市场”的概念。如果说乔治·阿克洛夫研究的是产品市场上的信息不对称,迈克尔·斯宾塞研究的则是劳动力市场的信息不对称,而约瑟夫·斯蒂格利茨进一步把信息不对称引入保险市场和信贷市场的研究,并且在诸多领域都有建树。在信息不对称市场中,不具备信息的一方建立何种机制来筛选私有信息的拥有者,从而实现市场效率。这是约瑟夫·斯蒂格利茨研究的重点。

约瑟夫·斯蒂格利茨和迈克尔·斯宾塞二人的研究不同之处在于:迈克尔·斯宾塞研究的是不同类型的信息私有者如何通过信号传递把自己与竞争者分离出来。这里的重点是信号传递。而约瑟夫·斯蒂格利茨则是说明没有私有信息的人如何设计机制来进行信息甄别,使信息私有者不再隐瞒信息和行为。换言之,他研究了如何设计一个分离不同类型参与者的机制,以便提高市场效率。

5.5.2 信号传递: 恋爱博弈

口水太廉价;而行动则有其直接代价,关乎赢利。

——迪克西特

至此,我们已经对信号在博弈中的作用有所了解。但仅有信号的概念并不足够,信号

传递才是博弈过程的内核。若一个女生无法确认追求者是否真正钟情于她,就需要追求者的其他信息来判断。现如今一句“我爱你”略显苍白,行动才是检验真爱的唯一标准。而对于一个男生而言,若他情深似海却不善表达,甚至会弄巧成拙,最终“友达以上,恋人未满”。

一见钟情可遇不可求,但怦然心动总在发生。而内心的暗流汹涌,只是自己无用的假想。将自己的感受传递给对方,才能让感情不断升温。本节将从信号传递的角度,分析亲密关系的构建过程。也许,它能给你一些启示。



案例分析:少年维特初识夏绿蒂

我们跳起了小步舞,一对对旋转着:我一个个请姑娘们跳,可是恰恰是那些最不惹人喜欢的姑娘偏偏不及时向你伸出手来,做出结束并表示。绿蒂和她的舞伴开始跳英国舞了。轮到她来跟我们一起跳出图形时,我心里那份惬意呀,你是会感觉到的。你一定得看看她的舞姿!你看,她跳得多么投入,她的全部身心都融入了舞蹈,她的整个身体非常和谐,她是那么逍遥自在,那么飘逸潇洒,仿佛跳舞就是一切,除此之外她别无所想,别无所感;此刻,在她眼前其他一切都消失了。

我请她跳第二轮对舞:她答应同我跳第三轮,她以世界上最真诚的态度对我说,她最喜欢跳德国舞。——“跳德国舞时,原来的每对舞伴都要在一起跳,这是这里的习惯,”她接着说,“我的舞伴华尔兹跳得不好,倘若我免去他跳华尔兹,他会感谢我的。与您配对的那位姑娘也不会跳,而且也不喜欢,我看见您跳英国舞时旋转得很好;要是您愿意同我跳德国舞,您就到我的舞伴那儿去征得他的同意,我也去跟您的舞伴打个招呼。”——我随即握住她的手,我们商定,跳华尔兹的时候让她的舞伴去同我的舞伴聊天。……

——节选自歌德《少年维特的烦恼·六月十六日》

在两性关系中,即便是青少年,也会涉足一些仪式性的、发展关系的行为,甚至比成年人更甚。他们狂欢、约会、送礼物、表白等。当然,也有一些人只是相互“勾搭”^①。两性关系是如何建立发展的?例如,如何互生爱慕、增强信任、表白承诺等?这是一个社会学问题,也是博弈互动问题。尽管很多人已经认识到这是青春期的两性文化,但是鲜有社会学研究关注这些所谓的“恋爱行为”,意即性伴侣确立之前的“发展关系”行为。即便在有关恋爱行为的社会学研究中,大多关注性经验史、地点、情感体验等实证因素,而很少关注青少年是如何发展恋爱关系的。鉴于本书的主要读者群体是在校大学生,正处于青春期,因此本书特别改编了 Paik 和 Woodley(2012)的论文“Symbols and investments as signals: Courtship behaviors in adolescent sexual relationships”,以此作为信号传递的讲解案例。

实际上,恋爱行为是两性关系发展走向的一个重要信号:甜蜜恩爱、逢场作戏甚或直接冷场。而且,这种信号是有成本的。相信这一点并不难理解。之所以能够实现有效的信号传递,其原因在于不同类型的参与者所能够承受的代价是不一样的。如果这种差异

^① “勾搭”一词译自英文“hook up”。在美国文化中“hook up”指青少年之间并非情侣的亲密关系。它是个含混不清却意义丰富的词,既可以指亲吻或调情,也可以暗含性行为等。

足够大,就可以据此推断信号发送者的类型。这就达到了所谓的分离均衡。

1. 无信号传递时

图 5-11 所示为在没有信号传递时两个年轻人的约会模型。在二者的相处中,无论男性或女性都有可能先行动,借机发展二人的关系。不妨假设男性先行动,继而女性做出反应。让我们以少年维特与夏绿蒂的恋情为例进行分析。尽管维特与夏绿蒂的相爱有可能是无法自拔的,但是一般而言他们有很多机会改变自己的恋爱路径。因此,请给他们机会,允许他们在相识初期重新选择。维特发现自己对夏绿蒂有好感以后,决定要不要投入成本(精力)与之建立恋爱关系。此处所讲的“投入成本”相对宽泛,包括金钱、时间、地位、资源、激情甚至贞洁和名声。如果维特没有投入,则双方都得 0。如果维特投入成本开始追求夏绿蒂,则夏绿蒂需要做出回应。在很多情境中沉默也是一种回应。夏绿蒂可以选择投入精力开始约会,也可以选择拒绝。

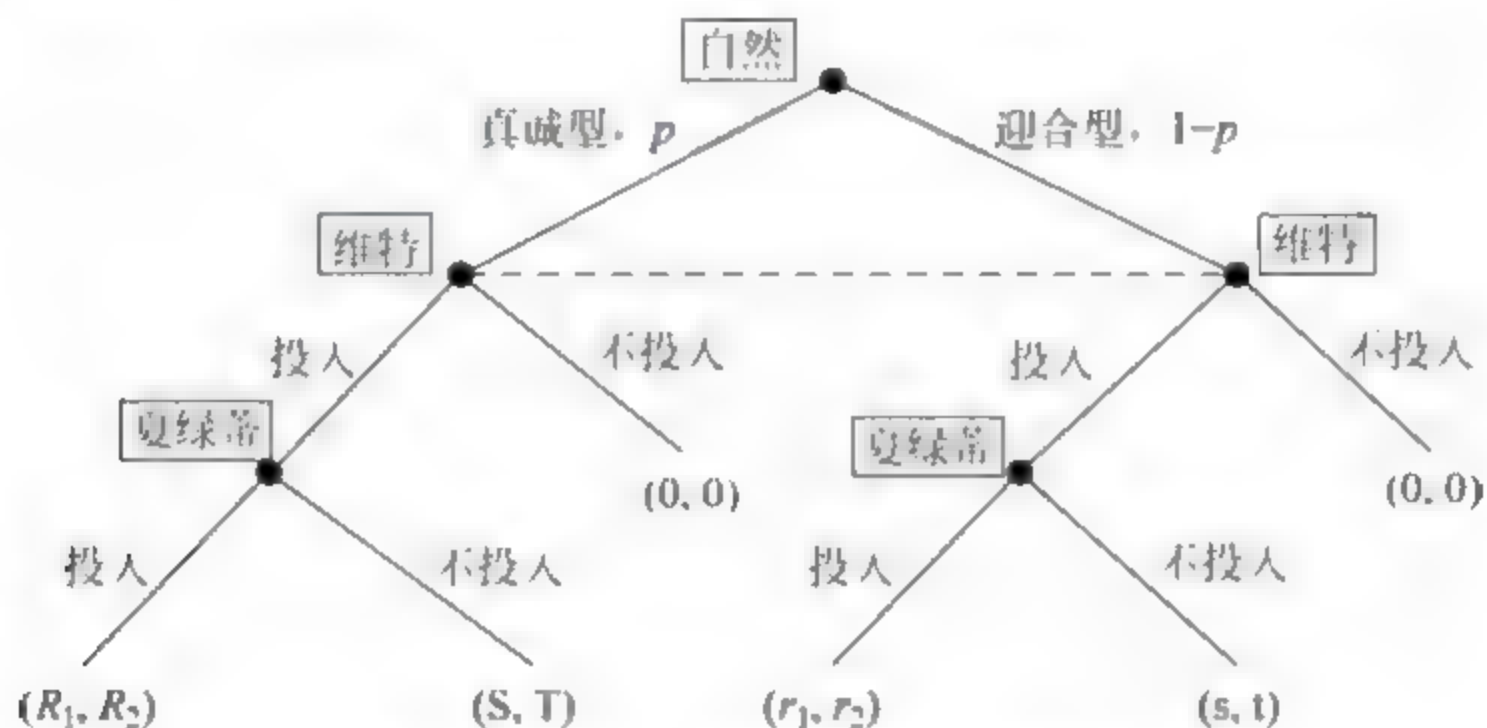


图 5-11 无信号传递时的约会模型

但是,即便夏绿蒂答应约会,也不能排除她不爱维特。因此,维特除了纠结于夏绿蒂是否接受,还需要揣度夏绿蒂的类型: **真诚型人格**,还是**迎合型人格**。如果夏绿蒂是真诚的,她会朝向甜蜜的婚姻关系努力。否则,如果夏绿蒂是迎合型的,她仍有可能投入成本与维特恋爱。但她是不爱维特的,可能会利用维特或者只是排遣寂寞。此时,只有祝愿他们渐行渐远! 假定真诚型人格的概率是 p ,迎合型人格的概率是 $1-p$ 。这是共同知识,在二人的朋友圈里都有相对统一的认知。

那么,二人的关系依赖于各自的选择,以及夏绿蒂的类型。各种行动所对应的结果以及对应得益如图 5-11 所示。总之,可将约会模型明确如下。

参与者: 维特,夏绿蒂。

夏绿蒂的类型: {真诚型(H),迎合型(I)},其中自然选择 H 的概率为 p ,选择 I 的概率为 $1-p$ 。

行动:

第 1 阶段,自然决定夏绿蒂的类型。

第 2 阶段,维特决定是否投入。

第 3 阶段,夏绿蒂决定是否投入。

得益：如图 5 11 所示。

让我们来考虑夏绿蒂的激励约束。首先，对于真诚型的年轻人而言，谈恋爱总是好过单身，单身又优于被利用。无论如何，被利用或被发“好人卡”都不是一件令人愉悦的事情，总有负面情绪萦绕其间。其次，对于迎合型的年轻人而言，可能仅仅为了得到对方的金钱、地位等利益，但是并不想发展美好的婚姻关系。因此利用对方或逢场作戏好过相爱结婚。针对上述两点可给出夏绿蒂选择投入时所对应的条件：

$$\begin{cases} R_2 > T > 0 > S, s, \\ t > r_2 > 0 \end{cases}$$

其中第一式中 S, s 同时满足小于 0。

而对于维特而言，欲使其愿意投入成本进行约会。至少需要满足投入时的期望得益大于不投入时的期望得益，亦即

$$p \cdot R_1 + (1 - p) \cdot S > p \cdot 0 + (1 - p) \cdot 0$$

若上述两个条件同时成立，则有

$$\begin{cases} R_2 > T \\ p > |S| / (R_1 - S) \end{cases}$$

上述条件被称作激励相容约束。它意味着，维特和夏绿蒂的激励需要同时满足才能使得二人达成理想均衡：追求者愿意投入，真诚的被追求者也愿意投入。这是一个贝叶斯均衡，姑且称为“有情人终成眷属”。抛却策略和信念不谈，现集中讨论第二个条件。只有当真诚的姑娘在人群中超过一定比例 $p' = |S| / (R_1 - S)$ 时，才有年轻人愿意主动邀约，投入恋爱。否则，宁愿单身。反过来，若女生先追求男生，结论一样适用。

然而， $p > p'$ 并不是总能发生的，特别是当被利用者的损失 S 特别大时。当 $p < p'$ 时，信号传递将是非常重要的一步。当校园中既有逢场作戏者和慕名求利者，又有感情真挚者和孤芳自赏者时，真诚型人格的年轻人应如何传递有关自己类型的信号呢？我们又该如何建模分析呢？

2. 有信号传递时

尽管在实际中青年男女双方都存在信息私有和信号的发送与接收，但是正如我们看到的，本节只简单讨论了被追求者一方是信息私有的情况，追求者的信息是公开的。仍然继续这一思路，讨论夏绿蒂拥有私有信息的状况。夏绿蒂作为私有信息拥有者，需要发送有关自己类型的信号。维特作为信号接受者，能够观察到相关信息。

可在前述的约会模型中加入一个信号传递阶段。在信号传递阶段，年轻人可预先观察到相关信号，然后才是约会模型，如图 5 12 所示。粗略地讲，可认为信号传递发生在确定情侣关系前的试探期。有些人的试探期很长，有些人则是一见钟情，甚至还有些人是“闪婚”。无论如何，试探期青年男女的活动也是有成本的，相信读者能够理解这一点。试探期之后才是求爱和恋爱阶段。

如图 5 12 所示。在信号传递阶段，发送者夏绿蒂可以选择发送信号，也可以选择 not 发送信号，分别记作 C^+ 和 C^- 。若不发送信号，双方都没有额外的成本发生。如果发送

其他朋友”之类的骈俪行为(dyadic behavior)却屈居其次。在这些浪漫关系中,1/3 的青少年表示有性行为发生。

表 5-11 变量的描述统计^①

变 量	均值/概率	标 准 差
恋爱行为		
结伴出去	0.68	
两人单独出去	0.62	
见对方父母	0.58	
公开拍拖关系	0.78	
少见其他朋友	0.37	
交换礼物	0.46	
告诉对方“我爱你”	0.51	
性交往	0.35	
性体验较晚(12~15岁)	0.31	
性体验较早(11岁以下)	0.10	
有过1~2个性伴侣	0.12	
有过3个以上性伴侣	0.06	
控制变量		
男性	0.46	
黑人	0.19	
西班牙裔	0.16	
亚裔	0.05	
年龄	15.87	
父母受教育得分	13.34	2.38
单亲家庭	0.44	
抑郁得分	1.52	0.4
青春期发育	0.05	0.77
GPA(Grade Point Average)	2.77	0.76
少年犯罪	0.03	0.54
父母监管	0.30	
与父母亲密度	4.22	0.55
父母放任度	1.80	0.87
宗教关怀	0.02	0.87
童贞宣誓	0.14	
一次浪漫恋情	0.45	
两次以上浪漫恋情	0.27	
浪漫约会兴趣度	3.59	1.07

^① 资料来源:美国全国青少年健康研究(National Longitudinal Study of Adolescent Health),Waves I II,1994-1996,共选取样本4938个。Wave I为1994-1995年在校问卷调查,样本容量为90118;Wave II为1995-1996年在家受访调查,容量等于14738。

续表

变 量	均值/概率	标 准 差
伴侣年龄差异	1.04	2.13
不同种族间恋爱	0.20	
伴侣间先期社交连接	1.01	0.97
种族隔离指数(3 638 个样本)	0.26	0.19

进一步,Paik 和 Woodley 识别了 4 种恋爱关系类别:很少联系(minimal)、青涩发展(going-with)、暧昧交往(social)和热恋(extensive),如表 5 12 所示。首先发现,热恋占据了所有两性浪漫关系的 38%,是占据主导地位的一个。同时,在所有恋爱行为中,每一种行为出现的条件概率都非常高,在 66%~100%之间变动。调查显示,这一类别的青少年在性行为发生之前经历了许多的恋爱行为,意即,他们单独或与亲友共同参加社交活动、公开拍拖关系、表达爱慕,然后才是发生性行为。其次是暧昧交际型关系,占据了 22%,更多地表现为同龄认可(peer oriented)先于父母认可(parent oriented)。在这类人群的恋爱行为中,结伴出去、两人单独出去和公开拍拖关系三者具有较高的条件概率,而少见朋友、交换礼物、表达爱慕的条件概率都很低。表明在性关系发生之前具有较弱的骈俪内聚力。再次,有接近 1/1 的浪漫关系属于青涩型,其中结伴出去、公开拍拖关系和表达爱慕的比例都很高。但是,诸如其他社会行为和骈俪行为却概率很小。标以“青涩”,足以表明这些年轻人缺乏经验,但正在成熟。最后是很少联系。这一类别约占所谓浪漫关系的 17%,但具体行为却显著不同于另三个。性行为之前的恋爱行为很少,在 2%~23%之间变动。这类关系有些类似于现在的“网约开房”,实际上能够建立浪漫关系的概率并不高。同时,它也反映了一部分年轻人将“勾搭”作为建立浪漫关系的途径。可见,这些类别也正与社会认知和道德范式基本吻合。

表 5-12 4 种恋爱类别的概率分布和具体恋爱行为的条件概率^①

恋 爱 行 为	很少联系		青涩发展		暧昧交往		热恋	
	条件 概率	标准 误差	条件 概率	标准 误差	条件 概率	标准 误差	条件 概率	标准 误差
结伴出去	0.23	0.03	0.61	0.04	0.77	0.05	0.89	0.01
两人单独出去	0.08	0.03	0.27	0.05	0.8	0.06	0.92	0.02
见对方父母	0.15	0.03	0.43	0.04	0.51	0.05	0.89	0.02
公开拍拖关系	0.11	0.03	0.96	0.02	0.73	0.05	1	0
少见其他朋友	0.02	0.01	0.18	0.03	0.33	0.05	0.66	0.02
交换礼物	0.04	0.02	0.29	0.04	0.22	0.03	0.79	0.02
说“我爱你”	0.04	0.02	0.64	0.05	0.11	0.03	0.84	0.03
4 种行为的概率	0.17		0.23		0.22		0.38	

^① 资料来源:美国全国青少年健康研究(National Longitudinal Study of Adolescent Health),Waves II,1995 1996,选取样本 4 938 个。

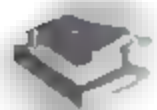
最后,关于迎合型年轻人的特征,可通过考察其指征变量来实现。我们简单给出如下结果:①性行为越早、性伴侣越多,陷入热恋行为的可能性越低;②陷入热恋行为与同居概率上升之间正相关;③热恋行为与性行为之间的相关程度主要取决于进入热恋关系的可选择性。

5.5.3 信号传递:就业市场博弈

在生活中,我们经常会见到各种各样的信息传递。比如许多大学都会披露其有几个院士;教授们会公布自己曾在重要期刊发表过多少学术论文;公司会公布对其有利的排名结果……为什么会出现这样的情况呢?这就要用到本节的信号传递知识来解释。

我们已经看到,信号传递理论最早是由经济学家迈克尔·斯宾塞提出的。他对这个问题的思考起点是MBA(工商管理硕士)的就业。他在哈佛大学读博士时,发现那些MBA学生在进入哈佛大学之前也没什么了不起,但是毕业出去之后就能比教授多挣几倍、甚至十几倍的钱,他就开始思考这究竟是因为什么?最终他研究的结论是教育具有信号传递的作用,受教育者能够将其信息“信号”可信地传递给在信息上具有劣势的用人单位。

斯宾塞认为教育(如文凭及证书)是劳动力市场上典型的信号之一。一般而言,在相同的周期内,就读于更好的学校,获得了更高的学历,取得了更高的学位,拥有更多的资格证书的学生,会比其他人拥有更强的能力。所以,教育信号高的人,具备高生产率、低信号成本的特征。具体来说,在劳动力市场,用人单位总是希望能够预先获得求职者的实际工作能力方面的信息,从而可以避免逆向选择。而求职者的某些特征,如教育、工作经验等都可以看成是一种信号。



引语故事:考学、考证、考工作?

继2013年“最难就业年”、2014年“更难就业年”、2015年“最难就业年”之后,2016年的冬天又被称作“史上最难毕业季”。统计显示,毕业生在刚就业半年内的离职率高达1/3,并且大约有70%的企业认为“大学生在校期间学到的知识实用性不强”。2016年,中国将有1200多万名本科生和高职院校毕业生求职。尽管中国有如此庞大的劳动力资源,但不少雇主依然很难找到合适的人才。到底该如何认识这种现象,各方观点莫衷一是。

大学生小孙:“招聘会上人满为患,用人单位给你的时间很少。如果学校一般,再没有几个像样的证书,用人单位就会把你拒之门外,连面试的机会都不给你。”其实,不仅小孙这样想,许多面临就业的大学生都认为,在招聘会上能给用人单位留下深刻印象的,就是自己的毕业院校和考取的书。

大学生小王:“由于考证把专业课都耽误了,现在期货公司拒签我,说明单凭考证是不行的,最重要的还是专业综合素质。”

王钟的(中国青年报评论员):本科就读于西北普通院校的某学生,工作两年后,考上京城一所名校的硕士研究生。他本以为从此“迎娶白富美,走上人生巅峰”,却在找工作时屡屡碰壁。几番折腾下来,他发现问题还是出在学历上:招聘单位不仅要看最高学历,还

要看第一学历。在名校学历的含金量逐渐被稀释的当下,这种现象是“学历歧视”的新演绎形式。

……歧视是一个泛化的表达。遭遇“不公”时,人人都想舞弄几下反歧视大棒,仿佛那样便是“政治正确”。但是,在很多情况下“反歧视”混淆了偏好、偏见与歧视3种情形。

有人会摆出一句老话,说所谓“学历歧视”让一些有能力者失去机会。这是似是而非的诡辩。在一所好大学上学,享受更多的学习资源,接受良好的高等教育,难道不是有能力的体现吗?批评一些用人单位的唯学历论,是因为他们设置了过高或者不必要的学历门槛,比如环卫部门非要招个名校硕士等。然而,借此贬低名校学历的价值,走入了反智的误区。

花琴(某公司人力资源总监):或许是经验形成了刻板印象,作为一个HR,我在招聘时更倾向于选择名校毕业生。

就拿面向应届毕业生招聘的管理培训生来说,专业的限制已经尽量减少,那么,在堆积如山的简历里,如何确定面试名单呢?熟练的HR可以5秒看完一封简历,略过基本信息和自我吹嘘的个人介绍,有料的应该就是毕业院校、校内外实习经验和所获荣誉了。往往上述三项“硬货”,后两项都跟毕业院校有明显的关系。

劳动力就业市场是一个典型的信息不对称市场,对于求职者能力的识别比一般商品更加困难。用人单位实际上永远不可能完全搞清楚任何一位求职者的实际生产能力。然而,如果按照平均劳动生产率来支付薪水,则会导致高生产能力的求职者退出市场,最终形成一个“柠檬市场”。

假设在就业市场上有1个求职的毕业生和1个招聘的雇主。毕业生的能力有高低,能力高的人往往也具有更高的生产能力,为雇主带来更多的价值。如果信息完全,则一切问题迎刃而解,雇主只需依照毕业生的生产能力支付工资即可。例如,在完全竞争市场下,高、低能力的应聘者生产能力分别为2、1个产量单位。那么,雇主给高能力者2万元、低能力者1万元;高、低能力的毕业生分别得到2万元和1万元的工资。这是一个稳定的均衡。

但事实上信息是不完全的。一般来讲,雇主可以通过应聘者的衣着、谈吐等信息来识别毕业生的能力高低。但是这些信号可能不够强烈,不能有效分离两类应聘者。可以想象,一个人的受教育水平是不能随便编造的。因此,暂且让我们考察教育水平的信号作用。请留意,引语故事中有人抱怨“大学生在校期间学到的知识实用性不强”,因此不妨假设一个人的生产能力是既定的,不受教育年限的影响。此时学历或文凭仅是传递能力的信号。高能力者为了表明自己是高能力的,可以取得高水平教育的证书。但是,接受教育是有成本的,如入学考试及其准备成本、入学后的学习成本等。对于给定的教育水平(可简单理解为教育年限) y ,假定低能力者成本为 y ,高能力者生产成本为 $y/2$ 。

假设毕业生的能力 θ 有高低两种类型,记作 $\theta \in \{H, L\}$ 。毕业生知道自己的能力高低,而雇主不知道。但是雇主知道整个人群中应聘者能力高低的分布,这是共同知识。假设 $P\{\theta=L\}=p, P\{\theta=H\}=q$ 。



思考与练习

在完全信息下,雇主为什么会给高能力者2万元,低能力者1万元?分别少于2万元和1万元岂不是更好吗?而在不完全信息且没有信号传递的情况下,雇主又该支付给每个工人多少?

博弈的次序如下:首先,毕业生作为信号发送者选择受教育水平;其次,雇主观察到信号并形成自己的信念,依据应聘者能力的高低来支付工资;最后,毕业生得到自己的工资。当然,在进行海萨尼转换时,需要在第一阶段之前加入自然的选择,即自然选择毕业生的类型,概率分别为 p 和 q 。

在接触均衡之前,让我们先讨论雇主的信念与策略。假设雇主相信存在某一水平的教育 y^* ,当应聘者的受教育水平 $y \geq y^*$ 时,毕业生一定是高能力者;当 $y < y^*$ 时,毕业生一定是低能力者。如果雇主持有这一信念,则他的最优策略应该是给高能力者支付工资2万元,给低能力者支付工资1万元——由于市场是完全竞争的,否则可能招聘不到工人。

(1) 如果毕业生把教育水平设为 $y < y^*$,则被雇主认为是低能力者。此时 $y=0$ 是最优行动——因为任何大于0但不超过 y^* 的教育水平不仅不能改变雇主的信念,反而会增加成本。换言之,如果一个毕业生不愿意表现为高能力者,那么他干脆不接受任何教育。有点儿类似于“破罐子破摔”。

(2) 同理,当教育水平 $y \geq y^*$ 时 $y=y^*$ 是他的最优行动。

(3) 如果毕业生依据自己的类型诚实行动,那么低能力者必定选择 $y=0$,高能力者一定选择 $y=y^*$ 。但是若毕业生并不诚实,而是采取策略行动呢?

如图5-13所示,给定信念 y^* 。对于低能力的毕业生,如果想被雇主认定为高学历以致得到高工资,必须满足受教育年限不低于 y^* 。所以,低能力者选择 $y=y^*$,得益为 $2-y^*$ (图中 L)。反之,若低能力者满足于低工资,则选择 $y=0$,此时得益 L' 最大。显然,高能力者选择 $y=y^*$,此时得益为 $2-y^*/2$ (图中 H)。对于就业市场而言,一个理想的结果是低能力者得到低工资、高能力者得到高工资。换言之,雇主能够通过信号(文凭)来区分两种类型的毕业生。但这是市场经济,每个主体都有自己的行为动机。若想有效地分离两种类型的毕业生,必须使所有参与者都愿意,亦即

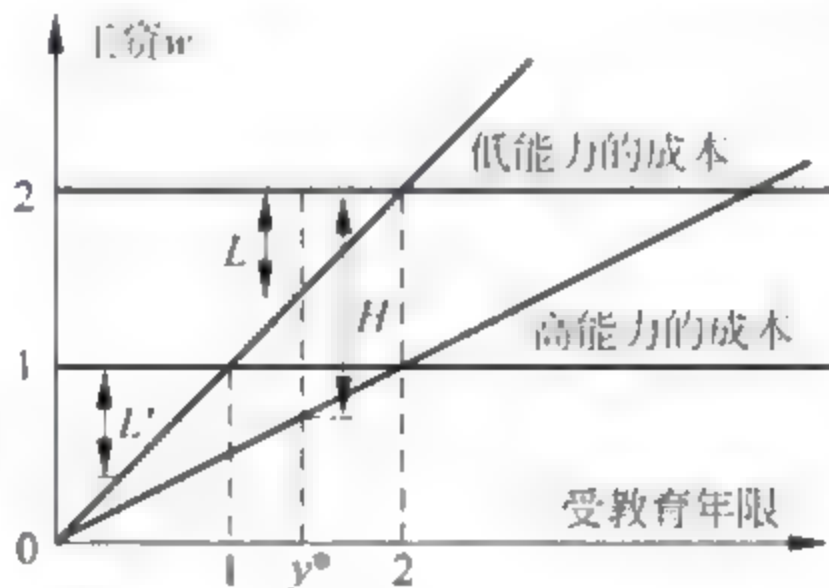


图 5-13 受教育水平的信号作用(分离均衡)

$$\begin{cases} 2-y^* < 1 \\ 2-y^*/2 > 1 \end{cases}$$

这就是激励相容约束。

因此,当 $1 < y^* < 2$ 时该博弈存在分离均衡,同时雇主的信念也与市场一致。后者意味着:双方都会依照雇主的信念行动;进一步,如果外在条件不变,雇主无须更新自己的信念。注意这是在教育不改变毕业生能力的前提下得到的结果。它表明即使所学知识无用,只要条件得当,学历也能够成为筛选应聘者的一个信号。由此延伸,大家可以思考古代科举制度在人才选拔方面的积极作用。另请读者注意,雇主的信念为无限多个,因此均衡也有无限多个。而且,当雇主的信念超出此范围时存在合并均衡和半分离均衡等。本书不再深入讨论。作为总结,让我们整理一下该分离均衡。

(1) 雇主的信念:存在某一水平的教育 $1 < y^* < 2$,当应聘者的受教育水平 $y \geq y^*$ 时,毕业生一定是高能力者;当 $y < y^*$ 时,毕业生一定是低能力者。

(2) 如果雇主认为毕业生是高能力者,则支付工资 2 万元;否则,支付 1 万元。

(3) 如果毕业生是低能力的,则选择不接受教育;如果毕业生是高能力的,则选择接受教育水平为 y^* 。



思考与练习

在上述就业市场模型中,假定个人的生产能力是不受教育水平影响的。如果教育能够改变个人生产能力,博弈以及分离均衡又会是怎样的?

概而论之,信号传递的均衡结果到底如何,主要取决于双方发送各种信号的成本。如果有个信号,一类劳动者发送信号的成本很低而另一类发送同样的信号的成本很高,那么就更容易形成分离均衡;如果双方发送信号的成本都很高,则可能都不发送;如果双方发送信号的成本很低,那么双方都可能会积极发送(因为不发送则境况会更差)。

关于信号传递理论,还有一个著名的格罗斯曼(Gross Man)分离定理简要介绍给读者。这是由经济学家格罗斯曼提出来的。假设有 3 个工人,其生产能力分别为 60、80、100。假设机制能够准确地依据对工人能力的判断来支付工资。由于平均能力为 80,所以能力为 100 的人有动力以某种信号表明自己是突出于其他两人的。当能力为 100 的人被分离出来之后,剩下的两人平均能力由于为 70,此时能力为 80 的人又有动力将自己与能力为 60 的人区分开来,使别人相信他不是能力为 60 的人。因此,如果具有隐蔽特征的代理人能够提供有关隐蔽特征的信息,那么所有隐蔽特征在一段时间之后就会被人们了解。这被称为格罗斯曼分离定理。

理性人是如此趋利避害,一旦发现可以从披露私有信息中获得好处,就会尽力去表达。而向对手披露私有信息的这种行为,就是信号传递或者信号显示。这种信号的显示可以用来表现自己的真实类型,从而改进自身结果,避免柠檬市场的“逆向选择”。值得说明的是,信号传递是信息优势方先选择自己的行动以发送有关信息,从而展示自己的真实类型。而如果不具有私有信息的一方先行动,通过不同的得益情况来让不同类型的对手有着不同的行动,那就是信息甄别了。

但是,信号传递并非都是有效的。在股票市场中,投资者会根据上市公司的业绩以决定是否对公司进行投资,而公司的业绩一般以财务报表呈现。由于只有公司高管会对公司的真实业绩有所了解,外部投资者并不能够了解足够的内部信息。因此,一个业绩差的

公司高管有足够强的动机发布对公司利好的财务报表,以诱骗不明真相的散户投资。上市公司高管这样的举动,扭曲了真实信息的传递,使得投资者难以相信消息,进而失望,不再投资市场。

在体制健全的社会中,欺骗将会付出代价。面对“逆向选择”严重的股市,监管当局颁布了新的法案,严惩发布虚假消息的上市公司。要求上市公司每年都必须经由外部进行独立审计,并且要求公司高管对其财务报表负责。这样一来,上市公司会忌惮发布虚假信息所要付出的巨大代价,进而保证年报的真实性。此法案一出,投资者都会选择相信这些原本面目可憎的公司高管,市场的信心得到了恢复,逆向选择得以解决。

可见,只要有信号传递以及保证信号为真的手段作为担保,人与人之间的信任就能建立。而这个信号传递机制既可以是口头声明,也可以是一些制约自身得益的行动,如法律法规。例如,在二手车市场,只要卖方能够主动向买方展示车子的质量,买方可能愿意出相应的较高价格,所谓的柠檬市场也将消失;在网上购物,只要店家承诺可以无条件退货,消费者就能打消顾虑,放心购买。



扩展阅读: 信号阻止和信息甄别

(1) 信号阻止。站在信号发送方的角度,如果向别人披露信息对自己有好处,那么披露信息是自然的;但有时候,站在信号接收方的角度,接受信号对自己并没有好处,这时候,想办法阻止接受信号反而对自己更加有利。

截断联系,是人们常用的一种阻止接受信号的手段。1965年,美国有一场监狱暴动,当时的监狱长就拒绝聆听犯人的要求,直到犯人释放所挟持的警察为止。这种拒绝聆听,避免了接受犯人的要挟之辞,反而使得犯人无法通过威胁来达到其目的,也使其明白了监狱长制止暴动的决心。

故作不知,也是阻止信号的手段。例如,有的公司员工总喜欢向老板传递种种信息:自己在业内受到多少重视……而一旦员工判断出老板获悉这些信息,就能以此提出加薪。此时老板就可以刻意去忽略这些信息,从而避免员工利用这些信息作为威胁。

(2) 信息甄别,又称信息筛选。它是没有私人信息的一方为了减弱非对称信息对自己的不利影响,以便能够区别不同类型的交易对象而提出的一种交易方式,比如契约、条件等。通俗地说,信息甄别就是“如何让别人讲真话”的方法。和信号传递不同,在信息甄别中参与者是在合同提供之后再选择行动,并借此发送相关信号的。

古代犹太王国的所罗门王,给后世留下了许多精彩的传说。有一次,两个妇人为了争夺一个襁褓中的婴儿,争吵到了所罗门王那里。她们中一个抱着一个已经死去的婴儿,另一个抱着一个活泼的孩子。之所以争吵,就是因为她们都说自己是那个活着婴儿的母亲。因为没有结果,所以来请所罗门王做主。所罗门王稍加思考后断然做出决定:“把剑给我……我把这个孩子劈成两半,你们两人一人一半吧。”听到这话,那位抱着活泼孩子的妇人说:“陛下,请你不要这么做。这孩子不是我的,就把孩子还给她吧。无论如何都请你不要伤害这个孩子。”而另外一个女人说:“英明的陛下,既然她说这孩子不是她的,就请您把这孩子分为两半吧。”听罢这两位妇人的诉求,所罗门王立即做出最终裁决:“把孩子

给请求不杀婴儿的妇人。她才是这孩子的真正的母亲,理应归于她。把另外一位同意劈了孩子的妇人拉出去暴打一百鞭,因为她太不诚实,心肠也太歹毒。”

所罗门王本来是处于信息劣势的,他完全不知道哪一位妇人才是孩子的亲生母亲。但是他也知道,真正的母亲是不会让自己的孩子被劈成两半的,而假装的母亲则有可能对此漠不关心。基于此,所罗门王设计了一个策略,要求“将孩子一劈为二”,从而让两个妇人自动做出不同的选择。更专业一点儿地说,博弈中处于信息劣势的一方设计一个博弈规则,可以让不同类型的人做出不同的选择。设计者可以通过观察不同人的选择而推断各自的真实类型。这就是一种自我选择(self-selection)。

这种自我选择在消费市场常表现为价格歧视,又称差别定价。所谓差别定价,通常指商品或服务的提供者在向不同的接受者提供相同商品或服务时,在接受者之间实行不同的销售价格或收费标准。实质上,价格歧视是不了解消费者偏好的商家(信息劣势方),为区分不同层次的消费者而设计出来的一种策略。优惠券作为差别定价策略的一种,极好地区分了愿意付出时间成本来搜索优惠信息的“平民”和不在乎优惠信息而直接到门店购买的“富人”两类消费者,让他们都支付了他们愿意支付的最高价格。注意,这里的“平民”和“富人”并非单纯指经济境况,而是指消费者对待同等商品时购买意愿的高低。

商家定价的最理想情况是,价格在消费者能接受的程度下最大化,并且实现在这一价格下的销量最大化。换言之,商家应该尽可能按照每名消费者所愿意支付的最高价格进行销售。问题在于消费者并不会把这种价格表现出来。因此,差别定价策略能够使得消费者进行“自我选择”,以此达到信息甄别的目的。

一个很简单的方法就是发放优惠券。由此商家就可以把具有不同购买意愿的消费者区别开来(甄别消费者类型),从而对不同的消费者收取不同的价格。假设一份快餐成本10元,定价20元时,1000人会接受此价格;定价25元时,有600人会接受此价格,前者利润为 $(20-10) \times 1000 = 10000$ (元),后者利润为 $(25-10) \times 600 = 9000$ (元)。商家既想定价高一些,但又不愿放弃其中400个购买意愿较低的消费。于是决定用5元优惠券来吸引他们,同时对剩下那600个高意愿消费者依然维持25元的原价销售。此时商家利润为 $600 \times 25 + 400 \times 20 - 10 \times 1000 = 13000$ (元),达到了最大化。



思考与练习

为什么一些餐厅频频推出促销政策,声明对集齐某几种星座的顾客将给予半价优惠?为什么名牌产品的专卖店都设立在租金高昂的中心地段,宁愿门可罗雀也不进行降价销售?

5.6 博取声誉: 真实还是伪装*

声誉是宝贵的财富。正直善良的声誉会使其他人更愿意与你合作,而朋友反目的先例会让人对你敬而远之;有债必偿的声誉会帮你轻松借到钱款,而一次未还清的债务可能会将你努力维护的信用毁于一旦。墨子曾说过,“名不徒生,而誉不自长,功成名遂,名誉不可虚设。”在社会生活和交往过程中,一个人会努力为自己树立良好的声誉,而且越是

名人越加珍惜。有个成语叫“身败名裂”，很多时候人们很难分清，到底是身败带来了名裂，还是名裂而招致身败。本节将从博弈论的角度讨论声誉问题。此外，第6章还会从重复博弈的角度再谈声誉。



扩展阅读：《关于名誉》

据我视野所及，古今中外公认不名誉的行为大致有以下四项——

一、违背全人类的生存原则，伤害无辜，欺凌众生，参与黑帮，投靠法西斯，协助侵略者，成了汉奸或其他什么奸；

二、触犯普通刑法，如偷盗、诈骗、贪污之类；

三、出卖朋友、背叛友情、忘恩负义——这是在日常生活中最容易发生，因此也最具有广泛敏感度的不名誉行为；

四、因嫉贤妒能而造谣诽谤、制造事端。

世上的坏事多得很，但有些坏事，哪怕是带有拳脚气的坏事，名誉上的损耗并不大，而只要牵涉到以上四项，名誉的裂缝就难于弥补了。此间差别，关及人类心灵深处的一些微妙颤动，深可玩味。

同样，若要找出不受时空限制的名誉原则，大致也只有以下三项而已——

一、对人类的由衷慈爱和真诚贡献；

二、面对世间邪恶，敢于抗争；

三、维护自身和群体的体面和尊严。

其他名誉，大多由这几项派生出来，如果全然无关，则就不必过于在意了。

——摘自余秋雨《关于名誉·上篇》

囚徒困境是我们最早接触的博弈论模型之一。它简单通俗，易于理解，同时又非常具有典型意义。此处将以囚徒困境为例讲解信息不完全时声誉是如何建立的。假设两个囚徒A和B进行博弈的策略矩阵如图5-14所示。

		囚徒B	
		合作	背叛
囚徒A	合作	3,3	-1,4
	背叛	4,-1	0,0

图 5-14 困境囚徒博弈的策略矩阵

不难推知该博弈存在唯一均衡：（背叛，背叛）。如果囚徒困境被不断地重复，身处其中的囚徒会偏离均衡转而合作吗？对博弈论的研究发现，一般而言只要重复博弈的次数是有限的，就不会使局中人选择合作策略。但这似乎违反直观，与现实中所观察到的合作现象相矛盾——常有身处困境的“囚徒”选择合作策略。难道是前提预设出现了问题？现实中遇到的重复博弈尽管都在有限次数终止，但在数学处理上仍有“无限”和“有限”的区别。这点将在第6章介绍。事实上，即使在有限重复博弈中，合作行为也是频繁出现的，特别是在距博弈结束仍比较远的阶段更是如此。Axelrod(1981,1984)的锦标赛实验结果

表明：在 200 次重复囚徒博弈中，当离博弈结束比较远时合作行为仍会频繁出现；而参与者所选取的策略也有偏好趋向，其中“针锋相对”策略是最稳定的。

博弈论的 4 位奠基人克雷普斯、米格罗姆、罗伯茨和威尔逊发现：之所以认为在有限重复博弈中不会出现合作行为，原因是存在两个假定，即理性人是共同知识和信息完全假定。为此，他们构造了一个著名的“声誉模型”，在有限重复博弈中引入不完全信息和理性人非共同知识的假定，发现存在合作型子博弈精炼均衡解，从而解开了这个悖论。他们证明，信息是否完全对均衡结果有着重要影响。具体而言，合作行为在有限重复博弈中有可能出现——只要重复次数足够多，但不必是无限次数的。例如，“坏人”可能在相当长的时间里表现得像“好人”一样。

不妨假设囚犯 A 了解囚犯 B 的所有特征，但囚犯 B 对囚犯 A 不甚了解。在 B 的认识中，A 有两种可能类型：理性的与非理性的。简单起见，假设“非理性”的 A 只会使用“针锋相对”策略。“针锋相对”意指一个参与者首先选择合作，只要对方一直合作，就与对方合作下去；一旦对方背叛，就中止和对方的合作，直到对方再主动恢复合作。该策略非常简易实用，亦即常说的“以眼还眼，以牙还牙”。而理性的 A 则会选择对自己有利的策略。

先从重复 2 次的囚徒困境开始，再推及重复 3 次。

5.6.1 重复 2 次的囚徒困境

假设囚徒困境博弈重复 2 次，自然赋予 A 理性的概率为 p ，非理性的概率为 $1-p$ 。可能行动如图 5-15 所示，其中 X 表示待定的某一行动。

参与者	第 1 阶段	第 2 阶段
A(理性的: p) (非理性的:)	背叛	背叛
	合作	X
B(理性的)	X	背叛

图 5-15 信息不完全时重复 2 次的囚徒困境

由于 B 是理性的，所以第 2 阶段 B 一定会选择背叛。如果 A 是理性的，那么 A 也会选择背叛。但是如果 A 是非理性的，那么此时既有可能背叛也有可能合作。它取决于第 1 阶段 B 的行为，此处用 X 表示。

接下来分析第 1 阶段。如果 A 是理性的，那么他在第 1 阶段也会选择背叛——因为 A 知道 B 是理性的，所以无论他在第 1 阶段选择什么，B 在第 2 阶段都会选择背叛。但如果 A 是非理性的，他会在第 2 阶段本能地选择合作——这依赖于第 1 阶段 B 的行动。

但是 B 不同。尽管 B 是理性的，但是他不知道 A 是否理性，所以在一开始就选择背叛并不一定是最好的。很显然，假如 A 是非理性的，那么他在第 1 阶段选择合作就能赢得第 2 次赚便宜的机会。因此，需要比较 B 的两个行动所带来的得益，才能找到占优策略。

(1) 如果 B 在第 1 阶段选择背叛,该阶段他的得益是 $p \times 0 + 4 \times (1 - p) = 4 - 4p$,而在第 2 阶段的得益则是 $p \times 0 + (1 - p) \times 0 = 0$ 。因此,总的期望得益是 $4 - 4p$ 。简单起见,此处省略了对折现因子的考虑。下同。

(2) 如果 B 在第一阶段选择合作,那么该阶段他的得益是 $p \times (-1) + 3 \times (1 - p) = 3 - 4p$,而在第二次的得益则为 $p \times 0 + 4 \times (1 - p) = 4 - 4p$ 。因此总得益是 $7 - 8p$ 。

当 $7 - 8p \geq 4 - 4p$ 即 $p \leq 0.75$ 时,B 会在第 1 阶段选择合作。换言之,当 B 认为 A 是理性的可能性不超过 75% 时,他会在第一阶段选择合作,而在第 2 阶段背叛。因为 B 不了解 A 的特征,所以 B 进行策略比较时所权衡的是眼前利益与长远利益:背叛得到眼前的得益但损失未来的得益。这与完全信息下的结果不同。

5.6.2 重复 3 次的囚徒困境

接下来我们分析重复 3 次时的囚徒困境。与上述分析一样,在第 3 阶段 B 一定会选择背叛来最大化自己的得益——只要他是理性的。

首先分析 A 的行动。如果 A 是非理性的,那么在第 1 阶段他仍会选择合作以期得到友好回应。在第 2~3 阶段,A 采取“针锋相对”策略,分别取决于 B 在第 1~2 阶段的选择。分别用“X”“Y”标记 B 在第 2、3 阶段的行动。另外,如果 A 是理性的,那么在第 2、3 阶段他一定会选择背叛,这与前面的两阶段博弈一样。但是,并不能惯性推及 A 在第 1 阶段也选择背叛。为什么呢?因为在第 1 阶段 A 的背叛会立即暴露他的类型(意即他是理性的),反而招致 B 在第 2 阶段的背叛。即便如此,仍不能判定 A 应选择合作。暂以“?”记之。各方的行动如表 5-13 所示。

表 5-13 重复 3 次的囚徒困境

参 与 者	第 1 阶段	第 2 阶段	第 3 阶段
A(理性的: p)	?	背叛	背叛
(非理性的: $1 - p$)	合作	X	Y
B(理性的)	X	Y	背叛

给定 B 在第 1 阶段选择合作。对于理性的 A 而言,又有两种情况。

如果 A 在一开始就背叛了,那么到第 2 阶段 B 就知道 A 是理性的(因为非理性的 A 不会首先背叛),B 会在第 2~3 阶段都选择背叛。此时 A 的总期望得益为 $4 + 0 + 0 = 4$ 。

如果 A 在第 1 阶段选择合作来隐瞒自己的类型,那么 B 在第 2 阶段仍不能辨别 A 的类型。所以,自第 2 阶段之后的子博弈等同于重复 2 次的囚徒困境。此时,B 在第 2 阶段仍选合作(前提仍旧为) $p \leq 0.75$ 。换言之,只要 B 判断 A 是非理性的可能性高于 25%,那么他在第 2 阶段仍然选择合作。所以,A 在 3 个阶段中行动的总得益就是 $3 + 4 + 0 = 7 > 4$ 。因此,对于理性的 A 而言,只要 B 不在前两个阶段内背叛,A 在第 1 阶段选择合作总是最优的。至此,图 5-16 中的“?”变更为“合作”。

其次分析 B 的行动。B 有 4 种行动组合:(合作,合作,背叛),(合作,背叛,背叛),(背叛,背叛,背叛),(背叛,合作,背叛)。将 4 种情况单独列表分析(表 5-1)。

情况 1: (合作,合作,背叛)

参 与 者	第 1 阶段	第 2 阶段	第 3 阶段
A(理性的: p)	合作	背叛	背叛
(非理性的: $1-p$)	合作	合作	合作
B(理性的)	合作	合作	背叛

如前分析,若 A 是理性的而且 B 在前两阶段内没有背叛,那么 A 在第 1 阶段选择合作总是占优的。若 A 是非理性的,则他 3 次都会选择合作。此时,B 的总期望得益是 $p \times (3-1+0) + (1-p) \times (3+3+4) = 10-8p$ 。

情况 2: (合作,背叛,背叛)

参 与 者	第 1 阶段	第 2 阶段	第 3 阶段
A(理性的: p)	合作	背叛	背叛
(非理性的: $1-p$)	合作	合作	背叛
B(理性的)	合作	背叛	背叛

同上分析,B 的总期望得益为 $p \times (3+0+0) + (1-p) \times (3+4+0) = 7-4p$ 。

情况 3: (背叛,背叛,背叛)

参 与 者	第 1 阶段	第 2 阶段	第 3 阶段
A(理性的: p)	合作	背叛	背叛
(非理性的: $1-p$)	合作	背叛	背叛
B(理性的)	背叛	背叛	背叛

同理,B 的总期望得益为 $p \times (4+0+0) + (1-p) \times (4+0+0) = 4$ 。

情况 4: (背叛,合作,背叛)

参 与 者	第 1 阶段	第 2 阶段	第 3 阶段
A(理性的: p)	合作	背叛	背叛
(非理性的: $1-p$)	合作	背叛	合作
B(理性的)	背叛	合作	背叛

同理,B 的总期望得益为 $p \times (4-1+0) + (1-p) \times (4-1+4) = 7-4p$ 。

将 4 种期望得益表示在同一个图上(图 5 16),可以得到非常直观的结果。在图 5 16 中,横坐标表示 A 理性的概率,纵坐标表示 B 的预期得益。

从图 5 16 中得出,当 $p \leq 0.75$ 时,选择(合作,合作,背叛)的得益最大。因此,只要 $p \leq 0.75$,这样的策略组合是一个均衡:理性型 A 在第 1 阶段选择合作,第 2 阶段和第 3 阶段选择背叛;B 在第 1、2 阶段选择合作,但在第 3 阶段选择背叛。与上一节的信号传递不同,此处的私有信息拥有者尽量回避有关自己类型的信号传递。理性的背叛者仍然表现出合作行为,使得自己与非理性的合作者混同起来。因此,从信息私有者的角度讲,

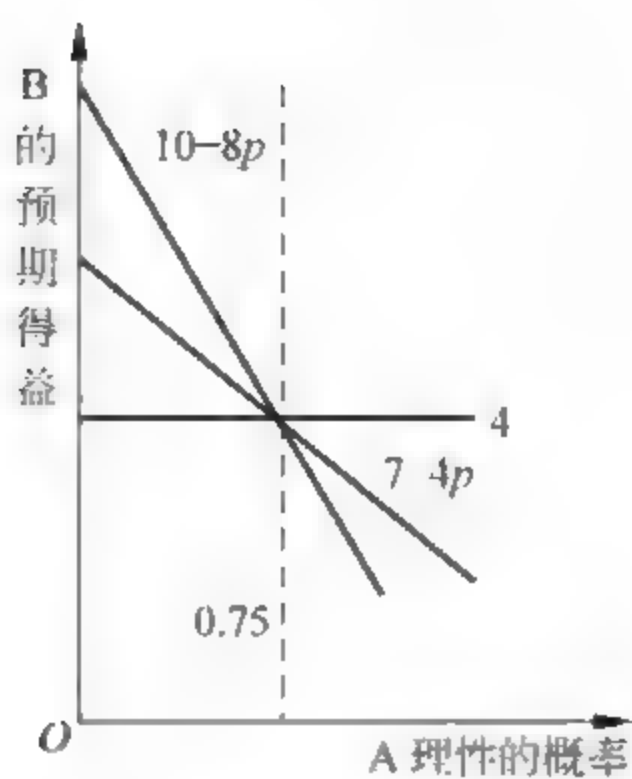


图 5-16 4 种不同策略下 B 的得益曲线

分离均衡并不总是受欢迎的——总有一部分人更喜欢混同均衡。

为什么不完全信息下会出现这样的博弈结果呢？不难想象，坏人可能在相当长的时间里表现得像好人一样。就像大灰狼扮成外婆是为了更好地蒙骗小红帽，声誉机制就是这样的一个完美伪装。当信息不完全时，参与者都有动机树立一个良好的声誉，从而在未来获得长期的得益。一般来讲，合作的得益越大，双方越有动力来树立一个良好的声誉。因此，只要重复次数足够多，合作行为就会在有限重复博弈中出现。

显然，一个行为主体的声誉在长期内是与他人的互动行为密不可分的。而声誉的本质则在于可以使行为人获得长期的得益。当一个人的行为特征或行为类型不被他人所知晓，且在他们之间存在着重复互动时，具有信息优势的一方就有动机建立一个“好”声誉以换取长期利益，从而避免那些短期的、甚至是一次性的得益。表 5-14 给出了关于声誉起重要作用时的部分重复博弈的应用及其博弈信息。

表 5-14 声誉起重要作用时的部分重复博弈的应用及其博弈信息

博 弈 应 用	单边/双边	参 与 者	行 动 策 略
困境囚徒	双边	囚徒甲	抵赖/坦白
		囚徒乙	抵赖/坦白
双寡头垄断	双边	企业甲	高价格/低价格
		企业乙	高价格/低价格
员工管理	单边	雇主	发奖金/不发奖金
		雇员	工作/偷懒
产品质量	单边	消费者	购买/不购买
		卖者	高质量/低质量
进入威胁	单边	在位者企业	低价格/高价格
		进入者企业	进入/不进入

注：在某些博弈中，每个博弈中的策略组合都相同，博弈者之间的支付或得益对称，这种博弈称之为双边博弈。而另一种与双边博弈很相似，但这类博弈并不对称，这就是单边博弈。例如，常见的单边博弈有市场进入博弈、产品质量博弈、借贷博弈等。



进阶阅读：KMRW 声誉模型

克雷普斯、米尔格罗姆、罗伯茨和威尔逊 4 人的思想后来被总结为 KMRW 声誉模型,也称为 KMRW 定理。它的主要内容是这样的:尽管每一个参与者在选择合作时可能面临着被对手出卖的风险(从而可能得到一个较低的当前得益),但是如果他在面对一个合作型对手时选择不合作,就暴露了自己是非合作型的,从而失去了获得长期合作得益的机会。只要博弈重复的次数足够多,未来得益的损失就超过了短期被出卖的损失。因此,即使非合作类型的参与者也都想在初始时树立良好形象(使对方认为自己是喜欢合作的)。而只有在博弈快结束时,参与者一次性把自己过去所建立的良好声誉用尽,合作才会停止(因为此时的短期得益很大而未来损失很小)。该模型具有出色的解释力。其主要原因在于:大量事实表明,大多数合作的发生都是基于对自身利益的考虑,而非对参与者合作偏好所做的假定。在一些长期交易关系中,交易各方出于对未来得益的考虑,都会致力于树立形象和维护声誉。虽然这些声誉在短期来看并非是经济的,但是合作收入流的长期补偿表明建立良好声誉是最优选择。而且,良好的声誉价值是随着它被使用的次数而增加的。可以说,KMRW 声誉模型对于认识企业的本质提供了强有力的分析方法和解释工具。

5.6.3 声誉信念的更新

实际上,无论是个人、企业还是国家,声誉都是一个宝贵的财富。然而怎样才能树立一个良好的声誉呢?这是一个不断积累的过程,一个借助良好的言行给自己不断加分的过程。“始吾于人也,听其言而信其行;今吾于人也,听其言而观其行。”孔子的话恰好也反映了人们对他人声誉认识的过程。对一个人声誉的形成,不仅需要听他怎么说,更要看他怎么做。一般来说,人们先是对某人的品性有个先验判断,然后随着不断了解,通过他的行为来不断修正自己的判断。贝叶斯法则已经在前文中提及,在此处解释声誉的积累时仍然适用。

简单起见,假定囚徒有“义气”和“自私”之分,每个人有“合作”或“背叛”两种选择。当然,两类人群选择合作或背叛的概率是不一样的。假设义气的人选择合作的概率为 0.8,而自私的人则为 0.4。而两类人群背叛的概率则分别为 0.2 和 0.6。那么,对于给定一人,人们如何判断他的性格呢?

假定 A 初始认为 B 义气的概率为 0.5(先验概率为 50%),那么,A 在看到 B 合作后而推断 B 义气的概率是一个条件概率,满足贝叶斯法则。具体而言,A 认为 B 义气的概率为

$$p^+ = \frac{0.8 \times 0.5}{0.8 \times 0.5 + 0.4 \times 0.5} \approx 0.67$$

接下来,如果 B 又做了一件合作的事,那么 A 认为 B 义气的概率就更新为

$$p^+ = \frac{0.8 \times 0.67}{0.8 \times 0.67 + 0.4 \times 0.33} \approx 0.80$$

接着, B 又做了一件背叛的事, 则 A 认为 B 义气的概率一下子降为

$$p^* = \frac{0.8 \times 0.2}{0.8 \times 0.2 + 0.2 \times 0.6} \approx 0.57$$

这便是声誉的积累, 亦即 A 对 B 义气的信念的更新。至此, 也许有读者会问: 在模型中 B 的声誉到底是什么? 没错, 就是他人推断自己义气的条件概率, 亦即行动(合作或背叛)之后别人对自己义气或自私的判断。

之所以有 A 对 B 的信念的不断更新, 是因为义气的人与自私的人做同一件事的可能性不同。反之, 如果两者都有同样的可能性选择合作, 那么, 无论 B 做了多少次合作的事也不能改变 A 对他的信念。相反, 如果有这么一件事, 只有义气的人会做, 自私的人绝对没有动机去做(或者说绝不愿承担这么做的后果), 那么 A 认为 B 一定是义气的——只要 B 做了此事。

这有点儿类似于好人和好事儿。做一件好事并不意味着该人是好人, 因为坏人也有可能做好事来伪装成好人。但是, 正如毛泽东所言, “一个人做点好事并不难, 难的是一辈子做好事, 不做坏事”。因此, 好事不一定传递信息。但是, 坏事常常都是传递信息的, 因为好人轻易不做坏事, 但也不会常做坏事自毁声誉。这与“好事不出门, 恶事行千里”有异曲同工之妙。而第 6 章的重复博弈还将说明所有的善恶并非立即就报, “人为善, 福虽未至, 祸已远离; 人为恶, 祸虽未至, 福已远离”。



本章小结与习题

第6章 重复博弈*



入狱的“兄弟”并不总是陷入“囚徒困境”，反而常有拒绝招供的事情发生。假以时日，“兄弟”又将出狱相聚。是囚徒困境的模型不适用？还是对出狱共事的期待改变了均衡？相信本章内容将有助于读者理解此类现象。

本章将讨论重复博弈。顾名思义，重复博弈是指同样结构的博弈重复很多次，其中的每次博弈称为“阶段博弈”。通常情况下，重复博弈属于动态博弈的范畴，可分为有限次重复博弈和无限次重复博弈。但它的特殊结构使其具有某些独特性质。在重复博弈中，虽然每次博弈的内容、条件都是相同的，但是长期利益的存在使得参与者要考虑现阶段博弈所带来的后续反应，即当前如何行动才不至于引起对手在后阶段的对抗、报复或恶性竞争（在一次性博弈中，则无须考虑这个问题）？此时，参与者可能会为了长远利益而牺牲眼前利益，从而选择不同的均衡策略。因此，重复博弈的次数将会影响博弈均衡的结果。同时，信息的完备性同样也是影响重复博弈均衡的主要因素。若一方发出一种合作的信号，可能使其他参与者也采取合作，从而实现共同的长期利益。而在现实经济生活和社会活动中，参与者通常会建立某种长期关系。例如，市场营销中的回头客，面向同质市场的两家竞争企业，等等。此时声誉等社会因素将产生作用，这也正是我们需要讨论重复博弈问题的根本理由。

无论在职场中还是在生活中，我们处处都在权衡，都在博弈。但有时会选择稳准狠，为一次取胜不择手段；有时却瞻前顾后，给出圆融的解决方案。这样不同的选择，是出于什么原因呢？我们来看下面的例子。

在一个由两个厂商寡头垄断竞争市场的降价博弈中，如图 6-1 所示，如果双寡头都采用高价销售的策略，每个参与人都会得 200 个单位的收益；如果两个厂商都采取降价促销的策略，每个厂商的收益都将降低 100。但是如果只有一家采取降价促销，而另一家坚持高价销售，那么降价一方的厂商收益将猛增至 300，而高价的一方厂商收益将下滑到 50。

我们很容易得到降价竞争博弈的唯一均衡是（降价，降价）。因此对于一次性的博弈，两个厂商都必将采用降价策略，各自收益 100，这显然是对两个厂商都不理想的收益。如果两个厂商不打价格战，形成合作共赢局面，两个厂商的收益都可以达到 200，遗憾的是，（高价，高价）不是博弈的纳什均衡，而降价是博弈唯一的完美纳什均

		厂商2	
		高价	降价
厂商1	高价	200,200	50,300
	降价	300,50	100,100

图 6-1 寡头垄断竞争市场的降价博弈

衡。这个分析虽然思路清晰,结论合理,但与人们的直觉经验有很大的差距,而且与经济学中寡头垄断价格的理论相悖。

这是因为上面考虑的是一次性的博弈,但两个厂商在同一个市场中会共同生存相当长一段时间,这个时间有可能是10年、20年,也有可能更长,这相当于在这个市场中,两个寡头厂商将进行重复博弈10次、20次,甚至无限次。

正如火车站的小摊贩往往坑蒙拐骗,质次价高,因为他们面对的顾客都是一次性的,很少有回头客,索性通过获得最大利润。而社区内成功的连锁店普遍注重产品质量和合理的利润,因为它更看重声誉和经营的持久性。小摊贩与连锁店的选择截然相反,但他们选择的都是可选范围内的最佳方案。不难发现,造成这种结果的关键因素在于:小摊贩与顾客可能只有一次相遇,而连锁店与顾客可能存在多次交易。

明确博弈究竟是一次博弈还是多次重复博弈,是很重要的,因为两者的最优策略可能会发生改变:一次性博弈无须考虑行动的后继结果,可以唯利是图;多次重复博弈会建立起一系列的奖惩机制,唯有更遵守道德规范,才能获得稳定收益。

那么与前几章的博弈相比,重复博弈究竟有何不同之处,让我们通过本章一探究竟。

6.1 重复博弈及其特点

6.1.1 什么是重复博弈

重复博弈是一种特殊的动态博弈,指同样结构的博弈重复多次。它包括无限次重复博弈和有限次重复博弈。虽然重复博弈是一次性博弈的重复进行,但重复博弈的均衡结果并非一次性博弈结果的简单叠加。

当我们用“重复博弈”去观察生活时,会发现人们的很多行为都可以得到解释。我们常看到陌生人之间只因踩一脚而发生口角甚至挥拳相向。在公共汽车、地铁上,两个陌生人为一个座位而争吵更是家常便饭。因为彼此相信这是一次性博弈,事过之后两不相见,故互不相让。但发生摩擦的如果是经常见面的熟人,即使脾气不好的人也会相互谦让。这是因为大家抬头不见低头见,其间的博弈是长久的“重复博弈”。在小县城、小乡村,犯罪率一般较低,也是因为大家相互极为熟知,每日间低头不见抬头见。而在繁华的都市,人们则相对陌生。如果法制不健全,犯罪率反而有可能会提高。可见,生活中处处都存在重复博弈的影子。

像前述的例子(图6-1)一样,重复博弈由很多阶段组成,每个阶段都是一个构造相同的博弈。但是,两个厂商的策略选择和收益却不一定是单次博弈的简单重复。在两阶段重复博弈中,厂商的总收益可视为两个阶段单次博弈收益的简单叠加(图6-2)。但是对于无限次重复博弈,其总收益就不仅仅是所有阶段收益的简单叠加,下文将详细介绍。在重复博弈中,与单次博弈不同的是参与人不仅要关心自己当前的利益,还要着眼于自己的长远利益。因此博弈中的参与人对未来收益的判断会影响当前阶段的行动选择。虽然是简单博弈的多阶段重复,但是因为参与人要考虑自己的长远利益,这样报复、制裁等威胁

都将成为很现实的制约手段,而声誉、公平等信念也成为可信的激励因素。俗话说“善有善报,恶有恶报”可能成为博弈局势中的参与人所必须面对的现实。

		厂商2			
		高价-高价	高价-降价	降价-高价	降价-降价
厂商1	高价-高价	400, 400	250, 500	250, 500	100, <u>600</u>
	高价-降价	500, 250	300, 300	350, 350	150, <u>400</u>
	降价-高价	500, 250	350, 350	300, 300	150, <u>400</u>
	降价-降价	<u>600</u> , 100	<u>400</u> , 150	<u>400</u> , 150	<u>200</u> , <u>200</u>

图 6-2 两次重复寡头垄断竞争市场的降价博弈

在单次博弈中,参与人间缺乏相互制约的手段,也无法通过制裁和威胁来实现参与人之间行为的相互约束。因此一次博弈很难形成有效配合和默契,从而导致有些博弈的收益不是帕累托最优结果,比如“囚徒困境”。因此在单次博弈中,参与人之间的相互不信任甚至是欺骗,到了重复博弈中可能走向相互配合和协作,以至于追求双方的共同利益。于是参与人之间互惠互利、合作共赢的机会要比单次博弈中大得多。与第3章描述的动态博弈不同,重复博弈中,各阶段并非紧密衔接、环环相扣,而是相对独立、没有实质性的联系。重复博弈中所有的参与人都能够观察到过去的历史,即在以往各阶段中各参与人所实施的行动轨迹。而参与人的收益则是各阶段收益之和。此处的“和”是广义的,指各阶段博弈中参与人收益的折现值之和,或者平均加权值,这一点对于无限次重复博弈尤为重要。

在重复博弈中,有两个主要因素会影响重复博弈的结果:一是博弈的重复次数,这将决定参与人对短期利益与长远利益的权衡。博弈的过程不仅是参与人行动的过程,而且也是参与人不断修正信念的过程。重复博弈的次数越多,所获得的相关信息就越多,进而原有的先验信息被修正,信息不对称被弱化,有利于形成长远预期。二是重复博弈中信息的完备性,这是重复博弈能够产生约束效力的基础所在。一旦信息不完整,参与者的惩罚与奖赏策略将无的放矢,重复博弈的约束机制荡然无存。此时何谈互利互惠?在本章接下来的部分,读者将会逐步认识到无限次重复与有限次重复,完全信息与不完全信息之间的重要区别。

6.1.2 重复博弈的特点

至此,你应该对重复博弈建立了初始的理解。重复博弈是一种最简单的可观察行动的多阶段博弈,是相同结构的博弈重复进行多次,其中可重复的最小单元又称为阶段博弈。这种相同结构的博弈可以重复多次甚至是无限次。另外,阶段博弈既有可能是静态的,也可能是动态的。但是,整个重复博弈的确是一个动态的博弈过程——只是这个动态博弈与静态博弈也有关联。总体来说,重复博弈是一类常见的、特殊的而且非常重要的动态博弈。它具有如下特点。

(1) 重复博弈是一种特殊的扩展型博弈和可观察行动的多阶段博弈。重复博弈的每

一个阶段都能单独构成一个完整的博弈,博弈的各阶段之间没有利益上的联系,而且前阶段的博弈不改变后阶段的博弈结构。因此,博弈中的参与人不是一次性选择策略,而是分阶段有次序的动态选择。在扩展型博弈中,参与人的行动选择是面向整个局势的;而在重复博弈中则是基于上一阶段的结果,在每一次原博弈 G 的重复中选择行动。

(2) 重复博弈的每一阶段,各参与者的可能策略、行动规则以及收益函数等都是相同的。在重复博弈 G' 中,每个阶段都是原博弈 G 的一次重复。因而在 G' 的每个阶段中,所有参与人及其策略集是固定不变的,而且参与人行动的先后次序和阶段博弈的收益函数也都是固定不变的,这是重复博弈和一般动态博弈的重要区别。

(3) 重复博弈的每一阶段既可以是动态扩展型博弈,也可以是静态策略型博弈,但大多数情况都是策略型博弈。这是由于相对于整个博弈的延续时期来说,在博弈的一个阶段中,各参与人行动时间及先后次序几乎可以忽略不计。

(4) 在重复博弈中,全部参与人都能观察到历史信息——博弈的行动选择轨迹,即各参与人所做的行为选择和收益都能被观察到。唯有如此,才能在动态博弈中通过承诺或可置信威胁来强化参与者之间的关系,从而获得合作的可能。通过重复博弈而建立起的约束机制、特定的策略选择也有助于从冲突到合作的转化。

(5) 虽然在重复博弈中各个阶段的策略空间、行动规则及收益都是一样的,但是重复博弈达到的均衡仍然存在帕累托改进。因为参与人之间存在长期利益关系,所以各参与人在实施行动时必须考虑后继阶段的对抗、报复与竞争。具体来讲,参与人为了获得自己的长期利益而可能进行某种形式的合作,从而相互妥协。因此,重复博弈相较于一次性博弈可以获得更高效率的均衡。

(6) 重复博弈是多阶段的动态博弈,子博弈的概念同样适用,即子博弈的完美纳什均衡概念和逆向归纳法等都可以在重复博弈中得以应用。

(7) 在重复博弈中,各参与人的总收益是各阶段博弈收益的折现之和或加权平均。重复博弈的每一个阶段就是一个完整的博弈 G 。在博弈 G 中参与人都会有各自的收益,而重复博弈 G' 的总收益就是阶段博弈 G 按折现因子加权的各阶段收益之和。稍有不同的是,在扩展型博弈的每个阶段,参与人在各个阶段选择自己的行为策略,但只能等到博弈结束才可一次得到收益。

在了解了重复博弈的特点之后,也许读者会问,既然重复博弈是动态博弈,前文所讨论的内容就应适用于本章。那么,重复博弈的信息结构会是如何呢?在接下来的第一节将告诉你这些内容。

6.1.3 重复博弈的信息结构

在讨论重复博弈的具体形式之前,有必要首先了解一下多阶段博弈的信息结构。除了前文中信息完全和信息不完全的区别外,在多阶段博弈中一般还存在两种基本的信息结构:开环结构和闭环结构。

开环结构是指,参与者除了自己的行动和日程之外看不到任何历史,或者在博弈的一开始参与者必须选择的是仅依赖于日程时间的行动日程表。这类博弈的策略的特点在

于：它们只是日程时间的函数。这类博弈的策略就称为开环策略，以开环策略构成的均衡就被称为开环均衡。猜拳博弈就具有开环策略的特征。在多阶段的猜拳博弈中，参与者往往可以在事前确定自己的出拳顺序，这就是参与者选择的行动日程表。

但更为常见的是，博弈人在选择自己的行动时需要根据自己所看到的历史，尤其是对手在此前采取的行动而做出决策，这类博弈的信息结构就是闭环信息结构。此类博弈的策略不仅依赖于日程时间，还依赖于其他的变量，称为闭环策略（或称反馈策略），以闭环策略构成的均衡称为闭环均衡。田忌赛马博弈^①就具有闭环策略的特征。由于田忌的各类等级的马都不如齐威王，因此，田忌要取得胜利就必须有针对性地根据齐威王的出局选择自己的策略，其最佳策略为（上，下）、（中，上）、（下，中）。这样，尽管田忌输了第一局，却赢得了第二、第三局，从而取得总比赛的胜利。在某种意义上，田忌赛马博弈也可以成为团体竞技性比赛的一类博弈总称，该博弈最终结果往往取决于教练临场的策略选择。为了赢得策略优势，每一个参与者都会对自己的策略保密。

事实上，在绝大多数的博弈中，人们都倾向于使用闭环策略。因此，本章也将重点探讨博弈双方知晓历史的闭环结构重复博弈。

6.2 构建重复博弈

阐明基本概念之后，让我们着手构建重复博弈。下面我们将以中美之间的贸易博弈作为背景，构建一个重复博弈。

尽管大多数国家都相信自由贸易应该是公平的，但几乎所有的国家都不同形式、不同程度地实行着贸易保护主义。著名经济学家琼·罗宾逊夫人曾讽刺贸易保护主义说：“不能因为其他国家往他的港口扔石头，我们也要往自己的港口扔石头。”李斯特却坚定地认为，相对弱势的国家要想维护本国的经济发展，就必须实行关税保护的政策。这两种看似矛盾的理论能够同生共存，究其实是由于不同的思维前提在起作用。如今，贸易保护主义不仅是一种经济发展措施，而且也成了国际外交的一张牌。有句谚语可以完美地诠释自由贸易的尴尬处境：实现自由贸易就像上天堂，每个人都想去但又不想太早。作为两个超级大国，中美经济贸易关系受制于政治文化等因素，各大产业的经贸都是既有竞争又有合作地曲折前进着。



案例分析：中美贸易之争

“美中之间存在经贸摩擦很正常，即使是在成熟的贸易伙伴间也会产生摩擦。”

——亨利·鲍尔森，美国前财长

“多年来中美已经磨合出比较成熟的分歧处理方式，双方爆发贸易战或货币战的危险性不大。”

——陈凤英，中国现代国际关系研究院研究员

^① 田忌赛马博弈请参见本书第1章。

近期中美贸易之争引发社会各界广泛关注,但其实自2008年金融危机爆发以来,中美贸易摩擦就日益频繁且不断升级。据商务部统计,美国在2008年之后采取贸易救济措施的频率明显增加,2008年1月至2010年7月期间采取的贸易救济措施占总量的46%。同时涉案金额也在不断增加,2008年10月至2009年7月,美国对中国贸易救济调查涉案金额约50亿美元,占同期我国总涉案金额的54.42%。其中,“美国油井管‘双反’案涉案金额32亿美元,是迄今为止中国遭受的金额最高的贸易救济措施之一;美国轮胎特保案涉及18亿美元,其涉案金额在所有对中国采取的特保调查中也是最高的。”

可见,2008年金融危机爆发后,为了转移国内的经济压力,美国频频向中国出口商品发起反倾销和反补贴调查,同时运用技术贸易壁垒、劳动贸易壁垒等非关税措施来限制中国商品的流入。针对美国的种种贸易保护行为,中国也采取了相应的措施,其中之一就是对美国商品也采取“双反”调查,直至采取“双反”措施。表6-1仅列举了一部分双方的贸易摩擦事件,与合作间隙。

表6-1 中美贸易摩擦事件摘录

时 间	产 品	详 情
2008年9月11日	轮胎	美国总统奥巴马宣布,对从中国进口的所有小轿车和轻型卡车轮胎实施为期三年的惩罚性关税
2008年9月28日	聚氯乙烯	中国商务部发布公告,继续对原产于美国等地的进口聚氯乙烯实施反倾销措施,实施期限为5年
2008年10月12日	聚酰胺	中国商务部发布公告,对原产于美国等地的聚酰胺-6,6切片征收最高37.5%的反倾销税,期限为5年
2008年10月29日	—	中美双方在杭州中美商贸联委会上达成共识,承诺共同反对贸易和投资保护主义,将不出台新的贸易保护措施
2008年10月30日	无缝钢管	美国商务部对从中国进口的无缝钢管发起反倾销和反补贴税调查
2008年11月5日	油井管	美国商务部公布对华输美油井管反倾销反补贴案的倾销调查初裁,决定对从我国进口的油井管征收最高达99.14%的反倾销税
2008年11月6日	铜版纸	美国国际贸易委员会初步裁定,对从中国和印度尼西亚进口的铜版纸、从中国进口的焦磷酸钾、磷酸二氢钾和磷酸氢二钾征收“双反”关税
2008年11月6日	汽车	中国商务部宣布,即日起对原产于美国的排气量在2.0升及2.0升以上进口小轿车和越野车发起反倾销和反补贴调查
2008年11月23日	四氢糠醇	美将继续对中国输美的四氢糠醇征收136.86%的反倾销税,实施期限为5年

续表

时 间	产 品	详 情
2008 年 12 月 29 日	钢格栅板	当地时间 29 日,美国商务部初步裁定,对从中国进口的钢格栅板征收反倾销税。关税最高 145 %
2009 年 1 月 6 日	钢丝层板	美国商务部 5 日表示,对从中国进口的价值超过 3 亿美元的钢丝层板征收 43 % ~ 289 % 的反倾销关税。美国 2008 年从中国进口价值约 3.17 亿美元的钢丝层板
2009 年 9 月 11 日	汽车轮胎	美国总统奥巴马决定对中国轮胎特保案实施限制关税,为期 3 年
2011 年 12 月 14 日	汽车	中国商务部发布公告称,将对原产于美国的排气量在 2.5 升以上的进口小轿车和越野车征收反倾销税和反补贴税,实施期限 2 年
2012 年 10 月 10 日	光伏产品	美国商务部终裁判定,中国向美国出口的晶体硅光伏电池及组件存在倾销和补贴行为
2014 年 7 月 1 日	碳素及合金钢	美国商务部 1 日宣布初裁结果,认定从中国进口的碳素及合金钢盘条存在补贴行为,对中国出口的上述产品征收相应的保证金
2014 年 11 月 12 日	—	中美两国就加强双边、地区和全球层面合作达成多项重要成果和共识
2015—2017 年	—	中美贸易度过了一段相对平稳的时期,但好景不长,2017 年下半年美国再度挑起争端
2017 年 8 月 18 日	技术转让知识产权	美国贸易代表宣布正式对中国发起“301 调查”,将调查中国政府在技术转让、知识产权、创新等领域的实践、政策和做法是否不合理或具歧视性,以及是否对美国商业造成负担或限制
2018 年 1 月 22 日	进口太阳能电池板	美国国际贸易委员会做出终裁,美国将对从中国进口的铝箔产品征收反倾销和反补贴关税
2018 年 3 月 15 日	铝箔产品	美国国际贸易委员会做出终裁,美国将对从中国进口的铝箔产品征收反倾销和反补贴关税
2018 年 3 月 23 日	128 项产品	中国商务部发布了针对美国进口钢铁和铝产品 232 措施的中止减让产品清单并征求公众意见,拟对自美进口部分产品加征关税。该清单暂定包含 7 类、128 个税项产品,涉及美对华约 30 亿美元出口

续表

时 间	产 品	详 情
2018 年 3 月 23 日	技术许可	美国在世贸组织争端解决机制项下向中方提出磋商请求,指称中国政府有关技术许可条件的措施不符合《与贸易有关的知识产权协定》的有关规定
2018 年 4 月 3 日	1 300 项产品	美国贸易代表公布对华 301 调查征税建议,并公开征求意见。征税产品建议清单将涉及我约 500 亿美元出口,建议税率为 25%,涵盖约 1 300 个税号的产品
2018 年 4 月 4 日	农产品、汽车、化工品、飞机等	中国政府宣布将对原产于美国的大豆等农产品、汽车、化工品、飞机等 106 项进口商品对等采取加征关税措施,税率为 25%,涉及 2017 年中国自美国进口金额约 500 亿美元
2018 年 4 月 16 日	中兴通讯	美国商务部宣布,未来 7 年将禁止美国公司向中兴通讯销售零部件、商品、软件和技术,因中兴违反了美国限制向伊朗出售美国技术的制裁条约
2018 年 4 月 17 日	高粱	中国宣布对原产美国的高粱实施临时反倾销,进口经营者应依据初裁所确定的各公司倾销幅度向中国海关提供相应保证金(比例为 178.6%)
2018 年 4 月 18 日	钢制轮毂产品	美国宣布对产自中国的钢制轮毂产品发起反倾销和反补贴调查
2018 年 4 月 20 日	浆粕	商务部宣布继续对原产于美国、加拿大、巴西进口浆粕实施反倾销措施

国际贸易战频发,虽没有硝烟却依旧残酷,各国为了本国利益,一次次筑造贸易壁垒,开始新世纪的“国家保卫战”,导致世界上最大的两个经济体之间贸易摩擦一度升级,贸易保护主义悄然抬头。然而,谁也不想往自己的港口扔石头,在不断的贸易摩擦之中,中美不断地进行着关于双方贸易自由的合作谈判。

当贸易保护主义大行其道时,两国能达成协议,停止相互筑造贸易壁垒吗?推而广之,本来各自为营的主权国家,又因何愿意各让一步,主动达成合作的协议呢?这样的协议对双方究竟有何利可言呢?这种形式的合作是如何达成并得到维系的呢?答案就是博弈。通过博弈论,人们能够实现一种更有价值的合作方式。随后,我们将根据中美两国所面临的情形创建一种策略式博弈。

6.2.1 建立阶段博弈

就单一阶段而言,自由畅通的国际贸易有利于国内社会整体福利的提高(但可能会影响某些特定主体的利益,如类似产品的国内生产商)。因此,可以假设如果两国均清除各种进口壁垒,实现自由贸易,其各自的所得为 8;如果两国均采取贸易保护,比较优势难以

发挥应有作用,资源没有被充分利用,各自的所得为5;如果一方实施贸易自由策略,对进口商品仅征收较低的关税且不采取任何旨在限制进口的非关税措施,而另一方实行贸易保护主义政策,在正常关税之外,设置种种贸易壁垒限制商品的流入,其结果就是,采取贸易自由策略的一方在很大程度上丧失了国外市场,

其所得为4,而采取贸易保护策略的国家则保护了国内市场同时也可开拓国外市场,其所得增长为10。

两国各自的策略选择与所得可用图6.3表示。

根据对囚徒困境模型的均衡分析,中、美两国为了实现个体理性,即追求自身利益最大化,不会采取(贸易自由,贸易自由)这一策略组合,因为贸易自由

不是占优策略,双方均有动机改变自己的选择,最后必然稳定在(贸易保护,贸易保护)这一结果上,该结果正是此博弈模型的纳什均衡。可见,选择贸易保护是各国追求个体理性的结果,这一结果必然导致两国间的贸易摩擦不断且逐渐升级。

很显然,我们已经无法解释在国际贸易中为何会出现阶段性合作了。是哪里弄错了吗?难道是我们错判了政治家的喜好?或是我们对目标的假设不合理?为了寻求突破,可以这样自问:为什么这种合作行为集中出现在国际贸易摩擦中,而非大多数其他贸易纠纷里?国际贸易的一个独特特点是国家之间的过招经年不休。各国之间的国际贸易活动不是一次性的,而是经年累月地面对相同的情境(利益关系)并做出决定,以使本国在国际贸易中获得更大利益。

这种策略性互动的重复是解决为什么会在国力竞争激烈的国际贸易里出现合作行为的关键,也是本章节所要探讨的。在许多策略性场景中,重复遭遇能够维持合作,通过合作,每个人获得的收益要高于一次性博弈产生的收益。在6.2.2节,我们会正式创建一个重复博弈。接着,在6.2.3节和6.2.4节中分析这个国际贸易博弈。当然,在进一步的分析中,我们首先假设世界永远太平,各国的国际贸易能够无限持续下去。

6.2.2 创建一个重复博弈

所谓重复博弈,就是指所有参与者周而复始地面对相同的遭遇——阶段博弈的一种情形。阶段博弈是构成重复博弈的组件,或者可以构成有几个固定步骤的其他博弈。例如,图6.3的博弈就是阶段博弈,它将最终演变成一场拉锯战。从阶段博弈到重复博弈的演变过程中,我们有必要重新定义一下游戏规则和收益机制。因为策略完全是为博弈规则制定的,所以如果一个参与者被期望有多次而不是一次遭遇,那么这一套行之有效的规则将有不同的表现。至于收益,我们会很自然地认为参与者不单考虑当前处境所产生的收益,也会考虑所有未来可能的遭遇。

假设中美双方预计会按照图6.4所示的方式发生 T 次贸易往来。两国在未来 n 年每月交易一次共持续 T 次。不妨假设,在图6.4每一对有序的行为组合中首次的行动都是

		美国	
		贸易保护	贸易自由
中国	贸易保护	5.5	10.4
	贸易自由	4.10	8.8

图6.3 中美贸易关系囚徒困境

因我国发起的,但是美国具有不完美信息,因此每个阶段博弈在本质上等同于图 6-3 所表示的同时行动静态博弈。在图 6-4 所示的博弈中,贸易保护(或者贸易自由)是一个策略,但是在重复博弈中这一策略更加复杂,被定义为一种行动(action)。在重复博弈中策略的概念等同于其他任何形式的博弈。对于一个参与者来说,策略仅适用于根据每个信息所设定的行动。因此,一个策略如何,取决于他做出行动时所掌握的信息。

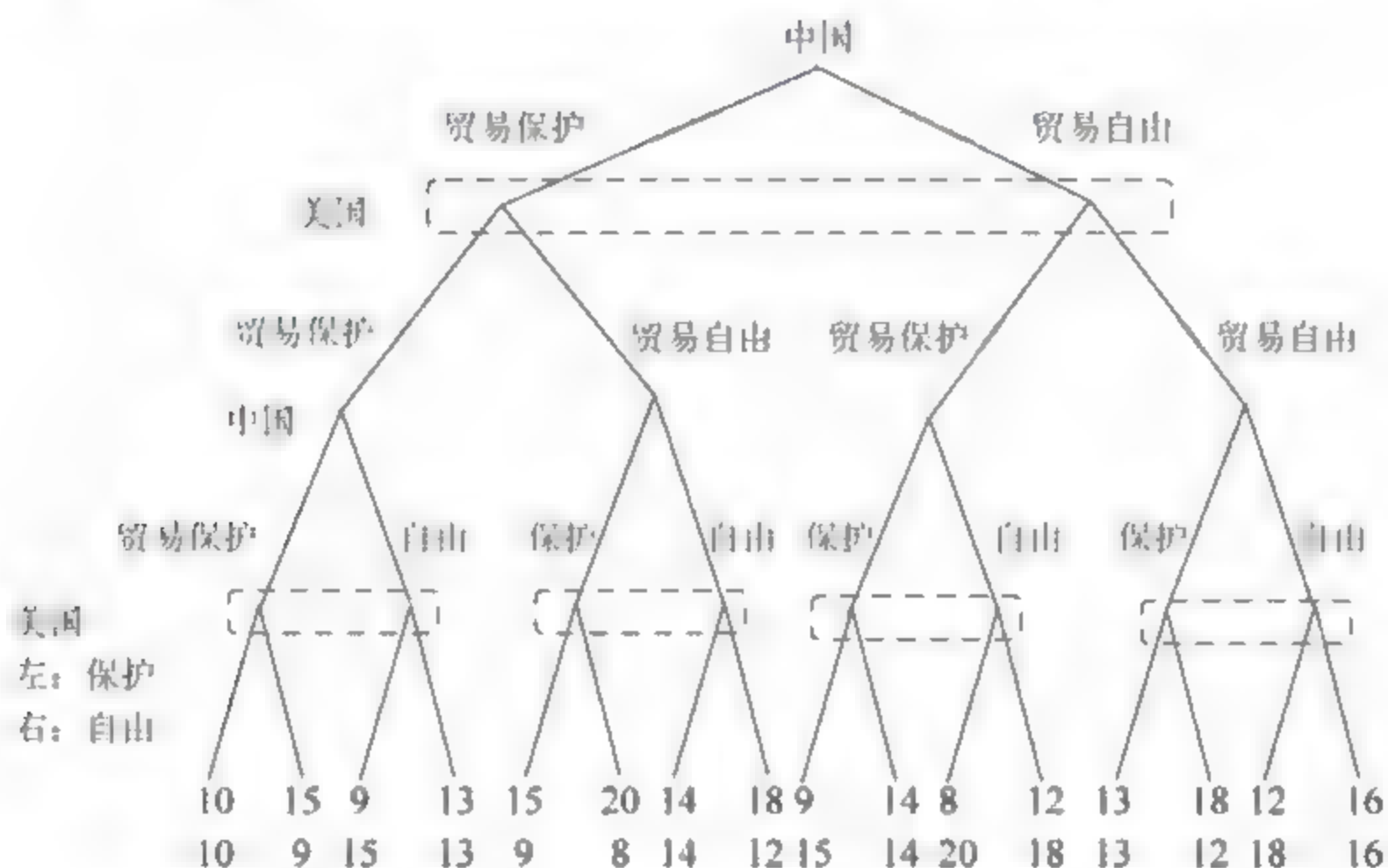


图 6-4 $T=2$ 时国际贸易重复博弈树状图

现实中的信息模式多为闭环信息,也就是说参与者在采取下一次行动时,知晓之前其他参与者行为的历史信息。因此,本章将重点探讨一个历史(参与者过去的行动)是共有知识的案例,正如图 6-4 中的博弈所反应的。实际上,我们可以看出一个简单的策略就可以重新解释关于国际贸易的疑惑。

注:对于一场不确定有多少阶段的博弈($T=$ 无穷)。由于与此相关的信息模式的数量是不确定的,此策略所包含的可能行动的数量也是不确定的。一个策略可能超乎想象的复杂,在此我们暂不做讨论。

重复博弈的另一个组成要素便是收益。正如阶段博弈中的策略在重复博弈中表现为一种行动,阶段博弈中的收益在重复博弈中仅表现为一个阶段的收益。重复博弈中参与者的收益受到每一个独立阶段所获收益的影响。例如,当 $T=5$ 时双方博弈的策略组合为: $\{(\text{贸易自由}, \text{贸易自由}), (\text{贸易保护}, \text{贸易自由}), (\text{贸易自由}, \text{贸易自由}), (\text{贸易自由}, \text{贸易保护}), (\text{贸易保护}, \text{贸易保护})\}$ 。该组合表示:在第 1 阶段中美同时采取贸易自由行动,在第 2 阶段中国采取贸易保护而美国采取贸易自由。从图 6-4 可知,我国每一个独立阶段的收益分别为(8,10,8,4,5)。

考虑到资本(收益)的时间价值,因此各个阶段并非同等重要。进一步,使用阶段收益的简单加总并不能准确衡量多个阶段的收益。换言之,每个人都希望尽早拿到应得的收益,而未来的收益将会有折扣。基于这种想法,我们应该考虑另一种带权重的收益之和。阶段越靠后,数据的权重则越小(而不是把多个独立阶段的收益简单加总)。我们用

u_t 表示阶段 t 所得的收益,那么总计收益表示为 $w_1 u_1 + w_2 u_2 + \cdots + w_t u_t + \cdots + w_T u_T$,其中: $w_1 > w_2 > \cdots > w_T > 0$ 。研究者们更喜欢用下列形式表示权重 $w_t = \delta^{t-1}$,其中 $0 \leq \delta \leq 1$ 。 δ 的经济意义为折现因子或折现系数,用来衡量未来收益折算到现在价值的要素。简言之,现值是指经折现系数打折后的所有单一阶段收益的和,我们计算收益时采用现值的概念能更为准确地反映多阶段的收益总和。

总之,阶段 t 上的数据权重(折现系数)等同于分数 δ 的“ $t-1$ ”次方。我们都知道一个数字乘以分数就会变小,因此权重一定会减小(除非 δ 为 0 或 1,此时它们分别恒等于 0 或 1)。例如, $\delta=0.6$ 。那么 $w_1=1, w_2=0.6, w_3=0.36, w_4=0.216, \cdots$ 当权重以这种形式表示时,整个博弈的要素之和被认为是所有阶段博弈收益的现值之和,表示为 $u_1 + \delta u_2 + \cdots + \delta^{t-1} u_t + \cdots + \delta^{T-1} u_T$ 。

6.2.3 有限次重复博弈

随着重复博弈的建立,我们距离解释中美国际贸易中出现阶段性合作的原因更近了一步。首先假设中国与美国进行了两次交易($T=2$),并且贸易双方都试图使单一阶段的收益之和最大化($\delta=1$)。此时博弈情况正如图 6-4 所示。

这场博弈其实只是前面章节探讨的博弈的扩展形式。回顾前面的内容,我们选择的解决方案是一个子博弈完美纳什均衡,而这一均衡可以用逆向归纳法解决。从图 6-4 中,我们可以看到共有 5 个子博弈:这场博弈自身及第二阶段的 4 个子博弈。而逆向归纳法让我们能够解决纳什均衡的 4 个子博弈。

我们从探讨双方在第 1 阶段都选择贸易保护策略的子博弈开始。图 6-5 给出了这一策略的表现形式,且我们很容易证实它有唯一的纳什均衡(贸易保护,贸易保护)。因此,如果双方在第 1 阶段都选择了贸易保护,子博弈完美纳什均衡会令双方在第 2 阶段做出同样的选择。

现在思考这样一个子博弈:第 1 阶段,中国选择贸易保护而美国选择贸易自由。图 6-6 描述了这一策略形式。这里(贸易保护,贸易保护)还是唯一的纳什均衡,而我们也很容易证实:(贸易保护,贸易保护)在其他二阶段子博弈中也是唯一的纳什均衡。

练习:你能写出任意二阶段子博弈中纳什均衡的求解过程吗?

		美国	
		贸易保护	贸易自由
中国	贸易保护	10,10	15,9
	贸易自由	9,15	13,13

图 6-5 (贸易保护,贸易保护)之后贸易
双方博弈第 2 阶段的子博弈

		美国	
		贸易保护	贸易自由
中国	贸易保护	15,9	20,8
	贸易自由	14,14	18,12

图 6-6 (贸易保护,贸易自由)之后贸易
双方博弈第 2 阶段的子博弈

作为逆向归纳法的一部分,4 个子博弈中的每一个都被相关的纳什均衡的收益所替代。按照这一步骤发展下去会导致图 6-7 所示的结果,它清楚地表明了所描述的博弈

具有唯一的纳什均衡(贸易保护,贸易保护)。但是博弈双方都选择这一贸易保护策略是出人意料的,因为显然双方的选择并没有达到自己能够得到的最大利益。如果把所有的分析连在一起,我们就会发现图6-4中第2阶段的贸易博弈有唯一的子博弈完美纳什均衡。而这场博弈的一系列结果会使他们在阶段1和阶段2都选择贸易保护。

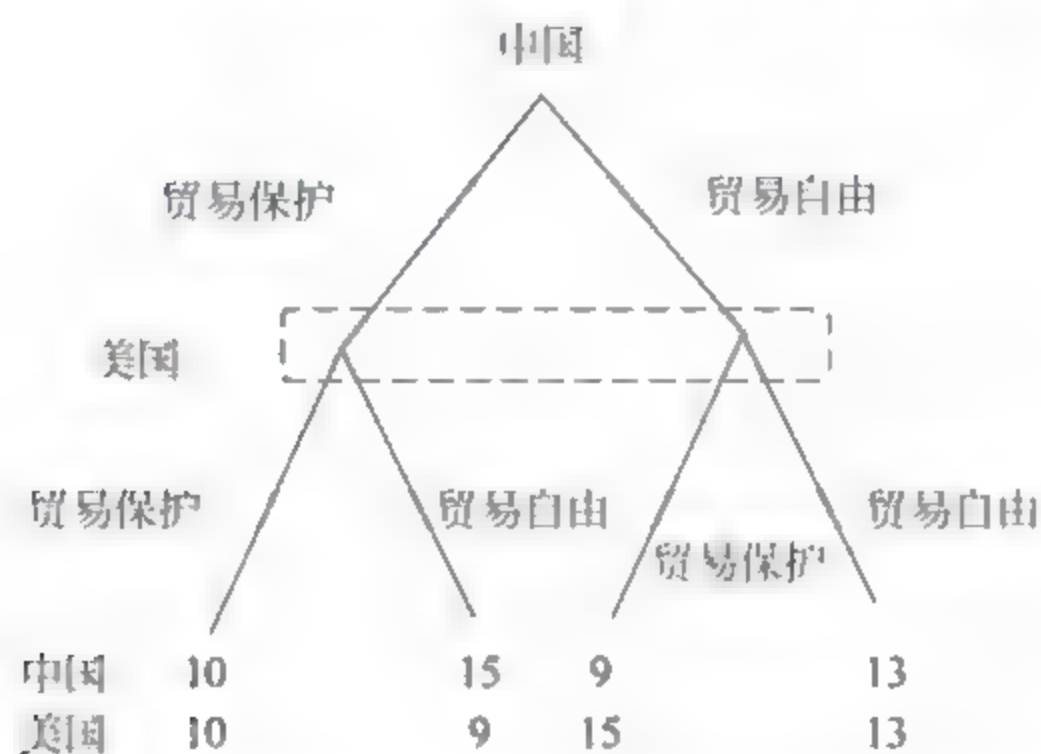


图 6-7 逆向归纳后的两阶段国际贸易的第 1 阶段

至此,读者也许疑惑——为何没有接近这一目标:将“贸易自由”纳入两国的均衡策略。虽然上文完成了由单阶段推至两阶段的过程,但是在此基础上类推后读者不难发现:更长时期内的贸易往来行为对分析并无帮助。不管历经 10 个阶段还是 100 个、1 000 个阶段甚至 100 万个阶段,只要它在有限次后终止,都只有唯一的策略均衡:双方都采取贸易保护主义维护本国利益。

假设一场博弈要经历 T 个阶段而此时已是最后阶段,总收益就是所有单一阶段的收益之和。令 C^{T-1} 和 A^{T-1} 分别表示前 $T-1$ 个阶段中国与美国的收益之和。可以看到, T 阶段面对的子博弈如图 6-8 所示。我们所做的仅是用图 6-8 表示这个阶段博弈(第 T 阶段),并且将 C^{T-1} 加到中国的收益上,将 A^{T-1} 加到美国的收益上。当然,如果在一次贸易博弈中,“贸易保护”压倒“贸易自由”占主导地位,那么就算我们给每个收益加上一个常数($T-1$ 阶段的历史收益累积 C^{T-1} 和 A^{T-1}),收益的比较结果还是一样的。在作为最后阶段的第 T 阶段,很显然对双方来说,采取贸易保护是最佳策略,仍不会偏离单次博弈的纳什均衡。

		美国	
		贸易保护	贸易自由
中国	贸易保护	$C^{T-1}+5, A^{T-1}+5$	$C^{T-1}+10, A^{T-1}+4$
	贸易自由	$C^{T-1}+4, A^{T-1}+10$	$C^{T-1}+8, A^{T-1}+8$

图 6-8 T 阶段的子博弈

现在逆推第 $T-1$ 阶段的情形。因为第 $T-2$ 阶段之前的收益之和已经确定,当两国进入第 $T-1$ 阶段博弈时,面对的实质上仍然是图 6-3 中的囚徒困境博弈,必然会出于当

前利益最大化的考虑,再次选择贸易保护主义。

这一推论可以说明双方在 $T-2, T-3$ 阶段直到倒退至第 1 阶段都会选择贸易保护作为策略。因为,在双方面临阶段 T 的博弈时,第 $T-1$ 阶段的收益不会再发生改变,也不会受贸易双方 T 阶段的行动影响。因此,最明智的行为意味着选择最大化当前收益的策略。正如图 6-8 所示的博弈,贸易保护显然是最佳策略。到了阶段 $T-1$,之前的总收益也是固定的且不受阶段 $T-1$ 策略的影响,所以阶段 $T-1$ 的情形仍然像一次性博弈: $T-1$ 阶段的行动只会影响 $T-1$ 阶段的收益,且 $T-2$ 阶段的行动只会影响 $T-2$ 阶段的收益,总之过去的事情是无法改变的,将来要发生什么也不受其他阶段影响。也就是说, $T-2$ 阶段的情形依然像一次性博弈。这种逻辑可以被持续应用到未来任一阶段,因此在任一阶段双方都会选择贸易保护。

这一逻辑不仅可以运用到重复的贸易博弈中,也可以运用到任何有特定阶段的重复博弈中,只要这种博弈的阶段博弈存在纳什均衡。对于阶段博弈来说,纳什均衡的重要性在于它能够确定最后一个阶段博弈双方的选择。因此可以得出这一结论,即倒数第 2 阶段的行为不会影响最后一个阶段的选择。以此类推,每一阶段的博弈都是当前的“最后一次”博弈,其之前的博弈不会影响博弈双方的选择,那么实质上,每一阶段的博弈都依然是一次性博弈,重复地归纳到任何阶段直到初始阶段,博弈的双方都会选择做出能达到纳什均衡的行为。

阶段性结论: 如果阶段博弈 G 有唯一的纳什均衡,对于任一有限次重复博弈 G' 来说,“始终重复阶段博弈中的纳什均衡”这一策略是唯一的子博弈完美纳什均衡。博弈双方没有可预见的合作,只有始终如一的竞争。

6.2.4 无限次重复博弈

有限次重复的贸易博弈存在一个隐含的重要特征,即贸易双方明确地知道交易何时会走向终止。这一特征是分析的关键,因为我们要讨论何时是一场博弈的最后阶段。如果参与者知道这是最后一次交易,他们就会像前文的分析一样,把自己面对的博弈看成是一次性博弈。然而在现实中,尽管贸易双方存在着摩擦和一系列的问题,但是他们心中清楚地明白:只要世界经济可持续运行,他们之间的贸易往来就不会停止。

如果一场博弈不具备“信息透明”这一特性,则意味着这场博弈所持续的阶段是不明期界,博弈双方并不能确定哪一阶段是博弈的终止时点,也就是说这场博弈有持续下去的可能,但是参与者并不能明确判定。例如,假设每一阶段,中美再次与对方交易的概率为 p ,因此当前的交易是他们最后一次交易的概率为 $1-p$ 。有一点是很重要的,参与国在决定如何做时,他们不确定在未来是否会与对方再次交易(他们的关系有持续下去的可能,但只是可能)。但当 $p=1$ 时,博弈具有无限期界,参与国的交易也肯定会持续下去。

正如现实世界中美不会断交,我们假设这场博弈是无限次的。但是也要记住“参与者从来都不知道当前阶段是他们相互影响的最后阶段”,是这一假设成立的决定性条件。值得注意的是,这场博弈所持续的阶段是不确定的($0 < p < 1$)还是无限次的($p=1$),将分别导致不同的结果,这涉及动态规划的内容,本书不再展开。有兴趣的同学可以自行参阅相

关书籍。

无限次重复博弈的策略规定了每个历史时期每个阶段参与者的行为。与有限次重复博弈的分析不同的是,因为不存在最后的子博弈去开始这个过程(哪一阶段是最后的子博弈不能确定),逆向归纳法并不适用于无限次重复博弈。同时,尽管我们缺少一个快速得出子博弈完美纳什均衡的方法,但是依然可以提出一些候选策略,看是否是纳什均衡。

在不完美信息下的动态博弈中,对每个子博弈而言,子策略就是一个纳什均衡,这个策略被定义为子博弈完美纳什均衡。子策略是参与者策略的一部分,而对应的子博弈仅仅决定了由子博弈中的信息模式所规定的行动。类似地有如下重复博弈中的子博弈完美纳什均衡的定义。

子博弈完美纳什均衡: 在一个重复博弈中,对于某一参与者的某一策略来说,给定

- (1) 其他参与者在当前阶段按照他们自己的策略行事,
- (2) 所有参与者(包括替补参与者)将来按照他们的策略行事,

当且仅当每个历史时期的每一阶段该策略所规定的行为都是该参与者的最佳选择,满足这一条件的策略就是子博弈完美纳什均衡。换言之,假如其他参与者按照他们的策略行事且第一个参与者将来按照他的策略行事,此时那个特定的参与者的策略就能为其指定最佳行为。

为了直截了当地解决问题,我们只需博弈的某一方是忠于自己策略的参与者,在一些背叛行为发生后他依然会遵从自己的策略。我们将以此为基础寻找无限重复博弈中的纳什均衡。

首先,我们来看一个简单的策略:任何阶段,任何时候,博弈双方都选择贸易保护。尽管过去这一策略并没有令每一个参与者为他所作的选择负责,但是请记住,这仅仅是因为过去对每一个参与者而言,让自己的行为可能发生而非必须做出某种行为是有可行性的。接着让我们证明:如果中美双方都选择这一策略,那么对无限次重复的贸易博弈而言,它将是一个子博弈完美纳什均衡。

在这个简单的博弈中,不管处于哪一阶段,哪个历史时期,两个参与者的策略都要求他们做出同样的行为:贸易保护。从而,当前阶段及所假设的每一阶段参与者都希望得到两个单位的收益。这一选择使参与者获得的当前收益为

$$5 + \delta \times 5 + \delta^2 \times 5 + \delta^3 \times 5 + \dots = \frac{5}{1-\delta} \quad (6-1)$$

其中 δ 是折现因子(系数)。

为了对比,若一方在当前阶段选择贸易自由,此后仍然采择贸易保护。此时收益为

$$4 + \delta \times 5 + \delta^2 \times 5 + \delta^3 \times 5 + \dots = (5 + \delta \times 5 + \delta^2 \times 5 + \dots) - 1 = \frac{4+\delta}{1-\delta} \quad (6-2)$$

根据这一策略,选择贸易自由的一方今天将得到4个单位的收益(参与者本身都倾向于贸易保护)而未来得到5个单位的收益(据他们的策略,出于保护本国生产企业双方都会选择贸易保护)。很显然,当 $\delta < 1$ 时, $\frac{5}{1-\delta} > \frac{4+\delta}{1-\delta}$ 成立,所以贸易保护产生的收益较高,即该策略是子博弈完美纳什均衡。还有另一点可以解释为什么贸易保护这一策略更受参

与者青睐,那就是当前阶段此策略产生较高的收益(5对4),且未来所得收益与另一策略产生的收益相同。

至此我们已经证明出:只要中美一直保持贸易往来,每一阶段双方都采取贸易保护措施就是一个子博弈完美纳什均衡。但是,这依然与我们要解释中美双方国际贸易发生合作的目标背道而驰。

考虑到之前的策略比较“简单粗暴”,没有合作共赢的可能性。现在我们思考下面的这对策略组合:

(1) 阶段 1: 选择贸易自由。

(2) 阶段 $t(t \geq 2)$: 如果双方过去一直都选择贸易自由,则选择贸易自由;否则,选择贸易保护。

如果双方都采用这一策略,那么他们将选择合作的方式以贸易自由开始这场博弈(事实会证明,善有善报,怀着善意结果总会好些)。只要双方一直遵守合作原则,没有谁先采取贸易保护,这一规则会永远得以存续。但是只要有人违背游戏规则(一方首先贸易保护),那么之后双方都会放弃合作选择贸易保护。这就是我们所说的“冷酷策略”。任何违背游戏规则的行动都会招致惩罚,那就是双方在未来确定的阶段都会贸易保护。

如果双方都采用“冷酷策略”,会导致大家所渴望的国际贸易合作吗?换言之,每个阶段参与者都不会使用贸易保护来打压对方吗?我们所要做的就是证明这个策略是一个均衡,更具体的证明正是基于这一策略参与者在任何历史时期的任何阶段都做出了最明智的选择。从表面上看,这确实很难。因为这场博弈经历了无限个阶段,无限个历史时期。让我们考虑如下两个案例。

首先,设想这样一个阶段,在此阶段没有人选择贸易保护。这个阶段可以是第 1 阶段也可以是之后的任何阶段,不过之前双方都选择贸易自由。如果一个国家的策略是选择贸易自由,那么其期望收益为

$$8 + \delta \times 8 + \delta^2 \times 8 + \delta^3 \times 8 + \dots = \frac{8}{1-\delta} \quad (6-3)$$

因为选择贸易自由的国家也不希望交易对手采取贸易保护,并且希望未来双方都保持贸易自由。为了证明后一主张的正确性,每个参与者都希望所有的参与者未来按照他们自己的策略行事。如果中美双方当前阶段都选择贸易自由,那么根据两国所采用的冷酷策略,下一阶段它们也不会用贸易保护打压对方。因为之前的任何阶段没有一方打破合作,采取贸易保护,这个推理也适用于之后的任何阶段。

这一策略产生的收益在当前阶段大于等于其他策略产生的收益时才能达到均衡。为了对比,唯一的选择就是贸易保护,贸易保护所产生的收益为

$$10 + \delta \times 5 + \delta^2 \times 5 + \dots = 10 + \delta \left(\frac{5}{1-\delta} \right) \quad (6-4)$$

所以,对方背叛合作而采取贸易保护时能获得较高的当前收益 10。但是这个策略是以得到应有的惩罚为代价的:据双方的策略,他们在确定的阶段通过贸易保护的方式回应那些背叛贸易自由的参与者,这样获得较低的收益 5。

为使贸易自由策略产生的收益在当前阶段大于等于其他策略产生的收益,以满足均衡条件,需要使式(6-3)大于等于式(6-4),即

$$\frac{8}{1-\delta} \geq 10 + \delta \left(\frac{5}{1-\delta} \right) \quad (6-5)$$

一旦满足不等式(6-5),此时每一方参与者都愿意选择“贸易自由”作为自己的策略。这一对策略(或称策略组合)才成为一个子博弈完美纳什均衡。

请注意,一个策略必须为每一历史时期每一阶段的行为提供最准确的指示。我们已经评价了每一历史时期每一阶段这一策略的最优性。但是这一策略并不是长久的最佳策略,因为当且仅当不等式(6-5)成立时,“冷酷策略”才是一个子博弈完美纳什均衡。而不等式(6-5)成立的条件是 $\delta \geq 1/2$ 。

从上述式子可以看到,如果 $\delta \geq 1/2$,这个“冷酷策略”就能满足子博弈完美纳什均衡的条件。 $\delta \geq 1/2$ 意味着双方要有足够的耐心。只要双方对未来有足够的耐心,对未来收益的折现就会足够高。当折现因子大于 $1/2$ 时,冷酷策略就是一个均衡——请注意,是一个均衡。因为一般来讲可能存在的均衡不止一个。到此为止,中美国际贸易中会出现合作这一问题得到了圆满的解决。

满足条件 $\delta \geq 1/2$ 是维持合作关系的一般原则。我们设想双方一直保持一致,采用贸易自由。如前所述,如果一方选择贸易自由,并且希望继续维系合作关系,该国所获得的当前收益及未来收益都为8。相反,如果有一方贸易保护,双方都会卷入残酷的贸易之争,这样它将获得10个单位的当前收益,但是未来每个阶段的收益仅为5。这是中美双方每个阶段都在面对的一场交易,即愿不愿意用当前收益的增加换取未来收益的下降。

为了达到均衡,中美贸易之间的合作一旦发生背叛,所导致的未来损失必须高于当前收益才行。因此,博弈双方对于未来的重视程度就成为均衡是否发生改变的重要考量。易知 δ 的值越大,对未来收益的赋权越大,足够大时才能维持合作均衡。对此,我们的条件非常明确;为了使“冷酷策略”达到均衡, δ 值不能低于 $1/2$ 。

为什么只要调整了双方的基准策略(从选择最简单的策略到“冷酷策略”),均衡就会有改变的契机?这里隐含着一个重要事实:博弈双方会凭着自己每一个阶段的行动得到奖惩。不同的奖惩方案可能会造就不同的纳什均衡。

因此,在我们的分析中最重要的是奖惩方案。一方面,如果美国保持合作的协定,中国会在未来报答美国的这一行动,未来交易时尽量采用贸易自由;另一方面,如果美国违背了合作协定,那么中国也会做出回应,惩罚这一行动。这一奖惩方案对于中国也同样适用。从而,我们得出如下结论。中美双方维持合作不是由于国家之间的友谊,而是出于国家利益的考虑,意即为了减少未来贸易摩擦的概率,双方都在努力维持合作关系。反之,这种合作期待也会使得双方对未来的收益赋予较高的权重(折现因子)。

尽管我们是通过分析一场具体博弈(中美贸易博弈)、一套具体策略(冷酷策略)而得到的上述结论,但是维系合作关系的方案却具有普遍适用性。首先,对于任意一个博弈,阶段博弈的纳什均衡并非都是最佳的(意指不能真正地使双方利益最大化,未达到帕累托

最优)。对参与者来说,仍有其他一系列行动作为选择以使所有的参与者保持合作。例如,在中美贸易博弈中,(贸易保护,贸易保护)并非在所有阶段都是最佳的策略,在某些阶段,双方参与者保持休战状态(贸易自由,贸易自由)才是最佳策略。其次,无限次重复博弈及其对应策略所产生的收益让参与者选择了真正意义上的最佳策略。但是请注意,这样的行动并不会形成单一阶段博弈的纳什均衡,因为背叛合作可以获得更多的短期收益。现在,阻止违背协议的行动发生的唯一方法就是用较低的未来收益威胁参与者。而只有在参与者足够重视未来收益时,这种威胁才能生效。换句话说, δ 必须足够大。如果 $\delta=0$,那么参与者不会关心未来收益,只是专注于当前收益。此时他们确实会违背协议,所以合作关系是不稳定的。这一推测可导出如下一般结论。

为了使合作关系足够稳定,必须满足一些条件。首先,遭遇必须是重复的,并且未来总有遭遇的可能。其次,参与者如何行动必须具有可知性。假设这场博弈的历史是共同知识,则已经隐含了这个条件。当且仅当违背协议的行为是可以被知晓的,进而可以被处罚的,此时惩罚机制才能得以运行。最后,参与者必须足够关心未来所发生的事情及对自己收益的影响。

阶段性结论:在不确定重复博弈或者无限次重复博弈中,未来总有交手的可能。如果参与者足够关心他们的未来福利并且未来也有足够大的交手的可能性,那么此时就可能达到合作性均衡。

6.3 信息不对称下的重复博弈*

上文所讨论的重复博弈都是信息对称的。即使少数博弈中有参与者不完全了解得益情况或者无法观察其他参与者的某些行为,但也可以根据一些决策解决问题。因此可视同信息对称。实际上,人们在现实决策活动中对信息的掌握并不总是那么充分与对称。购买商品时消费者可能缺乏对商品质量的了解;在雇用员工时企业人事经理很难了解应聘者的真实素质;销售人寿保险时保险公司常苦于缺乏投保人健康情况的信息。信息的不充分和不对称通常会影响人们进行判断与决策,也会影响重复博弈中参与人的策略。对信息不对称下重复博弈问题的研究,除了博弈论研究本身的需要以外,也是研究信息在社会经济活动中的作用价值。

从上述两节的分析中读者不难体会到,在重复博弈中实施奖励和惩罚能够对参与者的行动或策略具有重要的影响,这才使得合作成为可能。至此你也许已经理解了黑手党的成员为何不愿背叛或告发同伙:一旦被组织发觉,他会很难逃过组织的谋杀,甚至他的家人也难逃厄运。即使没有这种界限明确的组织存在,社会规范也会对他施加约束。文明的出现就是这个赏罚机制的确立,而道德与国家则旨在建立这样的机制。如果说“不道德”行为在一次性博弈中广泛存在尚且情有可原,若其在重复博弈中广泛存在则是社会的失范。例如,兵不厌诈与尔虞我诈所带来的社会意义大不相同——尽管都是欺诈,但是前

者是陌生人之间的一次性对弈,而后者多发生在伙伴或熟人之间的多次交往中。正如本书在其他章节对利他、公平等社会信念的论述,在现代社会中,支撑社会规范存续的因素有很多种,而作为新时代的大学生,保有积极向上、兼容并包的价值观是个人未来发展和贡献社会的良好基石。因此在本书中,我们暂时抛开对道德的奖惩作用的讨论,而转向另一种因素:声誉。

在博弈论研究中,声誉效应被广泛采用以便考察不完全信息下的重复博弈。何以如此?因为在不完全信息博弈中,参与者如何通过信号向他人传递自身的合作取向(类型)非常重要;同时,奖励和惩罚也会累积形成某种信号,用以表征参与者的类型,而这个信号就是声誉。本节将通过 eBay 和淘宝等 C2C(消费者对消费者)信用评价机制来介绍不完全信息重复博弈中的声誉效应与合作均衡。

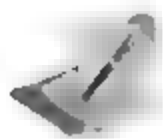
6.3.1 信息不对称和声誉效应

如前所述,在信息完备的情况下,有限次重复博弈会产生连锁店悖论,有限次囚徒困境博弈也有类似的结果。这表明,完全信息条件下的有限次重复博弈不可能导致参与人的合作行为。在这种情况下,没有声誉效应产生,也不存在对声誉的解释,因为参与人都没有建立良好声誉的积极性。声誉,就是名誉、声望的意思。在经济学中,关于声誉的最常见概念是在有关“序列均衡”的著作中所描述的:

声誉是一种“认知”,即在信息不对称的条件下,一方参与人对于另一方参与人的某种类型的认知,且这种认知不断被更新,以包含两者间的重复博弈所传递的信息。

声誉在人类社会的形成过程中就这样产生。在长期的博弈过程中,参与者在信息的交流过程中逐渐了解彼此是何种类型的“认知”,而这种“认知”正作为一种制度性知识协调了分工,从而促进了合作。此外,它直接或间接地激发了参与者之间的信任关系,降低了交易成本。正如巴菲特所说:“要赢得好的声誉需要 20 年,而要毁掉它,5 分钟就够。如果明白了这一点,你做起事来就会不同了。”

克雷普斯等的声誉模型通过将不完全信息引入有限次重复博弈,解决了连锁店悖论。他们证明,参与人对其他参与人的不完全信息对均衡结果有重要影响。只要博弈重复的次数足够多,合作行为将会在有限次博弈中出现。不完全信息下的无限次重复博弈也存在合作均衡,这一点也在后来被证实。下面我们来看 eBay 和淘宝等 C2C 交易平台如何通过信号传递机制来显示卖家的声誉,并分析声誉效应在重复博弈中的作用。



案例分析: eBay 和淘宝的信用评价机制

美国 eBay 公司(www.ebay.com)是全球最大的 C2C 交易网站。它于 1995 年 9 月 4 日由 Pierre Omidyar 以 Auctionweb 的名称创立于加利福尼亚州圣荷西。当时 Pierre Omidyar 的女朋友酷爱 Pez 糖果盒,却为找不到同道中人交流而苦恼。于是 Omidyar 建立起一个拍卖网站,希望能帮助女朋友和全美的 Pez 糖果盒爱好者交流。令 Omidyar 没有想到的是,拍卖网站非常受欢迎,很快就被收集 Pez 糖果盒、芭比娃娃等物品的爱好者挤爆。1997 年 9 月网站正式更名为 eBay。2003 年 3 月,eBay 公司收购了中国最早的网

上 C2C 交易网站——易趣,易趣也改名为 eBay 易趣(www.ebay.com.cn)。eBay 本身并不销售商品,它只是为买方和卖方提供一个网上交易场所及其他附带的服务,并以此作为盈利模式。在节日期间,eBay 是全世界消费者的购物圣地之一,拥有 1.8 亿全球活跃买家。仅 2016 年全年,eBay 的商业平台就促成了数十亿笔交易,商品交易总额达到 840 亿美元,收入 90 亿美元。

淘宝网(www.taobao.com)则由阿里巴巴公司于 2003 年 5 月 10 日投资创办。凭借本土化的策略,淘宝网与 eBay 易趣已成为国内领先的 C2C 网上交易平台。相比易趣,淘宝网的用户社区更活跃,且更早地为买家和卖家提供了即时通信工具。凭借免费和本土化的策略,2005 年淘宝网已超过了易趣,成为中国最大的 C2C 网上交易平台。截至 2014 年底,淘宝网拥有注册会员近 5 亿,日活跃用户超 1.2 亿,在线商品数量达到 10 亿,在 C2C 市场中,淘宝网占 95.1% 的市场份额。

目前,网上交易大多建立了双向信用评价体系,提供一个低成本的信息收集、传递的平台。例如,eBay 和淘宝网上的信用评价体系的基本原则是:买家和卖家每成功交易一笔,就可以对交易对象作一次信用评价,如图 6-9 所示。就淘宝网来讲,要求交易完成以后,交易双方必须进行信用评价,如果买家或卖家(一般是买家)在规定的时间内没有进行评价,系统自动地给予对方好评。卖家认为买家给予的差评不合理也可提交淘宝网仲裁,避免了买家以威胁给予卖家差评来敲诈卖家。另外,淘宝网也制定一些规则防止卖家用不真实的交易来炒作信用。总的来说,网上交易的信用评价体系目前已比较成熟,可以很好地衡量交易者的声誉。

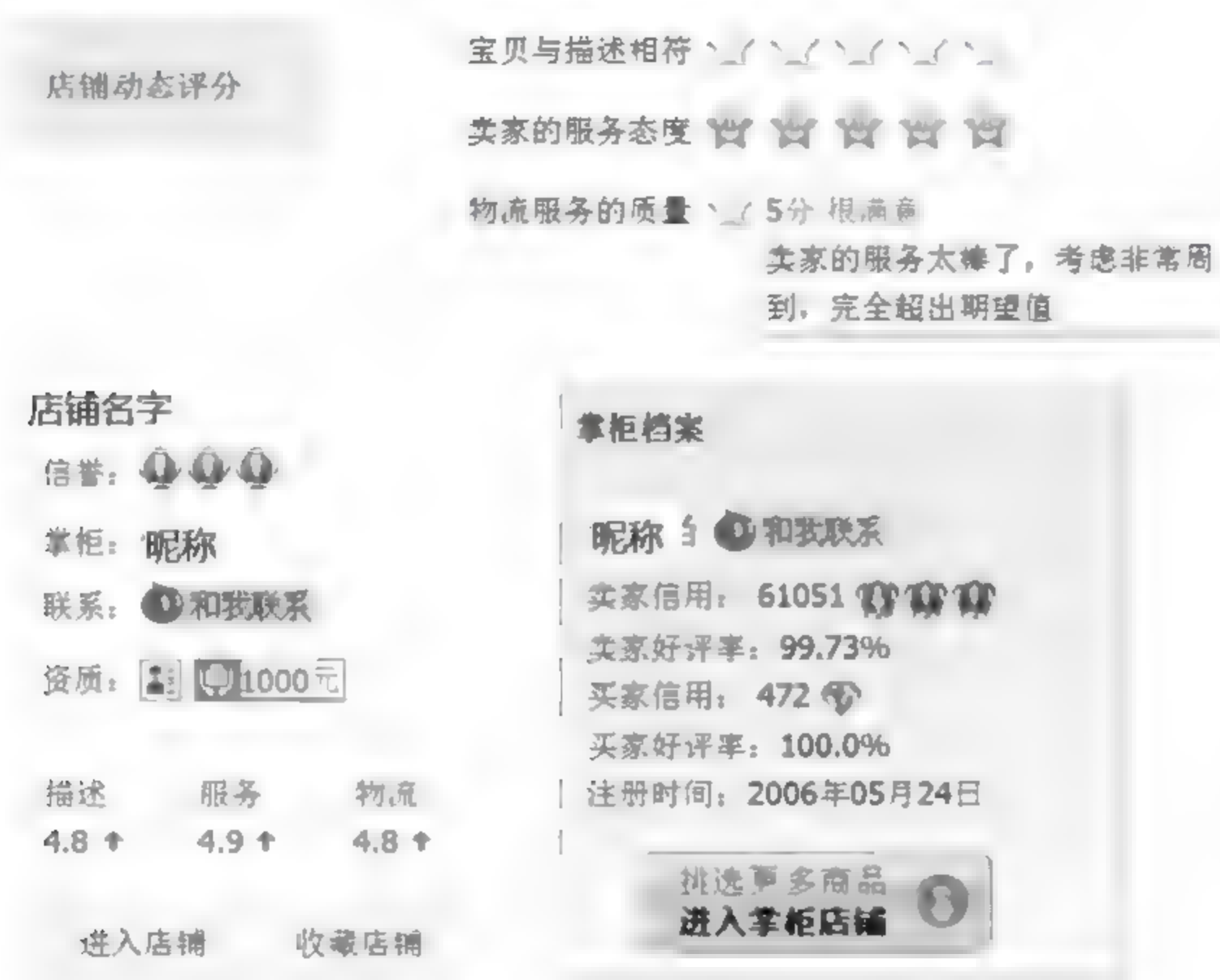


图 6-9 淘宝网某卖家的信用等级和买家的评价界面(2015 年 8 月 18 日)

给卖家的打分参考标准摘录如下。

1. 宝贝与描述相符

5分——质量非常好,与卖家描述的完全一致,非常满意。

4分——质量不错,与卖家描述的基本一致,还是挺满意的。

3分——质量一般,没有卖家描述的那么好。

2分——部分有破损,与卖家描述的不符,不满意。

1分——差的太离谱,与卖家描述的严重不符,非常不满。

2. 卖家的服务态度

5分——卖家的服务太棒了,考虑非常周到,完全超出期望值。

4分——卖家服务挺好的,沟通挺顺畅的,总体满意。

3分——卖家回复很慢,态度一般,谈不上沟通顺畅。

2分——卖家有点儿不耐烦,承诺的服务也兑现不了。

1分——卖家态度很差,还骂人、说脏话,简直不把顾客当回事。

与“熟人社会”相比,淘宝网是一个“陌生人”社会。陌生的交易双方信息是不对称的。在交易过程中卖家知道商品的质量状况,处于信息优势的地位;而买家只能通过卖家提供的商品图片和文字介绍来了解商品信息,对于商品的质量只有在交易完成后才知道,处于信息劣势。具有信息优势的卖家会有选择欺骗的机会主义倾向。然而,淘宝并没有因为逆向选择的存在而变成柠檬市场,反而在10余年间成为中国最大的在线交易网站。是什么机制有效地遏制了卖家的机会主义倾向,又是什么机制强化了“陌生人”之间的信任关系而使买卖双方都成为淘宝的长期客户呢?

6.3.2 C2C 交易中的声誉效应

本小节将介绍C2C交易平台中卖家的信用评价机制。C2C在线交易是一个典型的多人参与的重复博弈。卖主掌握着不为人所知的私人信息(如他的产品质量、忠诚度等)而处于信息优势,买主仅能根据卖主提供的图片、介绍等来了解物品,处于信息劣势。信息不对称影响着卖主(知情参与者)的行动以及买主(不知情参与者)的支付。一般来讲,卖主在竞拍结束并收到付款信息后决定是实施欺骗还是诚信发货,买主根据其掌握的信息决定在竞拍时愿意支付的最高价格。在这种松散的网络交易平台上,声誉效应(也即不断完善的信用评价机制,具体体现为动态评分)使得C2C交易蓬勃壮大,交易日盛。在图6-10这个简单的eBay交易模型中,读者可以看到声誉效应是如何发挥作用的。

(1) 买主A与卖主建立交易关系并进行交易。

(2) 买主A根据交易的结果,如产品品质、卖主诚实的实施情况以及买主的满意程度等,形成对于卖主是何种类型的认知并对其声誉做出评价。该评价以信息的形式进入eBay的声誉显示系统。

(3) 经过eBay在线对于信息的收集、聚合和整理,有关卖主声誉的信息被公布出来,该信息一方面到达卖主,使卖主获悉市场对其声誉的评价;另一方面到达潜在的交易群体,成为公共信息供他们决策之用。

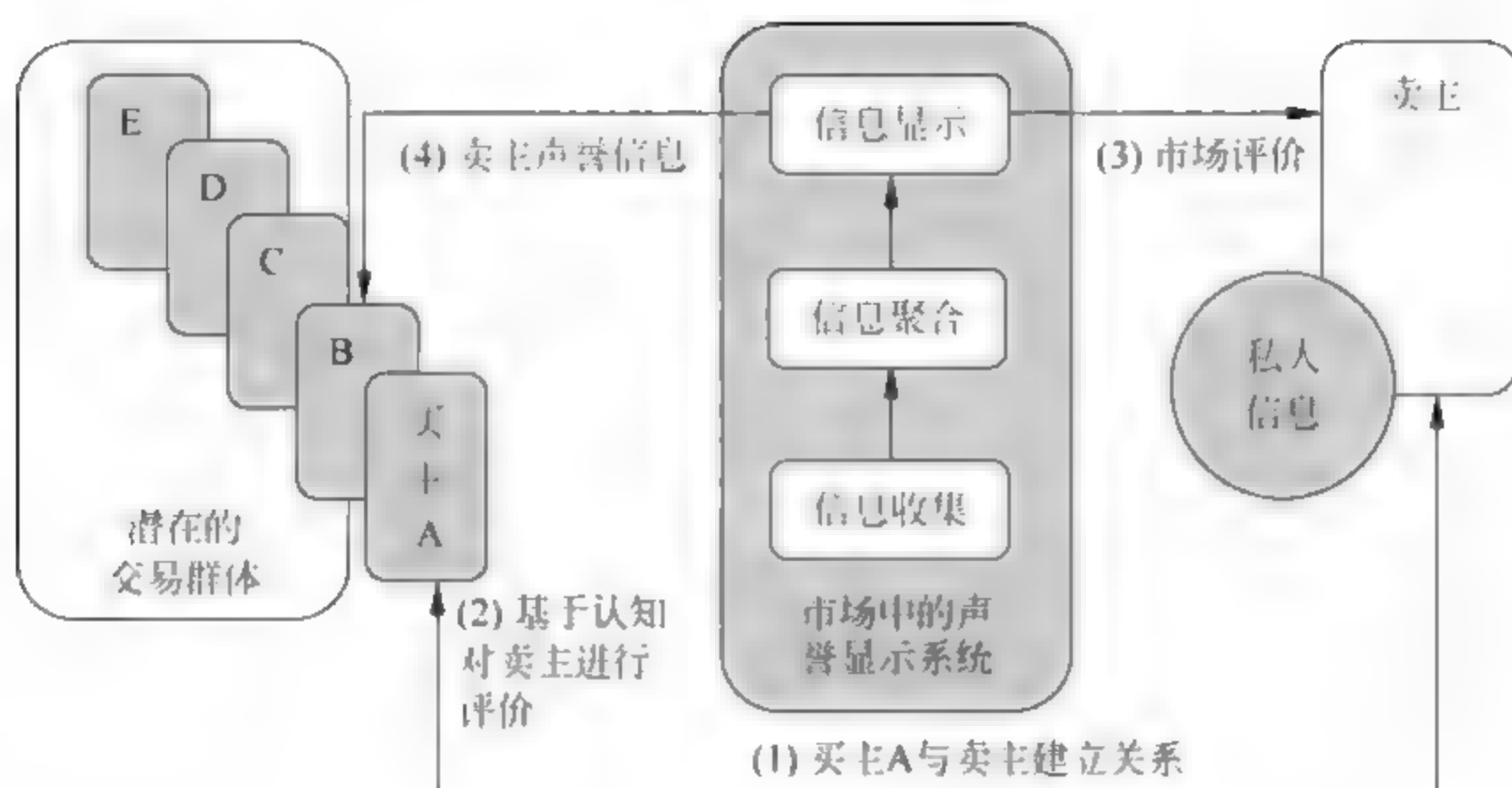


图 6-10 eBay 在线竞标中“声誉效应”作用

我们假定在 C2C 交易平台上存在一个长期的卖主,有无数短期买主在关注他的商品。

1. 卖主的类型

卖主可能是有机会主义倾向的策略型,会适时采取欺骗战略来最大化其收益;也可能是诚实守信的诚信型,永远都不会欺骗顾客。在交易前买主虽然不清楚卖主的类型,但是他们对于卖主是否诚信有一个初始信念(概率分布),这就是买主对卖主声誉的一种认知。关于信念,请参考本书第 2、4、5 章的相关内容。如果不存在信息反馈机制,即买主过去的交易结果(包括买主的满意程度、卖主的诚信程度等)不被交流,买主无法获知关于卖主类型的信息,那么策略型卖主将总是选择欺骗。这种情形类似于一次性囚徒困境博弈。一旦短期的买主认识到这一点,将永远不会选择购买。这样,C2C 交易平台将很难存活。

2. 买主的评价

简单起见,假定信用评价机制仅提供正、负两类信息反馈,即只有“好评”和“差评”两种。如若卖主实施欺诈,他总是得到一个负反馈(买主给予卖主一个差评),若其诚信合作,他依然会以概率 π 得到负反馈。这个概率也被称作噪声。一个特例就是 $\pi=0$,表示市场中没有噪声干扰,所有诚信合作的卖主都会得到好评。

3. 买主的信念

基于市场对卖主信息的反馈,买主形成了关于卖主是诚信类型的概率为 h 这样一种认知(这就是卖主的声誉),以及策略型卖主诚信的概率为 $s(h)$ 的认知。 $s(h)$ 是关于卖主信誉的一个函数。

至此,我们列举可能涉及的概率:

π : 在卖家诚信的条件下获得“差评”的概率,亦即噪声,记作 $p(\text{差评}|\text{诚信型})$ 。

$1-\pi$: 在卖家诚信的条件下获得“好评”的概率,记作 $p(\text{好评}|\text{诚信型})$ 。

$(1-\pi)s(h)$: 在卖家是策略型的条件下获得“好评”的概率,记作 $p(\text{好评}|\text{策略型})$,等于策略型卖家选择诚信的概率 $s(h)$ 乘以“假扮”诚信后又获得“好评”的概率 $(1-\pi)$ 。

$1 - (1 - \pi)s(h)$: 在卖家是策略型的条件下获得“差评”的概率, 记作 $p(\text{差评} | \text{策略型})$, 等于 $1 - p(\text{好评} | \text{策略型})$ 。

4. 买主的策略

根据拍卖理论, 买主将以其预期估价来参与竞价。 $[h + (1 - h)s(h)]W$ 即为买主对物品的预期估价, 其中 W 是买主对于物品的价值评估。式中涉及卖主为诚信型时的概率 h 、卖家为策略型且选择诚信时的概率 $(1 - h)s(h)$ 。注意, 卖家为策略型且欺骗时的估价为 0 (意指如果买家认识到这一点, 则不参与竞价, 视同估价为 0)。那么, 买主竞标的价格将不高于 $[h + (1 - h)s(h)]W$ 。

买主信念(或称对卖家声誉)的更新:

如果在当前阶段卖主得到一个负(正)的评价, 下一个买主(或同一个买主在下一个阶段)就会根据贝叶斯法则向下(向上)更新他对于卖主声誉的认知。更新可向两种相反的方向发生。

(1) 向下修正(获得“差评”), 卖主声誉水平下降:

$$h^-(h) = \frac{p(\text{差评} | \text{诚信型})p(\text{诚信型})}{p(\text{差评} | \text{诚信型})p(\text{诚信型}) + p(\text{差评} | \text{策略型})p(\text{策略型})} \\ = \frac{\pi h}{\pi h + [1 - (1 - \pi)s(h)](1 - h)}$$

(2) 向上修正(获得“好评”), 卖主声誉水平上升:

$$h^+(h) = \frac{p(\text{好评} | \text{诚信型})p(\text{诚信型})}{p(\text{好评} | \text{诚信型})p(\text{诚信型}) + p(\text{好评} | \text{策略型})p(\text{策略型})} \\ = \frac{(1 - \pi)h}{(1 - \pi)h + (1 - \pi)s(h)(1 - h)} = \frac{h}{h + s(h)(1 - h)}$$

在概率理论中, $h^-(h)$, $h^+(h)$ 分别指示在“差评”条件下卖主诚信的概率和在“好评”条件下卖主诚信的概率。通俗地讲, 它们是在既有评价的基础上买主所形成的关于卖主诚信的新信念(卖家的声誉)。



概念解读: 关于信念的更新过程, 可通过下例理解

在整个 C2C 市场中诚信型卖主的占比会正向地影响策略型卖主的诚信行为——诚信型卖主越多, 策略型卖主选择诚信的比例也将越高。因此假设买家的信念是策略型卖主选择诚信的概率与 h 成正比关系。

阶段 0: 假设在当前的买主信念中卖主声誉为 $h = 0.5$, 而策略型卖主选择诚信的概率为 $s(h) = 0.5h$, 无噪声即 $\pi = 0$ 。则诚信型卖主总是获得“好评”, 而策略型卖主有 25% 的可能性通过选择诚信而获得“好评”, 剩余 75% 则获得“差评”。此时, 在买主给出差评的条件下, 卖主为诚信型的概率为 $h^- = 0$ 。意即获得“差评”的卖主总是策略型的。而在买主给出好评的条件下, 卖主为诚信型的概率为 $h^+ = 0.5 / [0.5 + 0.5 \times 0.5 \times (1 - 0.5)] = 80\%$, 而为策略型的概率则是 20%。

阶段 1: 新卖主将会依据评价更新自己的信念。

(1) 当买主遇到被差评的卖主时, 则更新自己对卖主的信念 $h: h^- = 0$ 。同时类似

阶段0,买主给出当前阶段的评价,即新的 $h^- = 0$ 和 $h^+ = 0$ 。此时买主认为,不仅差评条件下卖主诚信的概率是0,而且连好评下卖主诚信的概率也变成0了。因此,当买主遇到声誉低的卖主时,将降低自己对卖家诚信的信念,也更易给出差评。例如,现在,买家就会认为市场中没有诚信的卖家。

(2) 当买主遇到被好评的卖主时,则更新自己对卖主的信念 $h_t = h^+ = 0.8$ 。同时类似阶段0,买主给出当前阶段的评价,即新的 $h^- = 0$ 和 $h^+ = 0.909$ 。可见,买主给出差评时为诚信型卖主的概率依然是0,但买主给出好评时诚信型卖主的概率则上升到了0.909。因此,获得好评的卖主在买主中的声誉会越来越高,这也会提高新买主对自己诚信的信念。

在接下来的阶段中,更新将如此往复。

如果市场中存在噪声,即 $\pi \neq 0$,买家的信念稍显复杂。此时获得“差评”的卖主既有可能被认为是策略型的,又有可能被当作诚信型——不再像无噪声时那么简单,“差评”就一定被认为是策略型的。当然,获得“好评”的卖主情况不变,仍然是两种类型的混杂。读者可尝试推导。

如此一来,获得“好评”的卖主的声誉就会越来越高,从而聚集越来越多的买主;而欺骗顾客的卖主将获得越来越多的“差评”,声誉也越来越低,逐渐退出市场。不过,卖主是不会轻易退出市场的。对于策略型卖主,还有选择可使他存留:转变自己的策略,诚信交易。准确来讲,即降低欺骗的次数,提高诚信交易的频率。即使你对细节尚未知晓,也许仍然能够接受这样的事实:卖主策略是随着买主的信念而进行更新的,即卖主的最优反应 s^* 依赖于 h 。那么,卖主的策略又是什么?如何更新呢?

5. 卖主的策略

在每次竞标交易结束之后,一旦卖主看到买方的付款信息,他将必须在“欺骗”与“诚信”这两种行动中做出选择。“欺骗”的短期利得等于该商品的价值,但是声誉评级的降低将带来长期的损失,因为买主愿意支付的价格会降低(对于固定价格商品,相当于交易数量将减少)。如前所述,我们关注的是策略型卖主选择诚信的可能性。因此,考虑这样一种策略:策略型卖主以某一概率水平 $s(h)$ 选择诚信。对于某一固定的策略型卖主来讲,可以简单地将该策略理解为多次交易中选择诚信的频率;而从卖主整个群体来讲,则相当于策略型卖主中有多大比例的人表现得诚信而非欺骗。当然,得益函数是卖主所有阶段得益的现值之和。买主知道,在均衡中卖主的策略必定是与卖主的最优反应相一致的。

那么,卖主的目标是实现其预期得益的最大化,即 $V = \sum_{t=0}^{\infty} \delta^t G(h_t)$, 其中 h_t 表示第 t 阶段卖主的声誉, $G(h_t) = [h_t + (1 - h_t)s(h_t)]W$ 则表示第 t 阶段卖主的期望收入。

在这样一个博弈中,要通俗地展示买卖双方的均衡及其存在条件,需要做很多理论铺垫。考虑到本书的定位,我们不再展开。假设均衡已经知晓,让我们来分析一下它如何受外界条件的影响,也许这会是一个有趣的话题。

如果不存在噪声($\pi = 0$)且每笔交易的利润率都足够高,那么一个卖主得到的哪怕只是一次的负面评价,也不再会有买主从他那里购买商品;只要剩余的时间足够长,没有负

面评价记录的卖主总会选择“合作”，而买主也通过支付完全信息条件（不存在噪声）下的价格以激励他们这样做。随着博弈结束点的到来（如卖主注销在线交易账号结束在 eBay 的拍卖生涯），卖主开始不在乎他们的声誉并且会增加欺骗的可能性，通常卖主在博弈的最后一个阶段总是会采取“欺骗”行动，这就是通常所谓的声誉的“终止博弈效应”。

如果存在噪声（ $\pi > 0$ ），噪声评价将对博弈结果产生重要影响。即使噪声是少量的（意即诚信交易却被给予负面评价的概率非常小），也没有一个“策略型”卖主会认为最优的战略是 100% 的诚信，因此博弈均衡的结果是混合的，有“欺骗”，也有“诚信”。买主预期到卖主会这样做，因此他们愿意支付的价格低于信息完全时的价格。当然，卖主也会意识到这个问题，因此，策略型卖主表现出“诚信”的概率 $s(h)$ 受卖主的声誉和噪声量的影响。

图 6-11 显示的是在噪声（ $\pi = 0.05$ ）、利润率为 50% 以及折现因子为 0.99 的情况下卖主的声誉与诚信概率以及买主支付的“相对价格”的关系曲线图^①。从图中可以看出，卖主声誉水平越高，诚信的概率越大，买主实际支付的价格与买主的估计越接近。但是请注意，当声誉非常高时策略型卖主诚信的概率却急剧下降。这正是上文所述，噪声的存在使得卖主不可能采取 100% 诚信的策略，当辛苦伪装获得的声誉终于可以高位套现，“爱惜羽毛”的卖主便会露出真面目。实际上，噪声的存在将会导致交易效率的损失。

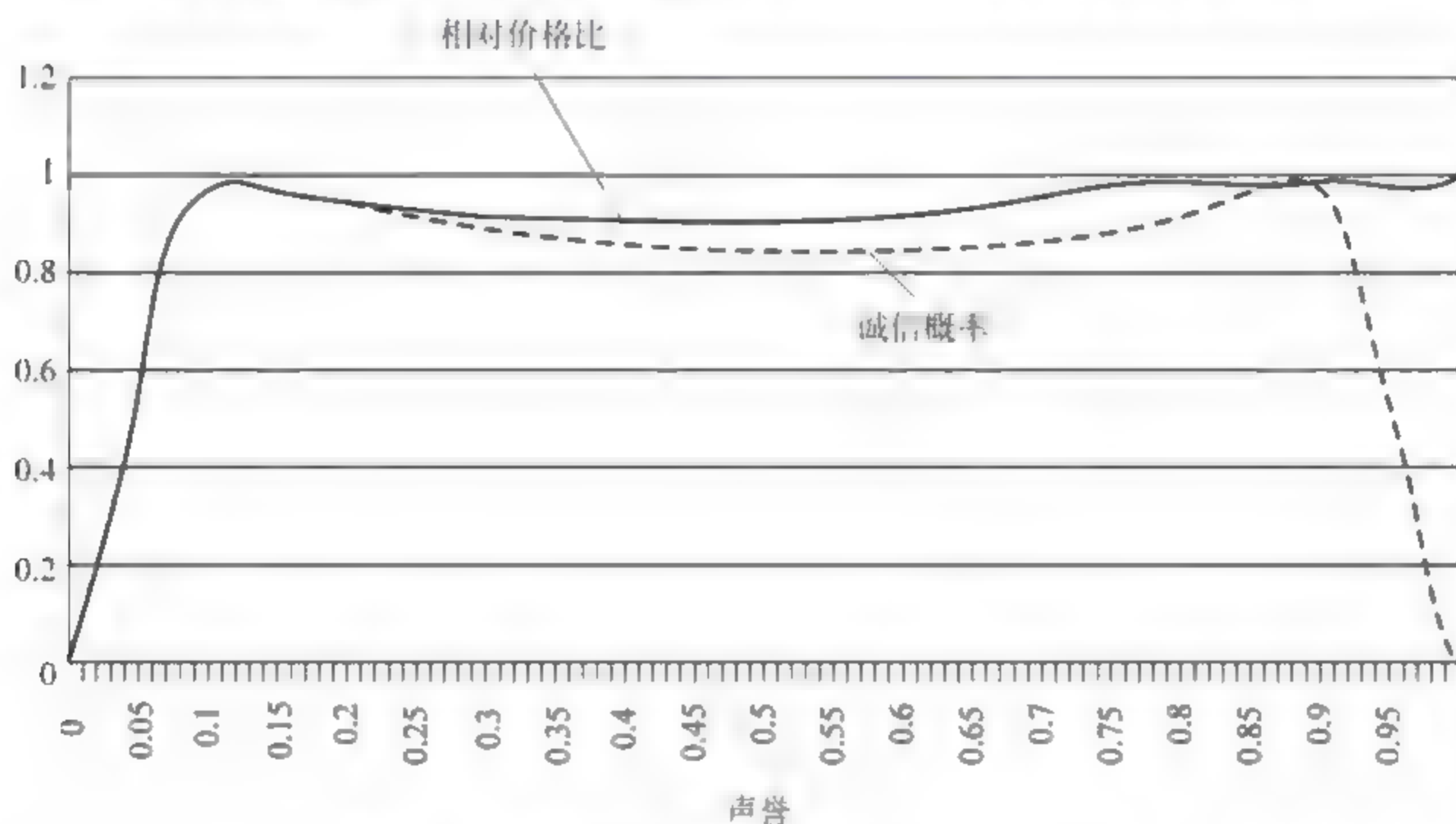


图 6-11 卖主声誉对诚信概率和相对价格的影响

至此，总结一下本节的内容。信息不对称是一种普遍的经济状态，声誉效应有效地抑制了信息优势参与人的机会主义倾向，从而成功地引导出了较高水平的诚信行为。在噪声环境中，即使声誉发挥作用，也总是存在一定的效率损失。声誉效应作用的前提是利润率足够大。在长期博弈过程中，当长期诚信的损失超过短期机会主义行为的收益时，欺骗

^① 相对价格—买主实际支付的价格/完全信息条件下买主对商品的估价。

就会发生。在有限博弈的最后阶段,声誉机制有可能会失效——参与者可能不惜毁损长期以来建立的声誉。



扩展阅读: 奥曼与重复博弈

2005年10月11日,瑞典皇家科学院宣布将本年度的诺贝尔经济学奖授予以色列希伯莱大学的罗伯特·奥曼和美国马里兰大学的托马斯·谢林,以表彰他们通过博弈论分析对理解冲突与合作所做出的贡献。奥曼最重要的贡献是对重复博弈、非合作博弈理论的发展。根据瑞典皇家科学院的官方文件,奥曼此次获得诺贝尔经济学奖的主要原因是他对重复博弈的贡献。

奥曼1930年出生于法兰克福,具有以色列和美国双重国籍。他1950年毕业于纽约大学并获数学学士学位;之后又于1952年和1955年在麻省理工学院攻读代数拓扑学,先后获得数学硕士和博士学位;1956年至今受聘于耶路撒冷希伯莱大学数学研究院。在麻省理工学院深造期间,奥曼遇到了纳什,并从纳什那里听说了博弈论。从麻省理工学院毕业后,奥曼在普林斯顿大学数学系附属运筹学小组做博士后研究,其研究项目来自贝尔实验室主持的防御导弹研究。当时,运筹学与博弈论已经关系密切,在接触了贝尔实验室的导弹防御研究项目以后,奥曼发现这些问题和纳什所说的博弈论有点儿相像,并开始从博弈论的角度研究问题,并在这个时期对博弈论产生了浓厚的兴趣。1959年,奥曼发表了第一篇有关重复博弈的论文。

奥曼第一次全面而且正式地分析了所谓的无限次重复博弈,并且揭示了在长期关系下最终能得到的结果。奥曼关于重复博弈的贡献可简单归纳如下。

首先,是对完全信息重复博弈研究的推进。完全信息博弈的最早研究成果出现在20世纪50年代,即下文将出现的“民间定理”。该定理认为,重复博弈的策略均衡结局与一次性博弈中的可行个体理性结局恰好相一致。这个结局可被视为把多阶段非合作行为与一次性博弈合作行为联系在一起。然而,虽然所有可行的个体理性结局确实代表了有关合作博弈解的观点,但是它相当模糊,并且不提供信息。而奥曼认为,完全信息重复博弈论与人们相互作用基本形式的演化相关。它的目的是解释诸如合作、利他、报复、威胁(自我破坏或其他)等现象。奥曼还考察了许多具体的合作行为,定义了“强均衡”概念,即没有任何局中人团体可以通过单方面改变他们决策来获益的情形。为此,奥曼定义和研究了经济理论中极为重要的“一般”合作博弈,即不可转移效用(non transferable utility)博弈,从而开拓了该领域的研究空间。

其次,是对不完全信息重复博弈研究的推进。从20世纪60年代中期开始,奥曼和其他合作者一起发展了不完全信息重复博弈论。1966年,奥曼和迈克尔·马希勒在给美国武器控制和裁军机构的开创性报告中,建立了不完全信息重复博弈模型。他们指出,信息使用的复杂性实际上可以以一种出色明确的方式来解决。例如,在最简单的两人零和重复博弈中,其中一个局中人比另一个局中人拥有更多的信息(这就是所谓的单边不完全信息)。拥有更多信息的局中人所使用(并披露)的信息量是精确决定的:有时是完全披露或根本没有披露;而有时则是部分披露。这种分析被扩展至更一般的模型,并由此产生

许多精深的新观点和概念。之后,奥曼在重复博弈方面的研究获得了丰硕的成果。事实上,他的有关不完全信息博弈的许多重要观点已被应用于许多经济领域,诸如寡头垄断、委托—代理关系和保险等。

6.4 重复博弈的进一步讨论

6.4.1 纳什均衡不唯一的重复博弈

1. 如果阶段博弈中有多个纯策略纳什均衡

设某一市场有两个生产同样质量产品的厂商,它们对产品的定价同时有高(H)、中(M)、低(L)三种可能。设高价时市场总利润为10个单位,中价时市场总利润为6个单位,低价时市场总利润为2个单位。再假设两厂商同时决定价格,价格不等时低价格者独享利润,价格相等时双方平分利润。这时候两厂商对价格的选择就构成了一个静态博弈问题,如图6-12所示。我们看一个三价博弈的重复博弈的例子。

		厂商2		
		H	M	L
厂商1	H	5, 5	0, 6	0, 2
	M	6, 0	<u>3, 3</u>	0, 2
	L	2, 0	2, 0	<u>1, 1</u>

图6-12 三价博弈的重复博弈

显然,这个得益矩阵有两个纯策略纳什均衡(M,M)和(L,L),可以看出,实际上两参与者最大的得益是策略组合(H,H),但是它并不是纳什均衡。现在考虑重复两次该博弈,我们采用一种

触发策略:博弈双方首先试图合作,一旦发觉对方不合作也用不合作相报复的策略。使得在第一阶段采用(H,H)成为子博弈完美纳什均衡,其双方的策略是这样的:

(1) 参与者1:第一次选H;如果第一次结果为(H,H),则第二次选M,如果第一次结果为任何其他策略组合,则第二次选择L。

(2) 参与者2:同参与者1。

在上述双方策略组合下,两次重复博弈的路径一定为第一阶段(H,H),第二阶段(M,M),这是一个子博弈完美纳什均衡路径。因为第二阶段是一个原博弈的纳什均衡,因此不可能有哪一方愿意单独偏离;其次,第一阶段的(H,H)虽然不是原来的博弈纳什均衡,但是如果一方单独偏离,采用M能增加1单位得益,这样的后果却是第二阶段至少要损失2单位的得益,因为双方采用的是触发策略,即有报复机制的策略,因此合理的选择是坚持H。这就说明了上述策略组合是这个两次重复博弈的子博弈完美纳什均衡。

从上述的例子我们可以看出,有多个纯策略纳什均衡的博弈重复两次的子博弈完美纳什均衡路径是,第一阶段采用(H,H),第二阶段采用原博弈的纳什均衡(M,M)。

如果这个重复博弈重复三次,或者更多次,结论也是相似的,仍然用触发策略,它的子博弈完美纳什均衡路径为除了最后一次以外,每次都采用(H,H),最后一次采用原博弈的纳什均衡(M,M)。

阶段性结论:当阶段博弈G有多个纯策略纳什均衡时,有限次重复博弈G'有许多效

率差异很大的子博弈完美纳什均衡。进而,可以通过设计特定的策略(主要是包含报复机制的触发策略)来实现效率更高的均衡,充分发掘一次性博弈中无法实现的潜在合作利益。但是,在有限次重复博弈中,博弈双方没有永远的合作。

综合第 6.2.3 节的阶段性结论,可得下述有限次重复博弈民间定理。

有限次重复博弈民间定理(Folk Theorem, Friedman, 1971): 假设在有限次重复博弈 G' 中, 阶段博弈 G 存在一个均衡得益组合优于最差均衡所对应的得益组合, 则对于所有不小于“个体理性得益”(或称“保留得益”)的“可实现得益”, 都至少存在一个子博弈完美纳什均衡来实现它。



概念解读: 对定理中名词的浅易解释

在某个博弈中, 不管其他参与者的行为如何, 参与者只要采取某种策略能够最低限度保证能获得的得益称为“个体理性得益”; 而博弈中所有纯策略组合所对应的得益组合的加权平均(权数非负且总和为 1)称为“可实现得益”, 意即参与者采用任意混合策略所能实现的得益组合。在有限次重复博弈中, 针对阶段博弈存在多个纯策略纳什均衡的民间定理, 在无限次重复博弈中对阶段博弈存在唯一纳什均衡的情况也是成立的。为什么会被称为“民间定理”呢? 这是因为在有人正式证明并发表之前, 它已经在“民间”流传。

关于定理所声明的结论, 让我们举例说明。来看一下《史记·廉颇蔺相如列传》中“将相和”的故事。

战国时赵国舍人蔺相如奉命出使秦国, 不辱使命, 完璧归赵, 所以被封了上大夫; 又陪同赵王赴秦王设下的渑池会, 使赵王免受秦王侮辱。赵王为表彰蔺相如的功劳, 封蔺相如为上卿。老将廉颇认为自己战无不胜, 攻无不克, 蔺相如只不过是一介文弱书生, 只有口舌之功却比他官大, 对此心中很是不服, 所以屡次对人说: “以后让我见了他, 必定会羞辱他。”蔺相如知道此事后以国家大事为重, 请病假不上朝, 尽量不与他相见。后来廉颇得知蔺相如此举完全是以国家大事为重, 向蔺相如负荆请罪。之后两人和好开始尽心尽力地辅佐赵王治理国家。

在上述互动中, 二者都有两种行动可选择: 羞辱对方, 宽容忍让。假如二者的静态博弈矩阵可用图 6-13 表示。

		蔺相如	
		羞辱	宽容
廉颇	羞辱	0.0	4.1
	宽容	1.4	3.3

图 6-13 廉颇、蔺相如博弈

可见, 两个参与者最差的均衡得益都是 1, 则可构成得益组合 $w = (1, 1)$, 而 1 也是两个参与者的“个体理性得益”。如图 6-14 所示, 该博弈的可实现得益

就是图中 4 点 $(0, 0)$, $(1, 4)$, $(4, 1)$, $(3, 3)$ 所围成的阴影区域 B 中点的坐标。显然, 我们可以看到该博弈的一次性博弈中存在均衡得益数组优于 w , 满足民间定理的条件。因此, 所有不小于个体理性得益的可实现得益[由 4 点 $(1, 1)$, $(1, 4)$, $(4, 1)$, $(3, 3)$ 所围成阴影区域 A 中点的坐标], 都有子博弈完美纳什均衡来实现它。例如, $(4, 1)$ 和 $(1, 4)$ 可每次采用原博弈同一个纳什均衡的子博弈完美纳什均衡实现; 这两点连线上的点用原博弈两个纯

策略纳什均衡的某种组合来实现。

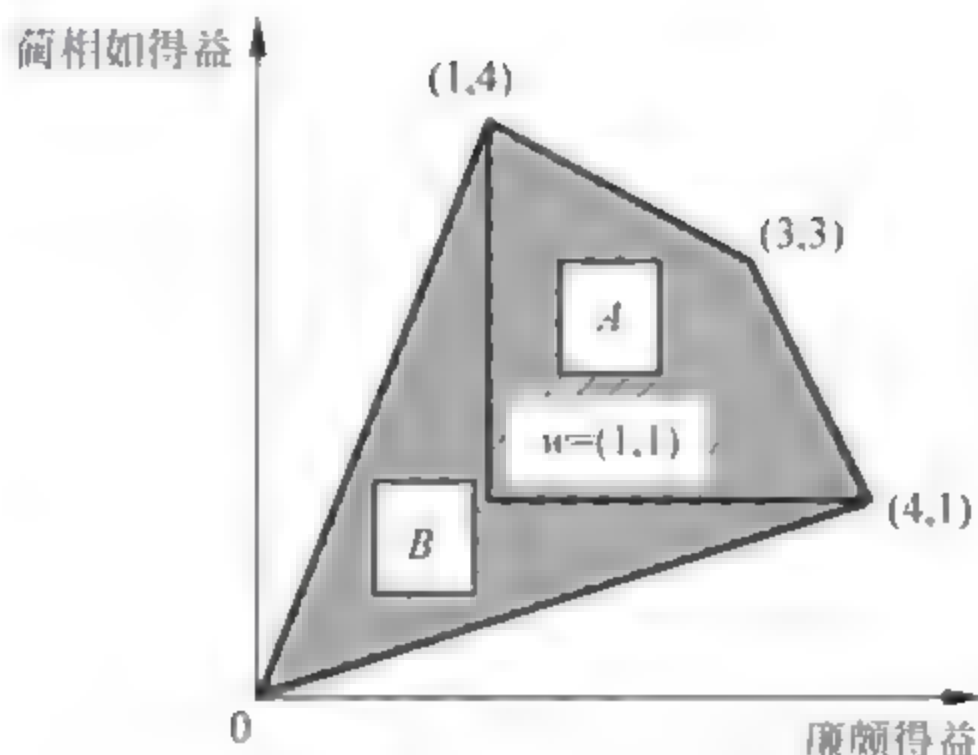


图 6-14 两市场博弈有限次重复的民间定理

事实上,在所有可实现或优于 $w=(1,1)$ 的可实现得益中,只有处于 $(1,4)$ 与 $(3,3)$,以及 $(3,3)$ 与 $(4,1)$ 这两条连线上的可实现得益具有重要意义,因为它们是帕累托最优的均衡得益。而民间定理的重要意义正在于证明了一定存在子博弈完美纳什均衡可以实现或逼近它们。可见,民间定理为我们设计更有效率的机制提供了参照,也为参与者在博弈过程中的默契和信任提供了理性支撑。

2. 如果阶段博弈是零和博弈

让我们来看经典的猜硬币博弈,如图 6-15 所示。

前面章节已经向大家展示,零和博弈是严格竞争的。即使重复博弈,也不能改变这一点。关键在于,严格对立的利益关系使得双方矛盾不可调和,重复的零和博弈也不会创造出新的利益来。以零和博弈为

		猜硬币方	
		正面	反面
盖硬币方	正面	-1, 1	1, -1
	反面	1, -1	-1, 1

图 6-15 猜硬币博弈

原博弈的有限次重复博弈与猜硬币博弈的有限次重复博弈一样,参与者的正确策略是重复一次性博弈中的混合纳什均衡。读者可以按照前面例子中的讲解,使用逆向归纳法来证明。同样地,无限次重复的两人零和博弈的所有阶段都不可能发生合作,参与者会一直重复阶段博弈的混合纳什均衡。这一点与前文无限重复博弈的相关结论不一致。以上结论可以推广到常和博弈,及至有多个参与者的常和博弈。

6.4.2 重复博弈的实验结果

在无限重复博弈中,为了提高博弈效率和博弈潜在的利益,参与者经常会采取合作的方式来获得最大程度的利益。但是在合作过程中,合作的方式和水平总是会因为各种各样因素发生变化。本节通过介绍类似囚徒困境的实验来展示合作博弈的过程以及合作均衡的条件。Dal Bó 通过实验比较了具有相同期望次数的无限重复和有限重复囚徒困境,发现无限重复囚徒困境中合作水平会更高一些。这点与理论预测一致。同时,实验表明重复博弈的次数对合作的影响是很小的,但是“有限”和“无限”仍有区别。我们将重点介

绍无限重复博弈下的实验结果。

Dal Bó 和 Fréchette(2011)在前人研究的基础上,展开了一系列实验研究。首先,在试验中重复博弈是随机停止的。在每一阶段结束后,博弈持续的概率分别为 0.5 和 0.75。同时,图 6 16 中的合作收益 R 分别为 32,40 和 48。将不同的持续概率与不同的合作收益进行组合,可将博弈实验分为 6 组。随机停止的概率和合作收益大小对有经验的参与者来说非常重要,但对无经验者来说似乎不太明显,这点已为实验所证实。在这 6 组实验中,有 1 组中合作不在均衡路径上,另 5 组都存在多个合作均衡。无论均衡如何,永远背叛总是最有可能被采取的一个策略。共有纽约大学的 266 名研究生志愿者参与了实验。在持续概率与合作收益给定的条件下,志愿者参加阶段数在 23~77 的无限重复博弈。Dal Bó 和 Fréchette 据此研究在参与人获得一次次的经验时是如何达成合作的。有三点发现意义非凡,耐人寻味。

		囚徒甲	
		合作	背叛
囚徒乙	合作	R, R	12, 50
	背叛	50, 12	25, 25

图 6 16 囚徒困境实验的支付矩阵

首先,如果合作根本不是博弈的均衡,合作水平^①将随着经验的增加而递减并收敛到较低的水平。这点与一次性重复博弈的实验结果类似。这也说明,若想让合作发生并随着经验而递增,首要的条件是它的确是一个均衡。

其次,在某些组实验中合作的确是均衡,但令人意外的是,合作水平也不一定升高,而依然停留在较低水平——即使参与人已经获得了重要的经验。它表明,参与人可能没有充分利用合作。同时也表明,“成为均衡”只是合作随经验而提升的一个必要条件,而非充分条件。

最后,如果合作是博弈的均衡且是风险占优的,合作的平均水平会随经验而提升,但并不总是如此。在一次性协调博弈中,参与人常常选择兼具帕累托最优和风险占优的行动。但在无限重复博弈中,这两项对于提升合作水平仍然不够。因此,如果有人说“只要有机会,就应充分利用它来达成合作”,请不要过于乐观——因为达成合作是件困难的事情,即便当事人经验丰富。值得注意的是,在无限重复博弈中既有合作水平较低的,也有合作水平非常之高的情况发生。尽管“成为均衡”和“风险占优”都不是经验促生合作的充分条件,但是在条件适合时合作确实能够达到很高的水平。仅从平均意义上讲,若满足“成为均衡”且“风险占优”,则合作水平会随参与者经验的增加而提升。

6.4.3 应对背叛的策略

重复博弈之所以能够有改变原纳什均衡的可能性,在于它使“双边惩罚机制”发生作用。“双边惩罚机制”是指一旦发现对方背叛,参与者将采用“触发策略”或“针锋相对”策略,即当背叛的行为发生之时,交易双方将启用这种机制来惩罚背叛者。“双边惩罚机制”是最为基本的信用机制。它是要保证两个个体在互动过程中互不欺骗,保证博弈的顺利

① 用“合作”行动发生的频率来指示。

进行,是建立信用的关键与基础。博弈的可否持续性被认为是“双边惩罚机制”的主要基础。在一次性博弈中,任何参与者都没有信守承诺的激励。只有当博弈双方的当前博弈是未来互动的一个组成部分时,双方才有可能采取相互合作的态度。

在动态的博弈中,所有参与者的历史行动都是可观测的。参与者可以通过在下一阶段博弈中的策略选择——触发策略或针锋相对策略,进而通过“双边惩罚机制”来回应其他参与人在本阶段中的行动,依此实现对对手失信的惩罚。我们假定在每一次博弈结束前,双方都预期所有 p 的可能性从而进行下一次博弈,并且每次博弈的结构相同。下面我们分两种情况考虑其中一方的博弈策略。

1. 触发策略

触发策略又称冷酷策略,指我首先选择信任你;如果你也守信,我将继续信任你;但一旦你滥用了我对你的信任,我将永远不再信任你。假设A、B在博弈。如果参与者A在上一轮博弈中因采取“背叛”策略获利 α 个单位,并使参与者B受损,那么在本次博弈中参与者B将会选择“背叛”策略来报复A,且永远采用这种策略。自此以后,A每期的收入均为0,所以总期望(折现)收入仍为 α 个单位。如果A在上一轮博弈中选择“合作”,获利 $\lambda/2$ 个单位,那么B企业也将选择“合作”,则A随后每一阶段收入都是 $\lambda/2$ 。重复博弈下的折现收入为

$$\frac{\lambda}{2} + \frac{\lambda}{2}\delta + \frac{\lambda}{2}\delta^2 + \frac{\lambda}{2}\delta^3 + \dots = \frac{\lambda}{2(1-\delta)}$$

因此,只要 $\frac{\lambda}{2(1-\delta)} \geq \alpha$,即 $\delta \geq 1 - \lambda/(2\alpha)$,合作互惠是最优的选择。(合作,合作)便成了每一个阶段的均衡结果。博弈双方为了获得更长期、更稳定的利益,走出了一次性博弈的困境,理性地克制投机行为,选择诚信与合作,这就是重复博弈所创造的信用机制,其核心在于当事人为了合作的长远利益,牺牲眼前利益。冷酷战略的结果使得任何一方都没有动机偏离合作,博弈得以进行下去。但是,这种战略过于简单,并不是现实策略互动的近似描述。而且如果对方真的选择背叛,这种战略对实施惩罚的一方来说也是代价高昂,其程度和受罚者一样,即触发战略容易导致两败俱伤的结局。因此,我们重点考虑另一种策略。

2. 针锋相对策略



引语故事：重庆谈判中国共产党的方针

1945年抗日战争胜利后,为避免内战、争取和平,中国共产党同国民党政府在重庆进行了为期43天的和平谈判,史称“重庆谈判”。

谈判之前,蒋介石就让阎锡山入侵上党地区,以此先发制人,扼守抢夺平津、独占华北的交通要道,保持长江与北方之间的陆上联系。当时国共之间的军事摩擦已经出现。

8月25日,即毛泽东电复蒋介石将亲自赴重庆谈判的当天,他对即将返回上党前线的刘伯承、邓小平说:“你们回到前方去,放手打就是了。不要担心我在重庆的安全问题,你们打得越好,我越安全,谈得越好。别的办法是没有的。”刘、邓回到上党,在上党战役的

动员报告中指出：“我们立足于打，不放弃有利条件的谈判。只有打得好，才能谈得好。”

就这样，国共和谈在边打边谈中进行。

重庆谈判从8月28日毛泽东赴重庆开始，至10月11日，前后共43天；上党战役从9月1日攻克襄垣开始，到10月8日解放长治，12日全歼逃敌而胜利结束，历时42天。重庆谈判桌上与上党战场无论时间、进展情况极其一致，密切相关，绝非偶然。

中国共产党的方针是“以打促谈”，“打而胜之”是共产党重庆谈判桌上的重要筹码，也是国共和谈取得成功的保障。

中国共产党正是采取了“针锋相对策略”。首先，人民解放军绝不开第一枪，所以是善意的；其次，一旦国民党军队挑起军事冲突，人民解放军立即报以颜色，这表明共产党是“可被激怒的”；最后，共产党不会得理不饶人，你停火，我就停火，这表明共产党是“宽容的”。

其结果是，国共两党达成了和平协议（虽然后来内战还是爆发，但它不属于本文讨论的范围）。除此之外，中国军队在朝鲜战争、中印边境自卫反击战、对越自卫反击战等战争中，采取的均是“人不犯我，我不犯人；人若犯我，我必犯人”以及“边打边谈”的针锋相对策略。

针锋相对策略又称“以牙还牙”策略，是指采取和上一轮对手相同的策略。在博弈中，首先选择合作。在对方背叛后，选择在未来连续一段时间内惩罚博弈对手。如果犯规者在这期间一直守信，那么他将得到原谅，诚实交易将继续进行下去。如果在惩罚期间受罚人又选择了违约，那么惩罚期将重新开始。这种策略融善良性、严厉性和宽容性于一体。既给予对方一定程度的惩罚，但又不致使对方失去合作的信心，合作得以继续进行下去。在阿克谢罗德计算机程序模拟比赛的研究中，合作者的胜利不仅证明了信用合作在个体博弈中作为占优均衡出现的可能，而且还为这种均衡的演化过程提供了新的研究起点。他在比赛中还发现，凡是具有善良性（从来不首先背叛）和宽容性（在对方背叛以后仍具有合作的倾向）的程序都得分较高。

针锋相对策略集中了善良和宽容的特征，而且思路非常清晰：从不首先背叛，然后采取与对方的上一次行为相同的行动。对此，阿克谢罗德的解释是，针锋相对的善良性防止参与者陷入非合作的麻烦中，对对方背叛的报复则保证了对方背叛行为的谨慎性，宽容性则有助于在对方背叛后重新开始合作，而简单清晰的规则易于被人理解，从而导出长期的合作。

针锋相对策略的优越性向我们充分展示了一个纯粹自利的人何以会选择善意，只因为合作是自我利益最大化的一种必要手段。比如在爱情中的重复博弈原则应该是：

（1）善意而不是恶意地对待恋人。

（2）宽容而不是尖刻地对待恋人。

（3）强硬而不是软弱地对待恋人。要在我永远爱你的善意的前提下，做到有爱必报，有恨必报，以眼还眼，以牙还牙，以其人之道，还治其人之身。例如，对于恋人与其他异性的亲热行为，要有极其强烈的敏感与斩钉截铁的回报。

（4）简单明了而不是山环水绕地对待恋人。在博弈中过分复杂的策略使得对手难于理解，无所适从，因而难以建立稳定的合作关系。明晰的个性、简练的作风和坦诚的态度

才是制胜的要诀。

无论是触发战略,还是针锋相对战略,都表明只要交易者能够重复相遇,双方又有足够的耐心,战略就能够得到合理且有效的执行,那么受骗方终止未来所有与对方的交易机会的威胁将有可能遏制双方的机会主义行为,形成信用合作的共有信念。



扩展阅读: 罗伯特·阿克谢罗德的竞赛实验

罗伯特·阿克谢罗德(Robert Axelord),1943年出生于芝加哥,曾就读于芝加哥大学和耶鲁大学,现在是密歇根大学政治学教授。1980年,为了研究合作问题,他组织了一次关于囚徒困境的不同策略的比赛。

阿克谢罗德在开始研究合作之前,设定了两个前提:①每个人都是自私的;②没有任何权威干预每个人的决策。也就是说,个人可以完全按照自己利益最大化的企图进行决策。在此前提下,合作要研究的三个问题是:首先,人为什么要合作;其次,人什么时候是合作的,什么时候又是不合作的;最后,如何使别人与你合作。

在研究的过程中,他组织了一场计算机模拟竞赛,竞赛的思路非常简单:任何想参加这个计算机竞赛的人都扮演“囚徒困境”案例中一个囚犯的角色,他们开始玩“囚徒困境”的游戏,每个人都要在合作与背叛之间做出选择。关键问题在于,他们不止玩一遍这个游戏,而是一遍一遍地玩上200次,这就是所谓的“重复的囚徒困境”,于是这就更逼真地反映了日常人际关系。首先由14个人参与实验,每两个人为一组,进行重复200次的博弈,博弈记分规则为:如果都合作,每方计2分,都对抗每方计0分,一方合作一方对抗则合作者计-1分而对抗者记4分。然后再重新分组,直到两两比赛过。

实验的结果使阿克谢罗德大为吃惊,因为竞赛的冠军获得者——多伦多大学的数学教授阿纳托·拉帕波特所采取的策略不仅不高深,而且非常简单:一报还一报(以牙还牙)。实际上,它也就是我们通常所说的“以其人之道,还治其人之身”。它的特点是:第一次对局采用合作的策略,以后每一步都紧紧跟随对方上一步的策略,你上一次合作,我这一次就合作,你上一次不合作,我这一次就不合作。

为了进一步验证第一轮游戏得到的结论,阿克谢罗德邀请了更多的人再做一次游戏。这时游戏进入了第二轮。第二次阿克谢罗德征集到了62个程序,同样也附加上他自己的随机程序,又进行了一次竞赛。结果,排在第一名的仍是针锋相对策略。

这个如此简单的策略之所以反复赢得竞赛,是因为它奉行了针锋相对的(tit for tat)法则,说白了就是一报还一报,即“人不犯我,我不犯人;人若犯我,我必犯人”,但它坚持“有理、有利、有节”的尺度,并且用以下有规律可供遵循的行为将对手纳入长期合作的轨道上来:

第一,善良的,即从不首先背叛。

第二,可激怒的,对于对方的背叛行为一定要报复,不能总是合作。

第三,宽容的,不能人家一次背叛,你就没完没了地报复,以后人家只要改为合作,你也要合作。

第四,易于察觉的,即逻辑清晰,使对手能够很轻易地发现你采取策略的规律,并且领会你的意图。

而输掉这个竞赛的策略,总是在上述4个方面做得不够好。比如竞赛者的脾气过于

好,总是“以德报怨”,结果就被狡猾之徒反复地占便宜;有些竞赛者不够宽容,采取触发策略,别人背叛一次他就不与对方再次合作,从而使合作关系永久性断绝;还有一些竞赛者太“精于算计”,总是试图通过取巧来占别人的便宜,这种人在与“好脾气者”的博弈中虽然大占便宜,但与“不宽容者”的博弈中往往搬起石头砸自己的脚,而从最后的总分来看,他的“小聪明”总是得不偿失的。

重复博弈的故事讲到这里,想必你已经了解到了重复博弈应用的广泛。下面我们要用博弈论的分析手段解释精致的利己主义者的行为,以此作为本章的终结。



扩展阅读:精致的利己主义者

他们主动向政府交税,甚至常常拿钱做慈善。他们积极参与各种平权运动,支持女性、少数族裔、同性恋以及任何被歧视的人群。他们教育孩子要乐于助人,和同学们分享、玩乐。

也许你会觉得疑惑,这些热衷于利他主义的人,为什么会是利己主义者?其实不必奇怪,所谓精致的利己主义者,是懂得可持续发展的利己主义者,是有着利他主义名声的利己主义者,是最能实现自己利己目标的利己主义者。

他们为什么要帮助弱势群体?是因为坚持自由和平等能帮他们维持自己的好声誉。他们为什么不把小孩当作致富的工具?是因为他们要让小孩更好地成长,更好地繁衍后代,播散自己的基因。他们为什么愿意将自己所拥有的资源分给他人,无论是金钱还是知识?是因为他们希望别人认为他们是好的合作者,能和自己进行社会合作。

如果说利己主义者奉行弱肉强食策略,积极推行着以自己为强的标准,那么精致的利己主义者则更关注平等,促进整个社会的发展,使得自己以及后代能活在一个更富裕、文明的世界里。

那些计算早已印刻在精致的利己主义者的脑海深处,他们能下意识地选择那些普通利己主义者所不解或者鄙视的行为,因为他们能看到更远的将来而不只眼前的利益。他们不是利他主义者,其行为背后的动机无非是:尽力追求着一个好的声誉,让自己能活得更好,而副作用是让别人也活得更好。

这不禁让人想起亚当·斯密的经典名句:“我们的晚餐,可不是来自屠夫、酿酒商和面包师的仁慈,而是来自他们对自己利益的关注。我们不求助于他们的博爱,而是求助于他们的自利心;我们谈论的绝不是我们自己的需要,而是他们的好处。”

所有的利他与合作,都是理性人权衡长远利益后的计算结果。只要我们看得更深远一些,不难发现,虽然合作可能在某一特定博弈中降低参与者的盈利,但是以后可能带来的回报却足以使一个自私的人相信,合作是一个理性策略。没有无故的利他,没有永远的合作。



本章小结与习题

第7章 演化博弈*



为什么长颈鹿的脖子越来越长？为何青蛙长于鸣叫而极乐鸟却善于跳舞？答案显而易见，这是进化的结果。但是进化进程与博弈有什么联系呢？回到人类社会，当遭遇他人挑衅时，你更倾向于“挥拳争高下”，还是“三思而后行”？当热心助人反被诬陷时，你是否仍然坚持自己的善行不动摇？随着时间的推移和经验的积累，人们会慢慢地调整自己的行为。尽管有些行为看似偏离了“理性”，但它是一种演化，是一种“有限理性”。此时，人们往往“回顾身后”，根据历史经验确定调整的原则，而非“向前展望”。本章所要讨论的，正是在这种情况下的行为。本章将从演化角度介绍博弈的新思路，从而揭示人群或生物种群的行为是如何演化的，如何相互影响的。



引语故事：拔旗，拔旗！

让我们来做一个游戏。

把全班同学分为 A、B 两队，两队同学相对而立，中间的地面插着 21 支旗，A 队和 B 队轮流移走这些旗。在轮到自己时，每队可以选择取走 1 支、2 支旗或 3 支旗。不能一支都不取，也不能一次取走 4 支旗或 1 支旗以上。哪一队取走最后一支旗，哪一队获胜。输了的一组，要淘汰掉自己队的一个队员，然后比赛继续。

在游戏开始前，每个队都有几分钟时间让成员们讨论。A 队先行动，它第一次取走 2 支旗，现在还剩下 19 支旗。假如你是 B 队的成员，你会选择拿走多少支旗？你可以拿起笔把你的选择记录下来。

在 B 队的讨论过程中，B 队一个成员这样分析道：“不管怎么选择，我们最后一轮必须给他们 4 支旗。”这个见解是对的，因为如果最后一轮留给对方 4 支旗，那么对方无论取走 1 支旗、2 支旗或 3 支旗，取胜的都是自己。最后，B 队果然在游戏中取胜，因为他们在还剩 6 支旗时，拿走了 2 支。

之前，在还剩 9 支旗时，A 队从中拿走 3 支。他们中的某个成员，突然发现了这个问题：“如果 B 队接下来取走 2 支旗，我们就输了。”因此，A 队刚才的行动是错的，他们不应该取 3 支。假如可以重来，他们该取走几支呢？

其实刚才的推理已经给了我们答案，只要在最后一轮留给对方 4 支旗就可以了。那么在下一轮时，怎样才能确保给对方留下 4 支旗呢？答案是在前一轮中给对方留下 8 支旗。理由如下：在还剩下 8 支旗的时候，如果对方取走 3 支，那么你就取走 1 支，还剩下 4 支；如果对方取走 2 支，那么你也取走 2 支，还剩下 4 支；如果对方取走 1 支，那么你就取走 3 支，也还是 4 支。因此，如果 A 队在只剩下 9 支旗时，取走 1 支就能扭转战局。A 队

在最后时刻虽然已经醒悟了,但结局已经无法改变。

继续追溯,在前一轮中 B 队从剩下的 11 支旗中取走了 2 支,所以轮到 A 队时还剩下 9 支旗。如果此时 A 队选择取走 1 支旗,就只剩下 8 支旗,那么 B 队就输了。怎样才能保证给对方留下 8 支旗呢?在前一轮时,你必须给对方留下 12 支旗;以此类推,之前两轮分别是 16 支、20 支。所以,A 队只须在开始时仅取 1 支旗,就能确保胜利。也许有人会问,是不是先行者一定能取得胜利?并不是。在拔旗游戏中,如果开始时的旗子是 20 支而非 21 支,那么获胜的一定是后行者。

可见,拔旗游戏不存在任何不确定性:参与者的行动和能力、某些自然的机会因素以及他们的实际行动都是确定的,这是一种简单的均衡。但是在实际中你看到的并不是这样一种简单的确定性结果,而是复杂多样的!究其原因,大多数参与者的决定来自他们的直接经验,而非前几章的思路:向前看到遥远的终点,然后进行逆向推理。由此引出来一个问题,人们的行为模式到底是向前看还是向后看?

7.1 “向前看”还是“向后看”

“向前看”或“向后看”,是决策主体的不同“理性”造成的。尽管博弈理论要求参与者是理性的。但是从更广泛的角度来看,理性也有不同的准则。在开始讨论之前,首先需要给“向前看”和“向后看”一个通俗的解释。

“向前看”是指无论过去发生了什么,参与者都是向前看的,亦即在未来所采取的行动都是最优反应。而“向后看”则是指,参与者在做出决定前都是先回顾自己的过去,根据过去的历史经验推测将来,在行动上做出调整。这是两种不同的理性。如有经济学基础,你一定觉得上面的概念似曾相识,此处的“向前看”正是经济学中的“理性预期”,而“向后看”对应着“适应性预期”。

对拔旗游戏所做的逆向归纳是典型的“向前看”,即每一队拔旗者都清楚地知道自已的最优反应和对手的最优反应;并且在所有拔旗者都是相同理性的前提下,每个队的最优策略是唯一的。正如前文所说,实际上游戏存在着复杂多变的结果。这是因为“向前看”的思路意味着完全理性。那么,何谓完全理性?

7.1.1 完全理性

完全理性这一概念在前几章已经遇见过。与新古典经济学中以“个体理性”为基础的“经济人”相比较,完全理性比它所要求的理性程度还要高。完全理性不仅要求行为主体始终以自身利益最大化为目标,具有在确定和非确定性环境中追求自身利益最大化的判断和决策能力,还要求他们在存在交互作用的博弈环境中也具有完美的判断和预测能力。它不仅要求人们自身是理性的,还要求人们相信对方也是理性的,拥有“理性的共同知识”。



概念解读：完全理性

关于理性,在2.1.4节已有阐述,此处仅为断章阅读者提供参考。如图7-1所示,甲乙两人进行博弈。

		乙		
		C	D	E
甲	A	1,2	1,3	0,2
	B	0,5	0,3	5,2

图7-1 完全理性博弈矩阵一

对于乙而言,D策略是E策略的占优策略。所以在任何情况下乙都不会选择E策略。那么,对于二人而言博弈的矩阵如图7-2所示。

		乙	
		C	D
甲	A	1,2	1,3
	B	0,3	0,3

图7-2 完全理性博弈矩阵二

此时对于甲而言,A策略是B策略的占优策略,所以甲一定会选择A。进而,乙一定会选择D。可见,(A,D)是该博弈的均衡。

回过头来再看这个结果是如何得到的。在最开始选择的时候,乙不会选择E。这是行为主体始终以自身利益最大化为目标的必然结果,而依据则是“乙是理性经济人”。而且在乙做出这个决策的时候不用考虑甲的行为,因为无论甲做出哪种选择,乙都不会选择E。

此时,对于甲而言就不仅是自己理性了。甲在做出选择之前需要先知道“乙不会选择E”,而“乙不会选择E”就成了二人有关理性的共同知识。基于以上信息,甲会做出选择A的策略。

紧接着,将“甲选择A”作为甲乙二人有关理性的共同知识,指导着乙的决策,并最终形成(A,D)这样一个均衡。甲乙二人都需要对对方的行动有一个预测,并且这些预测建立在对方也是理性人的假设之上。

这样的理性称为“完全理性”。

尽管完全理性假设具有令人称赞的完美体系和预测能力,但是这种完美只是理想模式和方法,不仅在经济学内部有争论,也经不起实践和现实的考验。

首先,博弈中参与者的行动不仅受到理性的驱使也受到感性因素的影响。最早指出这一点的是凯恩斯,他在《通论》中论述了情绪波动(尤其是信心或“工商界所谓的信任状态”)、长期预期状态及其对市场投资的影响。凯恩斯还指出,参与者并不具有完全理性所能导致的完全预期,这也因情绪而起。之后,西蒙从心理学角度出发,提出参与者的行动

是由理性和感性共同作用的；卡尼曼结合行为科学和经济心理学的观点，同样指出行为人的行动受到直觉和推理两个系统的影响。

其次，博弈的参与者不具备完全的计算和逻辑推理能力，也无法像先知一样可以预测未来。西蒙曾明确指出，参与者只具备受到限制的理性能力，“意欲理性而只能有限为之”。人类计算和逻辑推理能力的有限性，在柯洁与计算机(AlphaGo)的围棋比赛中暴露无遗。在输给计算机之后，柯洁坦言：“人类数千年实战演练进化，计算机却告诉我们人类全都是错的。我觉得，甚至没有一个人沾到围棋真理的边。”

再次，博弈的参与者具有异质性。参与者并非都是同质的，而是具有异质性。这是完全理性假设中最不容易成立的一项内容。由于年龄不同、性别差异、财富多寡、知识结构与阅历悬殊、信息集相异等因素，使参与者的风险态度以及偏好效用不同，因此不同决策主体即使面临着同样的事件，也会出现不同的决策结果。

最后，我们无法将全部选择的结果量化，比如经济学中的效用或边际效用、成本或边际成本。西蒙曾列举了他于1934年在密尔沃基对市教育委员会和市公共设施处两机构共同负责的公共娱乐设施管理的调研个案。这两个机构在娱乐设施保养和游乐监管两方面的资金分配问题上，总是无法达成一致意见。它们没有遵循等边际原则，让一种活动的边际费用等于另一种活动的边际费用，因为根本没有可以度量的生产函数，能让它们从中得出有关边际生产率的数量推断。

综上对完全理性的批判，可以看到完全理性并不是一个“放之四海而皆准”的假定，不能涵盖所有的博弈问题。一般来讲，决策的准则除了有完全理性外，还存在非理性和有限理性。有限理性是本章演化博弈的主要准则，因而放在稍后阐述。让我们先简单了解非理性的概念。

7.1.2 非理性

丹·艾瑞里在《怪诞行为学》中曾这样说：

我们常常暗下决心节食锻炼，但是只要看到甜点小推车一过来，我们的决心就消失得无影无踪。你知道这是为什么吗？

我们有时候兴致勃勃去购物，买回来一大堆东西，却放在家里用不上。这是为什么呢？

头痛的时候，我们花5美分买的阿司匹林吃了不见效，可是花50美分买的阿司匹林却能立竿见影。这又是为什么？

工作之前让员工背一下《圣经》十诫，大家就能比较诚实，起码在刚刚背完的时候是这样。如果没这样做，不诚实现象就很多。这又是为什么呢？换言之，为什么荣辱规范可以减少工作场所不诚实现象？

在现实生活中，当决策者在遇到决策难题举步不前时，或者行事匆匆而无从判断时，他们大多依照自己的习惯、猜测、偏好等非理性的心理因素，或者盲从他人的意见做出决策。这种依赖逻辑思维之外的其他心理过程和心理特征（包括直觉、情绪、性格、偏好、迷信等）而做出决策的现象，称为“非理性”。客观地说，任何决策过程都存在这种非理性因素的影响，当这种非理性因素在决策过程中占据主导地位时，这个决策就是非理性决策。

当决策动机不仅仅是物质得益最大化，还直接依赖于信念（持有信念的心理状态本身

构成最终效用的一部分)时,我们说个体具有信念依赖的动机(偏好)。信念依赖动机为人类所普遍持有。信念以目的、动机的形式贯穿于人类活动中,并与情感、意志相结合,形成一种稳固的支配人类行动的心理倾向。

在经济决策中,由于个体会从对未来的期望中获得当前效用,“向前看”的决策者会扭曲信念,譬如,个体会选择相信更有利于自己的信念。而期望偏差会导致错误的决策和非理性结果的出现,比如,在投资中决策者可能过高估计投资的回报而做出非理性的决策。无论在微观层面还是在宏观层面,主观信念对经济决策结果都具有重要影响。



扩展阅读:《怪诞行为学》节选

……就我们对人类理性的信念而言,人人都是经济学家。我不是说我们每个人都能凭直觉创造出复杂的博弈论模型或懂得一般显示性偏好公理(GARP),而是说我们对人类本性的基本信念与经济学的立论基础是相同的。在本书中,我提及的理性经济模型,就是指多数经济学家和我们很多人对人类本性的基本假定——这一既简单又令人信服的理念,即我们能够做出正确的决定。

虽然对人类能力的敬畏之情是合情合理的,但是敬佩之心是一回事,认为我们的推断能力完美无缺是另一回事,二者相去甚远。事实上,本书探讨的就是人类的非理性——我们与完美之间的差距。我相信这样的探讨对于探求真正的自我是非常重要的,并且还能使我们在现实中受益。深入了解非理性,对我们日常的行为和决定,对理解我们对环境的设计以及它给我们提供的选择,都很重要。

我进一步观察到我们不单单是非理性的,还是可预测地非理性的——我们的非理性一次又一次,以相同的方式发生。不论我们作为消费者、生意人,还是政策制定者,懂得了我们的非理性可以怎样预测,就为我们改进决策、改善生活方式提供了一个起点。

这就把我带到了传统经济学与行为经济学之间的真正“摩擦”(莎士比亚可能会这样说)中。传统经济学认为人们都是理性的——这一假定的含义是,我们能对日常生活中面临的所有选择的价值进行计算,择其最优者而行之。一旦我们犯了错误,做了非理性的事情,又会怎样呢?这里,传统经济学也有答案:“市场的力量”会向我们迎面扑来,迅速把我们拉回正确理性的道路上去。事实上,就是基于这些假定,从亚当·斯密以来,世代的经济学家们推导出了深远的无所不包的种种结论,从税收到保健政策乃至商品、服务的定价。

但是,你们会从本书中看到,我们远远不像传统经济学理论所假定的那么理性。不仅如此,我们这些非理性行为并非无规律无意识,而是成系统的。既然我们一再重复,它就是可预测的。那么,对传统经济学进行修正,使它脱离天真的心理(它常常经受不住推理、内省,尤其重要的是,经不起实验检验),难道不是顺理成章的吗?这正是新兴的行为经济学领域——本书作为这项事业的一小部分——正在试图达到的目的。

7.1.3 有限理性

不难理解,并非所有人都是完全理性的,人们在决策过程中往往会有非理性成分的存在。因而,基于“最优”原则的完全理性反而不能带来最优的决策。这种结果在实际中屡

根据规则,如果没人选择“领导”,意即 A 没有出现,则记为 0 分。因为每人都无法获知其他人的决策,所以大家无法预测实验的确切结果。只要 L 不为 0, L 的数量越少对结果越有利,所以,6 号、8 号、9 号和 10 号,在从 L 变为 F 之后就再也没有变回来。可见,在游戏开始的时候,所有参与者的理性都是有限度的。同时,你也许已经注意到,2 号和 3 号出现了从 F 变为 L 的行为。在之后的采访过程中,被试者表示担心其他所有人都从 L 变为 F,所以自己做出了 L 的选择。这从本质上讲是因为他们对结果的不确定性难以把控。

从游戏的过程来看,小组的分数在逐渐提高,每位被试者都经历了一个学习的过程。在第 2 轮的时候 3 号和 10 号从 L 变为了 F,此时 2 号从 F 变为了 L;在第 3 轮的时候 6 号从 L 变为了 F,3 号从 F 变为了 L;在第 4 轮的时候只有 2 号和 8 号坚持 L。在经过两轮坚持之后,8 号选择了放弃。在第 6 轮的时候只有 2 号选择 L,游戏达到了均衡。所有人没有动机再改变,最终以这种方式度过了最后 3 轮。

在这个实验中,所有的参与者都不是完全理性的,即他并不知道其他人的最优决策,甚至不知道自己的决策会带来何种结果。但在游戏的过程中,他们逐渐学习他人的行为,从而决定了自己的最优决策。

事实上,这种以有限理性为基础考虑变化结构及环境的博弈分析框架,与建立在达尔文自然选择思想上的生物进化理论十分相似。例如,人类在遇到复杂问题时常常由直觉引发行为方式,并模仿成功者的行为,这与其他生物的行为很接近。不仅如此,人类的竞争合作行为与动物世界的竞争合作行为也常常不谋而合。

受此启发,经济学家将生物进化理论中的进化思想引入了博弈论。这种起源于生物进化理论的博弈分析方法被称为“演化博弈论”。演化博弈论是有限理性分析的一类重要方法。它不同于完全理性下的分析前提、决策过程以及行为均衡,此时人们通常通过试错的方法达到均衡,与生物演化具有共性。在接下来的 7.2 节,将重点介绍演化博弈及其均衡的概念,而 7.3 节则介绍两种常见的演化机制。

7.2 演化与演化稳定策略

7.2.1 生物进化论

达尔文的生物进化论被誉为 19 世纪自然科学的三大发现之一,它首次勾画了生命由简单向复杂、由低级向高级的发展图式。达尔文认为,物种的进化是以群体为单位的,变异时刻都在发生。如果一种变异有利于适应环境,那么这种变异会被保留下来;如果一种变异不适应环境,就会被淘汰,这就是著名的“自然选择学说”。如今我们美丽的星球正是几亿年来生物不断演化的结果。

达尔文的自然选择学说,主要内容有 4 点:过度繁殖、生存竞争、遗传和变异及适者生存。

(1) 过度繁殖。达尔文发现,地球上的各种生物普遍具有很强的繁殖能力,都有依照

几何比率增长的倾向。例如,大象是一种繁殖很慢的动物,但是如果每一头雌象一生(30~90岁)产仔6头,每头活到100岁,而且都能进行繁殖的话,那么750年以后,一对大象的后代就可达到1900万头。因此,按照理论上的计算,即便繁殖不是很快的动、植物,也会在不太长的时期内产生大量的后代而占满整个地球。但事实上,几万年来,大象的数量从没有增加到那样多。自然界里很多生物的繁殖能力都远远超过大象,但各种生物的数量在一定的时期内都保持相对的稳定状态,这是为什么呢?达尔文想到了生存竞争。

(2) 生存竞争。生物的繁殖能力十分强大,但每种生物的后代能够生存下来的却很少。这是什么原因呢?达尔文认为,这主要是过度繁殖引起的生存竞争的缘故。任何一种生物都必须为生存而斗争。生存竞争包括生物与无机环境之间的斗争、生物的种内斗争(为食物、配偶和栖息地等的斗争)以及生物的种间斗争。生存竞争导致生物大量死亡,只有少量个体生存下来。那么在生存竞争中,什么样的个体能够获胜并生存下去呢?达尔文用遗传和变异来进行解释。

(3) 遗传和变异。达尔文认为一切生物都具有产生变异的特性。引起变异的根本原因是环境条件的改变。在生物产生的各种变异中,有的可以遗传,有的不能遗传。哪些变异可以遗传呢?达尔文用适者生存来进行解释。

(4) 适者生存。达尔文认为,在生存竞争中,具有有利变异的个体,容易在生存竞争中获胜而生存下来。反之,具有不利变异的个体,则容易在生存竞争中失败而死亡。也就是说,凡是生存下来的生物都是适应环境的,而被淘汰的生物都是不适应环境的,这就是适者生存。

达尔文把在生存竞争中适者生存、不适者被淘汰的过程叫作自然选择。他认为,自然选择过程是一个长期的、缓慢的、连续的过程。由于生存竞争不断进行,因而自然选择也是不断进行的。通过一代代的生存环境的选择作用,物种变异被定向地朝某个方向积累,个体的性状逐渐与原来的祖先有所不同,如此一来,新的物种就形成了。由于生物所在的环境是多种多样的,不同的环境会筛选出有不同特征的物种,因而自然选择也成就了生物界的多样性。

尽管达尔文的自然选择学说只揭示了生物物种的适应与演化原理,没有涉及物种内部的有机体自身的器官和功能的进化机理,也没能扩展到由物种组成的生态系统的动态平衡机制。但是作为人类历史上第一个成功的进化论,自然选择学说提出的变异与遗传、自然选择、适者生存等规律,给科学家们提供了无限的启示。研究人员认识到这些规律和基本原理也可应用到其他科学领域,于是很多具有不同知识背景的科学家用达尔文的进化理论推广到分子系统、物质系统、社会经济系统、文化系统和理论系统等,这些新的演化理论可称为广义进化论或广义达尔文主义。

在社会经济系统中,达尔文的进化论既受到西方经济学的影响,也反过来给经济学以极大的启示。西方经济学中,关于市场经济存在一个精妙的隐喻——“看不见的手”,它和自然选择可谓异曲同工。自然界中生物存在着繁殖过剩与资源和环境有限的矛盾;同样,市场经济条件下个人和企业也存在欲望无限与资源有限的矛盾。自然界中生物为了

生存和繁殖倾向于采取自私的行为,但在同种生物间也会有利他行为;同样,个人和企业 在市场中实现自身利益最大化的同时,也被看不见的手牵引去实现公共的福利。自然选择中的竞争机制如同一只看不见的手,通过一系列的环境变化调节着整个生物圈的发展,市场经济中的竞争机制也同样具有强大的协调作用。

诺贝尔经济学奖获得者萨缪尔森有段关于竞争机制的经典定义:

它是一个精巧的机构,通过一系列的价格和市场,发生无意识的协调作用。它也是一个传达信息的机器,把千百万不同个人的知识和行动汇合在一起。虽然不具有统一的智力,它却解决着一种可以想象到的牵涉到数以千计未知数和关系的最复杂的问题。没有人去设计它,它自然而然演化出来。像人类的本性一样,它总在变动。但是,它经受了任何社会组织的最基本的考验——它可以生存。

然而,再经典的理论也会存在局限:第一,达尔文所认定的演化方式是渐进式的,不能解释由于随机的突变而导致复杂性递增的结果。而且,缓慢的自然选择很难解释在连续演化中出现的突然飞跃。通过自然选择发挥作用的随机突变,很难解释已知物种之间连续出现的变种。第二,经过一些科学家仔细推敲,“自然选择、适者生存”的理论其实是在同义反复:最适者是指留下最多后代者,生存即留下最多的后代,这样,适者生存变成了生存者生存。

但瑕不掩瑜,这些局限并不妨碍学者们将进化论与其他学科的理论进行交叉研究。20世纪70年代,梅纳德·史密斯将进化生物学与博弈论相结合,不仅促进了进化生物学的发展,而且为博弈论找到了最佳的用武之地。80年代以来,美国学者E. 詹奇(Erich Jantsch)运用耗散结构理论、超循环理论和协同学等自组织理论的最新成果,结合过程哲学、系统哲学、东方传统哲学乃至佛教的宗教哲学思想,广泛涉猎从宇宙之初到精神现象,从自然演化到文化进步,从量子跃迁到社会动荡,从物理节律到全息学说等领域,首次提出了一种从宇宙演化、生物演化、社会文化演化和精神发展的广义综合进化论——自组织进化论。欧文·拉兹洛等科学家所做的广义演化研究,沟通了文化传统所划定的物理世界、生物世界、精神世界的界限,为物质的演化、生命的演化、文化的演化和知识的增长提供了一致的认识。众多学者构建的广义进化论,通过一种宏大的哲学方法论体系对物理世界、生物化学世界、人类世界以及知识系统进行了综合。

7.2.2 演化博弈

在同一物种的群体之中,不同个体在面对资源时的表现往往是不同的,这种资源可能是食物、住所或者配偶。不同个体的表现可以分为两种,第一种是强硬派,第二种是妥协派。当博弈的双方都是强硬派时,它们会一直争斗下去,直至一方重伤或死亡。当一方是强硬派而另一方是妥协派的时候,妥协派会选择退出,而强硬派获得资源,秃鹰对腐肉的争夺就是这种情况的例证。如果两方都是妥协派,则会一直僵持下去,直到其中一方退出,这时双方都不会受伤。孔雀通过开屏来争夺配偶就属于这种情况。

生物学家形象地把生物的竞争演化过程称为鹰鸽博弈^①。让我们以赤鹿为例,来描述雄鹿之间的这种博弈,亦即竞争演化过程,赤鹿之间的争斗如图 7-3 所示。



图 7-3 赤鹿之间的争斗

发情期中的赤鹿常常处于争斗之中,当遇到配偶,大战一触即发。但此时,不同的赤鹿会采取不同的策略:采取鸽策略的赤鹿将会咆哮,而采取鹰策略的赤鹿则会直接出击(锁住鹿角或彼此进行身体搏斗)。这场争斗将以其中一方受伤并退出而告终,胜利的一方会获得资源。假设资源总量为 30。那么,鹿群之间的博弈将会出现以下三种情况。

(1) 一只强硬派的赤鹿和一只妥协派的赤鹿争斗,强硬派将会获得资源。因为当强硬派的赤鹿通过锁住鹿角的方式进行争斗时,妥协派就会退缩放弃,强硬派的赤鹿就获得了全部资源,即 30,而妥协派只获得 0。

(2) 两只赤鹿都是妥协派,它们会长时间处于争斗状态,直到其中一只放弃为止。如果我们假定每一方都有 50% 的概率坚持的时间比对方长,当两方争斗时,期望就是 $15(30/2)$ 。

(3) 两只强硬派的赤鹿决斗时,争斗持续直到其中一只受伤。失败者就是一 40,而争斗中的胜利者就获得了资源,得到 30。当两只强硬派博弈,他们获胜的概率都是 50%,那么它们的期望就是一 $5[(30-40)/2]$ 。

鹰鸽博弈的结果如图 7-4 所示。

对于采取不同策略的赤鹿而言,其获得的数值越高,

		赤鹿2	
		强硬	妥协
赤鹿1	强硬	-5, -5	30, 0
	妥协	0, 30	15, 15

图 7-4 鹰鸽博弈的结果

^① 在英语文化中,鹰代表强者、强势,鸽代表妥协、求和。在政治党派中,会有鹰派和鸽派的区别。鹰派一般会用于形容主张采取强势外交手段或积极军事扩张的人士、团体或势力,或被解释为以强硬态度或手段维护国家民族利益的个人、团体或势力。而鸽派主要用于形容主张采取柔性温和的态度及手段处理外交、军事等问题的人士、团体或势力。

越容易存活下来。

我们假定赤鹿群足够庞大,也就是它自己在群体中所占的百分比几乎为零,且其中同时存在强硬派和妥协派。首先,如果强硬派和妥协派的比例为1:1,则采取强硬派赤鹿的期望得益是

$$-5 \times 0.5 + 30 \times 0.5 = 12.5$$

而此时妥协派赤鹿的期望得益是

$$0 \times 0.5 + 15 \times 0.5 = 7.5$$

妥协派的期望值低于强硬派,此时强硬派在群体中占据优势,继续扩大规模。

那么在什么情况下强硬派和妥协派将会达到平衡,即期望得益相同呢?

设群体中强硬派的比例为 p ,则妥协派的比例为 $1-p$ 。如果期望得益相等,则有

$$-5p + 30 \times (1-p) = 0 \times p + 15 \times (1-p)$$

可以解得群体达到平衡的比例为3:1,即强硬派占比75%,妥协派占比25%。

假如群体中的雄鹿全部采取同一种策略,即全是强硬派,或者全是妥协派;而这时突然产生了变异,即强硬派群体中产生了妥协派个体,妥协派群体中产生了强硬派个体,那么种群将会如何演变?

(1) 原始群体全是强硬派。此时强硬派的占比为100%。强硬派的期望得益值为-5,而妥协派的期望得益值为0。此时妥协派期望得益值更高,成功完成入侵。

(2) 原始群体全是妥协派。此时妥协派的占比为100%。强硬派的期望得益值为30,而妥协派的期望得益值为15。此时强硬派的期望得益值更高,成功完成入侵。

完成入侵后的个体会不断扩大数量,直到达到平衡比例(强硬派:妥协派=3:1)。

可以看出,采用单一策略的群体并不是稳定的群体。如何才能达到群体的稳定,意即找到一种稳定的策略均衡呢?这就是演化博弈所要解决的问题,也是下文的主要内容。在介绍演化博弈的均衡概念之前,先来定义什么是演化博弈。

定义 7.1(演化博弈) 将博弈分析方法和动态演化过程分析结合起来,针对某个随着时间变化的有限理性的群体,研究从个体行为到群体行为的形成机制以及其中涉及的各种因素,分析群体演化的动态过程,解释说明群体将达到何种稳定状态(通常是动态的均衡)以及如何达到,我们将这样的问题模型称为演化博弈。

演化博弈总是在特定的博弈结构和规则下进行的,特定的技术和制度条件决定了特定的博弈结构与规则。接下来简要解释演化博弈所涉及的一些概念。

(1) 有限理性。与经典博弈不同的是,演化博弈认为参与者并不拥有博弈结构和规则的全部知识,即参与者的知识是相当有限的。这点已经在7.1节阐述过。而且,参与者通常通过某种传递机制而非理性选择获得策略。尽管博弈的次数可能是无穷的,但是在每次博弈中参与者都是从大群体中被随机选取的,彼此缺乏了解,再次参与博弈的概率也较低。因此,参与者不会像在重复博弈中那样尝试通过声誉机制来影响对方未来的行动。

在演化博弈中,参与者对于经济规律或某种成功的行为规则、行为策略的认识是在演化的过程中得到不断的修正和改进的(也可称为“试错”),成功的策略被模仿,进而产生出一般的“规则”和“制度”作为行为主体的行动标准。在这些一般规则下,行为主体获得“满

意”的收益。

(2) 适应度函数。在进化论中,适应度指某一基因型个体与其他基因型个体相比时能够存活并留下后代的能力,通常假定其值在0到1之间。适应度是生物进化论的核心概念,它描述的是基因的繁殖能力。演化博弈必须将经典博弈中的支付函数转化为适应度函数,而适应度函数则可视为策略与适应度的映射关系。在演化博弈模型中,某种策略的适应度可简单理解为采用该策略的人数在每期博弈后的增长率。

为简化分析,许多演化博弈模型都直接将个体的博弈支付等同于适应度,而非0到1之间。

一般来讲,某种策略的适应度不仅取决于它在博弈中获取的支付,还取决于特定社会文化背景下人们对该策略的各种主观道德评价,以及个体对该策略的学习能力和个体间的社会互动模式。由于参与者是随机挑选的,某个纯策略的适应度取决于该策略的期望得益,后者又依赖于策略组合的频率分布。因此,适应度函数是策略依赖的。此外,适应度函数有时还依赖于群体规模。

(3) 演化过程。选择机制和变异机制。演化博弈有别于传统博弈的重要特征之一是,它着重考察了群体规模和策略频率的演化过程。演化博弈的演化过程主要包含两个机制:变异机制和选择机制。演化过程也可笼统地称为演化机制。与传统达尔文主义类似,演化博弈也不深入考察遗传机制,通常简单假定遗传是通过无性生殖传递的,后代拥有与祖先相同的策略。由于将适应度视为个体生产后代的数量,复制过程(或遗传过程)实际上与选择过程是同一个过程。这种复制与选择相互重合的过程也充分体现在7.3.2节的复制者动态模型中。而且,尽管演化博弈也强调变异机制的重要性,但它的变异机制是相当有限的,主要指在既定策略空间中个体策略的随机变动,并不包含新策略的产生。研究普遍认为,在演化博弈中,变异机制主要是为了检验演化均衡的稳定性。因此,演化博弈对演化过程的建模主要依赖于选择机制。复制者动态是一种典型的基于选择机制的确定性和非线性的演化博弈模型。在此模型中加入策略的随机变动,就构成了一个包含选择机制和变异机制的综合演化博弈模型,通常被称为复制者-变异者模型。

值得一提的是,并非所有的概念都可以跨界延伸,演化博弈理论中的一些生物进化的概念,如性别和交配、染色体和代际等,就很难被引入经济学领域中来。演化博弈理论在经济学领域的应用主要是考虑微观个体在演化的过程中可以学习和模仿其他个体的行为,即沿用拉马克的遗传基因理论。



扩展阅读: 演化博弈论的演化

普遍认为,演化博弈理论的形成和发展大致经历三个阶段:

首先,当博弈论在经济学中广泛运用时,生物学家从中得到启示,尝试运用博弈论中的策略互动思想建构各种生物竞争演化模型,包括动物竞争、性别分配以及植物的成长和发展等。这个阶段实际上是博弈论在生物学中的运用。

接着,生物学家根据生物演化的自身规律,对传统博弈论进行改造,包括将传统博弈论中支付函数转化为生物适应度函数、引入突变机制将传统的纳什均衡精炼为演化稳定

均衡、引入选择机制构建复制者动态模型,这个阶段是演化博弈正式形成阶段。

随后,鉴于演化博弈对传统博弈的拓展(如放松理性假设、精炼纳什均衡以及考察动态调整过程),经济学家又反过来借鉴生物学家的思想,将演化博弈运用到经济学中,进一步推动演化博弈的发展,包括从演化稳定均衡发展到随机稳定均衡,从确定性的复制者动态模型发展为随机的个体学习动态模型等。

实际上,演化博弈的思想还可以追溯到约翰·纳什对均衡概念的阐释。纳什曾指出,均衡概念存在两种解释方式:一种是理性主义的解释;另一种是“大规模行动的解释”。前一种是经典博弈论的解释方式,后一种实际上是演化博弈的解释方式。纳什认为均衡的实现并不一定要假设参与者对博弈结构拥有全部知识,以及个体拥有复杂的推理能力。只要假设参与者在决策时能够从具有相对优势的各种纯策略中积累相关经验信息(如学习得益高的策略),经过一段时间的策略调整,也能达到均衡状态。因此,演化博弈的思想早就存在于纳什的博弈理论中。

尽管如此,纳什并不是最早提出演化博弈思想的学者。事实上,演化博弈的发展主要是由众多优秀的博弈论学者推动的。现在已很难考证纳什的“大规模行动”是否受到生物学家的影响。但是,我们却可以在许多更早的生态模型和生物群体模型中清晰地发现演化博弈思想。只要建立各种演化策略与适应度和群体增长率的关系,上述这些群体动态模型都可以被转化为演化博弈模型。学者们进一步指出,演化博弈的核心思想早就存在于达尔文的自然选择理论中,可以将其称为达尔文主义博弈。因此,演化博弈的兴起既受到博弈论的影响,也受到生物演化的影响。它不仅属于博弈论的研究范畴,还属于生物演化理论的研究范畴。

7.2.3 演化稳定策略

第一节,我们完成了对理性的讨论,了解了完全理性难以实现,大多数人是有限理性的。第二节,我们通过常见的鹰鸽博弈导出了演化博弈的概念,并由此提出了演化博弈的适应度函数和选择机制。现在我们将对演化博弈中最重要的概念之一——演化稳定策略进行讨论。

假设在一个群体中,存在强硬派和妥协派两个派别,每个个体既有可能成为强硬派,也有可能成为妥协派。假设赤鹿1的混合策略为 $(p_1, 1-p_1)$,即赤鹿1有 p_1 的概率成为强硬派,有 $1-p_1$ 的概率成为妥协派;赤鹿2的混合策略为 $(p_2, 1-p_2)$,即赤鹿2有 p_2 的概率成为强硬派,有 $1-p_2$ 的概率成为妥协派。赤鹿博弈如图7-5所示。

		赤鹿2	
		强硬 p_2	妥协 $(1-p_2)$
赤鹿1	强硬 p_1	-5, -5	30, 0
	妥协 $(1-p_1)$	0, 30	15, 15

图 7-5 赤鹿博弈

那么鹿群博弈中存在4种情况:

(1) 当赤鹿1和赤鹿2都是强硬派时,赤鹿1的得益是-5,这种情况发生的概率是 $p_1 \times p_2$ 。

(2) 当赤鹿1是强硬派,而赤鹿2是妥协派时,赤鹿1的得益为30,这种情况发生的

概率是 $p_1 \times (1 - p_2)$ 。

(3) 当赤鹿 1 是妥协派, 而赤鹿 2 是强硬派时, 赤鹿 1 的得益为 0, 这种情况发生的概率是 $(1 - p_1) \times p_2$ 。

(4) 赤鹿 1 和赤鹿 2 都是妥协派, 则赤鹿 1 的得益为 15, 这种情况发生的概率是 $(1 - p_1) \times (1 - p_2)$ 。

则赤鹿 1 的期望得益为

$$F(p_1, p_2) = p_1 \times p_2 \times (-5) + p_1 \times (1 - p_2) \times 30 + (1 - p_1) \times p_2 \times 0 + (1 - p_1) \times (1 - p_2) \times 15 \quad (7-1)$$

现在开始, 需将上述具体例子推广到一般的符号描述, 然后再回到数值例子进行解释。

假设群体中大部分成员都有 p 的概率成为强硬派, $(1 - p)$ 的概率成为妥协派, 即大部分成员采取的混合策略为 $(p, 1 - p)$; 另外有一小部分突变体, 采取新的混合策略 $(q, 1 - q)$, 即对这小部分变异体来说, 他们有 q 的概率成为强硬派, 有 $(1 - q)$ 的概率成为妥协派。我们用 $F(x, y)$ 表示采取混合策略 $(x, 1 - x)$ 的参与者 1 在与采取混合策略 $(y, 1 - y)$ 的参与者 2 进行博弈之后的期望得益^①。假设突变体的数量在整个群体中的占比为 ϵ (ϵ 远远小于 1, 记作 $\epsilon \ll 1$)。

那么, 原始群体采取 p 策略^②得到的期望适应值为

$$(1 - \epsilon) \times F(p, p) + \epsilon \times F(p, q) \quad (7-2)$$

这只赤鹿遇见和它采取同策略的概率为 $1 - \epsilon$, 遇见突变体采取 q 策略的概率为 ϵ 。

突变体采取混合策略 q 得到的期望适应值为

$$(1 - \epsilon) \times F(q, p) + \epsilon \times F(q, q) \quad (7-3)$$

如果原始群体能够抵御突变体, 就需要满足式 (7-2) 的期望值大于式 (7-3) 的期望值, 即

$$(1 - \epsilon) \times F(p, p) + \epsilon \times F(p, q) > (1 - \epsilon) \times F(q, p) + \epsilon \times F(q, q) \quad (7-4)$$

当 ϵ 无限接近于 0 时 (突变体所占的比例非常小), 式 (7-4) 就等同于

$$F(p, p) > F(q, p) \quad (7-5)$$

也就是说, 如果 $F(p, p) > F(q, p)$, 那么在一小部分突变体采取策略 q 的情况下, 采取 p 策略的群体是稳定的, 突变个体会被淘汰。反之, 如果 $F(p, p) < F(q, p)$, 那么采取策略 p 的群体就很容易被突变体扰乱, 突变个体将存活下来。

如果 $F(p, p) = F(q, p)$ 会发生什么情况? 当 $F(p, p) = F(q, p)$ 时, 不等式 (7-4) 可以化简为

$$F(p, q) > F(q, q)$$

上式表示, 如果采取 p 策略的原始群体中的成员与另一个原始个体合处的适应值等

① 这里强调 $F(x, y)$ 始终表示前者的期望得益, 即成为强硬派的概率为 x 的参与者 1 的得益。

② 简便起见, 我们用 p 策略表示混合策略 $(p, 1 - p)$, 即该个体成为强硬派的概率是 p , 成为妥协派的概率是 $1 - p$ 。

于突变个体与原始个体混处的适应值,那么要使原始个体对突变个体具有免疫力,就必须要求原始个体与突变个体混处的适应值大于突变个体与突变个体合处的适应值。尽管遇见突变体的概率很小,但不可小觑,它们决定了采取 p 策略或采取 q 策略的相对优势。

综上所述,当群体满足以下两个条件之一时,原始群体可以抵抗变异体的扰乱,即保持群体的稳定性。

$$(1) F(p, p) > F(q, p)。$$

$$(2) F(p, p) = F(q, p) \text{ 但 } F(p, q) > F(q, q)。$$

条件(1)和条件(2)其实就是鹰鸽博弈的演化稳定策略。一般来讲,条件(1)更强一些。

针对一般情况,我们给出演化稳定策略的正式定义。

定义 7.2(演化稳定策略) 对于所有的策略 $q \neq p$,如果 $F(p, p) > F(q, p)$,那么策略 p 就是强演化稳定策略(强 ESS);如果 $F(p, p) = F(q, p)$ 且 $F(p, q) > F(q, q)$,那么策略 p 就是弱演化稳定策略(弱 ESS)。

定义 7.2 的含义是,为了使采取 p 策略的个体遇到采取 q 策略的突变体时可以保持稳定,需要满足以下两个条件中的一个:①当遇见参与者采取 p 策略时,采取 p 策略得到的适应值 $F(p, p)$ 需要高于采取 q 策略得到的适应值 $F(q, p)$ (强 ESS);②当遇到的参与者采取 p 策略时,采取 p 策略得到的适应值 $F(p, p)$ 等于采取 q 策略得到的适应值 $F(q, p)$;与此同时,当遇见的参与者是采取 q 策略时,采取 p 策略得到的适应值 $F(p, q)$ 需要高于采取 q 策略得到的适应值 $F(q, q)$ (弱 ESS)。需提请注意的是,均衡条件必须对所有的策略 q 都成立,意即无论突变个体采取什么策略都是如此。满足这些条件的策略就被称为演化稳定策略。

接下来,到具体事例,以雄鹿之间的博弈为例介绍寻找演化稳定策略的过程和方法。

首先,寻找强演化稳定策略。任给突变策略 q ,利用强 ESS 的条件来确定是否存在 p 值使得

$$F(p, p) > F(q, p) \quad (p \neq q)$$

代入表达式(7-1),上式即为

$$\begin{aligned} p^2 \times (-5) + p \times (1-p) \times 30 + (1-p) \times p \times 0 + (1-p)^2 \times 15 > \\ p \times q \times (-5) + q \times (1-p) \times 30 + (1-q) \times p \times 0 + (1-p) \times (1-q) \times 15 \quad (q \neq p) \end{aligned} \quad (7-6)$$

化简后可得

$$(p - q) \times [p \times (-5) + (1-p) \times 30 - (1-p) \times 15] > 0 \quad (7-7)$$

假定方括号中的项为正值,那么当 $q > p$ 时,条件式(7-7)不成立;否则,当 $q < p$ 时,条件式(7-7)也不成立。

因此,并不存在某个 p 值,使得条件式(7-7)对所有的 $q \neq p$ 都成立。所以,该博弈不存在强演化稳定策略。

其次,考虑弱演化稳定策略的条件。通过分析条件式(7-7)可知,要使 $F(p, p) = F(q, p)$ 对所有的 $q \neq p$ 成立,条件式(7-7)左边须等于 0,方括号内的项必须为 0,即

$$p \times (-5) + (1-p) \times 30 - (1-p) \times 15 = 0 \quad (7-8)$$

可以解出 $p = 0.75$ 。它满足弱演化稳定策略的第一个条件式,是弱演化稳定策略的备选值。

弱演化稳定策略的第二个条件式是

$$F(p, q) > F(q, q), \quad q \neq p \quad (7-9)$$

代入式(7-1)可知:

$$\left(\frac{1}{2}\right) \times (0.75 - q)^2 > 0, \quad q \neq 0.75 \quad (7-10)$$

条件式(7-10)对所有 $q \neq 0.75$ 都是成立的。

因此,混合策略(0.75, 0.25)是鹿群博弈的弱演化稳定策略。换言之,当鹿群中的原始群体有 0.75 的概率成为强硬派,有 0.25 的概率成为妥协派时,鹿群达到一个稳定的均衡,可以抵抗突变体的干扰,持续发展下去。



进阶阅读: 演化稳定策略与纳什均衡、演化均衡的关系

1. 演化稳定策略与纳什均衡的关系

如果某一策略对侵入或突变具备了免疫力,那么群体可利用该策略来保持稳定,这一策略即为演化稳定策略。然而,也许有读者会问:图 7-5 所对应的静态博弈本来就存在一个混合策略纳什均衡而且稳定,它与演化稳定策略究竟有何关系呢?

首先,需要明确一点,纳什均衡是一个策略组合,而演化稳定策略是一个策略。因此,在比较纳什均衡与演化稳定策略时,常常假定静态博弈中的纳什均衡是对称的,即所有个体都采用相同的策略。此时将对称纳什均衡策略与演化稳定策略进行比较才有意义。

其次,这两种均衡策略对应着两种不同的策略选择机制。纳什均衡策略对应向前看的选择机制,而演化稳定策略对应着演化机制。换言之,前者由理性参与者选择最优策略,从而产生最大的适应值,而后者则通过自然选择机制来获得最高的适应值。通常,在完全理性的假设下,如果纳什均衡存在,那么参与者博弈一次就可直接达到纳什均衡。这个结果不依赖于参与者所处的初始状态,所以不需要任何的动态调整过程。而演化博弈论则认为,纳什均衡的达到应当是在多次博弈后才能达到的,需要有一个动态的调整过程,均衡地达到依赖于初始状态,是路径依赖的。关于演化均衡的状态依赖性,在 7.3.2 节中将有例证。

最后,这两种策略并非完全一致。本书略去相关证明,仅给出一些结论。

结论 1: 演化稳定策略是纳什均衡策略,但纳什均衡策略不一定是演化稳定策略。

现就这一结论稍作解释。在有多个纳什均衡的情况下,若某个纳什均衡一定会被采用时,必须存在有某种能够导致每个参与者都预期到的某个均衡出现的机制。然而,博弈论中的纳什均衡概念本身却不具有这种机制。因此,当博弈存在多个纳什均衡时,即使假设参与者都是完全理性的,也无法预测博弈的结果是什么,如果参与者只有有限理性,就更难预测博弈的结果了。而在演化博弈理论中,均衡的提炼通过前向归纳法来实现,即参与人根据博弈的历史来选择其未来的行为策略,是一个动态的选择及调整过程。因此,尽

管参与人都是有限理性的,但动态的选择机制将使得在有多个纳什均衡存在的情形下达到其中的某一个纳什均衡,实现纳什均衡的精炼。

总而言之,演化稳定策略是比纳什均衡更精炼的概念。就是说,一种策略成为演化稳定策略比成为纳什均衡需要满足更多的条件。从某种意义上说,演化稳定策略是纳什均衡附加一个稳定条件,这个条件能保证群体在小的冲击下不被侵入的稳定状态。

那么,在什么情况下纳什均衡策略并非演化稳定策略呢?答案有些复杂!一个相对简单的回答是,当一个对称纳什均衡所对应的策略是弱劣策略时,它一定不是演化稳定策略。

但是,对于一个对称的严格纳什均衡而言,每个参与者所选择的策略都是最优策略,从而使其他参与者获得一个较低的得益。因此,满足强演化稳定策略的条件和(对称)严格纳什均衡的条件是等价的。因此有下述结论。

结论 2: 一个严格对称纳什均衡是演化稳定策略。

2. 演化均衡与上述演化均衡和纳什均衡的关系

除了纳什均衡外,另一个与演化稳定策略相近但不同的概念是演化均衡。荷什勒佛(Hirshleifer)在1982年提出了演化均衡的概念。按照荷什勒佛的概念,若从某平衡点的任意小邻域内出发的轨线最终都演化趋向于该点,则称该点是局部渐近稳定的,这样的动态稳定平衡点就是演化均衡。演化均衡与演化稳定策略、纳什均衡之间的关系如下。

(1) 每一个纳什均衡都是动态系统的平衡点,但并不是每个平衡点都是演化均衡。

(2) 演化均衡一定是纳什均衡。

(3) 演化稳定策略不一定是演化均衡。具体而言,复制者动态机制可以保证演化稳定策略为演化均衡,但在一般的演化机制中演化稳定策略却既不是演化均衡的充分条件也不是演化均衡的必要条件。

根据弗里德曼的观点,演化博弈论中最为有用、运用最为广泛的均衡概念并不是演化稳定策略,而是演化均衡——因为行为按照某种动态随时间变化的假设是合乎情理的。

7.3 两种常见的演化机制*

演化博弈分析的关键是确定参与者学习和策略调整的模式,亦即演化机制。由于参与者理性层次的多样性,使得参与者的学习和策略调整的方式与速度相差甚远^①。要对演化博弈做出有效的分析预测,必须发展适合不同参与者的演化机制,分析各种机制的稳定性,以及用不同的机制来模拟参与者的策略调整过程。

如前所述,人类的竞争与合作行为实际上跟动物世界很相似,借鉴研究生物行为规律的研究方法来分析人类的行为是可行的。生物进化中生物性状和行为特征动态变化过程的“复制者动态”,正是模拟参与者学习和调整策略过程的重要机制之一,而生物进化论所

^① 不仅不同博弈的博弈主体的理性和学习能力有差异,来自同一个博弈的不同博弈主体在理性方面也会有较大差异。

描述的稳定均衡——“演化稳定策略”，恰是演化博弈分析中最核心的均衡概念。

虽然复制者动态相当重要，但是它却很难直接运用到社会经济演化中。在社会经济演化中，个体学习并不像生物进化那样毫无意识和缺乏能动性。反之，个体具有一定的认知能力，能够有意识地做出选择。个体的策略学习过程是策略演化的重要动力机制。因此，许多学者都尝试进一步拓展演化动态模型，将个体学习过程引入演化博弈中。由此，按照个体意识（或者理性）的强弱，可以将个体的学习模型归纳为三类：一是无意识的学习，包括强化学习和参数化的自动学习模型；二是模仿学习；三是强意识的信念学习，包括虚拟行动、随机学习动态、随机信念学习、贝叶斯理性学习和经历加权吸引模型等。

本节将介绍两种具有代表性的演化机制：针对理性层次较高、反应速度较快的“最优反应动态”，和对于理性层次较低、反应速度较慢的“复制者动态^①”。

7.3.1 最优反应动态

最优反应动态是进化博弈理论中典型的动态机制之一，该机制适用于数量少且具有快速学习能力的有限理性参与者之间的重复博弈和策略进化。在此机制下，参与者虽然缺乏在复杂局面下准确判断和全面预见的能力，但是具有较快的学习能力。在一次博弈结束之后，参与者会对本期结果进行分析、总结，对不同策略的结果做出比较正确的事后评估并相应调整策略。经过参与者多次的策略调整，最终由“演化稳定策略”给出博弈的均衡解。但所有的博弈一定有均衡吗？不一定！在这种分析框架下，博弈分析的目的不在于给出参与者的最优策略选择，而在于有限理性参与者组成的群体成员的策略调整过程、趋势和稳定性。

首先用一个简单的例子来解释最优反应动态。假设有这样一个村庄：6家有限理性的村民围成一圈居住，决定是否互助。他们满足上文中对参与者的要求。对于任意一家村民，他和与己紧邻的两家邻居分别进行图7-6所示的博弈。

		参与者2	
		冷对(A)	互助(B)
参与者1	冷对(A)	50,50	49,0
	互助(B)	0,49	60,60

图 7-6 最优反应动态博弈得益矩阵

如图7-6所示，该博弈有两个纯策略纳什均衡：（冷对，冷对）和（互助，互助）。在这两个纳什均衡中，（互助，互助）明显帕累托优于（冷对，冷对）。现在6家村民围居一圈，如图7-7所示。六边形上的每个位置都是村民。每家村民只与自己的左右邻居反复博弈。

在这里，不对初次博弈进行限定，假设每个位置的村民随机采取策略“冷对”或“互助”。因此会出现64种情况。我们用 $x_i(t)$ 表示在 t 阶段第 i 家村民左右邻居中采取冷

^① 该机制是根据生物进化中生物性状和行为特征动态变化的过程设计的。生物进化理论具有在动态调整过程中恢复或者达到稳健性均衡的特点，对分析有限理性条件下的博弈均衡具有十分重要的意义。

对(A)策略的数量。例如图 7-8 所示的情况下, $x_1(t)=2, x_2(t)=1, x_3(t)=1, x_4(t)=0, x_5(t)=1, x_6(t)=1$ 。

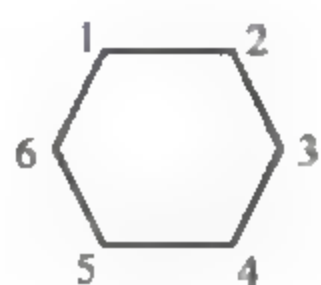


图 7-7 6 家村民的位置

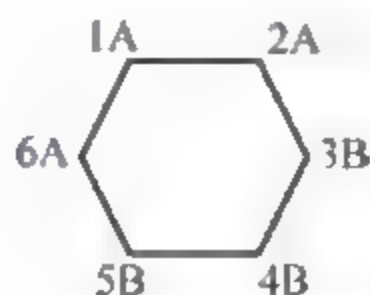


图 7-8 博弈者选择一

综合考虑 t 阶段 $x_i(t)$ 的情况, 在每一个时期 $x_i(t)$ 的可能结果有三种: 0、1、2, 分别表示两边没有选择 A 的村民、两边有 1 位选择 A 的村民和两边都是选择 A 的村民。如果村民 i 选择策略 A, 则其期望得益为 $\frac{50x_i(t) + 49[2 - x_i(t)]}{2}$; 如果村民 i 选择策略 B, 他的期望得益为 $\frac{0x_i(t) + 60[2 - x_i(t)]}{2}$ 。

根据最优反应动态机制, 村民们会根据对手的情况调整自己的决策。如果自己试图追求更多得益的策略没有被其他村民认同, 那么在下一轮决策时, 该决策者会放弃追求更多得益。

如果 $\frac{50x_i(t) + 49[2 - x_i(t)]}{2} > \frac{0x_i(t) + 60[2 - x_i(t)]}{2}$, 即 $x_i(t) > \frac{22}{61}$, 村民 i 会在 $t+1$

时期采用冷对(A), 否则采用互助(B)。由于 $x_i(t)$ 的取值范围是被限定在 0、1、2 这三个整数值中, 因此, 在 t 时期村民 i 的两家邻居之中只要有一人以上采取冷对策略, 那么他在下一时期的博弈中也会采用冷对; 只有两家邻居都没有采用冷对, 村民 i 才会在 $t+1$ 时期采用互助。

下面用一个例子来说明最优反应动态的演化过程。假定开始的时候有相邻的两家村民 1 号和 2 号选择冷对策略, 其余村民全部选择互助策略, 那么

1 号周围有 1 人选择冷对, 1 号下下一轮中依然选择冷对。

2 号周围有 1 人选择冷对, 2 号在下一轮中依然选择冷对。

3 号周围有 1 人选择冷对, 3 号在下一轮中选择冷对。

4 号周围全部选择互助, 4 号在下一轮中选择互助。

5 号周围全部选择互助, 5 号在下一轮中选择互助。

6 号周围有 1 人选择冷对, 6 号在下一轮中选择冷对。

于是, 一轮过后将产生图 7-9(b)所示的结果。以此类推可以产生图 7-9(c)所示的结果。

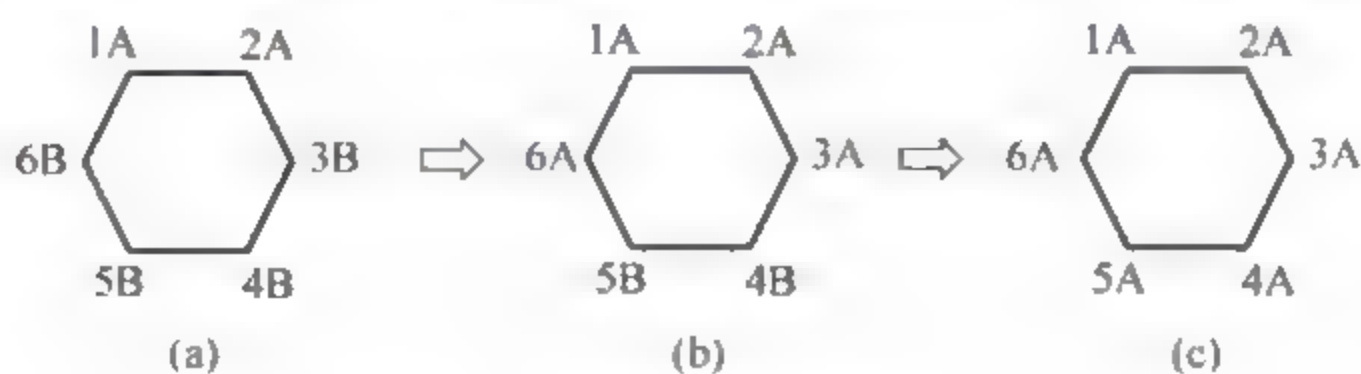


图 7-9 最优反应动态博弈一

达到图 7 9(c)所示的状态后,所有村民都没有选择策略互助的动力。所以全部选择冷对策略是一个演化稳定策略。同理,初次博弈全部为互助策略时,也是一个演化稳定策略。

但所有博弈一定都能够达到演化稳定策略吗?如图 7 10 所示,如果初次博弈只有 1 人选择冷对策略。随着演化博弈的进行,六家村民将不断在图 7 10(c)和(d)之间跳转,这个博弈就不存在演化稳定策略。

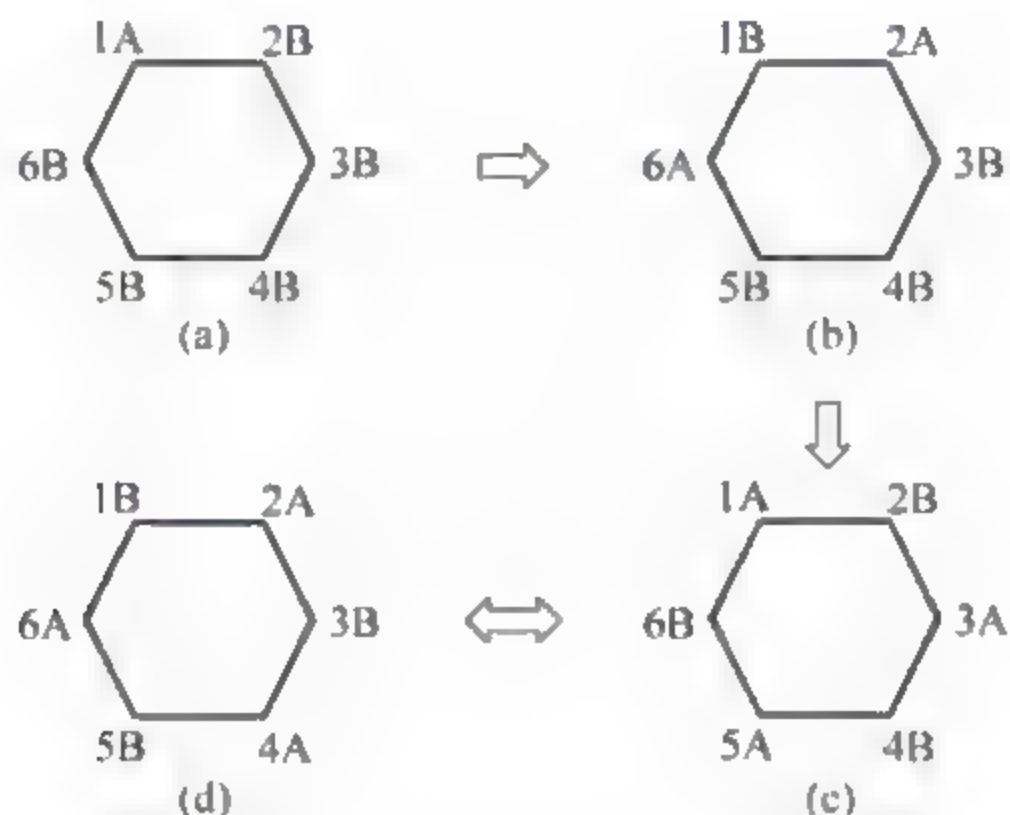


图 7-10 最优反应动态博弈二



进阶阅读：电力竞价最优反应动态博弈

目前大多数国家和地区使用的电力市场竞价机制主要有两种：一种是统一市场出清价格(MCP)机制；另一种是按报价支付(PAB)机制。在此我们主要讨论 MCP 机制。

MCP 机制是指各个发电商向交易中心提交报价曲线,而交易中心对所有发电商都按相同的价格统一出清和结算的方式。目前世界上绝大多数的电力市场都采用该竞价机制。在 MCP 竞价机制下,市场中所有申报的中标电量均按照市场中最后中标的发电商所报价格(市场出清价格)来结算。发电商在选择竞价策略时需要考虑所有的发电成本和机组运行约束,并将发电过程中的一些隐含成本体现在报价中。

日前竞价交易以机组为单位进行,对发电商报价进行网损修正,并以市场总购电费用最低为目标进行竞价交易。所有未安排合同交易电量的竞价机组均可以参与日前交易。日前竞价交易对次日的剩余未平衡电量进行竞争,合同交易电量的执行方式不变,其他规定不变。日前交易各时段最后一台中标机组在中标出力的报价为该时段的边际价格,日前交易按边际价格结算。日前交易按日组织,每日交易一次。每个交易日为一个日历日,从次日 0:00 至次日 24:00,以 15 分钟为一个时段。日前交易的竞价空间是次日各个时段剩余的负荷空间,为次日各个时段全网负荷预测值减去非竞价机组的合同分解电量、竞价机组已分解的合同及合同交易电量。每个工作日 10:00 之前,发布日前交易市场信息。市场主体对东北电网有限公司发布的日前交易市场信息如果有异议,应在当日 11:30 前向东北电网有限公司提出。

交易之前,发电商能得到如下信息:上一轮市场出清价格及自身的中标出力;本轮预测负荷曲线、最高和最低限价等。发电商以机组为单位进行竞价,每个交易日的竞价按不同交易时段申报;竞价包括段电价和相应的容量;每段给出10个出力点及相应电价;竞价曲线非减,第一个点必须是机组所能达到的最小出力点;对于每个交易时段,电力交易中心按发电商的竞价从低到高排序,逐段截取各发电商申报的容量,直到所有已截取的容量之和满足负荷需求时,此时的价格就是市场的出清价格,市场采用此价格进行结算。

现在规定,发电商的成本函数为过原点的二次函数,形式如下:

$$C_i(P_i) = aP_i + bP_i^2$$

式中: $C_i(P_i)$ 为发电厂 i 的成本函数; P_i 为发电厂的出力或发电量; a, b 为系数。

在每次交易开始之前,发电商向交易中心提供各自的报价曲线 $B_i - B_i(S_i, P_i)$, 其中 S_i 为该发电厂的报价策略向量,即报价曲线的参数。交易中心收到各个发电商的报价后,按低报价优先交易的原则组织交易,确定各竞价电厂的中标电量。最后一个中标电厂中标段的报价为市场出清价格。根据以上给出的市场条件,可以得到竞价发电商的得益函数 π_i :

$$\pi_i = B_i P_i - C_i(P_i) = (B_i - a)P_i - bP_i^2$$

假设区域电力市场中每个发电商只有两种策略选择:高价策略和低价策略。设在 t 时期发电商采取高价策略且竞价成功的概率为 y_t ,发电商采取低价策略且竞价成功的概率为 x_t ,市场中采取高价策略的发电商个数为 z_t ,相应的采取低价策略的发电商的个数为 $n - z_t$ 。设市场需求量为 Q ,当区域电力市场中电力供不应求或者供求平衡时,即 $P_{\max} \leq Q$ 时,发电商在竞价中采取高价策略是一定可以成功的,即 $y_t = 1$ 。为了提高利润,所有发电商都将采取高报价的策略。

当区域电力市场中电力供过于求时,所有发电商都采取高价策略必然会导致一部分发电商无法竞价成功,因此必然会有一部分发电商采取低价策略。

当 $0 \leq P_L \leq Q$, 即 $\frac{P_{\max} - Q}{P_{\max}} n < z_t \leq n$ 时,发电商采取低价策略是一定可以竞价成功的,即 $x_t = 1$ 。此时,市场上剩余的发电容量 $Q - P_L$ 留给了采取高价策略的发电商,故此时 $y_t = 1 - \frac{n(P_{\max} - Q)}{z_t P_{\max}}$ 。

当 $Q \leq P_L \leq P_{\max}$, 即 $0 \leq z_t \leq \frac{P_{\max} - Q}{P_{\max}} n$ 时,发电商采取高价策略一定会失败,即 $y_t = 0$ 。此时市场上有数量为 P_L 的低价发电量去竞争市场上总的竞价电量空间 Q ,故此时 $x_t = \frac{nQ}{(n - z_t) P_{\max}}$ 。

发电商在一次竞价中采取高价策略可以成功竞得的发电量为 $P_{i,H} = y_t P_{i,\max}$,采取低价策略可以成功竞得的发电量为 $P_{i,L} = x_t P_{i,\max}$ 。得益分别为

$$\pi_{i,H} = B_{i,H} P_{i,H} - C_i(P_{i,H}) = (B_{i,H} - a) y_t P_{i,\max} - b y_t^2 P_{i,\max}^2$$

$$\pi_{i,L} = B_{i,L} P_{i,L} - C_i(P_{i,L}) = (B_{i,L} - a) x_t P_{i,\max} - b x_t^2 P_{i,\max}^2$$

当发电商采取高价策略的得益大于采取低价策略的得益时,在下一期所有发电商都能做出最优反应,即都将采取高价策略;反之,在下一期所有发电商都将采取低价策略。当二者相等时,采取高价策略的发电商个数保持不变。

某地区有 6 个有限理性的发电商,他们具有相同的成本函数和机组容量。发电商降价容量段为 $[200, 500]$,发电成本函数为 $C_i(P_i) = 93.21P_i + 0.18P_i^2$ 。

表 7-2 所示为发电商的报价方案。

表 7-2 发电商报价方案

高价方案			
容量段/兆瓦	200,300	300,400	400,500
价格/(元/兆瓦时)	225	240	255
低价方案			
容量段/兆瓦	200,300	300,400	400,500
价格/(元/兆瓦时)	185	200	215

根据上述报价方案可以得到发电商竞价的得益矩阵,如图 7-11 所示。

	高价	低价
高价	$73\,395y_i - 45\,000y_i^2, 73\,395y_i - 45\,000y_i^2$	$73\,395y_i - 45\,000y_i^2, 53\,395y_i - 45\,000y_i^2$
低价	$53\,395y_i - 45\,000y_i^2, 73\,395y_i - 45\,000y_i^2$	$53\,395y_i - 45\,000y_i^2, 53\,395y_i - 45\,000y_i^2$

图 7-11 发电商得益矩阵

设市场的竞价电量空间为 2 100 兆瓦时,在短时期内保持不变;各竞价电厂能够提供的最大出力为 500 兆瓦时,则所有发电厂参与竞价得到

$$\begin{cases} \pi_{i,H} = 0, \pi_{i,L} = \frac{-224\,259z_i + 551\,754}{(6 - z_i)^2}, & \text{若 } 0 \leq z_i \leq \frac{P_{\max} - Q_n}{P_{\max}} n = 1.8 \\ \pi_{i,H} = \frac{29\,899z_i + 283\,955z_i^2 - 145\,800}{z_i^2}, \pi_{i,L} = 8\,395, & \text{若 } \frac{P_{\max} - Q_n}{P_{\max}} n = 1.8 \leq z_i \leq n = 6 \end{cases} \quad (7.11)$$

求得交点 $z_i = 2.054\,3$ 。如果当前采取高价的企业数量大于 2 个,则下一期所有企业采取高价策略;如果当前采取高价的企业不高于 2 个,则下一期全部采取低价。

7.3.2 复制者动态

1. 鹰鸽博弈

现在回到我们熟悉的鹰鸽博弈模型(图 7-12)。为了描述方便,我们将强硬策略表述为鹰策略,妥协策略表述为鸽策略。

演化博弈理论研究的重点是群体,而非单个动物,目的是描述稳定群体所采取的混合

		动物2	
		鹰	鸽
动物1	鹰	-5, -5	30, 0
	鸽	0, 30	15, 15

图 7-12 鹰鸽博弈模型

策略。为了达到这个目的,首要关注的是策略,从这个角度出发,动物仅仅是研究策略的工具。使用策略的动物可以随意挑选,但群体采取的混合策略可以一直存在。

我们用来描述稳定群体结构的方法是以自然选择理论为基础的:获得较高适应值的策略可以繁殖更多的后代,这就增加了后代群体采取该策略的概率。把这种机制模型化,我们就需要记录采取每种策略可以得到的适应值。我们用 $F(x, y)$ 表示,与一只被赋予 y 策略的动物博弈时,被赋予 x 策略的动物得到的适应值。



概念解读: 适应度函数 $F(x, y)$

此处的 x, y 不同于前文中的 p, q , 前文中采取的是混合策略,每个个体采取鹰策略的概率为 p, q ,即他还有 $1-p$ 或 $1-q$ 的概率采取鸽策略。而此处的 x 和 y 只是鹰策略或鸽策略中的一种,因为每一个个体只能采取其中的一种策略。正如我们在讨论天气的时候,我们可以说明天下雨的概率为 40%,而不能说昨天下雨的概率为 40%。因为明天没有到来其结果未知,可以说下雨的可能性有四成。但昨天已经发生,只存在下雨或者没下雨这两种可能性中的一种。

对于那些采取鹰策略的动物,当与采取相同策略的另一个参与者争斗时,每个参与者获得 -5 的适应值;当与采取鸽策略的参与者争斗时,获得 30 的适应值。所以在这个群体中,采取鹰策略的动物可以得到的期望平均适应值取决于这个群体的混合策略。 p_t 表示在 t 代中被赋予鹰策略的个体在群体中的概率,采取鹰策略的个体得到的平均适应值就表示为

$$f_t(\text{鹰}) = -5 \times p_t + 30 \times (1 - p_t) \quad (7-12)$$

$f_t(\text{鹰})$ 表示采取鹰策略的个体在 t 代的适应值的平均值,它等于它和采取鹰策略的个体争斗所获得的适应值 -5,以及与采取鸽策略的个体获得的适应值 30 的加权平均数,这个权重是鹰策略与鸽策略分别在群体中的比例。

同理,在 t 代中采取鸽策略得到的适应值表示为

$$f_t(\text{鸽}) = 0 \times p_t + 15 \times (1 - p_t) \quad (7-13)$$

复制者动态解释了当采取某策略获得的适应值大于群体平均值时,使用该策略的后代比例就会增长,反之则减少。在鹰鸽博弈理论中,在后代 t 中群体平均适应值表示为

$$f_t = p_t \times f_t(\text{鹰}) + (1 - p_t) \times f_t(\text{鸽})$$

在鹰鸽博弈中复制者动态方程可以表示为

$$p_{t+1} = p_t \times \frac{f_t(\text{鹰})}{f_t}$$

或等价表示为

$$\frac{p_{t+1} - p_t}{p_t} = \frac{f_t(\text{鹰}) - f_t}{\bar{f}_t}$$

这个方程式说明了 $t+1$ 代中“鹰策略占比的变化百分比”与“采取鹰策略的适应值的变化百分比”成正比。当 t 代中采取鹰策略的适应值高于群体的适应值时,采取鹰策略的比例增加;反之采取鹰策略的比例减小。同时,增减的幅度与适应值变化的幅度成正比。

那么,在什么情况下采取鹰策略的比例将保持不变?当采取鹰策略的适应值等于采取鸽策略的适应值时,群体中采取鹰策略的比例和采取鸽策略的比例将不变,即

$$5 \times p_t + 30 \times (1 - p_t) = 0 \times p_t + 15 \times (1 - p_t)$$

求解可得 $p_t = 0.75$, 即当群体中采取鹰策略的概率为 75% 时,群体达到演化稳定策略。



进阶阅读: 复制者动态的一般解

鹰鸽博弈以及复制者动态的全部讨论是基于图 7-12 所示的得益矩阵,那么其中的数值从何而来?下面我们将讨论鹰鸽博弈以及复制者动态的一般解。

设资源为 V , 采取鹰策略的个体受伤的损失为 $-C$ ($V < C$), 鹰鸽博弈的得益矩阵可以用图 7-13 表示。

		个体2	
		鹰	鸽
个体1	鹰	$\frac{V-C}{2}, \frac{V-C}{2}$	$V, 0$
	鸽	$0, V$	$\frac{V}{2}, \frac{V}{2}$

图 7-13 鹰鸽博弈的得益矩阵

当采取鹰策略的个体与采取鸽策略的个体争斗时,双方都可能获得资源,也都可能受伤,在双方胜率均在 50% 的条件下,鹰策略的适应值是 $\frac{V-C}{2}$ 。当采取鹰策略的个体与采取鸽策略的个体博弈时,采取鸽策略的个体主动退出争斗,采取鹰策略的个体获得全部资源,其适应值为 V 。当采取鸽策略的个体与采取鸽策略的个体争斗时,双方都不会受伤,直到其中一方退出争斗,在双方胜率均在 50% 的条件下,采取鸽策略的适应值是 $\frac{V}{2}$ 。

此时,式(7-12)和式(7-13)将变为以下形式:

$$f_t(\text{鹰}) = \frac{V-C}{2} \times p_t + V \times (1 - p_t) \quad (7-14)$$

$$f_t(\text{鸽}) = 0 \times p_t + \frac{V}{2} \times (1 - p_t) \quad (7-15)$$

当 $f_t(\text{鹰}) > f_t$ 时,采取鹰策略的比例增加,即

$$\frac{V-C}{2} \times p_t + V \times (1 - p_t) > p_t \times$$

$$\left[\frac{V}{2} \times p_t + V \times (1 - p_t) \right] + (1 - p_t) \times \left[0 \times p_t + \frac{V}{2} \times (1 - p_t) \right]$$

可以得到: $p_t < \frac{V}{C}$ 。

当 $f_t(\text{鹰}) < \bar{f}_t$ 时, 同理可得: $p_t > \frac{V}{C}$ 。

当 $f_t(\text{鹰}) = \bar{f}_t$ 时, 同理可得: $p_t = \frac{V}{C}$ 。

由以上推导可得: 当采取鹰策略适应值大于群体的平均适应值时, 采取鹰策略的比例小于 $\frac{V}{C}$, 此时鹰策略的比例增加。当采取鹰策略适应值小于群体的平均适应值时, 采取鹰策略的比例大于 $\frac{V}{C}$, 此时鹰策略的比例减小。当采取鹰策略适应值等于群体的平均适应值时, 采取鹰策略的比例等于 $\frac{V}{C}$, 此时鹰策略的比例不变, 达到演化稳定策略。这种趋势可以用图 7-14 所示的动态演化图表示。



图 7-14 鹰鸽博弈理论中的复制者动态

2. 猎鹿博弈

许多动物通过彼此之间的合作达到共同目的。狮子(通常是雌性)群体逐猎时比单个行动更有效, 土狼在追逐更大的猎物时也会选择围猎。上述情景可以模拟为猎鹿博弈, 如图 7-15 所示。猎鹿博弈在第 2 章的静态博弈中也出现过, 但在本章将会赋予新的话题。

假设在 t 代中, 群体比例为 s^t 的成员采取合作的策略。那么每个成员采取合作策略(猎鹿)得到的平均适应值为

$$s^t \times 4 + (1 - s^t) \times 1 = 1 + 3s^t$$

而如果单兵作战(猎兔), 则得到平均适应值为

$$s^t \times 3 + (1 - s^t) \times 3 = 3$$

借助复制者动态, 当且仅当采取合作策略得到的适应值大于群体的平均适应值时, 采取合作策略的成员的比才会增加。因为只有两种策略, 这就是说, 采取合作策略得到的适应值大于采取单兵作战策略得到的适应值, 即

$$1 + 3s^t > 3$$

因此当 $s^t > \frac{2}{3}$ 时, 下一代采取合作策略的成员的比才会增加。反之, 当 $3 > 1 + 3s^t$,

即 $s^t < \frac{2}{3}$ 时, 下一代采取合作策略的成员的比将会减少。

		参与者2	
		猎鹿	猎兔
参与者1	猎鹿	4,4	1,3
	猎兔	3,1	3,3

图 7-15 猎鹿博弈

如果一开始就有 $\frac{2}{3}$ 的成员采取合作的策略,有 $\frac{1}{3}$ 的成员采取单兵作战的策略,在这样的群体中,采取合作与采取单兵作战策略得到的适应值都为 3。既然所有的策略得到的适应值都一样,复制者动态就使群体处于稳定状态。

这个动态过程如图 7-16 所示:当 $s^t < \frac{2}{3}$ 时,采取合作策略的成员减少;当 $s^t > \frac{2}{3}$ 时,采取合作策略的成员增加。



图 7-16 猎鹿博弈中的复制者动态

现在我们对鹰鸽博弈和猎鹿博弈进行对比分析。这两种博弈都存在一个固定的点,在鹰鸽博弈中,这个固定的点即采取鹰策略的概率是 0.75;在猎鹿博弈中,这个固定的点即群体中采取合作策略的比例是 $\frac{2}{3}$ 。这个固定的点是静止点^①,静止点就是使得复制者动态不受干扰的群体混合策略。一旦群体处于静止点,复制者动态就使群体一直处于这个状态,一代又一代。

在鹰鸽博弈和猎鹿博弈中,静止点不仅一个。在鹰鸽博弈中,群体中采取鹰策略的比例为 0 和采取鹰策略的比例为 100% 也是静止点,因为在这两个点上没有鹰策略或鸽策略的基因,所以无法遗传。在猎鹿博弈中,初始选择合作的比例为 0 或初始选择合作比例为 100% 也是静止点。

但这些静止点并不完全相同。在猎鹿博弈中,如果初始合作的参与者的比例为 $\frac{2}{3}$,那么群体是稳定的,但只要出现一点儿偏差,群体的稳定就会失衡。而在鹰鸽博弈中,当采取鹰策略的比例为 0.75 时,即使有些许偏离也会快速回到这个稳定的点。

我们称鹰鸽博弈中的 0.75 是演化稳定策略。不论群体结构最初的组成比例是多少,群体中采取鹰策略的成员比例最终都将演化为 0.75。在鹰鸽博弈中只有一个演化稳定策略,即采取鹰策略的比例为 0.75。只要采取鹰策略的比例的初始值不是 0 或 1,最终都会演化为 0.75。但是猎鹿博弈中有两个演化稳定策略,分别是全合作与全不合作。如果初始选择合作的比例小于 $\frac{2}{3}$,则会演化为全体不合作。如果初始合作比例大于 $\frac{2}{3}$,将会演化为全体合作。定义 0 和 1 是两个吸引子。我们把初始合作比例小于 $\frac{2}{3}$ 称为吸引子 0 的吸引域,初始合作大于 $\frac{2}{3}$ 称为吸引子 100% 的吸引域。

^① 静止点也称为驻点或平衡点,可利用系统动力学或微分知识求解。同时,在考查系统的演化时需注意导数或差分的符号,它决定着策略的演化方向。相关动力学知识可参考钟永光的《系统动力学》。



概念解读：静止点(平衡点)和吸引子(演化均衡)

为了更好地理解静止点和吸引子的稳定性,请参照图 7-17 所示。

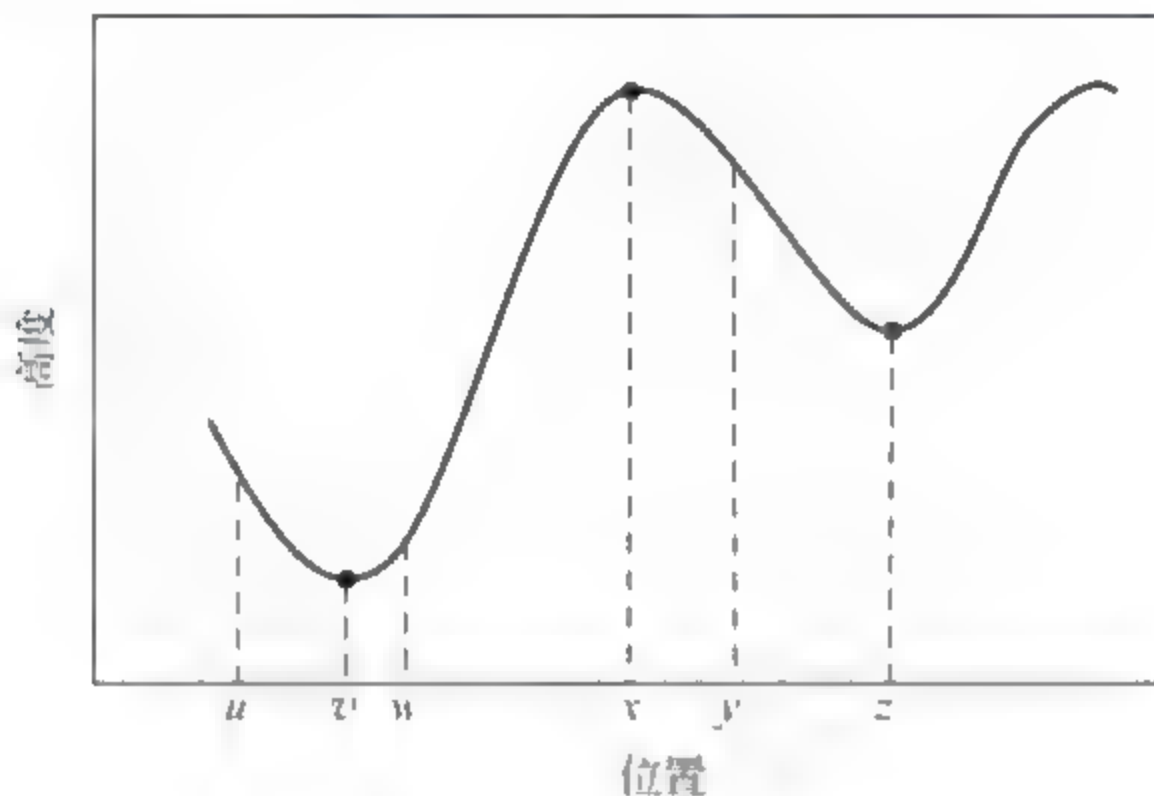


图 7-17 静止点和吸引子的稳定性

我们可以形象地将图 7-17 比作山峰和山谷,如 x 是山峰, v 、 z 是山谷。如果一个小球位于 u 点,显然它不可能保持稳定,一定会滚到 v 点(不考虑滑到山谷之后继续摆动的情況)。同理,如果这个小球在 y 点,则它会滚到 z 点。如果小球恰好位于 v 点、 x 点或 z 点,它将不会滚动。这三个点的区别在于:在 v 点(或 z 点)时,如果给小球一个轻微的扰动,小球还会回到 v 点(或 z 点);但如果小球在 x 点,只要给一个轻微的扰动,它就会滚动到 v 点或 z 点。

因此,图 7-17 中 v 点、 x 点和 z 点都是静止点,但 v 点和 z 点是吸引子, x 点不是吸引子。吸引子相当于演化博弈中的演化均衡概念。

3. 闯红灯问题*

“中国式过马路^①”曾一度在网络上被炒得沸沸扬扬。事实上,行人闯红灯已经成为道路安全的重大隐患。行人的违章行为不仅会扰乱道路交通秩序,更有甚者会为此付出鲜血乃至生命的代价。据公安部统计数字显示,2012 年 1—10 月,全国因违反道路标志标线肇事导致人员伤亡的道路交通事故 87 852 起,造成 26 154 人死亡,其中因行人违规导致的肇事造成 262 人死亡。

在交叉口过街的行人会形成一个临时的群体,群体中的个人行为会受到群体或他人的影响。当行人横穿道路交叉口时,看到别人不走人行横道或者在红灯信号时横穿马路,也会受其影响采取同样的行动;相反,如果现场行人都能遵守交通规则,受大家的感染,个别人也会克制自己,遵守交通规则。

对行人来讲,无论追随他人闯红灯,还是受人影响守规则,都是一种从众心理,这是一种普遍的心理现象。有研究人员通过对行人违法过街的原因进行问卷调查,发现六成的被调查者回答的原因为“从众心理”和“看到道路两边没有机动车通行”,在进一步被问到

^① 指凑够一撮人就可以走了,和红绿灯无关的行为模式。

“假如您看到有许多人闯红灯您也随他们一起过马路的理由”时,58.7%的受访者认为是受他人影响,即从众心理在作祟。此外有研究表明,不同类型的人,从众行为的程度也不一样。一般来说,女性从众多于男性;性格内向、容易自卑的人多于外向、自信的人;文化程度低的人多于文化程度高的人;等等。

闯红灯问题中需要讨论的关系不仅在于行人与交警之间的博弈关系,行人与行人之间的行为互动同样值得重视。行人与交警之间的关系多表现为个体与个体通过不同决策的直接影响来反映,而行人闯红灯从众现象中,行人与行人之间本身直接的影响不显著,更多的是无数个体决策对局之中群体行为的逐步演变。这时群体是有限理性的,其决策的转换也是渐变、慢速的,因此应当采用博弈论当中的演化模型来对其进行分析。

前面已指出大多数行人闯红灯受从众心理驱使,因此我们重点考察在从众心理驱使下,个人决策的演化过程。

我们首先从某一时刻的静态博弈开始说明行人闯红灯概率(可视为人群中闯红灯人数的比例)的动态演化过程。图 7-18 是关于行人是否闯红灯的一个静态博弈。在这个博弈中,两参与者都有“闯红灯(R)”和“等待(W)”两种可选策略。

		行人2	
		R	W
行人1	R	1, 1	0.5, 0.5
	W	0.5, 0.5	1.5, 1.5

图 7-18 行人与行人之间的博弈矩阵

(1) 当两参与者都选择闯红灯时,符合从众心理,将二者得益设为 1。

(2) 当有一方选择闯红灯另一方选择等待时,各参与者承受了对方的选择所带来的行为引导与失范压力^①。因此,等的人和闯红灯的人同样忍受着失范的负向刺激。对闯红灯的行人而言,其获得了时间优势,但是需要承担相应的安全风险;而等红灯的行人虽然具有道德优势,但也须忍受时间的流逝。综合考虑,等红灯的效用与闯红灯的效用可视为等同。这里为了方便计算,我们将一闯一等时各自得益均设为 1/2。

(3) 当两参与者都选择等待时,既遵守了交通规则又符合了从众心理,将二者得益均设为 3/2。

为了研究博弈中两种类型的行人在整个群体中所占比例的演化,现假设整个群体中闯红灯类型的比例为 p_2 。显然,等待类型的行人比例为 $1-p_2$ 。

不难计算出 R 型和 W 型两种类型参与者各自的期望得益 U_R 和 U_W 为

$$U_R = p_2 + \frac{1}{2}(1-p_2)$$

$$U_W = \frac{1}{2}p_2 + \frac{3}{2}(1-p_2)$$

因此群体成员的平均得益为

$$U = p_2 U_R + (1-p_2) U_W$$

^① 演化博弈模型所反映的实际上是无数多个个体的反复决策。考虑到从众心理本身使得行人的判断源于对他人的随从,此时“从众”作为一种范式和“遵守”这种范式并无本质性差异。此时,失范不再单指“闯红灯”,“拒绝从众”也是一种失范。

$$p_2^2 + p_2(1 - p_2) + \frac{3}{2}(1 - p_2)^2$$

考虑到每个行人都是有学习能力的理性个体,这意味着两种类型行人的比例 p_2 和 $(1 - p_2)$ 不是固定不变的,而是随时间变化的,可以写成时间的函数 $p_2(t)$ 和 $1 - p_2(t)$,为简单起见可仍写成 p_2 和 $1 - p_2$ 。

以 R 型行人的比例为例,其动态变化速度不仅与效用的变化方向和大小有关,也与当前 R 型行人比例有关,可以用下列动态微分方程表示:

$$\frac{dp_2}{dt} = p_2(U_R - U) = p_2 \left[\frac{1}{2}(1 - p_2) - \frac{3}{2}(1 - p_2)^2 \right]$$

通过等式变换易知,新增闯红灯的行人比例 $\frac{dp_2}{dt} \times \frac{1}{p_2}$ 主要受闯红灯获益大小 $U_R - U$ 的影响。当 $\frac{dp_2}{dt} = 0$ 时,行人闯红灯和等待的比例保持不变。当 $\frac{dp_2}{dt} > 0$ 时表示行人由等待转为闯红灯的比例增大;反之减小。因此我们更加关注 $\frac{dp_2}{dt}$ 的变化方向。

令 $\frac{dp_2}{dt} = 0$,即动态微分方程等于 0,可解得静止点 $p_2 = 0, 2/3, 1$ 。在区间 $(0, 2/3)$ 上, $\frac{dp_2}{dt} < 0$; 在区间 $(2/3, 1)$ 上, $\frac{dp_2}{dt} > 0$ 。其速度变化图(相位图)如图 7-19 所示。



图 7-19 行人的动态演化

图 7-19 说明,静止点 0 和 1 是稳定平衡点,而 $p_2 = \frac{2}{3}$ 是不稳定平衡点。由于博弈矩阵中的数字是根据观察所给定的,因此 $\frac{2}{3}$ 只是一个特定的数值,不一定符合实际。但是本文的一个重要结论是不稳定静止点的存在性,即确实存在这样一个临界点 p^* ,当闯红灯比例处在 p^* 的不同侧时,系统将向不同的方向演化。当整体中闯红灯人群比例小于 p^* 时,部分行人闯红灯所导致的负向刺激将会战胜闯红灯所带来的便利,此时这些行人常常会倾向于约束自己,遵守交通规则,即部分 R 型人群会转变为 W 型人群;反之,当闯红灯人群的比例大于 p^* 时,行人闯红灯所带来的便利战胜了负疚感。在这种情况下,行人会选择从众心理而闯红灯,即部分 W 型人群会转变为 R 型人群。

事实上,整体人群是由表现为不同闯红灯可能性的个体所组成的。有些人的闯红灯概率非常高,有些人的闯红灯概率非常低。有研究表明(参见潘汉中等,2012),在闯红灯人群中三个群体:第一种为风险追寻者,他们往往在红灯面前 3 秒之内就决定闯红灯;第二种为忍耐力极高的群体,不论红灯有多长,他们都会自觉遵守,直到信号灯转绿;第

三种为通常群体,他们的忍耐值分布不均,但是极限值是 50 秒,超过 50 秒就不愿意再等候下去。因此 p^* 是一个临界点,在一定时点上闯红灯概率表现为 p^* 的人是摇摆的,既可能更加坚定地闯红灯,也可能更倾向于等待。宽松一点儿讲, p^* 左右的人群最易受影响而改变自身类型,我们称之为“摇摆人群”。摇摆人群是闯红灯行人群体中的主体部分,同时该群体对于社会预期得益的变化较为敏感,其行为决策最容易受到环境影响而发生转变。通过调整摇摆人群的行为方式,能够在很大程度上缩小闯红灯群体的规模,这也是我们在管理中应着重关注的人群。

7.3.3 非对称复制者动态*

复制者动态实际上旨在描述某一特定策略在一个种群中被采用的频数或频度的动态微分方程。根据演化的原理,一种策略的适应度或支付比种群的平均适应度高,这种策略就会在种群中发展,即适者生存体现在这种策略的增长率 $\frac{1}{x_k} \frac{dx_k}{dt}$ 大于 0,可以用以下微分方程给出:

$$\frac{1}{x_k} \frac{dx_k}{dt} = [u(k,s) - u(s,s)]$$

式中: x_k 为一个种群中采用策略 k 的比例; $u(k,s)$ 为采用策略 k 时的适应度; $u(s,s)$ 为平均适应度; k 为不同的策略。

现在假设有这样一种博弈,博弈双方的得益如图 7-20 所示。双方各有两种策略——合作和竞争。如果双方均采取竞争策略,则均会获得正常得益 5,5。如果双方均采取合作策略,则博弈者 1 和博弈者 2 分别会获得额外得益 5,3,此时两者的得益分别为 10 和 8。如果博弈者 1 采取竞争策略,但博弈者 2 采取合作策略,则博弈者 2 将会损失 1 点得益,此时的得益分别为 5 和 4。如果博弈者 1 采取合作策略,但博弈者 2 采取竞争策略,则博弈者 1 会损失 2 点得益,此时的得益分别为 3 和 5。

		博弈者2	
		合作	竞争
博弈者1	合作	(10,8)	(3,5)
	竞争	(5,4)	(5,5)

图 7-20 非对称博弈矩阵

现在假设博弈者 1 采取合作策略的概率为 x ,则采取竞争策略的概率为 $1-x$ 。博弈者 2 采取合作的概率为 y ,采取竞争策略的概率为 $1-y$ 。则博弈者 1 采取合作策略的平均得益为

$$u(\text{合作},s) = y \times 10 + (1-y) \times 3$$

博弈者 1 采取竞争策略的平均得益为

$$u(\text{竞争},s) = y \times 5 + (1-y) \times 5$$

博弈者 1 的平均得益为

$$u(s,s) = x \times [y \times 10 + (1-y) \times 3] + (1-x) \times [y \times 5 + (1-y) \times 5]$$

所以博弈者 1 的重复动态得益方程为

$$F_1 = \frac{dx_1}{dt} = [u(\text{合作}, s) - u(s, s)] \\ = x(1-x)(7y-2)$$

同理可得博弈者2的重复动态得益方程为

$$F_2 = \frac{dx_2}{dt} = y(1-y)(4x-1)$$

对于该方程,可以通过雅克比矩阵来求得其均衡点。

对于复制者动态,其雅克比矩阵如下:

$$J = \begin{pmatrix} \frac{\partial F_1}{\partial x} & \frac{\partial F_1}{\partial y} \\ \frac{\partial F_2}{\partial x} & \frac{\partial F_2}{\partial y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} (7y-2)(1-2x) & 7x(1-x) \\ 4y(1-y) & (4x-1)(1-2y) \end{pmatrix}$$

首先找到其静止点。令重复动态方程等于零,即 $F_1=0, F_2=0$ 时,该点为稳定点。

据此,静止点共有5个 $(1,0), (1,1), (0,0), (0,1), (\frac{1}{4}, \frac{2}{7})$ 。

对于离散系统,当且仅当 $\det(J) > 0, \text{tr}(J) < 0$ 时,静止点为演化稳定的,所对应策略为 ESS。

1. 对于 $(1,0)$ 点

雅克比矩阵为 $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$, 其行列式为6,迹为5。不符合要求。

2. 对于 $(0,1)$ 点

雅克比矩阵为 $\begin{pmatrix} 5 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, 其行列式为5,迹为6。不符合要求。

3. 对于 $(0,0)$ 点

雅克比矩阵为 $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$, 其行列式为2,迹为-3。符合要求。

4. 对于 $(1,1)$ 点

雅克比矩阵为 $\begin{pmatrix} -5 & 0 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$, 其行列式为15,迹为-8。符合要求。

5. 对于点 $(\frac{1}{4}, \frac{2}{7})$

雅克比矩阵为 $\begin{pmatrix} 0 & \frac{21}{16} \\ 40 & 0 \\ 49 & 0 \end{pmatrix}$, 其行列式为 $\frac{105}{98}$, 迹

为0。不符合要求。

所以该演化博弈的演化稳定点为 $(0,0)$ 和 $(1,1)$ 。该演化博弈的相图如图7-21所示,其中箭头表示演化方向。

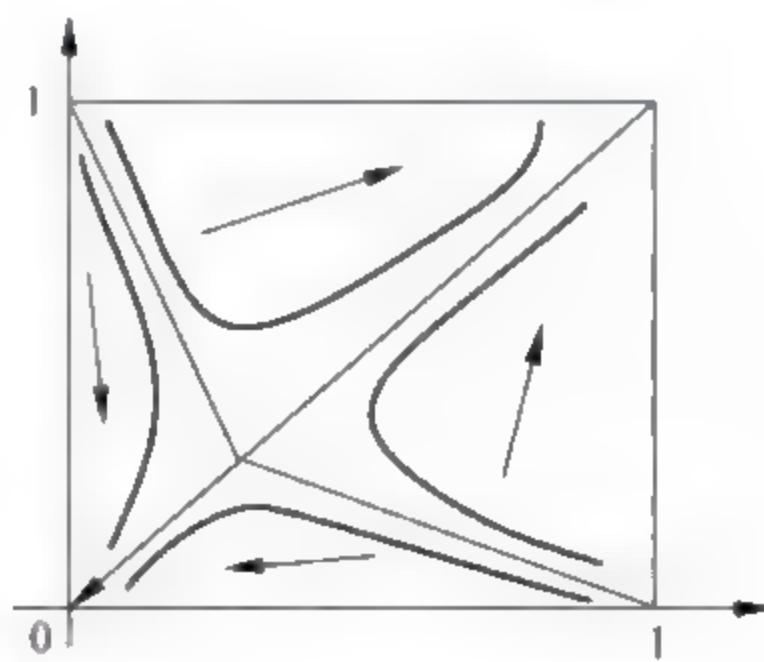


图7-21 非对称演化博弈相图

7.4 利他行为的演化



引语故事：利他之心成就了第二家世界 500 强企业 KDDI

日本的电信市场自明治维新以来一直由日本电信电话公司(NTT)一家独占,通信费用贵得离谱。1984年,日本政府决定打破垄断,对通信事业实施民营化。但日本的大企业害怕与实力强大的 NTT 对抗,都按兵不动。

当时著名企业家,京瓷创始人稻盛和夫认为:从世界范围来看,日本的长途话费因为垄断贵得出奇,降低长途话费,为民众做贡献,正符合自己的事业目的。经过整整半年的反复思索,稻盛和夫终于认定自己“动机纯,私心无”。于是不再犹豫,设立“第二电电”,积极参与通信行业的竞争。

京瓷董事会开会时,董事们异口同声反对:京瓷公司现在发展很好,何必要到一个陌生的领域去冒这么大的风险呢?弄不好,新事业不成功,还要伤老企业的元气。

稻盛和夫认为京瓷积累了1500亿日元的自由资金,拿出1000个亿,即使失败,也不会动摇根本。并且参考美国的情况,只要竞争,通信成本有很大的压缩空间,这中间就有巨大的商业机会,做得好,既能大幅降低民众的通信费用,自身也能获利,而且在良性竞争的条件下,可以推动整个通信事业的健康发展。最后,稻盛和夫力排众议,使董事会通过了参与通信事业的决议。

京瓷参与竞争的決定公布后不久,又有两家公司也宣布参与竞争。

从第二电电开创时起,稻盛和夫就反复对员工强调:“我们必须努力,努力降低民众的长途电话话费。”“人生只有一次,我们一定要让自己宝贵的人生变得更有意义。”“现在的机会百年难遇,我们诚挚地感谢上苍,我们要抓住这天赐的良机。”“为了这项事业的成功,即使贡献自己的生命,我也在所不惜。”

第二电电的全体员工都从为民众谋利的纯粹动机出发,从内心深处强烈地渴望成功,全身心地投入工作。开张一年后,条件最差的“第二电电”取得了最优秀的业绩,电话线路合同数为三家新公司之首。当初的“第二电电”,后来发展为仅次于 NTT 的日本第二大通信企业 KDDI。

从上面的例子可以看出,稻盛和夫决定涉足通信行业主要有以下原因:①日本政府希望打破 NTT 的垄断,支持民间资本进入通信行业。②当时京瓷集团有1500亿日元的闲置资本,拿出其中1000亿日元投入一个政府支持的垄断性行业并非不可行。③最重要的一点是稻盛和夫没有私心,愿意为了降低日本的通信费用做出贡献。

利他之心是稻盛和夫经营哲学的基础,为了员工、客户及社会的福祉,他可以舍弃自己及自己企业的利益。按理说,这应该会影响到企业的发展。然而有目共睹的是,在过去50年中,稻盛和夫亲手培植了京瓷和 KDDI 两家世界 500 强企业,而且历经经济危机,这两家公司从未出现过亏损年份。

所以,自利与利他不是一个零和博弈游戏。稻盛和夫通过利他放大了自利。

迪克西特和奈尔伯夫在《妙趣横生博弈论》一书中指出,在商界、政界,参与者的动机是自私和利他、关注正义或公平、短期考虑和长期考虑等的复杂混合体。在大量的分配博弈^①中,提议金额的中位数分布在总金额的40%~50%;在很多的实验中,五五分的分割比例是唯一最常见的提议。提议者给回应者相当大份额的原因,一是多种动机,提议者除了自私动机之外,还有利他性、对公平的关心等其他动机;二是策略需要,分配份额较低时可能会被拒绝。实验表明,其中的主要因素是利他动机和公平动机。

因此,在进行博弈分析时,应当考虑参与者对公平、利他的关注。在博弈论的前沿研究中,正逐渐将平等、利他主义及类似的动机纳入参与者的目标。

为什么参与者这么关注利他、公平呢?首先,在演化心理学中可以找到一个比较合理的解释——那些向其成员灌输公平主义和利他主义准则的集团,比只强调自私的个人组成的集团更少发生内部冲突,而且在与其他集团竞争时更有效率。其次,也存在生物学方面的证据。在一次实验中,拒绝不公平提议的人的睾丸激素比那些接受不公平提议的人高50%。

达尔文进化论确立以后,人们特别关注生物进化中的生存竞争和适者生存。但是,生物乃至社会集团、民族和国家之间即使在利益部分冲突的情况下也存在利他现象。

有许多实验生物学家对生命有机体的回报行为进行了实验室和野外观察。此后,关于互惠理论的研究工作大量涌现,成果迭出,对诸多领域产生了深刻的影响。这些成果在很大程度上得益于博弈论工具,尤其是囚徒困境分析方法。

从博弈论来看,利益部分冲突的两个个体之间的博弈是非零和博弈,博弈者之间采取的行动有合作和背叛两种。互惠理论的基本思想是,利益部分冲突的个体之所以采取合作行为,是因为他可能在今后与受惠者相遇时得到回报。互惠利他行为的必要条件有以下4个:

- (1) 该行为必须减少施惠者与某个自私的抉择有关的相关度。
- (2) 受惠者的适合度相对于非受惠者必须得到提高。
- (3) 该行为的完成必须不依赖于某个直接利益的个体。
- (4) 条件(1)、(2)和(3)必须适用于参与互惠帮助的两个个体。

这里,条件(1)和(2)是使该行为互惠的条件,条件(3)把互惠利他主义与互助主义区别开来,条件(4)使利他主义互惠。这4点分开是必要条件,合起来是充分条件。互惠利他主义要能够进化,还必须满足另外两个条件:

- (5) 必须存在察觉“骗子”的机制。
- (6) 必须存在大量不确定的获得帮助的机会。

条件(5)保证利他主义者有惩罚不合作者的办法,条件(6)保证博弈的局数不定。互惠理论把有机体采取一个步骤(合作或背叛)得到的结果称为适应值。

自己背叛而对方合作叫作背叛的诱惑,其适应值用 T 表示。

双方都合作叫作对合作的奖励,其适应值用 R 表示。

^① 即最后通牒博弈:见3.5.2节。

双方都背叛叫作对背叛的惩罚,其适应值用 P 表示。

自己合作而对方背叛叫作对傻瓜的欺骗,其适应值用 S 表示。

当对手合作自己背叛时结果最好,对手背叛自己合作时结果最差,双方合作比双方背叛结果要好,适应值的大小顺序是 $T > R > P > S$,这称为指令条件。如果合作的奖励(R)高于背叛的诱惑(T)与傻瓜的欺骗(S)的平均,即 $R > \frac{T+S}{2}$,称为反剥削条件。

鉴于指令和反剥削这两个条件刻画了关于囚徒困境的假说,所以人们把它们定义的互惠利他主义称为标准囚徒困境模型。这里,反剥削条件是为了保证困境的存在,因为对合作的奖励比对背叛的诱惑和对傻瓜的欺骗的平均效果好。但是在演化的过程中,如果 $R \leq \frac{T+S}{2}$,那么困境仍然存在。 $R \leq \frac{T+S}{2}$ 意味着博弈双方轮流获得 T (诱惑)和 S (欺骗)回报的效果不会比轮流获得 R (奖励)的效果差,这是一个允许博弈者交替剥削和滞后合作的条件。

根据上述表述可以形成以下 5 种情况:① $T > R > P > S$ 且 $R > \frac{T+S}{2}$; ② $T > R > P > S$ 且 $R \leq \frac{T+S}{2}$; ③ $T > P > R > S$ 且 $P > \frac{T+S}{2}$; ④ $T > P > R > S$ 且 $P \leq \frac{T+S}{2}$; ⑤ $T > P > S > R$ 且 $P \leq \frac{T+S}{2}$ 。其中第一种情况是标准囚徒困境,第二种情况是修正囚徒困境,剩下三种情况被称为“厨师囚徒困境”。

上述模型对一些生物界的观察结果,如鲈鱼的性角色变换、猎神狒狒交配中的雄性个体联盟、野蝙蝠的血液反哺等均做出了很好的解释。

以上条件给出了互惠利他主义及其进化的可能性。但是,现实世界中的情况是复杂的。这些条件并不意味着利他者总是采取合作行为。因为采取这种行为的一方,面对的如果总是采取背叛行为的一方,利益将会严重受损,直至被淘汰出局。所以,利他主义者也可以在必要时采取背叛行为。

博弈论中把支配博弈者采取合作和背叛行为的规则称为策略。策略有许多种,以上讲的任何时候都合作和任何时候都背叛分别称为全合作策略和全背叛策略。还有一种交替策略,随机地选择合作或背叛,采取合作和背叛的机会各占一半的次数。全报复策略决不首先背叛,但是只要对方有一次背叛,就从此一直背叛下去。一报还一报策略是第一步采取合作行为,然后采取对方上一步采取的做法,即如果对方背叛就选择背叛,如果对方合作就选择合作,但是在第一步尚不明确对方的做法时则采取合作行为。两报还一报策略是第一步合作,如果对方连续两步背叛他就背叛一次,在其他情况下都采取合作。以上都是一些现实生活中常见的策略。

阿克谢罗德把策略的进化分为三个阶段,每一个阶段都对应于一个性质完全不同的问题,从而把利他之谜放到进化链条中并更加精细化。这些阶段和问题分别如下。

(1) 起始阶段。一个利他的策略如何能够在 一个不合作占优势的环境中取得立足之地? 这个问题称为策略的初始成活性问题。

(2) 中间阶段。什么类型的策略可以在一个由采用其他多种复杂策略构成的多样化环境中繁荣起来? 这个问题称为策略的强健性问题。

(3) 最后阶段。在什么条件下, 这样的策略一旦完全建立就能抵抗变异策略的侵犯? 这个问题称为策略的稳定性问题。

可以这样理解: 假设一个群体中的成员除了个别变异个体之外都采用某一特定策略, 而变异个体采用的另外的不同策略就是变异策略。如果变异个体所得得益高于群体成员的平均值, 则称变异策略能侵犯这个群体采用的策略; 反之, 如果一个策略不能被其他策略侵犯, 则称这个策略是集体稳定的。

假设一个群体的成员采用了若干种策略, 如果其中一种策略的适应值大于其他策略的适应值, 则称这种策略是进化稳定的。假设一个群体开始都采用全背叛策略, 而且这个策略是进化稳定的, 那么有两个机制可以使基于合作的策略成活。

第一个机制是亲缘关系。当这个群体中的一员因为亲缘关系而对某一个近亲成员采取利他行为时, 合作就会出现。这样, 合作就会逐步使有近亲关系的一个小群体受益。当远亲成员对利他行为不回报时便会得到背叛的反应。这样, 合作就会逐步扩散到无亲缘关系的群体之中去。当两个个体再次相遇的机会足够大时, 基于回报的合作就会繁荣并且稳定下来。

第二个机制是采用基于合作的策略的小群体成员之间的相互作用。只要这个小群体的成员相互作用的比例和它们相遇的机会足够多, 这种策略就会成活并且稳定。

合作可以在一个无条件背叛的世界里产生, 以相互回报作为宗旨的小群体之间, 一旦有交往的可能, 合作便会出现。这样, 基于回报的策略能够在许多不同类型的策略组成的环境里成长起来, 并且能够抵抗其他不太合作的策略的侵犯。

要理解这些命题, 有两个重要的概念: 一是不同步骤博弈的得益; 二是策略相遇时的得益。前者意即, 博弈者之间的合作基于他们有可能再次相遇。不过, 一般认为未来所得的得益会随着时间的推移而减少, 所以现在比未来更为重要。现在的博弈是现实, 再次相遇只是可能, 因此演化博弈可能会终结于对手的职业改变、居住地迁移、死亡或者破产等。



思考与练习

请从利他的演化的角度分析车站、机场等地的商品店质次价高, 以及离家较近的便利店经济实惠这一现象。



本章小结与习题

第8章 竞争与合作*



尽管完全利己的“经济人”假设广为接受,但是人们仍然能观察到大量事实偏离这种假设下的“非合作均衡”。进一步,一个好的机制能够引导更多的合作行为出现。那么,这种合作机制是如何协调成员的行为动机的?何时竞争动机占据主导地位?何时合作占据主导地位?如果你身处其中,又该如何行动?本章将以“竞争与合作”为主题,通过五个章节逐步深入来介绍竞争与合作的共存现象和参与者之间的相互作用机理。通过本章的阅读与学习,相信你可以找到上述问题的答案。

在生活中,我们不乏看到企业之间时而竞争,时而合作的现象。曾经在一年(52周)的时间里,可口可乐和百事可乐分别在美国市场上发放了26周折扣券,其间竟没有出现同时发放的现象。这样的小概率事件之所以发生,一定是可口可乐和百事可乐两家公司背后达成了协议。麦当劳和肯德基两大快餐品牌在中国市场上的竞争非常激烈。但是在折扣券问题上,麦当劳于2010年2月开诚布公地表示,用餐时可以使用肯德基的优惠券。那么,究竟是什么原因促使激烈竞争的企业转向合作或达成默契?

8.1 协调以避免竞争

“我们的晚餐并不是来自屠夫、啤酒酿造者或点心师傅的善心,而是源于他们对自身利益的考虑……每个人只关心他自己的安全、他自己的得益。他由一只看不见的手引导着,去提升他原本没有想过的另一目标。他通过追求自己的利益,结果也提升了社会的利益,比他一心要提升社会利益还要有效。”

1776年,亚当·斯密在《国富论》中写下了这段话。在漫长的古典市场经济阶段中,资本主义国家一直信奉亚当·斯密等的经济思想,实行“自由放任”的经济政策,用价值规律来自发地调节市场经济的运转。

但是,市场经济的主体是分散独立的商品生产者和经营者,是趋利避害的“经济人”。他们为了自身的经济利益而不顾社会整体利益,只做对自己有利的事情,并且对整个社会的商品供求情况缺乏全面了解。若政府不从宏观上加以引导和限制,在某些情况下将会导致社会发展的失衡。1929—1933年的资本主义世界经济危机给社会带来空前的灾难,使人们深刻认识到自由放任的市场经济理论存在的弊端。由此,各国政府开始普遍关注宏观调控与市场经济的联系,进行国家干预,采取了不同的反危机措施。1936年,凯恩斯《就业、利息和货币通论》的发表,标志着宏观经济学的产生。逐步完善的“凯恩斯主义”成

为第一次世界大战后西方资本主义国家制定经济政策、厉行国家干预的理论基础,促进了第一次世界大战后资本主义经济的大发展。

宏观经济学的建立说明,理性的“经济人”在市场博弈中并非总能得到好结果。在某些情况下,政府的干预和协调是不可或缺的。推而广之,对诸如“囚徒困境”和“公地悲剧”等博弈问题,采用非合作博弈分析方法得到的结果令人不甘,那么是否存在协调的方法或途径,使所有参与者都得到更为满意的结果?答案是肯定的!本节将先通过案例阐释协调的可能性和必要性,接着用协调成功的案例来证明:通过协调而非直接竞争可以得到一个使所有参与者都更为满意的结果。



案例 8-1: 谁能成为股东

顶尖律师事务所通常会从内部资历较深的专业人士当中选择合伙人,使之成为新的股东。参与竞争的落选者则必须离开,他们的出路通常是低一档次的律所。贾斯廷—凯斯律师事务所对合伙人的选择标准非常挑剔,以至于多年来选不出一个新股东。律所里资历较深的专业人士对职位停滞不前的状况非常不满,股东们则是推出了一个看上去非常民主的新体系来回应。

以下就是既得利益者——股东们的新体系:到了一年一度决定股东人选之时,10名资历较深的专业人士的能力会被评分,按水平由低到高评出1~10分。这些竞争者会被私下告知自己的得分,并公开投票决定成为股东的必需得分(换个角度,可以称为最低标准,即要想成为股东需满足的最低分数)。

首先,他们将必需得分定为1分。接着,其中一个得分较高的同事建议将必需得分定为2分。他的理由是,这样可以提高整个股东团体的平均素质。这一建议得到9票赞成。唯一的反对票来自能力最差的同事,而这个人就失去了成为股东的资格。

接下来,有人提议将标准从2分提高到3分。这时还有8人得分高于3分,他们一致赞成这一改善整个股东团体的提议。只得2分者反对,因为这一提议使他失去了成为股东的资格。但是得分最低的同事对提高标准的提议也投了赞成票。无论这一提议能不能通过,他都不能成为股东。不过,若是这一提议通过,他就能和得分为2的同事一起成为落选者。结果,其他律师事务所虽然知道他落选的结果,却无法知道他的评分。他们只会猜测他可能得了1分或2分,而这一不确定性显然对他本人有利。于是,提高得分标准的提议以9票赞成、1票反对获得通过。

以后每通过一个新的得分标准,都有人建议提高1分。所有得分超过这一建议标准的人都会投票支持,希望提高整个股东团体的素质(而又不必牺牲自己的利益),而所有得分低于这一建议标准的人也愿意投赞成票,希望自己的落选原因变得更加扑朔迷离。每一回合都只有一人反对,就是那个刚好处于现有得分标准、一旦建议通过就没有机会入选股东的同事。但他的反对以1:9的悬殊比分败下阵来。

如此下去,直到得分标准一路上涨为满分10分。最后,有人建议将必需得分提高为11分,结果仍然是9票赞成、1票反对通过。一系列的投票使每一个人最后都回到起点位置。显然,这个结果比大家都得到提升的结果更糟糕。不过,它却是来自集体的意愿。

换言之,这一系列投票的每一次决议都是以9票赞成、1票反对的大比数通过。

假如行动是一步步推进的,那么,随着行动的逐步推进,每一步都有可能在绝大多数决策者眼里显得很有吸引力。但最后结果却使每一个人落得还不如原来的下场。理由在于,投票忽略了偏好的强度。在上述例子里,每一轮投票中所有赞成者只获得些许好处,而唯一的反对者却失去了很多。在10次投票过程中,每一个参与竞争的同事都取得了9次微小的胜利,却在一次重大失败中赔上了这些胜利带来的好处。

如此看来,一系列的小步行动起初可能显得很诱人,但只要出现一个不利的转折,就可能抵消整个过程的得益。单单某一个人认识到这个问题并不意味着就能阻止这个过程。这个团体作为一个整体,必须以一种协调的方式“向前展望、倒后推理”,并确立规则。只有大家都同意将改革视为一个统一方案,而不是一系列的小步行动,才能避免走上一条表面有利可图、实则一无所有的道路。



扩展阅读

历史上,美国国会曾在投票决定是否为自己加薪50%的时候遭遇失败。最初,加薪得到了参众两院的广泛支持。但是当公众听说他们的打算后,就向代表自己的国会议员发出了强烈抗议。结果,国会的每一位议员私底下都有了反对加薪的想法,因为他们认为即使自己投反对票,加薪提案也能获得通过。这样既能为自己加薪,又获得了民意支持。不幸的是,国会有太多议员选择这么做,于是突然之间这个提案能不能获得通过变得扑朔迷离。议员们投票反对的理由反而显得越来越充分:假如加薪提案未获通过,那么自己可能被记录在案,被斥责投票赞成加薪,这不但不能使自己加薪,更有可能使自己付出政治代价。起初可能只有几个人出于私心希望改善自己在选民心目中的地位,但每一次偏差都在增强随大流的趋势,结果这个提案最终没有获得通过。



案例8-2: 政治家的较量

在两党竞选中,两个政党要确定自己究竟处于“自由—保守”意识形态划分表中的哪一个位置,以获得选民支持。首先由在野党提出自己的立场,然后执政党进行回应。

假定选民平均分布在整個划分表的各个区间。为使问题具体化,我们把各个政治立场定为从0到100。0代表极左派,而100代表极右派。假如在野党选择48,中间偏左,执政党就会在这一点到中点之间做出选择,比如49。于是喜欢48及48以下的选民就会投在野党的票,而占据人口51%的其他人就会投执政党的票。结果执政党取胜。

假如在野党选择高于50的立场,那么执政党就会在这一点和50之间站稳脚跟。这么做同样可以为执政党赢得超过50%的选票。

基于“向前展望、倒后推理”的原则,在野党可以分析出自己的最佳立场在中点。在这个位置,鼓动向右和鼓动向左的人在数目上势均力敌。而执政党的最佳策略就是模仿在野党。两党选择的立场完全一致,于是,它们将在只有议题关系大局的情况下各得一半选票。这个过程失败者是选民,他们得到的只是两党互相附和的回声,却没能做出政治抉择。

在实践中,两党不可能选择完全一致的立场,但大家都在想方设法靠近中点。这一现象最早是由哥伦比亚大学经济学家哈罗德·霍特林在1929年发现的。他指出经济和社会事务存在相似的案例:“我们的城市大得毫无经济效益,其中的商业区也太集中,苹果酒也是一个味道。”

假如出现三个政党,还会不会存在这种过分的相似性?假定它们轮流选择和修改自己的立场,也没有意识形态的包袱约束它们。原来处于中点外侧的政党会向它的邻居靠拢,企图争夺后者的部分支持。这种做法会使位于中点的政党受到很大压力,以至于轮到它选择自己的立场的时候,它会跳到外侧去,确立一个全新的立场,赢得更广泛的选民。这个过程将会继续下去,完全没有均衡可言。(当然,在实践中,政党肩负相当大的意识形态包袱,选民也对政党怀有相当大的忠诚,不会出现此类急剧的转变。)

但在其他场合,立场并非一成不变。考察一段马路上正在等出租车的人们,分布在闹市区和住宅区之间。一般而言,最靠近住宅区的人最先打到开往闹市区方向的出租车,最靠近闹市区的人则最先打到开往住宅区方向的出租车,而站在两区之间的人则少了很多机会。假如站在两区之间的人不想长久等车,他就会逆着目标地向前移动,以便增加打车机会。同时,这也将引发原本站立此处的人们同向移动。如此一来,大家都在尽量往前移。而在出租车到达之前,可能根本没有一个均衡——没有一个人甘心待在两区之间任凭别人排挤出局。

实际上,这是一个各自独立的、非合作的决策过程。我们也能从中看到决策的低效率。在极端条件下,这类决策过程可能得不出一个确定的结果。遇到这种情况,就需要找出一种协调方式,达到一个稳定的结果,否则会对社会秩序和生产生活造成很大影响。

从上述两个案例中可以看到非协调竞争博弈具有均衡不确定性和低效率等弊端。无论从个人利益还是集体利益角度来看,非协调竞争博弈都无法给出一个令人满意的结果,这恰恰证明了协调的必要性。协调会给博弈结果带来哪些补益呢?我们来看两个通过协调方式达成决策,成功提高绩效的典型案例。



案例 8-3: 常春藤联校

20世纪50年代,美国的常春藤联校面临一个问题。每个学校都想训出一支战无不胜的橄榄球队,结果各个学校为了建立一支优秀的球队而过分强调体育,忽略了学术水准。不过,无论各队怎样勤奋训练,各校怎样慷慨资助,赛季结束的时候各队的排名却和以前差不多。平均胜负率还是50/50。一个难以逃避的数学事实是,有一个胜者就要有一个负者。对输的球队而言,所有的加倍苦练都会付诸东流。大学体育比赛的刺激性取决于两个因素,一是竞争的接近程度和激烈程度;二是技巧水平。与职业比赛相比,尽管大学体育比赛的技巧水平可能稍低一些,但是竞争却更激烈、更紧张,所以许多球迷喜欢看大学篮球比赛和橄榄球比赛。认清胜败乃球场常事,各大学也不再为比赛急功近利。他们组织起来,达成协议,将春季训练限定为一天时间。虽然球场上出现了更多失误,但球赛的刺激性一点儿也没减少,运动员也有更多的时间准备功课,各方的结果都比原来更好——除非你希望他们忘记学业而只想夺冠。

这个例子的特征在于,成功取决于相对成绩而非绝对成绩。如果一名参与者改善了自己的排名,那么必然有另一个人的排名变差。不过,这个例子并不是零和博弈。零和博弈不会出现所有人都得到更好结果的情况,但这个例子中却有可能,因为所有参与者的投入都减少了。尽管胜者和负者的数目一定,但对于所有参与者而言,参加这个博弈的代价降低了。

当下处于社会关注焦点的“中小学减负”问题与上述例子类似。在现行的高考制度下,假如其他学校对学生减负,一个学校的最好选择是不减负。如果这么做,该学校会得到更高的升学率和知名度,进而取得教育主管部门给予的其他各方面的资源。如果其他学校不减负,那么该学校的最佳选择也是不减负,否则该学校的升学率就会降低。每个学校都从自己的利益出发,做出的最佳选择都是不减负。结果,各个学校的升学率并没有得到大幅提升,而学生的负担却越来越重。这一囚徒困境的破解,就要依靠教育部出台政策,限制学校不合理补课等行为。



扩展阅读

据《光明日报》2017年2月15日的报道,上海两项奥数竞赛在新学期开学前宣布停办。在14日发布的停办公告中,竞赛活动组委会均称,此举是为认真贯彻上海市教委关于“减负”的有关会议精神,将减负进一步夯实,这也成为上海市教委送给全市137万中小学生的新学期“礼物”。

上海市教委明确规定:2月16日开学后两周内中小学不得组织任何形式带有学科测试性质的练习、测验、考试等,新学期将试点作业、考试(测验)备案制。学校承担“减负”工作的直接责任,“减负”的意识和规范要落实到每一所学校和每一位教师,探索建立校长、教师信誉档案,对督导检查、信访等渠道发现的“阴阳课表”、违规考试和测试、组织跨校联考、教师有偿补课、与校外培训机构存在利益输送等违规的相关责任人记入信誉档案,试行不经备案布置作业也记入信誉档案,与教师职务晋升、职称评定、岗位聘用、评优评先、选拔培养、绩效考核等进行挂钩。



案例 8-4: 令人左右为难的路线

对于在上海市人民广场附近工作的小米来讲,到虹桥机场 T2 航站楼有两条主要路线可以选择:一是自己驾车或搭乘出租车走延安高架路;二是搭乘地铁,即“乘坐地铁 2 号线”。

走延安高架路的距离短、红绿灯少,顺畅时只需 20 分钟即可到达。但很少能遇到这种好运。延安高架路虽是双向 8 车道,但经常“车满为患”。假设(每小时)每额外增加 2 000 辆车,就会耽搁路上每个人 10 分钟的时间。例如,有 2 000 辆车的时候,行程时间就延长至 30 分钟;若有 4 000 辆车,则延长至 40 分钟。

乘坐地铁共有 9 站,而且乘客必须走到车站等车。客观地说,这条路线也要将近 40 分钟。但是地铁准时,极少堵塞或发生事故。若是乘客多了,稍微拥挤也能忍受,通行时间有保障。

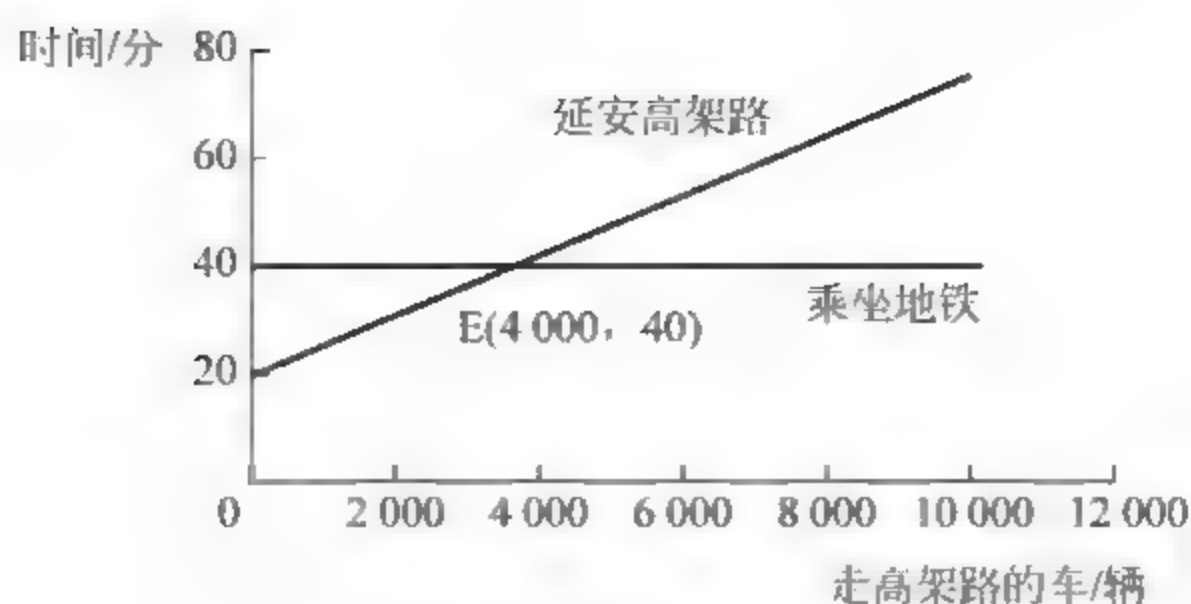


图 8.2 行车均衡

乘坐地铁的人也是如此。这样总的通行时间就节省了 2 万分钟(几乎等于两个星期)。

当这些出行者作为一个整体的时候,怎样的出行模式才是最佳的呢?实际上,刚刚所确定的那个模式,即“2 000 人开车走延安高架路,总共节省 2 万分钟”的模式就是最佳模式。为了进一步理解这一点,我们再看看另外两个方案。假如有 3 000 辆车通过延安高架路,则通行时间就是 35 分钟,每个人节省 5 分钟,总共节省 15 000 分钟。假如只有 1 000 辆车通过高架路,则通行时间是 25 分钟,每人节省 15 分钟,总共节省时间还是 15 000 分钟。因此,2 000 人选择走高架路,每人节省 10 分钟的中间点就是最佳模式。

如何才能达到这种效果呢?换言之,需通过什么样的机制来引导他们达成最佳混合路线的结果呢?关键就在于每一个使用高架路的人给其他人带来的伤害。每增加一个人选择这条路线,其他人的出行时间就会随之延长。但是新增加的出行者却不必为导致这一损耗而付出代价,他只是考虑自己的通行时间。让我们仿照京沪两地对小客车牌照的处理方法来讨论:北京的摇号制度和上海的拍卖制度。

(1) 仿照摇号制度,某些计划部门打算发出 2 000 份使用高架路的许可证。但是哪些人将持有许可证呢?持有许可证的人只要 30 分钟就可到达目的地,而没有许可证的另外 8 000 人则花费 40 分钟。因此,这种做法将招来不公平。实际上,他们可以设计一个抽签轮换系统,保证许可证每个月轮换一次,在这 1 万人之间随机抽取。

(2) 类似拍卖制度,希望通过市场调节的部门则要求人们为自己对别人所造成的伤害买单。假设大家认为每小时的时间价值为 12 元,换言之,每个人都愿意为节省 1 刻钟而支付 3 元。于是我们可以向走延安高架路的车辆收取通行费,收费标准比地铁票价高出 2 元。这是因为根据假设条件,人们认为每多花 10 分钟等于损失 2 元。在均衡状态下将有 2 000 辆车走高架路,8 000 人选择搭乘地铁。每一个通行延安高架路的人要花 30 分钟到达目的地,外加多花 2 元的高架通行费;每个搭乘地铁的人则要花 40 分钟。总的实际成本是一样的,没有人想要转换成另一种路线。在这个过程中我们收取了 4 000 元通行费(外加 2 000 张地铁票的收入),这笔钱可以纳入国家预算,造福国民。

(3) 一个更接近自由企业精神的解决方案是允许某国有单位拥有高架路。大桥所有者意识到人们愿意花钱换取一条不怎么堵塞的路线,以节约通行时间。因此他就会为这一特权开出一个价。如何才能使自己的收入最大化呢?即如何使节省的时间所对应的价值最大化?

只有给宝贵的“通行时间”标上价格,才能引导人们选择“价值最大化”的通行模式。一旦高架入口处安装了利润最大化的收费站,时间就真的变成了金钱。搭乘地铁者实际上是在向这些使用高架道路者出售时间。当然,收取通行费的成本有时超出了节约大家出行时间所带来的收益。创造一个市场并非免费的午餐。收费站本身可能就是导致交通堵塞的主要源头之一。若是这样,忍受最初不那么高效的路线选择可能还好一些。

上述情境只是城市交通管理的一个缩影。读者可以将路线选择与规划问题具体化、网络化。就制度设计而言,无论是刚开始的机会均等方案还是最后的有偿使用方案,在国内城市交通治理中都有所采用,如北京的车牌摇号制度和上海的车牌拍卖制度等。当然,交通管理部门也在尝试其他的制度,如某时段限制某类型的车辆驶入高架路等。



扩展阅读: 高速拥堵之痛何时消

北京首都国际机场(简称“首都机场”)年旅客吞吐量位居亚洲第1位、全球第2位,是中国的空中门户和对外交流的重要窗口。从北京市区到首都机场航站楼主要有两种交通方式,一种是搭乘地铁机场线;另一种是走机场高速。

地铁机场线由市区的东直门至北京首都国际机场,全长28.1公里,全程票价为人民币25元。作为公共交通工具的地铁,有着方便、快捷、经济等诸多优点。但是“挤得像沙丁鱼罐头一样的地铁,需要拖着行李不断奔波的机场快轨……”。在一段时间内,公共交通依然让我们太多人感到:想说爱你不容易!因此在大多数人眼中,机场高速仍是第一选择。

应广大车主的要求,北京市于2009年和2011年先后两次降低了机场高速公路的收费标准。出京方向高速公路收费降为半价,进京方向全面停止收费。这种做法取得了一定的社会效益。

但是,随着收费政策的调整,机场高速公路车流量大幅度增长,拥堵状况加剧,以至于高速路最终变成了“龟速路”。数据显示,2011年三季度机场高速自然交通流量环比上升了40%,每天增加了近6万车次。在减免收费以前,机场高速进京最堵的路段是苇沟至五环路。每天拥堵时间从下午4点开始,到6点半基本缓解。但是降低收费后这段路基本全天拥堵。

面对拥堵的交通,有些人提出:重新恢复收费吧!这种观点是否合理呢?支持这种观点的人认为:面对稀缺的道路资源,我们只能使用价格的杠杆。从交通学原理上说,堵车本身就是一种时间成本。从这个角度讲,用金钱购买时间也未尝不可。

但是,反对者认为这种做法显然违背了当初取消收费的初衷。据不完全统计,全世界收费公路在14万公里左右,而我国就占了10万公里。国内公路、高速公路收费已经引得司机们怨声载道。因此,首都机场高速减免收费曾经被看作一种进步。在广大群众看来,重新收费万万要不得。

是否应该恢复收费呢?要回答上述问题,或许先要回答:重新收费真的可以治本吗?

事实上,城市交通拥堵是世界每一个国家都面临的困扰。目前,北京的面积是东京的8倍,人口只是东京的近两倍。两座城市的汽车保有量基本相当。换句话说,北京的人口

密度只是东京的 1.4, 人均汽车保有量是东京的 1/2。那么, 为什么人均汽车保有量高一倍的东京一路畅通, 而北京却严重拥堵呢? 归根结底, 我们在道路设计和管理上存在一些问题。重新收费恐怕只能缓解一时之痛, 却难以对症下药、解决根本问题。解决机场高速交通拥堵问题还是要从完善综合运输规划布局出发, 多方式、多途径、多角度地予以解决。

无论从实验统计还是社会观察, 都存在诸多行为偏离了非合作均衡的理论预测。当然, 这并不能促使我们放弃对非合作博弈的学习, 而是在此基础上尝试新的研究。一般来讲, 非合作博弈思维将导致激烈的竞争与冲突。然而, 合作乃是人类更高层次的智力活动, 与此同时, 人类的智力发展又将促生新形式的合作。日前, 在经济学范畴对合作行为的研究主要采用 3 种方法或称 3 个分支: 考虑社会偏好(如公平、互惠利他、报复惩罚等)的影响、重复和演化思想, 以及“合作博弈”理论。第一个分支是在非合作博弈的基础上尝试对所观察到的行为多样性建立统一的解释。它的前提仍然是建立在效用理论的基础之上, 将参与主体的决策偏好体现在效用函数里, 而非传统意义上的“唯利是图”。第二个分支是采用重复博弈和进化论的思想, 利用生物学、社会学、人类学、数学等知识描述合作的演化。尽管重复博弈和演化博弈是两个不同的概念, 但是在研究合作行为的演化时, 二者常常合用, 并无明确的界限, 所以将二者归入一类。在第 6 和第 7 章, 读者已经体验到如何利用重复博弈和演化博弈解释合作行为。第三个分支是非常成熟的理论, 即“合作博弈”理论。合作博弈几乎与非合作博弈同时诞生, 而且不受非合作博弈的思维影响, 二者相对独立。总体来讲, 3 个分支各有所长。作为大学通识教育, 有必要让读者对每种方法都有所了解。接下来的三节内容将分别介绍公平偏好、合作的演化与合作博弈。

8.2 公平已深入人心

在现实中, 人的自私性所带来的行为数不胜数, 无须赘述。自私是人生存的基础。在西方的传统科学如经济学中也总是假定“人是理性的”。也就是说, 人总是而且只为其自身利益考虑。但读者不难发现在社会现实中有大量的“利他”现象存在。阿里巴巴的马云曾说: 先帮助他人赚钱, 等他们赚到钱了, 再从中分一杯羹。而企业在招聘员工时, 非常看重的一点即人的合作性。

近 20 年来, 现代科学技术的发展已经从生物学角度证明了人的本性中存在利他(或公平)成分。瑞士苏黎世大学经济学实证研究院主任厄恩斯特·费尔与美国南佛罗里达医学院的研究人员曾主持了一项实验研究, 发现人类大脑额叶前部外侧皮层右侧存在一个“自私开关”, 能帮助人们在显失公平(一方过于自私)的情况下抑制自私冲动, 即便这样会损害他们的既得利益。同时, 美国艾默瑞大学的学者们则证实了利他是一个“基因—文化”共同演进的过程, 并且逐步内化为社会规范。人人利己时, 往往会形成竞争的局势; 而出现利他时, 更有可能形成合作的局面。在现代社会中, 利己与利他共存, 竞争与合作共存, 相依相生已成为常态。

公平性与利他性, 是人们在互动行为中所考虑的最为重要的两个非自私因素。利他和公平的信念都能够导致人类的合作行为——准确地讲, 利他和公平都是对人类合作行

为的一种尝试性解释,但不是唯一的解释,只是出发点不同而已。因此,本章仅介绍公平部分,利他部分留待读者课外阅读。此外,有兴趣的读者也可参考与此有关的新近成果或文献书籍。

现有文献中的互动行为模型大都假设参与者是理性的,即完全追求自身的利益而不关心他人利益。但在此假设下,对某些博弈均衡策略的预测并非全部与事实吻合。这说明自私理性的假设并不适用于所有场合。实际上,人类自古就有“不患寡而患不均”的认识,即反对“不公”。无须赘述,公平是人类社会中一个非常重要的概念,它几乎体现在我们每个人的内心中。恩斯特·费尔(Ernst Fehr)和施密特(Schmidt)曾于1999年很好地将公平信念引入到博弈论中来测度参与者的效用(简称“公平效用”),依此来解释实际行为与均衡预测之间的偏离。

费尔和施密特的模型基于两点假设。第一,参与者除了自身因素之外,还存在着排斥不公平结果的因素。第二,就“所得处于劣势”(比别人的所得低)与“所得处于优势”(比别人的所得高)这两种不公平来讲,参与者更排斥“所得处于劣势”。本书分别称作“劣势不公”和“优势不公”。

他们将上述两点反映在参与者的效用中,重新分析了最后通牒博弈、市场竞争博弈(包括出价者竞争和应价者竞争两种情况)以及合作博弈等,所得结果能够很好地解释看似相互矛盾的一些现象。举例说明如下。

(1) 在最后通牒博弈中,博弈均衡与理性假设下的均衡预测有很大差别。如果不公存在且差别很大的话,某些参与者特别是“劣势不公”占主导的参与者就会偏离所谓的“均衡”,采取“破坏性”行动,使双方的收入变得更糟。但是,它却很好地体现了公平动机对参与者行动的影响。

(2) 在出价者竞争的市场博弈中,加入公平效用后,所得结果仍与自私理性假设下的均衡结果相同,并与实验观察相吻合。究其原因,在于自私理性假设下的结果已经很公平了,即使引入公平信念也不能使得均衡有所变化。但在应价者竞争的市场博弈中,在引入公平效用后,其结果会发生些微变化。

(3) 在合作博弈中公平效用将发挥更重要的作用。研究表明,反对不公能够改善自愿合作的愿景。特别是在某些条件下,自私理性假设下的企业会由完全背叛转变为完全合作。而在引入了公平效用后,模型描述更接近实际,也可以更好地预测实验结果。

费尔和施密特提出的公平效用,也即简单地反对不公,模型如下。设有一个博弈具有 n 个参与者,分别记作 $1, 2, \dots, n$; 令 $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$, 表示 n 个参与者在博弈中所获得的收入组合。则在考虑公平因素的情况下,第 i 个参与者的效用函数可表示为

$$u_i(x) = x_i - \alpha_i \frac{1}{n-1} \sum_{j \neq i} (x_j - x_i)^+ - \beta_i \frac{1}{n-1} \sum_{j \neq i} (x_i - x_j)^+, 0 \leq \beta_i \leq \max\{1, \alpha_i\}$$

其中 $x^+ = \max\{x, 0\}$ 表示 x 的正部。在上式中,第二部分表示由“劣势不公”所引起的效用损失,即所有比 i 收入高的参与者与 i 的收入差距总和对 i 的效用影响;第三部分表示由“优势不公”所引起的效用损失,即所有比 i 收入低的人与 i 的收入差异总和对 i 的效用的影响。系数 α_i, β_i 表明两类收入不公都会降低参与者 i 的效用。

除了上述假设外,另一个合理的假设是 $\alpha_i \geq \beta_i \geq 0$, 因为观察表明“劣势不公”对参与者 i 的效用损失影响比“优势不公”的要大。而 $\beta_i \geq 0$ 则完全排除了“完全喜欢自己的收入比别人高的参与者”。 $\beta_i < 1$ 是因为下述原因。不妨假设 $\beta_i = 0.5$, 表示参与者 i 在保留 1 元钱和将这 1 元钱给比自己收入低的参与者 j 这两个行动之间表现出无差异, 即效用函数值相等; 若 $\beta_i = 1$, 则 i 宁愿将 1 元钱给比自己收入低的 j , 以增加效用。 $\beta_i \geq 1$ 于情理不通, 在这里不做研究。 α_i 并没有上界的要求, 在这里可以理解为: 若 α_i 值很大, 则参与者 i 特别忌妒别人收入比自己高, 他愿意放弃 1 元钱的收入, 以便让比自己收入高的参与者的收入减少 $(1+\alpha_i)/\alpha_i$ 。例如, 当 $\alpha_i = 0.5$ 时, 参与者 j 的收入减少 1.2 元。

读者在进阶阅读中将看到, 若将上述公平效用函数应用于最后通牒博弈和有出价者竞争的市场博弈, 则所得结论能够很好地解释一些看似相互矛盾的现象。



进阶阅读: 公平效用模型的应用

1. 最后通牒博弈

最后通牒博弈是指两个参与人就利润分配所进行的博弈。假设参与者 1 提出分配 s 给参与者 2, 自己得 $1-s$ 。若参与者 2 接受, 则按此方案进行分配; 否则, 两个参与者所得均为 0。

根据博弈论相关知识, 可知在参与者均是自私理性的假设下, 此博弈的子博弈完美均衡是: 参与者 1 自己几乎得 1, 而参与者 2 得任意小的正量 ϵ (取其极限值则为 0)。但是, 试验结果远非如此。事实上, 试验表明:

- (1) 没有发生过 $s > 0.5$ 的情况。
- (2) 在多数情况下, 有 $s \in (0.4, 0.5]$ 。
- (3) $s < 0.2$ 的情况几乎没有出现。
- (4) s 越小则被参与者 2 拒绝的可能性越大, 被拒绝的概率随 s 的增加而递减。

在引入公平信念后, 可得出如下与试验观察相符的理论结果。

(1) 对于参与者 2, 当 $s < s'(\alpha_2)$ 时 [其中 $s'(\alpha_2) = \alpha_2 / (1 + 2\alpha_2) < 0.5$] 拒绝, 而当 $s > s'(\alpha_2)$ 时接受。

(2) 若参与者 1 知道参与者 2 的偏好 (α_2, β_2) , 则参与者 1 提供如下策略:

$$s^* = \begin{cases} 0.5, & \beta_1 > 0.5 \\ \in [s'(\alpha_2), 0.5], & \beta_1 = 0.5 \\ = s'(\alpha_2), & \beta_1 < 0.5 \end{cases}$$

(3) 若参与者 1 不知道参与者 2 的偏好, 但相信 α_2 是服从 $[\alpha, \alpha]$ 上累计分布为 $F(\alpha_2)$ 的随机变量, 则 $s < 0.5$ 被接受的概率为

$$p = \begin{cases} 1, & s \geq s'(\alpha) \\ F\left(\frac{s}{1-2s}\right), & s'(\alpha) < s < s'(\alpha) \\ 0, & s \leq s'(\alpha) \end{cases}$$

于是参与者1的最优策略为

$$s^* = \begin{cases} 0.5, & \beta_1 > 0.5 \\ \in [s'(\alpha), 0.5], & \beta_1 = 0.5 \\ \in [s'(\alpha), s'(\bar{\alpha})], & \beta_1 < 0.5 \end{cases}$$

下做简要说明。

首先,若 $s \geq 0.5$, 参与者2接受 s 的效用是 $u_2 = s - \beta_2(2s - 1)$ 。因为对于 $\beta_2 < 1$ 来说接受总有正的收入,而拒绝则总得0,所以接受总比拒绝好。关键在于,参与者2若想公平分配,只能通过破坏整体剩余来达到(二者均得0)。当 $s \geq 0.5$ 时,参与者2处于优势不公,于他则损失巨大;若 $s < 0.5$,仅当效用 $u_2(s) = s - \alpha_1(1 - 2s) \geq 0$ 时,参与者2才接受,即 $s \geq \alpha_2 / (1 + 2\alpha_2) = s'(\alpha_2)$ 。

其次,在第1阶段中参与者1绝不会提出 $s > 0.5$,因为此时的效用显然低于 $s = 0.5$ 时的效用。而由前可知 $s = 0.5$ 是完全平等且肯定会被接受的。下面讨论 $s \leq 0.5$ 的情况。

如果 $\beta_1 > 0.5$,则当 $s \leq 0.5$ 时参与者1的效用值随 s 严格递增。这正是他愿让利于人又能最大化自身收入的原因,所以他将出价 $s = 0.5$ 。

如果 $\beta_1 = 0.5$,则参与者1对多给别人1元还是自己留着表现出无所谓,即对所有 $s \in [s'(\alpha_2), 0.5]$ 无差异。

如果 $\beta_1 < 0.5$,则参与者1将愿意少给别人而增加自己的收入,因而选择 $s = s'(\alpha_2)$ 。无论如何,还要考虑对方的接受上限。如果他完全清楚对方的偏好,将简单地分配 $s = s'(\alpha)$ 。反之,若参与者1不知道参与者2的类型(偏好),则被接受的概率为 $F[s/(1 - 2s)]$ 。进一步,当 $s \geq s'(\bar{\alpha})$ 时此概率为1,而当 $s \leq s'(\alpha)$ 时为0。因此存在最优分配 $s \in [s'(\alpha), s'(\bar{\alpha})]$ 。至此,可见上述结果成立。

2. 有出价者竞争的市场博弈

假设市场上有 $n-1$ 个参与者(出价者)分别出价 $s_i \in [0, 1]$, $(i=1, 2, \dots, n-1)$ 给参与者 n ,参与者 n 决定是否接受最高出价 $s = \max\{s_i\}$,若多个参与者出价 s ,则以等概率随机接受其中之一。若参与者 n 接受参与者 i 的出价 s ,则他们两人的收入分别为 s 和 $1 - s$,其他参与人的收入均为0。反之,若参与者 n 拒绝接受,则所有参与者的收入均为0。

根据博弈论知识可知,在自私理性的假设下,此博弈的唯一子博弈完美均衡是:至少有一个出价者提出 $s = 1$,参与者 n 独吞全部收益。而在公平效用下,对任何参数 (α_i, β_i) , $i=1, 2, \dots, n$,所得结果仍与自私理性假设下的均衡结果相同,并且与试验观察也相吻合。究其原因,在于自私理性假设下的结果已经很公平了,即使引入公平信念也不能使得均衡有所变化。在公平效用下的均衡结果如下。

假定效用函数为 $u_i(s) = s_i - \alpha_i \frac{1}{n-1} \sum_{j \neq i} (s_j - s_i)^+ - \beta_i \frac{1}{n-1} \sum_{j \neq i} (s_i - s_j)^+$,则对于任何 (α_i, β_i) , $i=1, 2, \dots, n$,存在唯一的子博弈完美均衡:至少有两个出价者提出 $s = 1$,而应价者接受。

首先证明“至少有两个出价者提出 $s=1$ 而应价者接受之”确实是一个子博弈完美均衡。注意应价者接受任何 $s \geq 0.5$, 因为

$$s - \frac{1}{n-1}\beta_i(s-1+s) - \frac{n-2}{n-1}\beta_i(s-0) \geq 0$$

欲证上式成立, 只需证 $(n-1)\bar{s} \geq \beta_i(n\bar{s}-1)$ 。因为 $\beta_i \leq 1$, 所以上式等价于 $(n-1)\bar{s} \geq (n\bar{s}-1)$ 。显然这对于任意的 $s \leq 1$ 均成立, 所以上式成立。因此, 应价者接受 $s=1$ 。假设在其他出价者中至少有一个出价 $s=1$, 且该出价被接受, 则所有出价者均得 0。而且, 没有出价者能够影响这个结果。因此其他出价者中至少有一个出价 $s=1$ 。

接下来证明它是唯一均衡。假设存在另外一个均衡, 具有正概率的出价 $s < 1$ 。仅当所有出价者都以正概率出价 $s < 1$, 此均衡才有可能出现。令 \underline{s}_i 表示出价者 i (以正概率) 出价的最低值, 则出价者 i 不可能将概率赋予出价 $s_i \in [\underline{s}_i, \underline{s}_j)$, 因为此时他胜出的概率为 0。具体来讲, 此时出价者 i 的效用为

$$u_i(s_i) = -\frac{\alpha_i}{n-1}\bar{s} - \frac{\alpha_i}{n-1}(1-\bar{s}) = -\frac{\alpha_i}{n-1}$$

另外, 如果出价者选择 $s_i \in (\max_{j \neq i} \{\underline{s}_j, 0.5\}, 1]$, 则他有正概率胜出, 因为此时效用为

$$\begin{aligned} u_i(s_i) &= 1 - s_i - \frac{\alpha_i}{n-1}(2s_i - 1) - \frac{n-2}{n-1}\beta_i(1 - s_i) > \\ &= (1 - s_i) \left(1 - \frac{n-2}{n-1}\beta_i\right) - \frac{\alpha_i}{n-1} > -\frac{\alpha_i}{n-1} \end{aligned}$$

当然, 也有 i 没有胜出的正概率, 此时仍得 $-\frac{\alpha_i}{n-1}$ 。因此, i 将偏离此策略。由此可得, 对所有 i 必然是 $\underline{s}_i = \underline{s}$ 。

假设出价者 i 改变策略, 在所有需要出价 \underline{s} 的状态下反而出价 $\underline{s} + \epsilon < 1$ 。在他出价 \underline{s} 而胜出时得 $1 - \underline{s}$, 现在却得 $1 - \underline{s} - \epsilon$ 。无论如何, 令 ϵ 任意小, 则成本也将任意小。然而收益却是在出价 \underline{s} 根本不可能胜出的情形中以出价 $\underline{s} + \epsilon$ 稳定胜出。此收益是严格为正的, 并不随 ϵ 趋于 0 而趋向于 0。因此, $\underline{s} < 1$ 不可能是均衡结果。至此均衡得证。

8.3 合作的演化^①

2011 年, 日本福岛核电站发生爆炸后, 一位 20 多岁的维修工人志愿回到工厂去帮助控制事态。尽管他知道空气有毒, 又无任何报酬, 而且很可能无法结婚生育, 但他仍然选择了进入工厂。“只有我们中的一部分人可以完成这个工作,” 他说, “我单身并且年轻, 我觉得解决这个问题是我的责任。”

这只是一个典型的例子, 在自然界中无私的例子更是比比皆是。如图 8.3~图 8.5 所示, 工蚁相互合作, 共同为领地工作; 生物体内的细胞相互协调来保证它们的分裂可控,

^① 本小节由马丁·诺瓦克的一篇文章《合作的演化》翻译整理而来, 主要从演化角度探讨合作的形成。我们只是从总体思路介绍合作的演化, 而不对演化的机制做具体分析。至于具体细节, 读者可参考第 7 章的内容。

以避免致癌；拥有相同配偶的母狮子会哺育彼此的孩子。人们也在各个方面（从获取食物到寻找配偶再到保卫领土）帮助着其他的人。



图 8-3 工蚁合作将叶子搬回巢穴

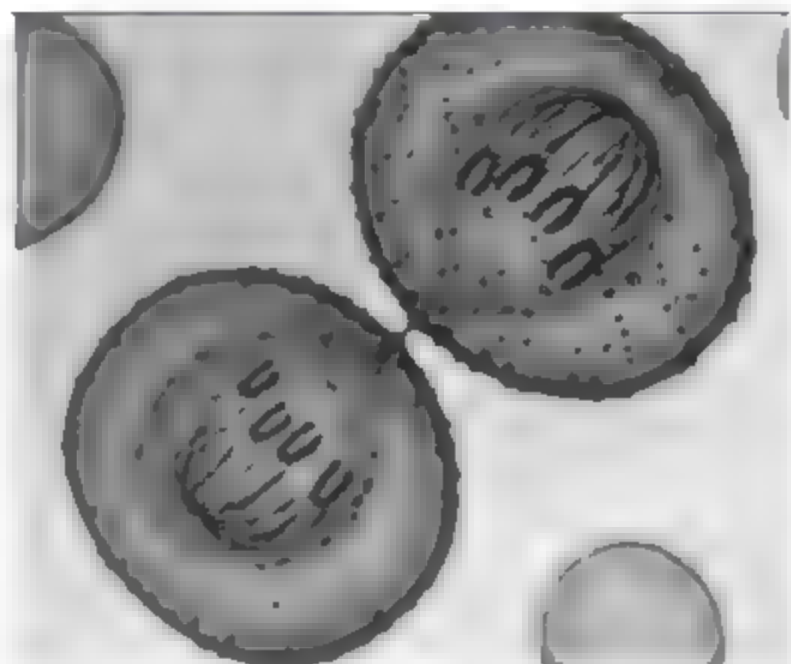


图 8-4 细胞控制自己的分裂以避免致癌



图 8-5 雌狮共同哺育幼狮

几十年来,研究人员一直为“合作”烦恼,前赴后继地从进化论主流观点——“血爪腥牙”(red in tooth and claw)来理解。达尔文的自然选择学说被称为“生命最严酷的斗争”,是自然科学的重要组成部分。在他的理论中,拥有更多理想性状的个体,将对下一代做出更大的贡献。由此至极,一个人永远不可能帮助对手,反之撒谎和欺骗却能使他领先一步。无论使用何种手段,赢得人生才是最重要的。那么问题来了,为什么无私的行为如此普遍?这似乎是一个悖论。

马丁·诺瓦克(Martin A. Nowak)花费20年时间采用博弈论来研究这个明显的悖论。他的工作表明,从第一个细胞到智人,并不仅仅是对立竞争在发挥作用,而是合作竞争和对立竞争共同塑造了地球上生命的演化,并且合作对进化的影响在人类中表现得最为明显。因此,有人会说,生活不仅仅是生存斗争,也是相互依存。马丁·诺瓦克的研究结果说明了为什么应该如此,而且强调互相帮助不仅是我们过去成功的关键,它对我们的未来也至关重要。

马丁·诺瓦克和他的助手利用计算机来模拟囚徒困境,研究大型社区而不是局限于两名囚犯,借此探讨冲突与合作的关系。通过研究,他们观察到个人的策略在社区里表现为从背叛到合作再到背叛的周期性增长和下降循环。通过模拟他们确定了一种机制,可

以克服自然选择中的自私行为,让潜在的背叛者伸手合作。

开始时,研究人员将背叛者与合作者随机分布。每轮游戏的赢家将产生后代,后代将参加下一轮。这些后代大多遵循父母的策略,同时随机突变将改变他们的策略。随着实验过程的进展,研究人员发现,仅仅在很小一部分的后代中,所有的个体在每一轮游戏中都选择背叛。一段时间之后,一个新的策略突然出现:玩家会开始合作,然后模仿他们的对手行动,以牙还牙。这种改变迅速形成了以合作者为主的社区。

这种参与者不断地遇到其他参与者的合作演化机制称为直接互惠。吸血蝙蝠是一个典型的例子。如果一只蝙蝠某一天没有猎取到猎物,那么它会回到栖息地向其他同伴乞求帮助。幸运的话,会有同伴愿意和它分享食物。吸血蝙蝠生活在稳定的群体中,并且每天捕食之后都会回到巢穴,所以群体内的成员经常遇到其他成员。研究表明,蝙蝠会记住曾经帮助过它们的同伴,当那些曾经帮助过它们的蝙蝠需要食物时,它们也会反过来提供帮助。

进一步,计算机模拟更表明存在不同种类间的直接互惠。在20代以内,最初的“以牙还牙”策略将被新策略取代。在新的策略中,即使他们被对手背叛,玩家们也可能仍然会合作。从本质上讲,“宽恕”已经出现了,它是允许玩家忽视偶尔错误的一种直接互惠策略。

除了直接互惠外,还有另外4种合作演化的机制。不妨将直接互惠称为第一种演化机制。

第二种机制是空间选择。这种机制的前提是合作者和背叛者在种群中分布不均匀。邻居或者同一个社交网络中的朋友往往互相帮助,所以在一个存在着零散合作者的种群中,这些能提供帮助的个人可以形成集群,并不断扩大,最终在与背叛者的竞争中获胜。空间选择也存在于简单的生物体中。在酵母细胞中,合作者共同生产用来消化糖的酶。背叛的酵母不生产酶,而选择将大家共同生产的酶偷走。麻省理工学院的杰夫·戈尔(Geoff Gove)和哈佛大学的安德烈·莫里(Andve Mori)分别发现,在均匀混合的酵母中背叛者获胜;相反的,当酵母中的合作者和背叛者非均匀分布时,合作者获胜。

第三种机制是亲缘选择。这种方式涉及有亲缘关系的个体间合作,应该是最直观的无私合作演化机制。在这种情况下,个体可以为他们的亲人做出牺牲,因为他们有相同的基因。尽管帮助有需要的亲人也许会降低自己的生殖健康,它仍然促进了自己和受助者共用的基因的传播。20世纪的生物学家J. B. S. 霍尔丹首先提出亲缘选择的概念,他说:“我会跳进河里去救我的两个兄弟或八个堂兄弟。”不过就理论体系而言,人们往往把威廉·汉密尔顿(William Hamilton)在1964年所提出的汉密尔顿法则作为亲缘选择理论的确立。

第四种机制是间接互惠。这种方式和直接互惠相当不同。在间接互惠中,一个人是否帮助另一个人取决于他的名声。那些乐于助人的人在遇到困难时更容易得到来自陌生人的帮助。这种情况下,合作者所持有的并不是“以牙还牙”的心理,他们可能在想:如果我帮助了你,那么也会有人帮助我。例如,排名差的猴子为排名好(有好名声)的猴子装扮(图8-6),会使自己的名声变得更好,然后自己也将得到更多的装扮。



图 8-6 日本猕猴互相装扮以提高自己在群落中的声誉

最后,即第五种,个人可能会为了共同的目的而为别人提供帮助,这种合作的基础被称为小组选择。对这一机制的认识可以追溯到达尔文,他在《人类的遗传》中提到:一个包含很多人的部落,如果部落中的成员总是准备为其他人提供帮助,以及为部落共同的利益牺牲自己,那么这个部落将战胜其他大多数部落,这就是自然选择。自达尔文之后,生物学家便为“自然选择将推动合作来提高部落的生殖潜力”这一观点争论不休。研究表明,选择可以在多个层次上发挥作用,从个体基因到种群再到整个物种。因此,同一家公司的员工会相互竞争以谋求晋升,但同时他们也会合作来确保自己所在的公司在与其它公司的竞争中取得胜利。

上述5种合作机制适用于所有生物,从变形虫到斑马,甚至在某些情况下,适用于基因和其他细胞成分。这种普遍性表明,合作一开始就是地球上生物进化的推动力量。而且,合作对人类的影响特别深刻。数百万年的进化使行走缓慢、手无寸铁的猿进化为地球上最有影响力的物种:一个能够创造令人难以置信的阵列技术,使人们能够探测海洋的深度、探索外太空,一瞬间将我们的成就广播到全世界的物种。事实上,只要我们愿意,人类便是世界上最善于合作的物种。

合作的5种机制在整个自然界中广泛发生,然而又是什么使得人类成为最乐于助人的物种?这是因为人类在间接互惠和声誉的基础上能比其他任何一种生物提供更多的帮助。

为什么呢?因为只有人类有成熟的语言,并且每个人都有名字。这使得我们能够了解任何人的信息,无论他是我们的直系亲属还是地球另一面的陌生人。我们常被诸如“一个人对另一个人做了什么以及为什么这么做”之类的问题所困扰,因为我们必须在社交网络中找好自己的位置。研究表明,人们所决定的每一件事——从选择资助慈善团体到选择赞助公司——都在一定程度上取决于声誉高低。丰田在20世纪80年代拥有超越其他汽车制造商的竞争优势,一部分原因就是它公平地对待供应商的良好声誉。

语言和间接互惠的相互作用导致了文化的快速发展,这对于人类的适应能力而言相当重要。随着人类人口的扩大和气候的变化,我们需要利用这种适应性,并想办法联合起来拯救地球和它的居民们。恰好,博弈理论为我们提供了启示。也许你还记得,涉及多个玩家的某些合作困境被称为公共物品博弈。在这类博弈中,团体中的每个人都受益于

“我”的合作,但相对地,“我”通过选择背叛来增加“我”的收益。因此,虽然“我”希望别人合作,但是“我”聪明的选择却是背叛。问题是小组中的每一个成员都这么想。所以,尽管以合作开始,但是以背叛结束。

公地的悲剧是一个经典的公共物品分配案例(参阅第2章)。对于现实世界所关心的自然资源,从石油到纯净水,显而易见可以类推。当遇到公共资产管理时如果合作者倾向于背叛,我们怎么能为子孙后代保护地球生态资本?

还好,并非所有希望都消失了。实验发现了存在促使参与者成为公共物品好管家的可能。研究人员给每一个课题小组40欧元,让他们玩一个电脑游戏——用钱来维持对地球气候的控制。参与者被告知每轮游戏都必须向一个类似环保基金的共享池提供捐赠,多少不限。如果在10轮之后共享池中的钱币不少于120欧元,那么气候就是安全的,所有的玩家将获得剩余的钱;反之,如果池中的钱币少于120欧元,那么气候就会垮掉,所有人不名一文。

结果玩家们常常因为差几欧元而没能拯救气候^①,研究人员在参与者的行为中发现了能够激发合作的迹象。研究人员发现,当玩家们得到有关气候研究的权威信息时,他们表现得更加无私。这表明人们需要确信一点,即遇到了要为更大利益而做出牺牲的问题。当面临需要公开自己的贡献而不是匿名时,他们则表现得更为慷慨,因为这关系到各自的声誉。

演化模拟表明,合作本质上是不稳定的。合作繁荣期过后,必然会过渡到背叛。然而利他精神似乎总是重建,我们的道德罗盘不断重新调整。在人类历史的跌宕起伏中、在政治和金融系统的震荡中,都能看到合作与背叛的循环。

8.4 合作博弈理论

第一节讨论了几个经典案例,说明博弈游戏中参与者除了直接竞争外还有其他选择,有时只有通过协调合作才能获得最大利益;第二节尝试利用效用函数对博弈行为建立统一解释;第三节从社会学、生物学和人类学等角度阐释了合作的演化,讨论了促成合作的几种机制,并说明了合作在自然界中是非常普遍的现象。这一节将简要介绍合作博弈理论,包括其由来、特征、表示方法和相关的重要概念。

8.4.1 为何引入合作博弈

个体理性并不是也不应该是人类经济行为背后的唯一逻辑,由前两节的分析可知现实中体现了集体理性的集体决策行为相当普遍。

非合作博弈理论本身的缺陷也促进了合作博弈理论的发展。非合作博弈分析经常遇到无帕累托优劣关系的多重纳什均衡问题。例如,两人分100元现金问题。如果两人要

^① 这一点并不难理解。第6章曾说过,即便在两个人的囚徒困境重复博弈中,合作的出现也没有我们想象的那么乐观。

求的金额之和不超过100元,则每人都能获得相应的现金,否则两人什么都得不到。将其作为非合作博弈研究,两个参与者的策略是各自要求的金额 $0 \leq x_i \leq 100$,当双方策略组合 (x_1, x_2) 满足 $x_1 + x_2 \leq 100$ 时,他们的得益与策略出价相等,否则得益为0。这个博弈有多重纳什均衡,即只要 (x_1, x_2) 满足 $0 \leq x_i \leq 100$,且 $x_1 + x_2 = 100$,该策略组合就是一个纳什均衡。即使允许参与者事先协商或可以改变策略也只能避免出现 $x_1 + x_2 < 100$ 的非均衡结果,但是并不能确定哪个均衡会出现。强调一次性同时选择,且双方策略之和 $x_1 + x_2 > 100$ 时得益都为0,聚点均衡可能指示的结果为(50,50)。但如果不强调一次性同时选择,聚点均衡的作用也不强。因此除非增加设定,对讨价还价过程进行建模,否则非合作博弈理论无法给出这个问题的最终答案。

非合作博弈理论之所以无法解决上述问题,就是忽视了参与者之间可能的合作。如果考虑参与者可能采用的合作,就能通过参与者之间的协调行为来解决这个多重纳什均衡选择问题。类似地,还有很多博弈问题无法用非合作博弈理论完美地解释。随着非合作博弈理论暴露出越来越多的局限性,合作博弈近年来越来越受到人们的重视,相关理论也迅速发展起来。

8.4.2 合作博弈的特征和结构

非合作博弈与合作博弈的根本区别,是前者不允许存在有约束力的协议,而后者则允许存在。采用“是否允许存在有约束力的协议”做区分,是因为如果不允许存在这种协议,那么除非合作行为(指参与者采用的策略)本身就是参与者的最优选择,参与者没有动机偏离合作,否则就无法保证参与者选择合作。囚徒困境就是典型的例子,即使合作最终也有利于参与者自身,但是在个体理性条件下,合作并不是最优选择。而当允许使用有约束力的协议时,尽管存在偏离合作动机,参与者仍有可能通过协调、协商等方式达成合作协议,实现合作。

存在有约束力的协议,说明博弈问题的参与者之间既存在共同利益,但利益又不完全一致。如果参与者之间的利益完全对立或完全一致,就没有协调的余地或完全不需要协调,进而就可以利用个体理性决策解决问题。换句话说,这种情况下参与者之间也就不需要达成协议。存在共同利益而利益不完全一致,又进一步决定了利益的分配,以及关于利益分配的讨价还价,这是合作博弈的共同特征。事实上,合作博弈协议的内容除了约定行为以外就是利益分配,达成协议的前提是通过讨价还价就利益分割达成一致意见。不管合作博弈问题来源于经济交易、政治谈判,也不管参与博弈的人数多少,本质上都是关于利益分配的讨价还价。

例如,对于两人分100元现金的问题,可以考虑参与者利用协议协调双方行为的可能性。但签订协议的前提是双方就分配方案达成共识,并且这种共识的达成需要通过讨价还价形成。因此两人分100元现金的合作博弈是关于利益分配的讨价还价问题。同样,市场交易也是关于利益分配的讨价还价问题。假设两人就某个物品进行交易。如果卖方的主观价值评价是50元,买方的主观价值评价是70元,两人交易能够实现总共 $70 - 50 = 20$ 元的交易利益。双方对交易价格的讨价还价实际上就是对20元交易利益分配的讨

价还价。需要强调的是,即使参与者的数量增加,也不会改变合作博弈的本质特征。例如,三人分300元现金问题^①,或者多边贸易问题等,本质上也都是关于利益分配的讨价还价。

但是,参与者的数量对合作博弈确实有很大影响。当合作博弈的参与者只有两个人时,博弈是一种纯粹的讨价还价。这种情况下,参与者的选择只有合作或不合作,以这个方案合作或另一个方案进行合作。而当参与者多于两人时,情况就可能非常复杂——此时可能出现部分参与者联盟,这对博弈的结果有很大影响。例如,三人分300元,分配方案(约束协议)按照“少数服从多数”的原则,如果达不成协议则所有人都得0元。这个问题与两人分100元问题只差一个参与者,但是这个三人博弈给头脑灵活的参与者提供了得到更多利益的机会。这三个参与者不可能始终停留在全体成员的讨价还价上。例如,参与者1和参与者2可以结成联盟,强行通过剥夺参与者3的利益并对他们有利的方案(让参与者3得到非常小的数,如0)。参与者3也可以通过分化瓦解参与者1和参与者2的联盟,并与其中一方形成新的联盟加以对抗等。这种联盟行为将对博弈结果产生很大影响,使得三人及以上合作博弈的核心问题从讨价还价转变为联盟问题。因此,多人合作博弈分析必须包含对联盟的分析。

多人合作博弈也称为“联盟博弈”,而纯粹讨价还价的两人合作博弈则称为“两人讨价还价博弈”。两人讨价还价博弈和多人联盟博弈构成合作博弈理论的两大研究对象。下文将分而述之。

8.4.3 两人讨价还价

两人讨价还价问题是合作博弈理论所讨论的基本问题,也是博弈论最早研究的问题之一。两人讨价还价涉及的范围很广,包括交易双方的价格谈判、合作者的利润奖金分配、成本分摊,以及资源权益分割等。它们的实质都是两个参与者之间对特定利益的分割分配,如第3章所述,两人讨价还价问题也可以用非合作博弈理论进行分析。但非合作博弈分析方法与合作博弈的分析方法是不同的,它是在对讨价还价过程建模基础上的个体理性决策分析。除非特别说明,下文对两人讨价还价问题的讨论都是基于合作博弈方法的。

两人讨价还价博弈有两个参与者,用参与者1和参与者2表示。

两人讨价还价问题与非合作博弈的第一个明显差异是参与者的选择内容。非合作博弈中参与者选择的是自身策略,而相互作用且决定博弈结果的也是彼此的策略。但在两人讨价还价中,由于允许甚至强调通过协议协调行为,个人策略并不能直接决定结果。因此重要的并非各个参与者的个人策略,而是作为协议对象的、同时包含双方利益的分配方案(简称“分配”)^②。以两人分100元为例,单个参与者1和参与者2想得到多少元,如

^① 三人分300元问题与三人分100元问题在本质上没有差别。但是前者的数据在计算与讨论上相对简单,后面我们讨论时都将以三人分300元问题为例。

^② 注意分配本身意味着合作博弈中的利益必须容易分割转让,如现金和许多容易分割的实物等。当利益是很难分割的项目、选举输赢等问题时,分配会遇到一定的困难,必须借助某种旁支付的补偿机制等。当然我们所分析的大多数合作博弈的利益都是容易分割转让的。

50元、60元还是90元是无意义的,有意义的是分配(40,60)、(50,50)等。

分配受两个基本条件的约束。首先是受条件的约束,如在两人分100元问题中,分配必须满足双方利益之和不超过100元。其次是受基本理性要求的约束,如在两人分100元问题中,双方利益必须都在0到100元之间,否则对双方不利或至少一方不能接受。同时满足上述两个要求的分配称为博弈的“可行分配”。

两人讨价还价博弈的分配一般用 $x = (x_1, x_2)$ 表示,其中 x_1 和 x_2 分别代表两个参与者的利益。两人讨价还价的可行分配可用集合 $F = \{(x_1, x_2), 0 \leq x_i \leq m_i, x_1 + x_2 \leq m\}$ 表示,其中 $i = 1, 2, m$ 是最大可分配利益。集合 F 也称为“可行分配集”。由于分配 $x = (x_1, x_2)$ 既是讨价还价双方的选择内容,也是双方得到的利益,因此分配和可行分配集在两人讨价还价问题分析中具有核心地位。

但仅有分配概念是不够的。在博弈过程中,分配中各个参与者的利益尚未实现,仅仅是期望利益,因此需要考虑参与者的风险态度。而且,讨价还价的对象常常不是现金利益,而是物品、资源或项目等,因此还需要考虑参与者的主观效用评价问题。例如,如果讨价还价的对象是一堆钢材,而讨价还价双方一个是建筑师,另一个是废品收购者,那么同样的分配对双方的效用显然是不同的。一个果农和一个粮农分一片土地,如果种粮食和水果的利润分别是每亩500元和800元,同样的分配对双方的价值也不一样。

因为参与者的风险态度和对分配的主观效用评价有可能会影响双方讨价还价的态度与结果(特别是当双方态度和评价存在差异时),所以两人讨价还价问题不仅需要考虑分配,也需要考虑效用配置。效用配置常用 $u = (u_1, u_2)$ 表示,其中 u_i 是参与者的期望效用,是分配集 S 到实数集的实值函数。一般情况下,期望效用就是参与者自身利益的函数,即 $u_i = u_i(x) = u_i(x_i)$ 。所有可能的效用配置构成“效用配置集”。

两人讨价还价合作博弈分析的特点,决定了分配和效用配置两个概念都非常重要。效用代表了参与者的偏好和内在要求,效用配置会从主观态度方面对两人讨价还价博弈的过程和结果产生影响。讨价还价合作博弈分析寻找的合理解首先要符合公平性,而公平性只能体现在客观的分配而不是主观的效用上,因此分配在讨价还价中也非常重要。在某些情况下,分配与效用配置是一致的。当讨价还价的对象是现金且参与者风险中性时,期望效用就等于利益,即 $u_i = u_i(x) = u_i(x_i) = x_i$ 。在对称讨价还价问题^①中,根据分配和效用配置进行分析的结果是一样的。

两人讨价还价问题的另一个要素是谈判破裂点。任何谈判都有破裂的可能。在某些情况下,即使谈判破裂,参与者也有可能得到利益。例如,甲和乙两人进行一个项目的合作谈判。假设该项目的预期利润是10000元,但甲不搞这个项目还有另一个能获利3000元的项目,而乙则没有其他获利机会。那么如果甲乙间的谈判破裂,甲可获得3000元,而乙的收益为0。这种谈判破裂时双方的利益称为“谈判破裂点”,简称“破裂点”。

破裂点通常用 $d = (d_1, d_2)$ 表示,其中 d_i 是参与者 i 在谈判破裂时可以得到的利益。

^① 对称讨价还价问题即指双方在立场地位、效用函数、破裂点等方面都没有差异;用效用配置集表示为:若 $(u_1, u_2) \in U$,则 $(u_2, u_1) \in U$ 。

若谈判破裂时两参与者都无利益,则谈判破裂点为 $(0,0)$ 。谈判破裂点也应该包含在可行方案集合中。换句话说,“谈判破裂达不成协议”(agree to disagree)也是讨价还价双方的可行选择之一。

谈判破裂点对讨价还价双方的态度和结果也会产生影响,因为理性的参与者不可能接受低于破裂点利益的分配。具体来讲,效用一般是利益的增函数,因此也意味着参与者不可能接受低于谈判破裂点效用的分配。更进一步,一个讨价还价博弈要有意义,需要至少存在一个分配,能给两个参与者都带来大于谈判破裂点的效用。否则就不可能存在同时引起讨价还价双方兴趣的分配,因而无法实现比个体理性博弈更好的结果,合作博弈也就无法实现。

可行分配集、效用函数以及谈判破裂点是一个两人讨价还价问题的基本要素,是抽象一个两人讨价还价问题必须设定的基本方面。当然,并非所有问题都千篇一律。具体的讨价还价问题可能还有一些条件和特征需要详细讨论。



进阶阅读：纳什讨价还价解

在分析两人讨价还价问题时,我们关注的是:什么样的分配和效用配置是最有可能被双方接受与采用的。纳什提出并证明了,两人讨价还价问题存在同时满足个体理性、帕累托效率、对称性、线性变换不变性和独立于无关选择5个公理的唯一解,即纳什讨价还价解。方便起见,用 $B(F, d; u_1, u_2)$ 表示一个两人讨价还价问题,其中 F 是可行分配集, d 为破裂点, u_1 和 u_2 则是两个参与者各自的效用函数。

(1) 个体理性公理: 设 $B(F, d; u_1, u_2)$ 是一个讨价还价问题,如果分配 (x_1^*, x_2^*) 是该讨价还价问题的解,那么该分配一定满足: $u_1(x_1^*) \geq u_1(d_1), u_2(x_2^*) \geq u_2(d_2)$ 。

(2) 帕累托效率公理: 如果 (x_1, x_2) 和 (x'_1, x'_2) 都是某个讨价还价问题的可行分配集中的点,且 $u_1(x_1) > u_1(x'_1), u_2(x_2) > u_2(x'_2)$,那么 (x'_1, x'_2) 肯定不会是该讨价还价博弈的解。

(3) 对称性公理: 如果 $B(F, d; u_1, u_2)$ 是一个对称的讨价还价问题,则作为博弈的解 (x_1^*, x_2^*) 必须满足 $x_1^* = x_2^*$ 。

(4) 线性变换不变性公理: 如果 (x_1^*, x_2^*) 是一个两人讨价还价问题的解,那么当讨价还价问题中的效用变换为 $u'_i = a_i + b_i u_i$ 时, (x_1^*, x_2^*) 仍然是讨价还价问题的解。

(5) 独立于无关选择公理: 如果 $B(F, d; u_1, u_2)$ 和 $B(F', d'; u_1, u_2)$ 是两个讨价还价问题,且满足 $F \supset F', d = d'$,那么如果 $B(F, d; u_1, u_2)$ 的合作博弈解 (x_1^*, x_2^*) [对应 (u_1^*, u_2^*)]落在 F' 中,则 (x_1^*, x_2^*) 一定也是 $B(F', d'; u_1, u_2)$ 的解。

定理 8.1(纳什讨价还价解) 对于两人讨价还价问题,存在满足上述5个公理的唯一讨价还价解,它是使纳什积 $[u_1(x_1) - u_1(d_1)][u_2(x_2) - u_2(d_2)]$ 达到最大的 (x_1, x_2) 。或者说,纳什讨价还价解是如下问题的解:

$$\begin{aligned} & \max_{x_1, x_2} \{ [u_1(x_1) - u_1(d_1)][u_2(x_2) - u_2(d_2)] \} \\ & (x_1, x_2) \in F, \quad (x_1, x_2) \geq (d_1, d_2) \end{aligned}$$

下面以两人分 100 元现金问题说明纳什解的应用。

假设参与者 1 是风险中性的,即 $u_1 = u_1(x_1) = x_1$; 而参与者 2 是风险规避的,即 $u_2 = u_2(x_2) = x_2^b$, 其中 $b < 1$ 。同时,假设这个讨价还价问题的谈判破裂点为 $(0, 0)$ 。

根据问题假设,这个讨价还价问题的分配必须满足约束条件: $x_1 + x_2 \leq 100$ 。将 $x_1 = u_1$ 和 $x_2 = u_2^{1/b}$ 代入,则效用配置必须满足: $u_1 + u_2^{1/b} \leq 100$ 。

用纳什解法分析这个问题,就是求解下列纳什积的约束优化问题:

$$\begin{aligned} \max_{u_1, u_2} & u_1 u_2 \\ u_1 + u_2^{1/b} & \leq 100 \end{aligned}$$

根据约束条件可得 $u_2 = (100 - u_1)^b$, 代入纳什积转化为单变量最优化问题:

$$\max_{u_1} u_1 (100 - u_1)^b$$

一阶条件为

$$(100 - u_1^*)^b + u_1^* b (100 - u_1^*)^{b-1} (-1) = 0$$

两边乘 $(100 - u_1^*)^{1-b}$ 得

$$100 - u_1^* - u_1^* b = 0$$

可解得 $u_1^* = s_1^* = \frac{100}{1+b}$ 。进一步可得 $s_2^* = \frac{100b}{1+b}$, $u_2^* = \left(\frac{100b}{1+b}\right)^b$ 。

从这个结果可以看出,讨价还价双方风险偏好的差异对讨价还价的结果有明显影响。双方所得分配的差异取决于反映风险偏好的系数 b 。 b 越小,风险规避程度越严重,所得的分配就越少,所得效用越少。这也是经济活动中“性格决定命运”的理论演绎,是一个很有启示作用的结论。

8.4.4 联盟博弈

联盟博弈就是三个或三个以上参与者的多人合作博弈问题。前面已经对三人分 300 元问题进行过简要介绍。如前所述,多人合作博弈中存在参与者之间联盟的可能性,因此多人合作博弈与两人讨价还价明显不同。多人合作博弈分析必须包含对联盟的分析,因此多人合作博弈也称为“联盟博弈”或“联盟型博弈”。

设联盟博弈有 n 个参与者,可以直接用数字 $1, 2, \dots, n$ 表示,它们构成集合 $N = \{1, 2, \dots, n\}$ 。讨论合作博弈,总是假设 n 个参与者之间存在合作的可能性(也就是说,通过合作可以得到更多的利益)。博弈中的联盟就是 N 的子集 $S \subset N$ 。 N 的所有子集构成的集合记为 $P(N)$ 。因为 N 有 n 个元素,因此 N 共有 2^n 个子集。其中, N 表示所有参与者联合组成联盟,形成的联盟称为大联盟;单元素子集 $\{i\}$ 表示参与者 i 不与任何人联盟,一个人“单干”,形成了规模最小的联盟;空集 \emptyset 指联盟不包含任意一个参与者,本身不具有实际意义。在所有子集中,非空子集有 $2^n - 1$ 个,能构成有意义联盟且至少包含两个元素的子集有 $2^n - n - 1$ 个。很显然,联盟博弈的参与者数越多,可能的联盟就越多,博弈也就越复杂。

联盟博弈的分配概念与两人讨价还价博弈是相似的。一般用向量 $x = (x_1, \dots, x_n) \in R^n$

表示联盟博弈的分配,其中 x_i 为参与者 i 的期望效用。联盟博弈的分配必须符合博弈问题的基本假设^①,以及参与者的风险和效用偏好。此外联盟博弈的分配必须满足每个参与者的得益都不少于其不参加任何联盟的得益,否则相关参与者就不会参与联盟博弈。满足这些要求的分配全体构成联盟博弈的“可行分配集”。

8.4.2 节曾经提到,部分参与者之间的联盟和分化瓦解增加了对联盟问题的分析难度,因而讨论联盟博弈问题首先需要对不同联盟进行比较讨论。那么怎样才能使得不同联盟之间具有可比性呢?

为解决这个问题,我们需要建立一种方便比较的参照系。换句话说,需要将所有可能的联盟经过变换(或计算)对应到有序的实数集中。要求这个实数是唯一的,并且不能与成员的集体理性冲突。所谓不能与成员的集体理性冲突,是指联盟被视为整体时所采取的行动应该是最优反应。那么,这个实数应该是什么呢?基于博弈问题的基本假设,我们知道参与者直接关心的只有效用,因此可以选择联盟内所有成员的效用总和作为比较依据。假设联盟为 S ,显然联盟的效用总和是唯一的。进而,效用总和须满足集体理性。也就是说,这个效用总和不能是随便一组联盟内成员和非联盟成员的行动所构成的策略组合的期望效用的计算结果,而是联盟 S 的内部成员效用总和的最优值。进一步思考,当所有非 S 成员联合起来对抗 S 时,会尽可能使 S 的效用总和“最低”。而联盟 S 内的成员会如何行动呢?当然是在所有内部成员联合的情况下选择策略,寻找所有“最低”中的“最高”。换言之, S 每采取一个行动,非 S 成员都能做出行动,使得 S 的效用总和“最低”;而 S 则在所有可能行动中寻求能使自己状况最好的。回到最初的问题,我们找到了一种对应关系(函数):对于任何一个联盟 S ,都有一个值与之对应,这个值就是联盟内成员效用总和的“最差中的最好”。此处的“最差”对应于非联盟成员的策略选择,而“最好”则对应于自己的策略选择。这种对应关系,我们将其称为特征函数;而满足“最差中的最好”的值称为联盟的保证水平,记为 $v(S)$ 。

以三人分 300 元问题为例:显然 $v(\emptyset)=0$;由 8.4.2 节的讨论可知,如果参与者 1 选择不与任何人联盟,那么参与者 2 和参与者 3 就能强行通过剥夺参与者 1 的利益的分配方案,即 $v(\{1\})=0$,同理可知 $v(\{2\})=0, v(\{3\})=0$;如果参与者 1 和参与者 2 联盟,无论参与者 3 提出怎样的分配方案,他们都能强行通过剥夺参与者 3 的利益的分配方案,即 $v(\{1,2\})=300$,同理 $v(\{2,3\})=300, v(\{1,3\})=300$;如果三个人形成大联盟,显然效用总和为 300 元,即 $v(\{1,2,3\})=300$ 。

再看一个简单的例子:手套游戏。

人群 $N=\{1,2,\dots,n\}$ 划分为两个不相交的子集 L 和 R 。 L 中的成员每人都拥有一只完全相同的左手套, R 中的成员每人拥有一只可与 L 中成员的左手套匹配的右手套。作为商品,单只手套一文不值,而左右两只手套匹配后得到的一副手套值 100 元。

我们可以很容易将其视为合作博弈进行分析。对于每一个联盟 $S \in 2^N$, S 中可能同时包含 L 中的成员和 R 中的成员。能够匹配成对的手套数只能取 $S \cap L$ (S 中持有左手

^① 即参与者是理性的。

套的人数)和 $S \cap R$ (S 中持有右手套的人数)中的最小值。因此,联盟 S 的特征函数可以定义为

$$v(S) = 100 \times \min\{|S \cap L|, |S \cap R|\}, \quad \forall S \in 2^N$$

特征函数是衡量联盟价值的重要基础,对形成何种联盟和博弈结果有决定作用,在联盟博弈中占有重要地位。联盟博弈有时也称为“特征函数型博弈”。联盟博弈也表示为 $B(N, v)$, 其中 v 就是其特征函数。

利用特征函数还可以对联盟博弈进行分类。满足 $v(N) > \sum_{i \in N} v(\{i\})$ 的联盟博弈称为“本质博弈”,而满足 $v(N) = \sum_{i \in N} v(\{i\})$ 的联盟博弈称为“非本质博弈”。若一个联盟博弈的 $v(S)$ 只能取 0 和 1,且单人联盟的特征函数值为 0,而大联盟特征函数值为 1,则称为“简单博弈”。在简单博弈中,特征函数值为 1 的联盟称为“胜利联盟”,特征函数值为 0 的联盟称为“失败联盟”。



进阶阅读: 特征函数与特征函数值

定义 8.1(特征函数) 对于 n 人联盟博弈中的联盟 $S \in P(N)$ 。不管联盟外成员如何行为,联盟成员通过协调行为可保证实现的最大联盟总得益,称为联盟的“保证水平”,记为 $v(S)$ 。一个联盟博弈所有可能联盟的保证水平,构成 $P(N) \rightarrow R$ 的一个实值函数,该函数称为这个联盟的“特征函数”。

根据特征函数的定义,一般联盟博弈特征函数值的计算公式为

$$v(S) = \max_{x \in x_S} \min_{y \in x_{N/S}} \sum_{i \in S} u_i(x, y)$$

式中: x_S 为 S 中成员全部联合时混合策略的全体; $x_{N/S}$ 为 N/S ^① 中成员全部联合时混合策略的全体; $u_i(x, y)$ 为参与者 i 对应策略组合 (x, y) 的期望得益。现实中常常通过对博弈的直接分析得到特征函数值。

给定一个博弈模型,可以对结果进行怎样的期望与规定? 博弈论中的大部分内容总是以某种方式引向这个问题。在合作博弈中,“解”就是关于利益的稳定分配。合作博弈解概念有很多,可以将其归为两大类: 占优方法和估值方法。

1. 占优方法

占优方法以“占优”为主要准则,体现了稳定和联盟的信息。在非合作博弈中我们曾经利用占优分析讨论参与者的策略选择问题。由于联盟博弈最终还是参与者的策略选择问题,因此可以模仿非合作博弈的占优分析。例如,在三人分 300 元现金问题中,如果参与者 1 和参与者 2 形成联盟,那么分配 $(150, 150, 0)$ 显然优于分配 $(100, 100, 100)$ 。相对地,如果参与者 2 和参与者 3 形成联盟,那么分配 $(0, 170, 130)$ 显然优于分配 $(150, 150, 0)$ 。这种分配之间的“占优”关系在联盟博弈中非常普遍,而且它直接影响联盟的稳定或瓦解。在合作博弈中,我们将这种分配之间的“优劣”关系定义为“优超”。下面我们给出

① N/S 表示除了联盟 S 中的成员,剩下的所有参与者。

它的定义。

定义 8.2(x 关于 S 优越 y) 对于联盟博弈 $B(N, v)$ 的分配 x, y , 以及联盟 $S \subset N$, 如果 $x_i > y_i, \forall i \in S$ 都成立, 且 $\sum_{i \in S} x_i \leq v(S)$, 则称“ x 关于 S 优越 y ”, 记为 $x \succ_S y$ 。

定义 8.3(x 优越 y) 对于联盟博弈 $B(N, v)$ 的分配 x, y , 如果 $\exists S \subset N$, 使得 $x \succ_S y$, 则称“ x 优越 y ”, 记为 $x \succ y$ 。

当 x 关于 S 优越 y 时, 可以看到 S 中的成员能够通过自己的努力改善他们的支付, 即 S 可以在 x 的基础上得到“改进”。有时, 将 S 称为“阻塞联盟”, 也就是说, S 可以“阻止”或“反对”分配 x 。

利用优越来分析联盟博弈, 我们很容易联想到: 不会被任何分配优越的分配具有稳定性, 是否可以将其作为联盟博弈的“解”呢? 答案是肯定的。

我们来看一个简单的例子: 同样是三人分 300 元问题, 但是将规则改为必须全部同意。此时联盟博弈的任意一个满足“ $0 \leq x_i \leq 300, x_1 + x_2 + x_3 = 300$ ”的分配 (x_1, x_2, x_3) 都具有稳定性。因为任何非三人联盟特征函数 $v(S) = 0$, 根据优越的定义, 不存在任何能够优越 (x_1, x_2, x_3) 的分配; 而对于三人联盟 $\{1, 2, 3\}$, 因为 $x_1 + x_2 + x_3 = 300$, 所以不可能存在同时满足 $y_1 > x_1, y_2 > x_2, y_3 > x_3$ 和 $y_1 + y_2 + y_3 \leq 300$ 的分配 (y_1, y_2, y_3) , 因此也不存在任何能够优越 (x_1, x_2, x_3) 的分配。所以, 上述集合中的分配都具有稳定性, 任意一个都可以作为该联盟博弈的“解”。

在联盟博弈中, 我们将上述不能被优越的分配组成的集合称为“核”。利用优越的概念, 可以得到核的定义。

定义 8.4(核) 对于 n 人联盟博弈 $B(N, v)$, 分配集中不被任何分配优越的分配的全体, 称为该博弈的“核”, 记为 $C(N, v)$ 。

把核作为联盟博弈的解概念, 最符合直观, 也最容易理解。但它同时也存在问题。因为联盟博弈的核常常是空集, 即使核非空, 其中包含的解分配也不一定唯一。当解分配不唯一时, 就无法准确预测联盟博弈的最终结果, 解概念的作用就会受到很大限制。上述改变规则后的三人分 300 元问题恰恰反映了这个问题。而且更多情况下, 联盟博弈的核是空集, 无法对博弈结果的预测提供任何帮助。

以三人分 300 元现金为例(规则仍为“少数服从多数”)。该博弈的可行分配集为

$$F = \{(x_1, x_2, x_3) \mid x_1 + x_2 + x_3 = 300, x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0\}$$

图 8.7 给出了一般情况下三人联盟的核的示意图, 它是三维中的一个平面刨去不合理区域所剩的阴影部分。

当然, 它也可能为空集。来看一个特殊情况, 若 $v(\{1\}) = 0, v(\{2\}) = 0, v(\{3\}) = 0, v(\{1, 2\}) = 300, v(\{2, 3\}) = 300, v(\{1, 3\}) = 300, v(\{1, 2, 3\}) = 300$ 。我们将指出, 任何满足“ $x_1 > 0, x_2 > 0, x_3 > 0$ ”的分配 (x_1, x_2, x_3) 都不在核内。因为在这种情况下, 任何两个参与者的总收入都将少于 300 元, 如 $x_1 + x_2 < 300$ 。这时参与者 1 和参与者 2 可以形成联盟从而取得支配权, 使得在他们之间完全地分配 300 元。同时, 恰好有两个人得 0 的分配也不在核内, 因为这两个人可以形成联盟, 从而共享 300 元。现在我们讨论恰好只有

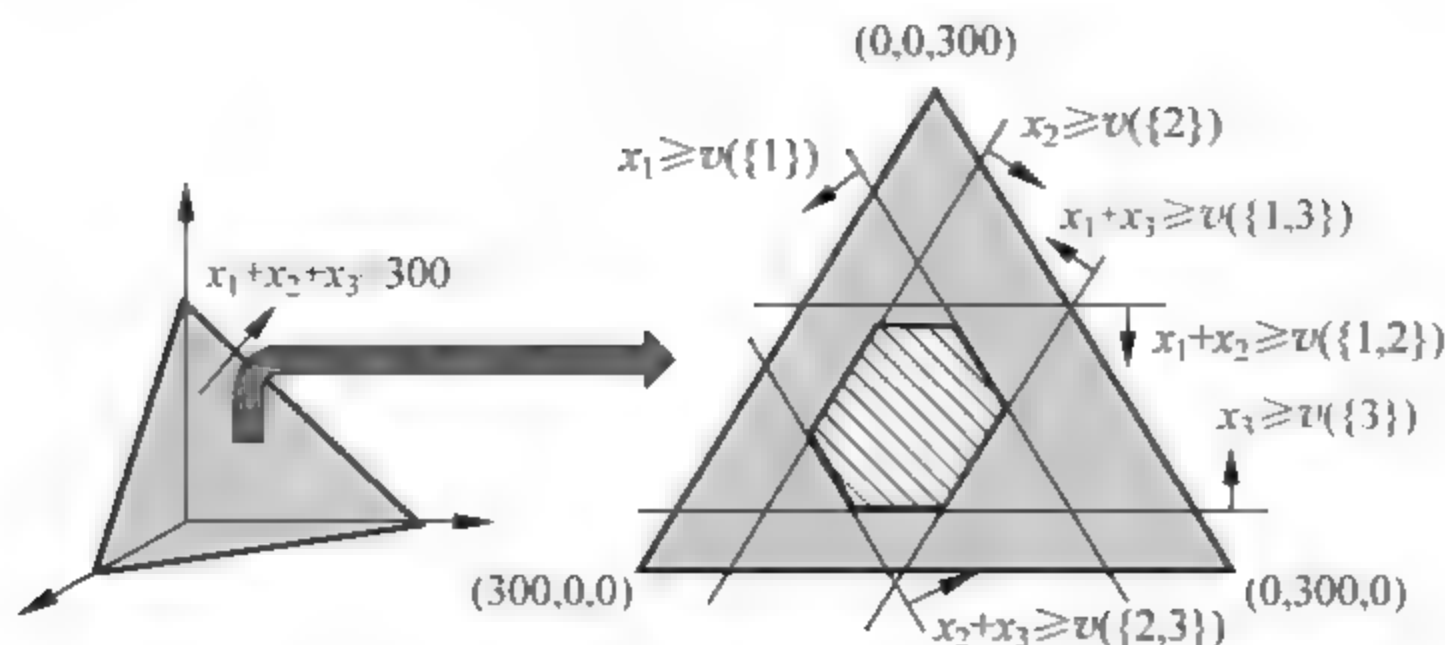


图 8.7 三人联盟的核的示意图(阴影部分)

一个人得 0 的分配,不妨设 $x_1 = 0$, 分配方案为 $(x_1, x_2, x_3) = (0, s, 300 - s)$, 其中 $s > 0$ 。为了改善自己的处境,参与者 1 可以提出一个新方案 $(300 - s - t, s + t, 0)$, 其中 $t > 0$, 且 $s + t < 300$ 。这个新方案可以使参与者 2 脱离与参与者 3 的联盟,而与参与者 1 形成新联盟。因此该博弈的核内不可能存在恰好有一个人得 0 的分配。显然,所有人都得 0 的分配也不可能在核中。综上所述,该博弈的核为空集。



进阶阅读: 核与瓦解

联盟博弈的“核”也可以定义在“瓦解”概念的基础上。先介绍瓦解的定义。

定义 8.5 (瓦解) 设 $x = (x_1, \dots, x_n)$ 是联盟博弈 $B(N, v)$ 的一个可行分配。如果联盟 S 使得 $v(S) > \sum_{i \in S} x_i = x(S)$, 也就是说联盟的特征函数值(保证水平)高于上述分配带给联盟成员得益的总和,就说“联盟 S 瓦解分配 x ”。

定义 8.6 (核) 设 $B(N, v)$ 是一个联盟博弈,在 $B(N, v)$ 的可行分配集中,所有不会被任何联盟所瓦解的分配的集合,称为这个联盟博弈的“核”。

不难看出,定义在瓦解概念上的核与定义在优越概念上的核实际上是相同的。事实上,优越和瓦解之间存在对应关系。例如,根据瓦解的定义不难判断,三人分 300 元博弈中两个优越关系中的联盟 $\{1, 2\}$ 和 $\{2, 3\}$, 就是分别瓦解分配 $(100, 100, 100)$ 和 $(150, 150, 0)$ 的联盟。

当经济问题表示为 n 人合作博弈形式时,它们常常有非空的核,并且核一般也是令人满意的解概念。然而,有许多博弈的核是空集。这一困难不但出现在对政治与选举进行模型化的过程中,也出现在产业组织模型中。在这些情况下,“稳定集”概念在分析联盟的形成、竞争与权力的分配时常常优于其他的解概念。

稳定集是冯·诺依曼和摩根斯坦首先提出的。这一概念也是基于优越的占优分析,与核概念有着密切的联系。从定义上看,核就是不可被占优的分配集,即核中的分配既不会被核内的其他分配占优,也不会被核外的分配占优。假设 ω 是联盟博弈的一个分配集。如果 ω 中的任何一个分配都不会被 ω 中的其他分配优越(内部稳定性),并且每个 ω 之外的分配都被 ω 中的某个分配优越(外部稳定性),那么 ω 就是“稳定集”。

以三人分 300 元问题为例(规则为“所有人都必须同意”):

此博弈的稳定集为 $\omega = \{(x_1, x_2, x_3) | 0 \leq x_i \leq 300, x_1 + x_2 + x_3 = 300\}$ 。先讨论内部稳定性。设 (x_1, x_2, x_3) 和 (y_1, y_2, y_3) 是 ω 中的两个分配, 即 $0 \leq x_i, y_i \leq 300, x_1 + x_2 + x_3 = 300, y_1 + y_2 + y_3 = 300$ 。假设 (y_1, y_2, y_3) 优越 (x_1, x_2, x_3) , 即 $y_1 > x_1, y_2 > x_2, y_3 > x_3$, 则 $y_1 + y_2 + y_3 > x_1 + x_2 + x_3 = 300$, 与 $y_1 + y_2 + y_3 = 300$ 矛盾。所以假设不成立, 即 ω 满足内部稳定性。再讨论外部稳定性。假设 $(z_1, z_2, z_3) (0 \leq z_i \leq 300, z_1 + z_2 + z_3 < 300)$ 是 ω 外的任一分配。令 $300 - z_1 - z_2 - z_3 = t (t > 0)$, 显然, ω 中的分配 $(z_1 + t/3, z_2 + t/3, z_3 + t/3)$ 优越 (z_1, z_2, z_3) , 即 ω 满足外部稳定性。综上所述, 分配集 ω 是该博弈的稳定集。

定义 8.7(稳定集) 对于 n 人联盟博弈 $B(N, v)$, 若分配集 ω 满足:

(1) 内部稳定性, 即不存在 $x, y \in \omega$, 使得 $x > y$ 。

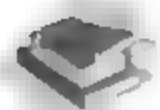
(2) 外部稳定性, 即 $\forall x \notin \omega, \exists y \in \omega$, 使得 $y > x$, 则分配集 ω 称为这个联盟博弈的一个“稳定集”。

一般来说, 稳定集是包含核的。稳定集也是联盟博弈重要的解概念之一。但稳定集作为联盟博弈的解概念同样有问题, 因为稳定集同样常常是空集, 而非空时又常常不唯一。

上述我们介绍的核和稳定集都属于“占优”方法, 可以比较直观地比较分配之间的优劣关系。但是, 它们存在“致命缺陷”——有时不存在, 有时存在但不唯一。当核或稳定集不存在时, 自然无法将其作为合作博弈的解; 当核或稳定集中包含多个解, 甚至是无限个解时, 又无法决定选择哪一个, 因为每个解都有它的合理之处。

是否存在一个解概念, 既合理又无争议呢? 接下来我们将介绍第二种方法, 即“估值”法中具有重要意义的“夏普利值”。

2. 估值方法



引语故事

约克和汤姆结对旅游。当他们准备吃午餐时, 恰好有一个饥饿的路人经过, 约克和汤姆便邀请他一起吃午餐。约克带了 3 块饼, 汤姆带了 5 块饼。他们将 8 块饼均分为 3 份, 每人一份。吃完饭后, 路人赠给了他们 8 个金币以表示感谢。之后, 路人继续赶路。

约克和汤姆为这 8 个金币的分配产生了争执。汤姆说: “我带了 5 块饼, 理应我得 5 个金币, 你得 3 个金币。”约克不同意: “既然我们在一起吃这 8 块饼, 理应平分这 8 个金币。”约克坚持认为每人各得 4 块金币。为此, 约克找到公正的夏普利进行裁决。

夏普利对约克说: “孩子, 汤姆给你 3 个金币, 因为你们是朋友, 你应该接受它; 如果你要公正的话, 那么我告诉你, 公正的分法是, 你应当得到 1 个金币, 而你的朋友汤姆应当得到 7 个金币。”约克很不理解。

夏普利说: “是这样的, 孩子。你们 3 人吃了 8 块饼, 其中, 你带了 3 块饼, 汤姆带了 5 块饼, 一共是 8 块饼。你吃了其中的 $1/3$, 即 $8/3$ 块, 路人吃了你带的饼中的 $3 - 8/3 = 1/3$ 块; 你的朋友汤姆也吃了 $8/3$ 块, 路人吃了他带的饼中的 $5 - 8/3 = 7/3$ 块。这样, 路人所吃的 $8/3$ 块饼中, 有你的 $1/3$, 汤姆的 $7/3$ 。因此路人所吃的饼中, 属于汤姆的是属于你的

7倍。所以,对于这8个金币,公平的分法是:你得1个金币,汤姆得7个金币。你看有没有道理?”

约克听了夏普利的分析认为有道理,愉快地接受了1个金币,而让汤姆得到了7个金币。

在这个故事中,我们看到,夏普利所提出的对金币的“公平的”分法,遵循的原则是:每个人的所得与他做出的贡献相等。这就是夏普利值的“核心内涵”。

夏普利值的计算依据是:每个参与者对联盟的贡献。夏普利值赋予每个联盟博弈一个独一无二的“合理产出”,用以考虑并加以妥协所有相互冲突的主张。夏普利值回答了这样一个问题:参与者怎样才能“合理地”分享联盟博弈中的剩余?在联盟博弈中,每个参与者都以一定概率选择“单干”或者与其他参与者联盟。当参与者 i 加入某一个联盟时,会对原联盟的特征函数值(保证水平)产生影响,使原联盟的特征函数值由 v_1 变为 v_2 。而 $v_2 - v_1$ 就是参与者 i 对原联盟的贡献。将参与者 i 对该联盟的贡献与他加入该联盟的概率相乘,就得到了参与者 i 参加该联盟的期望效用。再将参与者 i 所有可能参加的联盟的期望效用累加,就得到了参与者 i 参加联盟博弈的期望效用。这个期望效用就称为参与者 i 的夏普利值。

与市场经济中按边际生产力分配的原则一样,在联盟博弈中按照各个参与者的贡献进行分配,也比较公平和容易被接受。夏普利值反映的正是各个参与者在联盟博弈中的贡献和价值,因此夏普利值是联盟博弈中进行公平分配的有效方法。

夏普利值是联盟博弈的最重要的解概念之一,在资源管理、税务分担、公用事业定价以及政治生活等方面都有重要作用。例如,班扎夫所提出的政治选举中的“班扎夫权力指数”,就是利用夏普利值的思想构造的。



进阶阅读

作为夏普利值基础的三个公理:

(1) 对称性公理:每个参与者获得的分配与他在集合 $N = \{1, 2, \dots, n\}$ 中的排列位置无关。

(2) 有效性公理:①若参与者 i 对他所参加的任一合作都无贡献,则给他的分配应为0;②全体参与者的夏普利值之和分割完相应联盟的价值,也即特征函数值。

(3) 加法公理:两个独立的博弈合并时,合并博弈的夏普利值是两个独立博弈的夏普利值之和。

夏普利证明了同时符合上述三个公理,描述联盟博弈 $B(N, v)$ 各个参与者价值的唯一指标是向量 $(\varphi_1, \dots, \varphi_n)$,其中 $\varphi_i = \sum_{S \in N} \frac{(n-k)!(k-1)!}{n!} [v(S) - v(S \setminus \{i\})]$, φ_i 公式中 n 是联盟博弈的总人数, $k = |S|$ 为联盟 S 的规模,即 S 中包含的参与者数量。向量 $(\varphi_1, \dots, \varphi_n)$ 称为联盟博弈 $B(N, v)$ 的“夏普利值”, φ_i 是参与者 i 的夏普利值。

从概率的角度来理解夏普利值的思想:假设参与者按照随机顺序形成联盟,每种顺序发生的概率都相等,均为 $1/n!$ 。参与者 i 与其前面的 $(|S| - 1)$ 人形成联盟 S ,参与者 i

对该联盟的边际贡献为 $v(S) - v(S \setminus \{i\})$ 。由于 $S \setminus \{i\}$ 与 $N \setminus S$ 的参与者排序共有 $(k-1)!(n-k)!$ 种, 因此, 每种排序出现的概率就是 $\frac{(n-k)!(k-1)!}{n!}$ 。可见, 参与者 i 在所有联盟 S 中的边际贡献的期望得益之和恰好就是夏普利值。



扩展阅读: 罗伊德·夏普利

罗伊德·夏普利, 出生于 1923 年 6 月 2 日, 美国著名数学家和经济学家, 在美国加州大学洛杉矶分校数学和经济系担任教授。在 20 世纪 40 年代的纽曼和摩根斯坦之后, 夏普利被认为是博弈论领域最出色的学者。他在数理经济学和博弈论领域有卓越贡献, 代表理论有随机对策理论、Bondareva-Shapley 规则、Shapley-Shubik 权力指数、Gale-Shapley 运算法则、潜在博弈论概念、Aumann-Shapley 定价理论、Harsanyi-Shapley 解决理论、Shapley-Folkman 定理等。2012 年, 罗伊德·夏普利和阿尔文·罗斯(Alvin Roth) 因对稳定配置理论和市场设计实践的卓越贡献而荣膺诺贝尔经济学奖。

谈起夏普利, 许多中国学者会对他有一种天然的亲切感, 因为他曾经在中国的土地上与中国军民并肩抗击过日本侵略者。1943 年, 作为哈佛大学数学系的一名本科生, 他应征入伍成为一名空军中士, 并很快奔赴中国成都战区。当时, 夏普利展现出了卓越的数学才能, 并因破解气象密码获得铜星奖章。战争结束后, 夏普利回到哈佛大学继续念书。他在 1948 年取得数学学士学位, 随后进入普林斯顿大学数学系, 一路念到博士毕业(他的博士导师也是纳什的导师)。此后, 他长期在美国著名的“战略思想库”兰德公司工作, 1981 年后, 则一直担任美国加州大学洛杉矶分校数学和经济系教授。

2002 年 8 月, 夏普利因为参加青岛大学承办的“2002 国际数学家大会‘对策论及其应用’卫星会议”再次来到中国。青岛之行, 当再次讲述起他与中国相隔近 60 年的那段渊源时, 老先生依然非常激动!

8.5 合作博弈应用举例*

8.4 节介绍了合作博弈的由来和特征, 将合作博弈分为两大类——两人讨价还价问题和联盟博弈, 并分别介绍了两类博弈的表示方法和相关概念, 相信大家对合作博弈已经有了初步印象。本节将以排列博弈和稳定匹配为例进行讲解。这些例子真实有趣又具有代表性, 可以让我们了解合作博弈的应用之广泛, 同时为我们今后处理类似的问题提供了模板。

8.5.1 排列博弈

排列博弈最早是由 Tijs 等作为一种成本博弈提出的。首先考虑下面这样一个机器排列问题:

- (1) 一共有 n 个参与者, 每个参与者 i 拥有一台机器 M_i , 且有一个任务 J_i 待完成。
- (2) 任何一个参与者的机器都可以完成所有参与者的任务, 但是每台机器至多只能

完成一个任务。

(3) 允许形成联盟,且效用可在参与者之间交换转移。

(4) 如果参与者之间不进行合作,则每个参与者的任务在自己的机器上完成。

(5) 在机器 M_j 上完成任务 J_i 所需要付出的成本是 k_{ij} , $1 \leq i, j \leq n$ 。

此联盟博弈待求解的问题是:如何给每台机器安排任务,才能使完成所有任务的总成本最低,以及如何分摊成本?

考虑一个三人排列问题。设在每台机器上完成各项任务的成本依次为 $k_{11}=2, k_{21}=1, k_{31}=7, k_{12}=4, k_{22}=6, k_{32}=8, k_{13}=3, k_{23}=10, k_{33}=9$ 。

显然, $c(\emptyset)=0$ 。如果三人不形成联盟(三人不合作),则每人所需成本依次为: $c(\{1\})=2, c(\{2\})=6, c(\{3\})=9$ 。如果参与者1和2形成联盟,则所需的最低成本为: $c(\{1,2\})=\min\{2+6, 1+4\}=5$;同理参与者1和3形成联盟与参与者2和3形成联盟所需的最低成本分别: $c(\{1,3\})=10, c(\{2,3\})=15$ 。如果参与者1、2和3形成联盟,则所需的最低成本为: $c(\{1,2,3\})=\min\{2+6+9, 2+8+10, 1+4+9, 1+8+3, 7+4+10, 7+6+3\}=12$ 。

如果三个参与者都愿意合作的话,那么成本最小的结果是:任务1在机器3上完成、任务2在机器1上完成、任务3在机器2上完成,总成本为12。利用夏普利值公式计算每个人应该分摊的成本,可得

$$c(1)=-1/3, \quad c(2)=25/6, \quad c(3)=49/6$$

即该排列博弈的总最低成本为12。其中,参与者2应支付25/6,参与者3应支付49/6,剩余的1/3应该归参与者1所有。



进阶阅读

为了更普遍地理解排列问题的本质,来看排列博弈的数学表示。对于博弈 v , 设参与者集合 $N=\{1,2,\dots,n\}$ 。每个参与者 $i \in N$ 认为某个排列 $\pi \in \Pi_N$ 的价值是 $k_{\pi(i)}$ 。任意联盟 $S \subset N$ 都可以变更排列 π 以使只有本联盟的成员被排列,即 $\pi(i)=i (\forall i \in N \setminus S)$ 。联盟 S 的价值 $v(S)$ 定义为联盟 S 所有成员的价值之和在所有可行的排列上的最大值。正式地说,设 Π_S 表示满足 $\pi(i)=i (\forall i \in N \setminus S)$ 的所有排列 $\pi \in \Pi_N$ 的集合,则

$$v(S) = \max_{\pi \in \Pi_S} \sum_{i \in S} k_{\pi(i)}$$

这就是排列博弈。

8.5.2 稳定匹配

匹配博弈是一类研究和应用都非常广泛的博弈,最早开始于盖尔和夏普利1962年简短而有重要启发意义的一篇论文,研究大学招生和婚姻匹配问题。

匹配问题最初是由婚姻问题开始研究的,但是相关的经济应用也有很多。例如,经理寻找雇员、教授寻找研究助理、机长寻找副手等,都是类似的问题。他们的共同点是一方发出匹配邀约,另一方决定是否接受。

但是,在一对一匹配问题中,最典型的仍然是婚姻匹配问题。因此,我们将以婚姻匹配问题为例,寻找博弈中的稳定匹配。

假设存在一个婚姻介绍所,很多未婚男女把自己的信息和偏好提供给婚姻介绍所,然后由婚姻介绍所根据参与者偏好来进行匹配。我们以两个有限集合 $M = \{m_1, m_2, \dots, m_n\}$ 和 $W = \{w_1, w_2, \dots, w_n\}$ 分别表示所有的未婚男士和女士的集合。每个男士(女士)都对其潜在的可能配偶拥有严格的偏好,即他在不同选择之间总是可以做出比较和判断,或者认为女士(男士) A 优于 B ,或者认为 B 优于 A 。并且偏好是可传递的,即如果他认为 A 优于 B ,而 B 优于 C ,那么 A 也优于 C 。

假设 $P(m)$ 表示某男士在集合 $W \cup \{m\}$ 上的偏好。例如

$$P(m) = w_1, w_2, w_4, w_3$$

这表明他最希望与 w_1 匹配,其次是 w_2 ,再次是 w_4 ,最后是 w_3 。女士的偏好也可以类似地给出。在匹配博弈中,我们假设参与者对于不同匹配的偏好仅仅取决于自己的偏好,而不考虑其他参与者的偏好,也就是说假设参与者是自利的。

一个“匹配”是指:给出每位男士和每位女士的一男一女的“一对一”组合。在这里有一个非常关键的假定:婚姻匹配是自愿的。也就是说,婚姻介绍所给出了一个匹配列表,如果某个参与者不同意按照列表中的结果,可以自行与另一个集合中的参与者沟通并配对。这个假设直接决定了婚姻匹配问题中的核心问题:匹配的稳定性问题。当一个特定的匹配被提出,如果某一个“一对一”组合中的男士(女士)与另一对组合中的女士(男士)更愿意结合,那么该匹配就不稳定。如果在一个匹配中没有出现任何一位男士和一位女士产生类似于上述反对的情形,则称这个匹配是稳定的。将要讨论的核心问题是:是否存在一个稳定的匹配,以及如何达到稳定的匹配?

显然,最好的配对方案是:每个人的另一半正好都是自己的“第一选择”。然而这种完美的方案在绝大多数情况下都不可能实现。例如, m_1 最喜欢的是 w_1 ,而 w_1 的最爱不是 m_1 ,这两个人的最佳选择就不可能被同时满足。如果几位男士同时最喜欢同一女士,这几位男士的首选也不会同时得到满足。当这种最为理想的配对方案无法实现时,怎样的配对方案才能令人满意呢?

先看一种较为简单的情况。假设只有 2 男 2 女。图 8-8 所示的就是 2 男 2 女的一种情形,每个男的都更喜欢 w_1 ,但 w_1 更喜欢 m_2 , w_2 更喜欢 m_1 。若按 $(m_1, w_1), (m_2, w_2)$ 进行搭配,则 m_2 和 w_1 都更喜欢对方一些,这样的婚姻搭配就是不稳定的。但若换一种搭配方案(图 8-9),这样的搭配就是稳定的了。

$$\begin{array}{ll} m_1(w_1, w_2) & \text{——} w_1(m_1, m_2) \\ m_2(w_1, w_2) & \text{——} w_2(m_1, m_2) \end{array}$$

图 8-8 一个不稳定的婚姻搭配

$$\begin{array}{ll} m_1(w_1, w_2) & \text{——} w_2(m_1, m_2) \\ m_2(w_1, w_2) & \text{——} w_1(m_1, m_2) \end{array}$$

图 8-9 一个稳定的婚姻搭配

很多人可能会立即想到一种寻找稳定婚姻搭配的策略:不断修补当前搭配方案。如果两个人互相都觉得对方比自己当前的伴侣更好,就让这两个人成为一对,剩下被甩的那两个人组成一对。如果还有想要私奔的男女对,就继续按照他们的愿望对换情侣,直到最

终消除所有的不稳定组合。

不难看出,应用这种“修补策略”所得到的最终结果一定满足稳定性,但这种策略的问题在于,它不一定存在“最终结果”。事实上,按照上述方法反复调整搭配方案,最终可能会陷入死循环。

假如有4男4女,相互偏好如图8-10所示。

遗憾的是,利用之前的分析方法,我们会得到下面的死循环,如图8-11所示。

$m_1(w_3, w_4, w_2, w_1)$	$w_1(m_1, m_4, m_3, m_2)$
$m_2(w_3, w_2, w_4, w_1)$	$w_2(m_1, m_2, m_3, m_4)$
$m_3(w_1, w_3, w_4, w_2)$	$w_3(m_1, m_3, m_4, m_2)$
$m_4(w_2, w_4, w_3, w_1)$	$w_4(m_2, m_1, m_4, m_3)$

图8-10 4男4女相互偏好

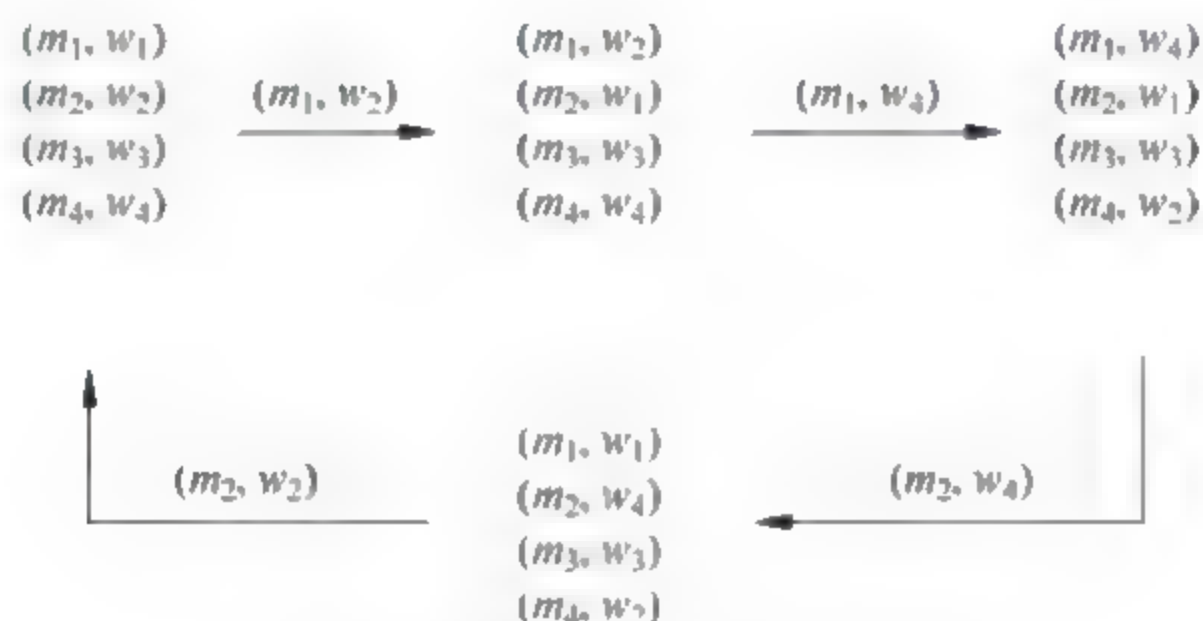


图8-11 “修补策略”导致的死循环

可见应用“修补策略”寻找稳定匹配方案不仅过程十分烦琐,甚至难以回答“稳定匹配是否存在”这一基本问题。因此,我们需要寻找一种新的方法,既能回答是否存在稳定匹配又能准确地达成匹配。这就是我们接下来要介绍的“Gale-Shapley 算法”。

1962年,美国数学家盖尔和夏普利提出了一种寻找稳定婚姻的策略。无论男女各有多少人,也不管他们的偏好如何,应用这种策略总能得到一个稳定的搭配。换言之,他们证明了稳定的婚姻匹配总是存在的。

在这种策略中,男士将一轮一轮地去追求他中意的女士,女士可以选择接受或者拒绝她的追求者。此即 Gale-Shapley 算法,过程如下。

Gale-Shapley 算法:

初始状态: 有对等数量的男士和女士相互匹配。每个男士心目中都有一個排序,是关于所有女士的喜欢程度的;女士心目中也有一個排序,是关于所有男士的接受程度的。

第一轮。 每个男士都选择自己心目中排在首位的女士,并向她表白。此时,一个女士可能面对的情况有三种:没有人跟她表白,只有一个人跟她表白和不止一人向她表白。在第一种情况下,这个女士什么都不用做,只需继续等待;在第二种情况下,不拒绝,暂时先谈着;在第三种情况下,从所有追求者中选择自己最中意的那一位,先谈着,并拒绝所有其他追求者。

第二轮。 第一轮结束后,有些男士已经有女朋友了,有些男士仍然是单身。在第二轮追求女士行动中,每个单身男士都从所有还没拒绝过他的女士中选出自己最中意的那一个,并向她表白,不管她现在是否是单身。和第一轮一样,女士们需要从表白者中选择最中意的一位,拒绝其他追求者。注意,如果这个女士已经有男朋友了,当她遇到了更好的

追求者时,她必须拒绝现任,投向新的追求者的怀抱。这样,一些单身男士将会得到女友,也有一些将成为前任。

……在以后的每一轮中,被拒绝的单身男士继续追求心目中的下一个女士,女士则进行比较并决定是否拒绝。

结束。这样一轮一轮地进行下去,直到某个时候所有人都不再单身,下一轮将不会有任何新的表白发生,整个过程自动结束。

这个策略为什么一定可以得到一个稳定的匹配方案呢?下面将给予证明。

(1) 随着轮数的增加,总有一个时候所有人都能配对。由于在每一轮中,至少会有一个男士向某个女士告白,因此总的告白次数将随着轮数的增加而增加。倘若整个流程一直没有因所有人都配上对了而结束,最终必然会出现某个男士追遍了所有女士的情况。而一个女士只要被人追过一次,以后就不可能再单身了。既然所有女士都被这个男士追求过,就说明所有女士现在都不是单身,也就是说此时所有人都已配对。

(2) 随着轮数的增加,男士追求的对象越来越糟,而女士的男友则可能变得越来越好。假设 m_1 和 w_1 各自有各自的对象,但比起现在的对象, m_1 更喜欢 w_1 。那么, m_1 之前肯定已经向 w_1 表白过。既然 w_1 最后没有和 m_1 在一起,说明 w_1 拒绝了 m_1 ,也就是说她有了比 m_1 更好的男士。这就证明了,两个人虽然不是一对,但都觉得对方比自己现在的伴侣好,这样的情况绝不可能发生。

再次讨论前述的 1 男 4 女问题,虽然“修补策略”是行不通的,但是应用 Gale-Shapley 算法则可以快速地得到该匹配问题的均衡。具体过程如图 8-12 所示,其中“×”表示被拒绝。

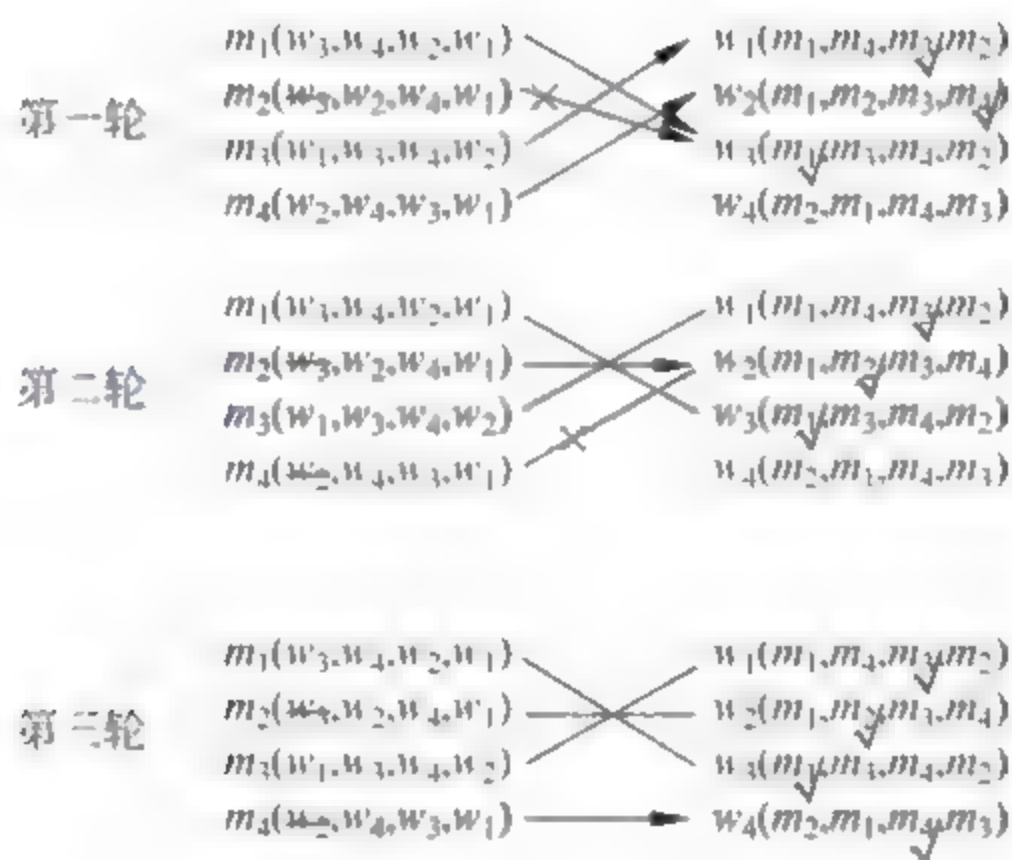


图 8-12 应用上述策略,三轮之后将得出稳定的婚姻搭配

我们把用来解决某种问题的一个策略,或者一个方案,或者一系列操作规则,称为“算法”。上述用来寻找稳定婚姻的策略就叫作“Gale-Shapley 算法”,或称为“延迟接受算法”。

定理 8.2 假设 μ 是一个婚姻匹配问题的任一分配, 则存在有限个匹配组成的序列 $\mu_1, \mu_2, \dots, \mu_k$, 使得 μ_k 是稳定匹配, 而且对于 $i=1, 2, \dots, (k-1)$, 都存在 (m_i, w_i) 来阻止 μ_i , 而且 μ_{i+1} 是在 μ_i 的基础上满足了 (m_i, w_i) 的要求所得到的。

上述定理说明: 对任意一个婚姻匹配问题, 从任一匹配出发, 通过参与者的独立决策, 最终总是可以收敛到稳定匹配。



进阶阅读: Gale-Shapley 算法的应用和弊端

自从盖尔和夏普利提出稳定匹配理论后, 该理论被广泛且富有成效地应用于双边的环境中。例如, 大学的录取、课程分配、住房分配、婚姻的匹配、住院大夫就职、肾脏交换等, 尤其在最新的、大型的、具有重要社会性的资源分配问题中得到日益广泛的应用。

以美国的“全国住院医师配对项目”为例, 该项目采取的配对的基本流程是: 各医院从尚未拒绝从这一职位的医学院学生中选出最佳人选并发送聘用通知, 当学生收到来自各医院的聘用通知后, 系统会根据他所填写的意愿表自动将其分配到意愿最高的职位, 并拒绝掉其他的职位。如此反复, 直到每个学生都分配到了工作。实际上, 在 Gale-Shapley 算法提出之前, 美国就已经开始用这种办法给医学院的学生安排工作了, 只是当时人们并不知道这样的流程可以保证工作分配的稳定性, 单纯地凭直觉认为这是很合理的。直到 10 年之后, Gale 和 Shapley 才系统地研究了这个流程, 提出了稳定婚姻问题, 并证明了这个算法的正确性。

但这个算法还有一些局限。例如, 它无法处理 $2n$ 个人(不分男女)的稳定搭配问题。一个简单的应用场景便是宿舍分配问题: 假设每个宿舍住两个人, 已知 $2n$ 个学生中每一个学生对其余 $2n-1$ 个学生的偏好评价, 如何寻找一个稳定的宿舍分配? 此时, Gale-Shapley 算法就不再有用武之地了。事实上, 宿舍分配问题中可能根本就不存在稳定匹配。

为了简化问题, 考虑四个参与者 a, b, c, d , 其偏好为

$$P(a) = b, c, d$$

$$P(b) = c, a, d$$

$$P(c) = a, b, d$$

d 和任意一人成为室友都可以。

由偏好可见, 大家都不愿意和 d 一起住, 而且其他三个人中的每个人都有另外某个人最喜欢和他一起住。显然, 这个宿舍分配问题不可能存在稳定的匹配。因为任何一个匹配都必须有人与 d 作伴, 那么一定会有人来阻止这样的匹配。

Gale 和 Shapley 在稳定匹配问题上的卓越工作激发了人们对于该问题的各种变体的广泛调查和研究, 包括在实践中不断出现的各种困难和细节, 其中两个最重要的变体是: 非严偏好的多对一匹配和非严偏好的多对多匹配。有兴趣的读者可参阅更多的资料。

Gale 和 Shapley 的研究成果还可广泛用于解决中国现实社会存在的问题。例如,目前中国发展的地区差别、城乡差别、工农差别和行业差别等,每个问题都与资源配置、市场设计密切相关。运用 Gale 和 Shapley 的成果可以设计合理的市场机制来分配资源,以达到最优的分配,从而减少差异,减少矛盾,促进社会发展。



本章小结与习题

参 考 文 献

- [1] Akerloff G. The market for lemons: Quality uncertainty and the market mechanism[J]. Quarterly journal of economics, 1970, 84(3): 488-500.
- [2] Banks J S, Weintraub E R. Toward a history of game theory[J]. Journal of Interdisciplinary History, 1992, 25(4): 647.
- [3] Barnard G A. The foundations of statistics [M]. New York: Wiley, 1954.
- [4] Bó P D, Fréchette G R. The evolution of cooperation in infinitely repeated games: Experimental evidence[J]. American Economic Review, 2011, 101(1): 411-429.
- [5] Boyd R, Richerson P J. Culture and the evolution of human cooperation[J]. Philosophical Transactions of the Royal Society B: Biological Sciences, 2009, 364(1533): 3281-3288.
- [6] Fehr E, Schmidt K M. A Theory of Fairness, Competition, and Cooperation[J]. Quarterly Journal of Economics, 1999, 114(3): 817-868.
- [7] Friedman A. Computation of saddle points for differential games of pursuit and evasion[J]. Archive for Rational Mechanics & Analysis, 1971, 40(2): 79-119.
- [8] Friedman J W. A Noncooperative View of Oligopoly[J]. International Economic Review, 1971, 12(1): 106-122.
- [9] Fudenberg D, Tirole J. Perfect Bayesian equilibrium and sequential equilibrium[J]. Journal of Economic Theory, 1991, 53(53): 236-260.
- [10] Ge Z, Hu Q, Xia Y. Firms' R&D Cooperation Behavior in a Supply Chain[J]. Production & Operations Management, 2014, 23(4): 599-609.
- [11] Ge Z, Hu Q. Collaboration in R&D activities: Firm-specific decisions[J]. European Journal of Operational Research, 2008, 185(2): 864-883.
- [12] Ge Z, Zhang Z K, Lü L, et al. How altruism works: An evolutionary model of supply networks[J]. Physica A, 2012, 391(3): 647-655.
- [13] Henrich J, McElreath R, Barr A, et al. Costly punishment across human societies[J]. Chinese Science & Technology Translators Journal, 2008, 312(5781): 1767-1770.
- [14] Kreps D M, Wilson R. Reputation and imperfect information [J]. Levines Working Paper Archive, 1999, 27(2): 253-279.
- [15] Kübler D, Muller W, Normann H T. Job-market signaling and screening: An experimental comparison[J]. Games & Economic Behavior, 2008, 64(1): 219-236.
- [16] Lewis D K. Convention: A Philosophic Study[J]. Philosophical Books, 1969, 11(2): 14-15.
- [17] Luce R D, Raiffa H. Games and decisions: introduction and critical survey[M]. New York: Wiley, 1957.
- [18] Malhotra D. Decision Making Using Game Theory: An Introduction for Managers, by Anthony Kelly[J]. Academy of Management Review, 2005, 30(1): 193-194.
- [19] Niou E, Ordeshook P C. Strategy and Politics: An Introduction to Game Theory [M]. New York: Routledge, 2015.
- [20] Ordeshook P C, Palfrey T R. Agendas, strategic voting, and signaling with incomplete

- information[J]. American Journal of Political Science, 1988, 32(2): 441-466.
- [21] Powell R. Nuclear brinkmanship, limited war, and military power [J]. International Organization, 2015, 69(3): 589-626.
- [22] Paik A, Woodley V. Symbols and investments as signals: Courtship behaviors in adolescent sexual relationships[J]. Rationality & Society, 2012, 24(1): 3-36.
- [23] Ramsey F P. Truth and Probability[J]. History of Economic Thought Chapters, 1926, 57(3): 211-238.
- [24] Schelling T C. The strategy of conflict [M]. MA Cambridge: Harvard University Press, 1960.
- [25] Thielscher M. A general game description language for incomplete information games[C]// Twenty-Fourth AAAI Conference on Artificial Intelligence. Palo Alto: AAAI Press, 2010: 994-999.
- [26] Van den Assem M J, Van Dolder D, Thaler R H. Split or steal? Cooperative behavior when the stakes are large[J]. Management Science, 2012, 58(1): 2-20.
- [27] Von Neumann, J., Morgenstern, O. Theory of games and economic behavior[M]. New Jersey: Princeton University Press, 1944.
- [28] 阿维纳什·迪克西特, 巴里·奈尔伯夫. 策略思维: 商界、政界及日常生活中的策略竞争[M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2013.
- [29] 阿维纳什·迪克西特, 巴里·奈尔伯夫. 妙趣横生博弈论[M]. 北京: 机械工业出版社, 2015.
- [30] 阿维纳什·迪克西特, 冯曲. 经济理论中的最优化方法[M]. 2版. 上海: 上海人民出版社, 2006.
- [31] 保罗·米格罗姆. 拍卖理论与实务[M]. 杜黎, 胡奇英, 等, 译. 北京: 清华大学出版社, 2006.
- [32] 常青. 应该读点经济学[M]. 北京: 中信出版社, 2009.
- [33] 陈敏. 不存在纯策略纳什均衡的重复博弈[J]. 湖北科技学院学报, 2005, 25(6): 15-17.
- [34] 丹·艾瑞里. 怪诞行为学[M]. 北京: 中信出版社, 2010.
- [35] 邓力平, 安然. 纳税人遵从的演化博弈分析[J]. 国际税收, 2006, 215(5): 12-15.
- [36] 董保民, 王运通, 郭桂霞. 合作博弈论[M]. 北京: 中国市场出版社, 2008.
- [37] 董志强. 无知的博弈: 有限信息下的生存智慧[M]. 北京: 机械工业出版社, 2009.
- [38] 冯梦龙, 蔡元放. 东周列国志[M]. 上海: 上海古籍出版社, 2012.
- [39] 葛泽慧, 孟志青, 胡奇英. 竞争与合作: 数学模型及供应链管理[M]. 北京: 科学出版社, 2011.
- [40] 葛泽慧, 胡奇英. 上下游企业间的研发协作与产销竞争共存研究[J]. 管理科学学报, 2010, 13(4): 12-22.
- [41] 郭其友, 李宝良. 冲突与合作: 博弈理论的扩展与应用——2005年度诺贝尔经济学奖获得者奥曼和谢林的经济理论贡献述评[J]. 外国经济与管理, 2005, 27(11): 1-11.
- [42] 何维·莫林. 合作的微观经济学[M]. 上海: 格致出版社, 2011.
- [43] 何植民, 王珂. 国内学界关于非理性研究综述[J]. 前沿, 2009(12): 20-25.
- [44] 黄凯南. 演化博弈与演化经济学[J]. 经济研究, 2009(2): 154-158.
- [45] 黄凯南, 程臻宇. 认知理性与个体主义方法论的发展[J]. 经济研究, 2008(7): 142-155.
- [46] 姜黎皓. 论市场经济与宏观调控[J]. 创造, 1998(10): 29-30.
- [47] 姜树广, 韦倩. 信念与心理博弈: 理论、实证与应用[J]. 经济研究, 2013(6): 141-154.
- [48] 蒋国云, 蒋毅一. 理性、有限理性和非理性[J]. 世界经济情况, 2005(14): 28-31.
- [49] 蒋正峰, 贺寿南. 博弈论中的理性问题分析[J]. 华南师范大学学报(社会科学版), 2009(1): 49-52.
- [50] 焦宝聪, 陈兰平, 方海光. 博弈论: 思想方法及应用[M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2013.
- [51] 金雪军, 余津津. 信息不对称、声誉效应与合作均衡——以 eBay 在线竞标多人重复博弈为例[J].

- 社会科学战线, 2004(1): 70-75.
- [52] 克里斯汀·蒙特, 丹尼尔·塞拉. 博弈论与经济学[M]. 北京: 经济管理出版社, 2011.
- [53] 李军林, 郭亚玲. 理性、均衡与演进博弈论——一个关于博弈理论发展的评述[J]. 南开经济研究, 2000(4): 48-52.
- [54] 李维安, 吴德胜, 徐皓. 网上交易中的声誉机制——来自淘宝网的证据[J]. 中国工商管理研究前沿, 2008, 10(3): 36-46.
- [55] 罗伯特·吉本斯. 博弈论基础[M]. 北京: 中国社会科学出版社, 2011.
- [56] 罗贯中. 三国演义[M]. 北京: 人民文学出版社, 2005.
- [57] 罗杰·麦凯恩. 博弈论——战略分析入门[M]. 北京: 机械工业出版社, 2006.
- [58] 罗杰·迈尔森. 博弈论: 矛盾冲突分析[M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2015.
- [59] 骆骁, 张炎, 张洪顺. 英国 4G 频谱拍卖带来的思考[J]. 中国无线电, 2013(3): 6-7.
- [60] 马毅华. 频谱拍卖二十年: 制度化已形成[J]. 通信世界, 2010(42): 17.
- [61] 南旭光. 博弈与决策[M]. 北京: 外语教学与研究出版社, 2012.
- [62] 潘汉中, 陈鹏, 马静洁. 信号交叉口行人违章过街从众心理研究[J]. 交通运输研究, 2010(23): 150-156.
- [63] 潘天群. 博弈生存: 社会现象的博弈论解读[M]. 南京: 凤凰出版社, 2010.
- [64] 平新乔. 微观经济学十八讲[M]. 北京: 北京大学出版社, 2001.
- [65] 乔尔·沃森. 策略: 博弈论导论[M]. 上海: 格致出版社, 2010.
- [66] 圣铎. 每天读点博弈论: 日常生活中的博弈策略[M]. 北京: 中国华侨出版社, 2013.
- [67] 施锡铨. 合作博弈引论[M]. 北京: 北京大学出版社, 2012.
- [68] 苏治. 理性与非理性的博弈: 现代投资决策理论的演进[J]. 求是学刊, 2011, 38(4): 70-76.
- [69] 王春永. 博弈论的诡计全集[M]. 北京: 中国发展出版社, 2011.
- [70] 王国成. 从一般均衡到对策均衡: 经济学的世纪抉择[J]. 天津社会科学, 2000(1): 55-59.
- [71] 王丽颖. 重复博弈: 信用合作的逻辑路径选择[D]. 长春: 吉林大学, 2005.
- [72] 王先甲, 刘伟兵. 有限理性下的进化博弈与合作机制[J]. 上海理工大学学报, 2011, 33(6): 679-686.
- [73] 王先甲, 全吉, 刘伟兵. 有限理性下的演化博弈与合作机制研究[J]. 系统工程理论与实践, 2011(s1): 82-93.
- [74] 王鑫, 李研. 区域电力市场中发电商竞价策略的最优反应动态模型[J]. 华北电力大学学报(自然科学版), 2006, 33(6): 51-54.
- [75] 王亚楠. 竞争与协同的博弈策略[J]. 中外企业家, 2013(13): 73-74.
- [76] 王则柯, 葛菲. 纳什均衡: 动态博弈的初步讨论[M]. 上海: 上海科学技术出版社, 2009.
- [77] 王泽榔. 生物进化论的发展及其哲学思考[J]. 大众科技, 2008(3): 171-172.
- [78] 吴莉婧. 中美贸易摩擦的博弈分析[J]. 人民论坛, 2012(8): 164-165.
- [79] 西尔维娅·娜萨, 王尔山. 美丽心灵: 纳什传[M]. 上海: 上海科技教育出版社, 2014.
- [80] 肖条军. 博弈论及其应用[M]. 上海: 三联书店, 2004.
- [81] 小约瑟夫·哈林顿. 哈林顿博弈论[M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2012.
- [82] 谢识予. 有限理性条件下的进化博弈理论[J]. 上海财经大学学报, 2001, 3(5): 3-9.
- [83] 谢识予. 经济博弈论[M]. 3版. 上海: 复旦大学出版社, 2007.
- [84] 徐心和, 王艳, 刘纪红, 等. 博弈论的里程碑成果与局限性分析[C]. 中国控制与决策会议, 2008: 1214-1219.
- [85] 许毅, 隆武华. 西方经济学中始终存在着“自由放任”与“国家宏观调控”两种学说[J]. 财政研究, 1994(10): 55-60.

-
- [86] 姚国庆. 博弈论[M]. 北京: 高等教育出版社, 2007.
- [87] 杨懋, 祁守成. 囚徒困境从单次博弈到重复博弈[J]. 商业时代, 2009(2): 14-15.
- [88] 章平. 信念调整、学习行为和均衡收敛的博弈模型研究进展[J]. 南京社会科学, 2009(1): 37-43.
- [89] 赵东生. 博弈论入门[M]. 郑州: 河南科学技术出版社, 2014.
- [90] 詹姆斯·D. 米勒. 活学活用博弈论[M]. 北京: 机械工业出版社, 2011.
- [91] 张维迎. 博弈论与信息经济学[M]. 上海: 格致出版社, 2012.
- [92] 张维迎. 博弈与社会[M]. 北京: 北京大学出版社, 2013.
- [93] 张小嫻. 谢谢你离开我[M]. 长沙: 湖南文艺出版社, 2013.
- [94] 郑也夫. 新古典经济学“理性”概念之批判[J]. 社会学研究, 2000(4): 7-15.
- [95] 中国科学技术协会. 运筹学学科发展报告: 2012-2013[M]. 北京: 中国科学技术出版社, 2014.
- [96] 中国拍卖行业协会. 拍卖经济学教程[M]. 北京: 中国财政经济出版社, 2012.
- [97] 钟永光. 系统动力学[M]. 北京: 科学出版社, 2013.
- [98] 朱·弗登博格, 让·梯若尔. 博弈论[M]. 北京: 中国人民大学出版社, 2015.
- [99] 吴军友. 基于最优反应动态机制的发电商竞价策略研究[D]. 北京: 华北电力大学, 2011.

附录



名词中英文对照



致 谢

首先,感谢我们的家人,感谢他们的付出和支持!

其次,感谢广东财经大学袁继红教授在编写过程中的建议;感谢北京科技大学许纪倩、范玉妹、管志安、冯梅、张文新、王未卿、刘祥东、王海凤等老师在《博弈论入门》授课过程中的建议(排名不分先后)。

再次,感谢关昊天、任珂、胡华清及选课学生们的后期建议和教学反馈。

最后,特别感谢何维达、谢媛教授的持续支持和审阅,特别感谢本书编审们的大量工作。